

SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO  
TỈNH THÁI NGUYÊN  
ĐỀ THI CHÍNH THỨC  
(Đề thi có 06 trang)

THI THỬ TỐT NGHIỆP THPT NĂM 2020 (LẦN 2)

Bài thi: TOÁN

Thời gian làm bài: 90 phút, không kể thời gian phát đề

Họ và tên thí sinh: .....  
Số báo danh: .....

Mã đề thi 116

Câu 1. Điểm cực tiểu của hàm số  $f(x) = x^3 - 3x^2 - 9x + 1$  là

- A.  $y = 6$ .      B.  $x = -1$ .      C.  $x = 3$ .      D.  $y = -26$ .

Câu 2. Thể tích của khối cầu có đường kính bằng 10 là

- A.  $\frac{400\pi}{3}$ .      B.  $\frac{500\pi}{3}$ .      C.  $100\pi$ .      D.  $50\pi$ .

Câu 3. Trong không gian  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d: \frac{x+1}{2} = \frac{y-1}{3} = \frac{z+3}{-2}$ . Điểm nào dưới đây thuộc  $d$ ?

- A.  $M(1;1;-3)$ .      B.  $Q(3;2;-2)$ .      C.  $P(-1;1;-3)$ .      D.  $N(2;3;-2)$ .

Câu 4. Cho khối chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông cân tại  $A$ , cạnh  $AB = AC = a$ , cạnh bên  $SA = a\sqrt{2}$  và  $SA$  vuông góc với mặt phẳng  $(ABC)$ . Thể tích của khối chóp  $S.ABC$  bằng

- A.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{6}$ .      B.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{8}$ .      C.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{4}$ .      D.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{2}$ .

Câu 5. Một nguyên hàm của hàm số  $f(x) = \sin x$  là

- A.  $F(x) = 2\sin x$ .      B.  $F(x) = \frac{1}{2}\sin^2 x$ .  
C.  $F(x) = \cos x$ .      D.  $F(x) = -\cos x - 1$ .

Câu 6. Với  $a$  là số thực tùy ý,  $\log_3 \frac{1}{9^a}$  bằng

- A.  $-2a$ .      B.  $a^3$ .      C.  $a^2$ .      D.  $\frac{1}{a}$ .

Câu 7. Cho cấp số cộng  $(u_n)$  với  $u_1 = 2$  và  $u_2 + u_3 = 5$ . Công sai của cấp số cộng đã cho bằng

- A.  $\frac{1}{2}$ .      B.  $\frac{1}{4}$ .      C.  $\frac{1}{3}$ .      D. 2.

Câu 8. Nếu  $\int_0^1 f(x) dx = 3$  thì  $\int_0^1 2f(x) dx + 5$  bằng

- A. 2.      B. 8.      C. 11.      D. 10.

Câu 9. Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S): (x-1)^2 + (y+2)^2 + (z-3)^2 = 4$ . Tâm của mặt cầu  $(S)$  có tọa độ là

- A.  $(-1;-2;3)$ .      B.  $(1;-2;-3)$ .      C.  $(1;-2;3)$ .      D.  $(-1;2;-3)$ .

Câu 10. Số phức liên hợp của số phức  $z = 1 - 4i$  có điểm biểu diễn trên mặt phẳng tọa độ là

- A.  $N(-1;4)$ .      B.  $P(1;4)$ .      C.  $Q(-1;-4)$ .      D.  $M(1;-4)$ .

Câu 11. Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(2;-3;4)$  trên mặt phẳng  $(Oyz)$  có tọa độ là

- A.  $(2;0;0)$ .      B.  $(0;-3;4)$ .      C.  $(2;-3;0)$ .      D.  $(0;-3;0)$ .

- Câu 12. Tập nghiệm của bất phương trình  $2^{1-x} \leq 2$  là  
 A.  $(0; +\infty)$ .      B.  $[0; +\infty)$ .      C.  $(-\infty; 0)$ .      D.  $(-\infty; 0]$ .

- Câu 13. Cho hai số phức  $z_1 = 1 + 2i$  và  $z_2 = 3 - i$ . Phần ảo của số phức  $\frac{z_1}{z_2}$  bằng

- A.  $\frac{7}{10}$ .      B.  $-\frac{7}{10}$ .      C.  $-\frac{7}{10}i$ .      D.  $\frac{1}{10}$ .

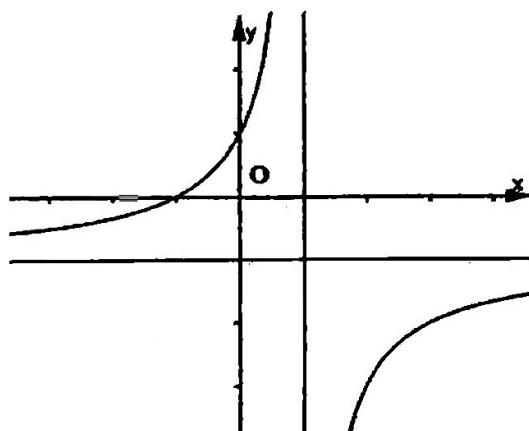
- Câu 14. Diện tích toàn phần của hình trụ có đường sinh  $l = 4$  và bán kính đáy  $r = 5$  bằng  
 A.  $90\pi$ .      B.  $65\pi$ .      C.  $70\pi$ .      D.  $80\pi$ .

- Câu 15. Số phức liên hợp của số phức  $z = 2 - 2i$  là  
 A.  $\bar{z} = -2 + 2i$ .      B.  $\bar{z} = -2 - 2i$ .      C.  $\bar{z} = 2 - i$ .      D.  $\bar{z} = 2 + 2i$ .

- Câu 16. Cho hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$  có đồ thị trong

hình bên. Mệnh đề nào dưới đây đúng ?

- A.  $\begin{cases} ad - bc < 0 \\ ab > 0 \end{cases}$ .      B.  $\begin{cases} ad - bc > 0 \\ ab < 0 \end{cases}$ .  
 C.  $\begin{cases} ad - bc > 0 \\ ab > 0 \end{cases}$ .      D.  $\begin{cases} ad - bc < 0 \\ ab < 0 \end{cases}$ .

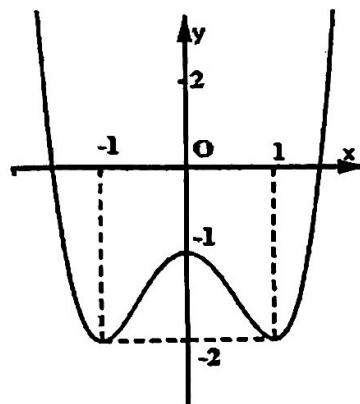


- Câu 17. Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P): 2x - y + z - 3 = 0$ . Véc-tơ nào dưới đây là một véc-tơ pháp tuyến của mặt phẳng  $(P)$  ?

- A.  $\vec{n}_3 = (2; 1; 1)$ .      B.  $\vec{n}_2 = (3; -1; -1)$ .      C.  $\vec{n}_1 = (-2; 1; -1)$ .      D.  $\vec{n}_4 = (-2; 1; 1)$ .

- Câu 18. Cho hàm số bậc bốn  $y = f(x)$  có đồ thị trong hình bên. Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây ?

- A.  $(-1; 1)$ .      B.  $(0; 1)$ .  
 C.  $(1; +\infty)$ .      D.  $(-1; +\infty)$ .



- Câu 19. Tập xác định của hàm số  $y = \log_{\frac{1}{2}}(3-x)$  là

- A.  $(3; +\infty)$ .      B.  $\mathbb{R} \setminus \{3\}$ .      C.  $(-\infty; +\infty)$ .      D.  $(-\infty; 3)$ .

- Câu 20. Tổng số đường tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{x}{x^2 - 4}$  là

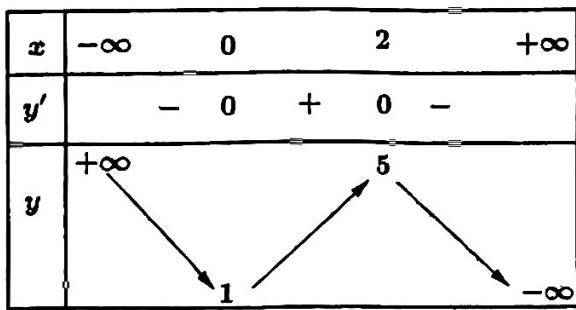
- A. 4.      B. 1.      C. 2.      D. 3.

- Câu 21. Thể tích của khối lập phương cạnh 5 bằng

- A. 5.      B. 25.      C. 15.      D. 125.

Câu 22. Hàm số nào dưới đây có bảng biến thiên như hình bên ?

- A.  $y = x^4 + 2x^2 + 1$ .
- B.  $y = -x^3 + 3x^2 + 1$ .
- C.  $y = x^3 - 3x^2 - 1$ .
- D.  $y = -x^3 + 3x^2$ .



Câu 23. Từ các chữ số 1, 2, 3, 4, 5 có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên có ba chữ số khác nhau?

- A. 10.
- B. 60.
- C. 6.
- D. 120.

Câu 24. Số nghiệm thực của phương trình  $\log_2(x-3)^2 = 1$  là

- A. 0.
- B. 3.
- C. 2.
- D. 1.

Câu 25. Cho khối nón có chiều cao  $h = 3$  và bán kính đáy  $r = 5$ . Thể tích của khối nón đã cho bằng

- A.  $30\pi$ .
- B.  $75\pi$ .
- C.  $25\pi$ .
- D.  $5\pi$ .

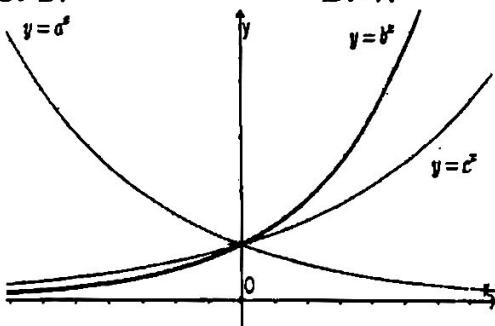
Câu 26. Số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = x^4 - 3x^2$  và đường thẳng  $y = 5$  là

- A. 3.
- B. 1.
- C. 2.
- D. 4.

Câu 27. Cho ba số thực dương  $a, b, c$  và đồ thị

các hàm số  $y = a^x, y = b^x, y = c^x$  được cho như hình vẽ bên. Mệnh đề nào sau đây đúng ?

- A.  $a < c < 1 < b$ .
- B.  $a > 1 > c > b$ .
- C.  $a < c < b < 1$ .
- D.  $a < 1 < c < b$ .

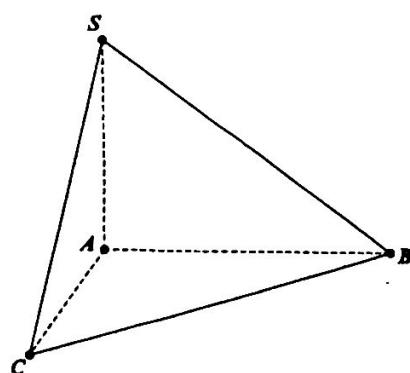


Câu 28. Cho số phức  $z$  thỏa mãn  $z - 3 = (z - 2)i$ . Môđun của số phức đã cho bằng

- A.  $\frac{\sqrt{26}}{2}$ .
- B.  $\frac{5}{2}$ .
- C.  $\frac{\sqrt{23}}{2}$ .
- D.  $\frac{\sqrt{21}}{2}$ .

Câu 29. Cho hình chóp  $S.ABC$  có  $ABC$  là tam giác vuông tại  $A$ ,  $AB = a, AC = a\sqrt{3}$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy (minh họa như hình bên). Góc giữa đường thẳng  $BC$  và mặt phẳng  $(SAC)$  bằng

- A.  $60^\circ$ .
- B.  $45^\circ$ .
- C.  $30^\circ$ .
- D.  $90^\circ$ .



Câu 30. Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $M(1; -2; 3)$  và đường thẳng  $d : \begin{cases} x = 3 + t \\ y = 2 + t \\ z = 3 - 2t \end{cases}$ . Mật phẳng đi

qua  $M$  và vuông góc với đường thẳng  $d$  có phương trình là

- A.  $3x + 2y + 3z - 8 = 0$ .
- B.  $-x - y + 2z - 7 = 0$ .
- C.  $-x + y - 2z - 7 = 0$ .
- D.  $x - 2y + 3z + 7 = 0$ .

Câu 31. Cho  $\int_{-2}^3 \frac{x}{(x+1)^2} dx = a + b \ln 2 + c \ln 3$  với  $a, b, c$  là các số hữu tỷ. Giá trị của  $abc$  bằng

- A. 2.
- B.  $\frac{1}{3}$ .
- C.  $\frac{1}{6}$ .
- D. 6.

Câu 32. Hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên trên đoạn  $[-4; 0]$  như sau :

$x$	-4	-3	1	0
$y'$	-	0	+	0 -
$y$	7	3	-1	0

Giá trị nhỏ nhất của hàm số đã cho trên đoạn  $[-4; 0]$  là

- A. -1.      B. 3.      C. -4.      D. 0.

Câu 33. Gọi  $z_0$  là nghiệm phức có phần ảo âm của phương trình  $z^2 - 2z + 5 = 0$ . Môđun của số phức  $z_0 + i$  bằng

- A.  $\sqrt{10}$ .      B.  $\sqrt{2}$ .      C.  $\sqrt{3}$ .      D.  $\sqrt{5}$ .

Câu 34. Tập nghiệm của bất phương trình  $\log_3(x-2) \leq \log_3(x^2 - 3x + 1)$  là

- A.  $[2; +\infty)$ .      B.  $(-\infty; 1] \cup [3; +\infty)$ .  
C.  $[2; 3]$ .      D.  $[3; +\infty)$ .

Câu 35. Hàm số  $f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng xét dấu  $f'(x)$  như sau :

$x$	$-\infty$	-1	0	2	3	$+\infty$
$f'(x)$	-	0	+		-	-

Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

- A. 3.      B. 4.      C. 2.      D. 1.

Câu 36. Diện tích của hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y = x^2 - 6x + 1$ ,  $y = -4$ ,  $x = 0$  và  $x = 2$  bằng

- A. 5.      B. 4.      C.  $\frac{7}{2}$ .      D. 3.

Câu 37. Trong không gian, cho tam giác  $ABC$  vuông tại  $A$  có  $AB = 6a$  và  $AC = 8a$ . Khi quay tam giác  $ABC$  xung quanh cạnh góc vuông  $AB$  thì đường gấp khúc  $ACB$  tạo thành một hình nón. Diện tích xung quanh của hình nón đó bằng

- A.  $60\pi a^2$ .      B.  $50\pi a^2$ .      C.  $80\pi a^2$ .      D.  $48\pi a^2$ .

Câu 38. Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $M(1; -1; 2)$  và  $N(3; 1; -2)$ . Đường thẳng  $MN$  có phương trình chính tắc là

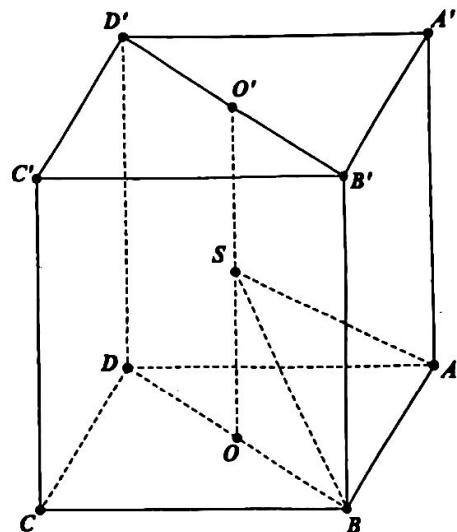
- A.  $\frac{x-1}{1} = \frac{y+1}{1} = \frac{z-2}{-2}$ .      B.  $\frac{x-1}{2} = \frac{y+1}{-3} = \frac{z+2}{-4}$ .  
C.  $\frac{x+1}{2} = \frac{y-1}{2} = \frac{z+2}{-4}$ .      D.  $\frac{x+3}{-1} = \frac{y+1}{-1} = \frac{z-2}{2}$ .

Câu 39. Xét hình trụ nội tiếp một mặt cầu bán kính  $R = a\sqrt{2}$  mà diện tích thiết diện qua trục của hình trụ là lớn nhất. Thể tích của khối trụ tròn xoay sinh bởi hình trụ nói trên bằng

- A.  $\pi a^3$ .      B.  $4\pi a^3$ .      C.  $2\pi a^3$ .      D.  $2\sqrt{2}\pi a^3$ .

**Câu 40.** Cho lăng trụ đứng  $ABCD.A'B'C'D'$  có đáy  $ABCD$  là hình thoi cạnh  $a$  và  $\widehat{BAD} = 60^\circ$ . Gọi  $O, O'$  lần lượt là tâm của hai đáy, biết  $OO' = 2a$  và  $S$  là trung điểm của  $OO'$  (minh họa như hình bên). Khoảng cách từ điểm  $O$  đến mặt phẳng ( $SAB$ ) bằng

- A.  $\frac{3a}{\sqrt{19}}$ .
- B.  $\frac{a\sqrt{3}}{19}$ .
- C.  $\frac{a\sqrt{57}}{19}$ .
- D.  $\frac{a}{\sqrt{19}}$ .



**Câu 41.** Gọi  $S$  là tập hợp các số tự nhiên có 3 chữ số khác nhau được lập từ các chữ số  $0, 1, 2, 3, 4, 5, 6$ . Chọn ngẫu nhiên hai số từ tập hợp  $S$ . Xác suất để mỗi số được chọn có tổng các chữ số bằng 7 là

- A.  $\frac{17}{1790}$ .
- B.  $\frac{153}{1790}$ .
- C.  $\frac{13}{1790}$ .
- D.  $\frac{5}{358}$ .

**Câu 42.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{x+3}{x-m}$  nghịch biến trên khoảng  $(0; +\infty)$ ?

- A. 3.
- B. 1.
- C. 2.
- D. 4.

**Câu 43.** Có bao nhiêu cặp số nguyên  $(x; y)$  thỏa mãn  $\log_2(x^2 + y^2) \leq 1 + \log_2(2x + y)$  và  $x - 2y > 0$ ?

- A. 10.
- B. 8.
- C. 9.
- D. 7.

**Câu 44.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên mỗi khoảng xác định và có bảng biến thiên như sau :

$x$	$-\infty$	$-2$	$2$	$+\infty$
$y'$	+		-	0
$y$	$-\infty$	$2$	$+ \infty$	$-4$

Phương trình  $2f(x^3 - 3x) + 3 = 0$  có tất cả bao nhiêu nghiệm thực phân biệt ?

- A. 5.
- B. 3.
- C. 6.
- D. 4.

**Câu 45.** Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và thỏa mãn  $\cos x \cdot f(x) + f'(x) = 2020 \cos x, \forall x \in \mathbb{R}$  và  $f(0) = 2020$ . Giá trị  $f\left(\frac{\pi}{2}\right)$  bằng

- A. -2019.
- B. -2020.
- C. 2019.
- D. 2020.

Câu 46. Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên như hình sau :

$x$	$-\infty$	$-1$	$-\frac{1}{4}$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$	-	0	+	0	-
$f(x)$	$+\infty$		4		$+\infty$

Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để bất phương trình

$$9 \cdot 12^{f(x)} + (f^2(x) - 4) \cdot 16^{f(x)} - 3 \cdot 9^{f(x)} \cdot m \geq m^2 \cdot 3^{2f(x)}$$

nghiệm đúng với mọi  $x \in \mathbb{R}$  ?

A. 3.

B. 5.

C. 4.

D. 8.

Câu 47. Cho hai số thực  $a > 1, b > 1$  sao cho luôn tồn tại số thực  $x$  thỏa mãn  $x > 0, x \neq 1$  và  $a^{\log_a x} = b^{\log_a x^4}$ . Giá trị lớn nhất của biểu thức  $T = 2 \log ab - \log^2 a + \log^2 b$  bằng

A.  $3 + 2\sqrt{13}$ .

B. 6.

C. 3.

D. 2.

Câu 48. Cho các số thực  $x, y, z$  thỏa mãn  $\log_4 \left( \frac{x+y+z}{x^2+y^2+z^2+1} \right) = x(x-4) + y(y-4) + z(z-4)$ . Giá trị lớn nhất của biểu thức  $K = \frac{x+2y}{x+y+z}$  thuộc khoảng nào dưới đây ?

A.  $(3; 4)$ .

B.  $(-2; -1)$ .

C.  $(4; 5)$ .

D.  $(1; 2)$ .

Câu 49. Cho lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  có thể tích là 144. Trên tia đối của tia  $B'A'$  lấy điểm  $M$  sao cho  $B'M = \frac{1}{2}B'A'$ . Gọi  $N, P$  lần lượt là trung điểm của  $A'C'$  và  $BB'$ . Mặt phẳng  $(MNP)$  chia khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  thành hai khối đa diện. Thể tích của khối đa diện chứa đỉnh  $A'$  là

A. 98.

B. 49.

C. 95.

D. 72.

Câu 50. Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị nguyên của tham số  $m$  để hệ phương trình

$$\begin{cases} \log_3^2(26x+53) \cdot \log_3 \frac{x^2+y^2+2x+4y+5}{729} + 8 \log_3 m = 0 \\ (x-12)^2 + (y+2)^2 = 196 \end{cases}$$

có đúng bốn nghiệm  $(x; y)$  với  $x, y \in \mathbb{R}$ . Số phần tử của tập hợp  $S$  là

A. 81.

B. 80.

C. 77.

D. 79.

————— HẾT —————