

I. PHẦN TRẮC NGHIỆM: (8,0 điểm)

Câu 1: Khoảng cách từ điểm $M(1 ; -1)$ đến đường thẳng $\Delta: 3x - 4y - 17 = 0$ là:

- A. 2 B. $-\frac{18}{5}$ C. $\frac{2}{5}$ D. $\frac{10}{\sqrt{5}}$.

Câu 2. Tính góc giữa hai đ. thẳng $\Delta_1: x + 5y + 11 = 0$ và $\Delta_2: 2x + 9y + 7 = 0$

- A. 45° B. 30° C. $88^\circ 57' 52''$ D. $1^\circ 13' 8''$

Câu 3. Với những giá trị nào của m thì đường thẳng $\Delta: 4x + 3y + m = 0$ tiếp xúc với đường tròn (C): $x^2 + y^2 - 9 = 0$.

- A. $m = 3$ B. $m = -3$ C. $m = 3$ và $m = -3$ D. $m = 15$ và $m = -15$.

Câu 4. Đường tròn $x^2 + y^2 - 6x - 8y = 0$ có bán kính bằng bao nhiêu ?

- A. 10 B. 5 C. 25 D. $\sqrt{10}$.

Câu 5. Viết phương trình đường tròn đi qua 3 điểm $A(-1 ; 1)$, $B(3 ; 1)$, $C(1 ; 3)$.

- A. $x^2 + y^2 + 2x + 2y - 2 = 0$. B. $x^2 + y^2 - 2x - 2y + 2 = 0$.
C. $x^2 + y^2 + 2x - 2y = 0$. D. $x^2 + y^2 - 2x - 2y - 2 = 0$

Câu 6. Đường tròn có tâm $I(2;-1)$ tiếp xúc với đường thẳng $4x - 3y + 4 = 0$ có phương trình là

- A. $(x+2)^2 + (y-1)^2 = 9$ B. $(x+2)^2 + (y-1)^2 = 3$
C. $(x-2)^2 + (y+1)^2 = 3$ D. $(x-2)^2 + (y+1)^2 = 9$

Câu 7. Cho phương trình tham số của đường thẳng (d): $\begin{cases} x = 5+t \\ y = -9-2t \end{cases}$. Phương trình tổng quát của (d)?

- A. $2x + y - 1 = 0$ B. $2x + y + 1 = 0$ C. $x + 2y + 2 = 0$ D. $x + 2y - 2 = 0$

Câu 8. Viết phương trình tổng quát của đường thẳng đi qua 2 điểm $A(3 ; -1)$ và $B(1 ; 5)$

- A. $3x - y + 10 = 0$ B. $3x + y - 8 = 0$ C. $3x - y + 6 = 0$ D. $-x + 3y + 6 = 0$

Câu 9. Ph. trình tham số của đ. thẳng (d) đi qua $M(-2;3)$ và có VTCP $\vec{u} = (1; -4)$ là:

- A. $\begin{cases} x = -2 + 3t \\ y = 1 + 4t \end{cases}$ B. $\begin{cases} x = -2 - t \\ y = 3 + 4t \end{cases}$ C. $\begin{cases} x = 1 - 2t \\ y = -4 + 3t \end{cases}$ D. $\begin{cases} x = 3 - 2t \\ y = -4 + t \end{cases}$

Câu 10. Đường thẳng nào qua $A(2;1)$ và song song với đường thẳng: $2x + 3y - 2 = 0$?

- A. $x - y + 3 = 0$ B. $2x + 3y - 7 = 0$ C. $3x - 2y - 4 = 0$ D. $4x + 6y - 11 = 0$

Câu 11. Cho ΔABC có $A(2 ; -1)$, $B(4 ; 5)$, $C(-3 ; 2)$. Viết phương trình tổng quát của đường cao AH.

- A. $3x + 7y + 1 = 0$ B. $-3x + 7y + 13 = 0$ C. $7x + 3y + 13 = 0$ D. $7x + 3y - 11 = 0$

Câu 12: Trong mặt phẳng Oxy, cho hai đường thẳng (d_1): $\begin{cases} x = 4 + 2t \\ y = 1 - 5t \end{cases}$ và (d_2): $2x - 5y - 14 = 0$. Khẳng định nào sau đây đúng.

- A. (d_1), (d_2) song song với nhau. B. (d_1), (d_2) vuông góc với nhau.
C. (d_1), (d_2) cắt nhau nhưng không vuông góc với nhau. D. (d_1), (d_2) trùng nhau.

Câu 13: Phương trình $(m^2 - 4)x^2 + 5x + m = 0$ có hai nghiệm trái dấu, giá trị m là:

- A. $m \in (-2; 0) \cup (2; +\infty)$ B. $m \in (-\infty; -2) \cup (0; 2)$
C. $m \in (-2; 2)$ D. $m \in (-\infty; -2] \cup [0; 2]$

Câu 14: Câu 9. Cho biết $\tan \alpha = \frac{1}{2}$. Tính $\cot \alpha$

- A. $\cot \alpha = 2$ B. $\cot \alpha = \frac{1}{4}$ C. $\cot \alpha = \frac{1}{2}$ D. $\cot \alpha = \sqrt{2}$

Câu 15. Cho $\cos \alpha = \frac{4}{5}$ với $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$. Tính $\sin \alpha$

- A. $\sin \alpha = \frac{1}{5}$ B. $\sin \alpha = -\frac{1}{5}$ C. $\sin \alpha = \frac{3}{5}$ D. $\sin \alpha = \pm \frac{3}{5}$

Câu 16: Trong các công thức sau, công thức nào đúng?

- A. $\cos(a - b) = \cos a \cdot \cos b + \sin a \cdot \sin b$ B. $\cos(a + b) = \cos a \cdot \cos b + \sin a \cdot \sin b$
 C. $\sin(a - b) = \sin a \cdot \cos b + \cos a \cdot \sin b$ D. $\sin(a + b) = \sin a \cdot \cos b - \cos a \cdot \sin b$

Câu 17: Cho $\tan \alpha = 3$. Khi đó $\frac{2\sin \alpha + 3\cos \alpha}{4\sin \alpha - 5\cos \alpha}$ có giá trị bằng :

- A. $\frac{7}{9}$. B. $-\frac{7}{9}$. C. $\frac{9}{7}$. D. $-\frac{9}{7}$.

Câu 18. Trong các công thức sau, công thức nào đúng?

- A. $\sin 2a = 2\sin a$ B. $\sin 2a = 2\sin a \cos a$ C. $\sin 2a = \cos^2 a - \sin^2 a$ D. $\sin 2a = \sin a + \cos a$

Câu 19: Nghiệm của bất phương trình $2(x+1)^2 - 43 \geq 3x$ là:

- A. $x \in \emptyset$ B. $x \leq 4$ C. $x > -2$ D. $x \in R$

Câu 20: Tập nghiệm của bất phương trình $\frac{x+1}{3-2x} \leq 0$

- A. $[-1; \frac{3}{2}]$ B. $(-\infty; -1] \cup [\frac{3}{2}; +\infty)$ C. $(-\infty; -1] \cup (\frac{3}{2}; +\infty)$ D. $[-1; \frac{3}{2})$

Câu 21: Tập nghiệm của bất phương trình $\frac{4x-3}{1-2x} \geq -1$

- A. $[\frac{1}{2}; 1)$ B. $(\frac{1}{2}; 1)$ C. $[\frac{1}{2}; 1]$ D. $(\frac{1}{2}; 1]$

Câu 22: Biết $\sin a = \frac{5}{13}$; $\cos b = \frac{3}{5}$ ($\frac{\pi}{2} < a < \pi$; $0 < b < \frac{\pi}{2}$) Hãy tính $\sin(a+b)$.

- A. 0 B. $\frac{63}{65}$ C. $\frac{56}{65}$ D. $-\frac{33}{65}$

Câu 23: Bất phương trình nào sau đây có tập nghiệm là \emptyset

- A. $x^2 - 7x + 16 \geq 0$ B. $-x^2 + x - 2 \leq 0$ C. $-x^2 + x - 7 > 0$ D. $x^2 - x + 6 > 0$

Câu 24: Góc có số đo 120° được đổi sang số đo rad là :

- A. 120π B. $\frac{3\pi}{2}$ C. 12π D. $\frac{2\pi}{3}$

Câu 25: Biểu thức $A = \sin(\pi + x) - \cos(\frac{\pi}{2} - x) + \cot(-x + \pi) + \tan(\frac{3\pi}{2} - x)$ có biểu thức rút gọn là:

- A. $A = 2 \sin x$. B. $A = -2 \sin x$ C. $A = 0$. D. $A = -2 \cot x$.

Câu 26: Cho $\cos x = \frac{2}{\sqrt{5}}$ ($-\frac{\pi}{2} < x < 0$) thì $\sin x$ có giá trị bằng :

- A. $\frac{3}{\sqrt{5}}$. B. $\frac{-3}{\sqrt{5}}$. C. $\frac{-1}{\sqrt{5}}$. D. $\frac{1}{\sqrt{5}}$.

Câu 27: Trong các khẳng định sau đây, khẳng định nào sai?

- A. $\cos 45^\circ = \sin 135^\circ$. B. $\cos 120^\circ = \sin 60^\circ$. C. $\cos 45^\circ = \sin 45^\circ$. D. $\cos 30^\circ = \sin 120^\circ$.

Câu 28: Đơn giản biểu thức $E = \cot x + \frac{\sin x}{1 + \cos x}$ ta được

- A. $\frac{1}{\sin x}$ B. $\cos x$ C. $\sin x$ D. $\frac{1}{\cos x}$

Câu 29: Cho $\sin x + \cos x = \frac{1}{2}$ và gọi $M = \sin^3 x + \cos^3 x$. Giá trị của M là:

$$\text{A. } M = \frac{1}{8}.$$

$$\text{B. } M = \frac{11}{16}.$$

C. $M = -\frac{7}{16}$.

D. $M = -\frac{11}{16}$.

Câu 30: Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào **sai**:

$$\mathbf{A. } (\sin x + \cos x)^2 = 1 + 2\sin x \cos x$$

$$C_1 \sin^4 x + \cos^4 x = 1 - 2\sin^2 x \cos^2 x$$

$$\mathbf{B.} (\sin x - \cos x)^2 = 1 - 2\sin x \cos x$$

$$\text{D. } \sin^6 x + \cos^6 x = 1 - \sin^2 x \cos^2 x$$

II. PHẦN TƯ LUÂN: (4.0 điểm)

Câu 31: (1.0 điểm) Cho $\cos \alpha = -12/13$; và $\pi/2 < \alpha < \pi$. Tính $\sin 2\alpha$, $\cos 2\alpha$, $\tan 2\alpha$.

Câu 32: Chứng minh hệ thức: $\sin^6 \frac{x}{2} - \cos^6 \frac{x}{2} = \frac{1}{4} \cos x (\sin^2 x - 4)$

Câu 33: (2.0 điểm) : Cho hai điểm A(5;6), B(-3;2) và đường thẳng d: $3x - 4y - 23 = 0$

- a) Viết phương trình chính tắc của đường thẳng AB.
 b) Viết phương trình đường tròn có tâm A và tiếp xúc với d.

----- HÉT -----