

CÂU HỎI TRẮC NGHIỆM

Câu 1. Tìm tập nghiệm  $S$  của phương trình  $z^3 + z^2 - 2 = 0$  trên trường số phức.

- A.  $S = \{-1 - i; -1 + i\}$ .  
B.  $S = \{1; 1 - i; 1 + i\}$ .  
C.  $S = \{1; -1 - i; -1 + i\}$ .  
D.  $S = \{1\}$ .

Câu 2. Cho số phức  $z = 2 + 3i$ . Giá trị của  $|2iz - \bar{z}|$  bằng

- A. 15. B.  $\sqrt{15}$ . C. 113. D.  $\sqrt{113}$ .

Câu 3. Cho số phức  $z$  thỏa mãn  $|iz + 1| = 3$ . Giá trị nhỏ nhất của  $|z|$  bằng

- A. 4. B. 3. C. 1. D. 2.

Câu 4. Gọi  $z_1, z_2$  là hai nghiệm phức của phương trình  $z^2 - 2z + 2 = 0$ . Tính giá trị của  $P = \left| \frac{1}{z_1} + \frac{1}{z_2} \right|$ .

- A.  $P = 1$ . B.  $P = 4$ . C.  $P = 0$ . D.  $P = \sqrt{2}$ .

Câu 5. Cho  $\bar{w} = (5 - 2i)(-3 + 2i)$ . Giá trị của  $2|w| - 5\sqrt{377}$  bằng

- A.  $-10\sqrt{377}$ . B.  $10\sqrt{377}$ . C.  $7\sqrt{377}$ . D.  $-3\sqrt{377}$ .

Câu 6. Cho số phức  $z$  thỏa mãn  $2z - (3 + 4i) = 5 - 2i$ . Môđun của  $z$  bằng bao nhiêu?

- A.  $\sqrt{15}$ . B. 5. C.  $\sqrt{17}$ . D.  $\sqrt{29}$ .

Câu 7. Cho số phức  $z$  thỏa mãn  $3\bar{z} - 2(z - 1) + 8 - 5i = 0$ . Tính môđun của  $\bar{z}$ .

- A.  $|\bar{z}| = \sqrt{11}$ . B.  $|\bar{z}| = 121$ . C.  $|\bar{z}| = 11$ . D.  $|\bar{z}| = \sqrt{101}$ .

Câu 8. Cho số phức  $z$  thỏa mãn  $\bar{z} - (1 - 3i)(-2 + i) = 2i$ . Tính  $|z|$ .

- A.  $|z| = 2$ . B.  $|z| = 5\sqrt{2}$ . C.  $|z| = \sqrt{82}$ . D.  $|z| = 4\sqrt{5}$ .

Câu 9. Gọi  $z_1, z_2, z_3, z_4$  là các nghiệm phức của phương trình  $z^4 - 4z^2 - 27 = 0$ . Giá trị của biểu thức  $T = |z_1| + |z_2| + |z_3| + |z_4|$  bằng bao nhiêu?

- A.  $T = 3 + \sqrt{3}$ . B.  $T = 6 + 2\sqrt{3}$ . C.  $T = 12$ . D.  $T = 6 + \sqrt{6}$ .

Câu 10. Số phức liên hợp của số phức  $z = -\frac{1}{2} + \frac{3}{2}i$  là

- A.  $\bar{z} = \frac{3}{2} - \frac{1}{2}i$ . B.  $\bar{z} = -\frac{1}{2} - \frac{3}{2}i$ . C.  $\bar{z} = \frac{1}{2} - \frac{3}{2}i$ . D.  $\bar{z} = \frac{1}{2} + \frac{3}{2}i$ .

Câu 11. Cho hai số phức  $z_1 = 9 - i$  và  $z_2 = -3 + 2i$ . Giá trị của  $\left| \frac{z_1}{z_2} \right|$  bằng bao nhiêu?

- A.  $\frac{2\sqrt{154}}{13}$ . B.  $\frac{616}{169}$ . C.  $\frac{82}{13}$ . D.  $\sqrt{\frac{82}{13}}$ .

Câu 12. Cho các số phức  $z_1 = 2 - 5i$  và  $z_2 = -2 - 3i$ . Hãy tính  $|z_1 - z_2|$ .

- A.  $2\sqrt{5}$ . B. 20. C. 12. D.  $2\sqrt{3}$ .

Câu 13. Cho số phức  $w = 3 + 4i$ . Giá trị của  $S = 2|w| - 1$  bằng bao nhiêu?

- A.  $S = 10$ . B.  $S = 9$ . C.  $S = 11$ . D.  $S = 5$ .

Câu 14. Cho số phức  $z$  thỏa mãn  $z = (3 - i)(4 - 2i)$ . Hãy tính môđun của số phức  $w = iz - \frac{1+i}{1-i}$ .

- A.  $|w| = 19$ . B.  $|w| = \sqrt{181}$ . C.  $|w| = 181$ . D.  $|w| = \sqrt{19}$ .

Câu 15. Biết rằng số phức liên hợp của  $z$  là  $\bar{z} = (2 + 3i) + (4 - 8i)$ . Tìm số phức  $z$ .

- A.  $z = -6 - 5i$ . B.  $z = 6 + 5i$ . C.  $z = -6 + 5i$ . D.  $z = 6 - 5i$ .

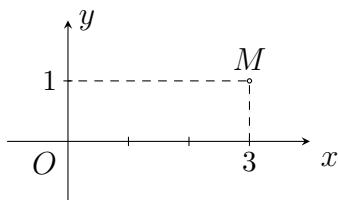
Câu 16. Trên mặt phẳng tọa độ  $Oxy$ , điểm biểu diễn của số phức  $z = -5 - 6i$  là điểm nào sau đây?

- A.  $P(5; -6)$ . B.  $Q(5; 6)$ . C.  $M(-5; 6)$ . D.  $N(-5; -6)$ .

**Câu 17.** Tìm số phức  $z$  thỏa mãn  $|z| = 5$  và phần thực của  $z$  gấp hai lần phần ảo của nó.

- A.  $z = 2\sqrt{5} + i\sqrt{5}$  hoặc  $z = -2\sqrt{5} - i\sqrt{5}$ .      B.  $z = -2\sqrt{5} + i\sqrt{5}$  hoặc  $z = 2\sqrt{5} - i\sqrt{5}$ .  
C.  $z = -\sqrt{5} + 2\sqrt{5}i$  hoặc  $z = \sqrt{5} - 2\sqrt{5}i$ .      D.  $z = \sqrt{5} + 2\sqrt{5}i$  hoặc  $z = -\sqrt{5} - 2\sqrt{5}i$ .

**Câu 18.** Trong mặt phẳng tọa độ  $Oxy$ , cho điểm  $M$  là điểm biểu diễn cho số phức  $z = a + bi$ . Tính  $S = a + b$ .



- A.  $S = 4$ .      B.  $S = 1$ .      C.  $S = 2$ .      D.  $S = 3$ .

**Câu 19.** Cho số phức  $z = 2 - 3i$ . Mệnh đề nào sau đây đúng?

- A. Phần thực của  $z$  bằng 2 và phần ảo của  $z$  bằng  $3i$ .  
B. Phần thực của  $z$  bằng 2 và phần ảo của  $z$  bằng 3.  
C. Phần thực của  $z$  bằng 2 và phần ảo của  $z$  bằng  $-3i$ .  
D. Phần thực của  $z$  bằng 2 và phần ảo của  $z$  bằng  $-3$ .

**Câu 20.** Cho số phức  $w$  thỏa mãn  $(3 - 2i)w = 4 + 2i$ . Tìm số phức liên hợp của  $w$ .

- A.  $\bar{w} = 4 - 2i$ .      B.  $\bar{w} = 3 + 2i$ .      C.  $\bar{w} = \frac{8}{13} + \frac{14}{13}i$ .      D.  $\bar{w} = \frac{8}{13} - \frac{14}{13}i$ .

----- HẾT -----

## BẢNG ĐÁP ÁN CÁC MÃ ĐỀ

Mã đề thi 1

1.    C
3.    D
5.    D
7.    D
9.  B
11.    D
13.  B
15.  B
17.  A
19.    D

2.    D
4.  A
6.    C
8.    C
10.   B
12.  A
14.  B
16.    D
18.  A
20.    D

# ĐÁP CHI TIẾT MÃ ĐỀ 1

**Câu 1.**

$$z^3 + z^2 - 2 = 0 \Leftrightarrow (z-1)(z^2+2z+2) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} z-1=0 \\ z^2+2z+2=0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} z=1 \\ z=-1 \pm i \end{cases}$$

Vậy tập nghiệm của phương trình là  $S = \{1; -1 - i; -1 + i\}$ .

Chọn đáp án C

**Câu 2.**  $|2iz - \bar{z}| = |2i(2+3i) - (2-3i)| = |-8+7i| = \sqrt{(-8)^2 + 7^2} = \sqrt{113}$ .

Chọn đáp án D

**Câu 3.**

Đặt  $z = x + yi$  với  $x, y \in \mathbb{R}$ .

Gọi  $M(x; y)$  là điểm biểu diễn của số phức  $z$  trên mặt phẳng  $Oxy$ .

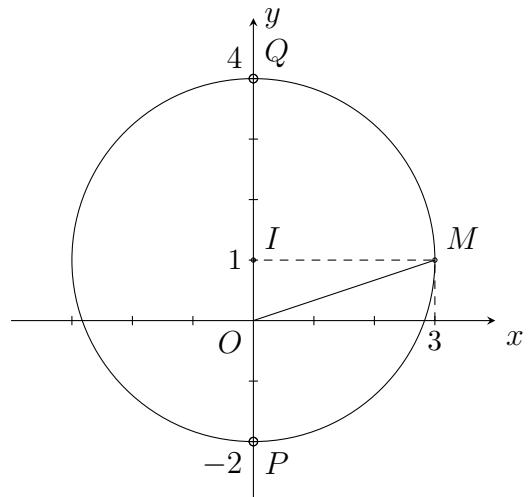
Khi đó  $OM = |z|$ .

Ta có

$$|iz + 1| = 3 \Leftrightarrow |xi - y + 1| = 3 \Leftrightarrow x^2 + (y-1)^2 = 3^2.$$

Suy ra  $M$  nằm trên đường tròn tâm  $I(0; 1)$  bán kính  $R = 3$ . Gọi  $P(0; -2)$  và  $Q(0; 4)$ . Ta có  $OP \leq OM \leq OQ$ .

Suy ra  $OM$  nhỏ nhất khi  $M \equiv P$ . Do đó  $M(0; -2)$ .



Vậy giá trị nhỏ nhất của  $|z|$  bằng  $OM = \sqrt{(0-0)^2 + (-2-0)^2} = 2$ .

Chọn đáp án D

**Câu 4.** Phương trình  $z^2 - 2z + 2 = 0$  có  $\Delta' = (-1)^2 - 1 \cdot 2 = -1 = i^2$ . Vậy phương trình có hai nghiệm phức  $z_1 = 1 - i$  và  $z_2 = 1 + i$ .

$$\text{Vậy } P = \left| \frac{1}{z_1} + \frac{1}{z_2} \right| = \left| \frac{1}{1-i} + \frac{1}{1+i} \right| = |1| = 1.$$

Chọn đáp án A

**Câu 5.** Ta có  $\bar{w} = (5-2i)(-3+2i) = -11+16i$ .

$$\text{Khi đó } |w| = |\bar{w}| = \sqrt{(-11)^2 + 16^2} = \sqrt{377}.$$

$$\text{Vậy } 2|w| - 5\sqrt{377} = 2\sqrt{377} - 5\sqrt{377} = -3\sqrt{377}.$$

Chọn đáp án D

**Câu 6.**

$$2z - (3+4i) = 5-2i \Leftrightarrow 2z = 5-2i+3+4i \Leftrightarrow 2z = 8+2i \Leftrightarrow z = 4+i.$$

$$\text{Vậy } |z| = \sqrt{4^2 + 1^2} = \sqrt{17}.$$

Chọn đáp án C

**Câu 7.** Đặt  $z = x + yi$  với  $x, y \in \mathbb{R}$ . Khi đó  $\bar{z} = x - yi$ .

Ta có

$$\begin{aligned}
 & 3\bar{z} - 2(z - 1) + 8 - 5i = 0 \\
 \Leftrightarrow & 3(x - yi) - 2(x + yi - 1) + 8 - 5i = 0 \\
 \Leftrightarrow & 3x - 3yi - 2x - 2yi + 2 + 8 - 5i = 0 \\
 \Leftrightarrow & (x + 10) + (-5y - 5)i = 0 \\
 \Leftrightarrow & \begin{cases} x + 10 = 0 \\ -5y - 5 = 0 \end{cases} \\
 \Leftrightarrow & \begin{cases} x = -10 \\ y = -1. \end{cases}
 \end{aligned}$$

Cho nên  $z = -10 - i$  và  $\bar{z} = -10 + i$ .

Vậy  $|\bar{z}| = \sqrt{(-10)^2 + 1^2} = \sqrt{101}$ .

Chọn đáp án **(D)**

**Câu 8.** Ta có  $\bar{z} - (1 - 3i)(-2 + i) = 2i \Leftrightarrow \bar{z} = 2i + (1 - 3i)(-2 + i) \Leftrightarrow \bar{z} = 1 + 9i$ .

Vậy  $|z| = |\bar{z}| = \sqrt{1^2 + 9^2} = \sqrt{82}$ .

Chọn đáp án **(C)**

**Câu 9.**

$$z^4 - 6z^2 - 27 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} z^2 = 9 \\ z^2 = -3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} z = \pm 3 \\ z = \pm i\sqrt{3}. \end{cases}$$

Vậy  $T = 3 + 3 + \sqrt{3} + \sqrt{3} = 6 + 2\sqrt{3}$ .

Chọn đáp án **(B)**

**Câu 10.** Số phức liên hợp của số phức  $z = -\frac{1}{2} + \frac{3}{2}i$  là  $\bar{z} = -\frac{1}{2} - \frac{3}{2}i$ .

Chọn đáp án **(B)**

**Câu 11.**  $\left| \frac{z_1}{z_2} \right| = \left| \frac{9-i}{-3+2i} \right| = \left| -\frac{29}{13} - \frac{15}{13}i \right| = \sqrt{\left( -\frac{29}{13} \right)^2 + \left( -\frac{15}{13} \right)^2} = \sqrt{\frac{82}{13}}$ .

Chọn đáp án **(D)**

**Câu 12.**  $|z_1 - z_2| = |2 - 5i - (-2 - 3i)| = |4 - 2i| = \sqrt{4^2 + (-2)^2} = 2\sqrt{5}$ .

Chọn đáp án **(A)**

**Câu 13.** Ta có  $|w| = \sqrt{3^2 + 4^2} = 5$ .

Vậy  $S = 2 \cdot 5 - 1 = 9$ .

Chọn đáp án **(B)**

**Câu 14.** Ta có  $z = (3 - i)(4 - 2i) = 10 - 10i$ .

Khi đó  $w = i(10 - 10i) - \frac{1+i}{1-i} = 10 + 10i - i = 10 + 9i$ .

Vậy  $|w| = \sqrt{10^2 + 9^2} = \sqrt{181}$ .

Chọn đáp án **(B)**

**Câu 15.** Ta có  $\bar{z} = (2 + 3i) + (4 - 8i) = (2 + 4) + (3 - 8)i = 6 - 5i$ .

Vậy  $z = \bar{\bar{z}} = 6 + 5i$ .

Chọn đáp án **(B)**

**Câu 16.** Trên mặt phẳng tọa độ  $Oxy$ , điểm biểu diễn của số phức  $z = -5 - 6i$  là điểm  $N(-5; -6)$ .

Chọn đáp án **(D)**

**Câu 17.** Dặt  $z = x + yi$  với  $x, y \in \mathbb{R}$ .

Theo đề bài ta có

$$\begin{cases} x = 2y \\ x^2 + y^2 = 25 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 2y \\ y^2 = 5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 2\sqrt{5} \\ y = \sqrt{5} \\ x = -2\sqrt{5} \\ y = -\sqrt{5}. \end{cases}$$

Vậy  $z = 2\sqrt{5} + i\sqrt{5}$  hoặc  $z = -2\sqrt{5} - i\sqrt{5}$ .

Chọn đáp án (A)

**Câu 18.** Ta có  $M(3; 1)$  nên  $z = 3 + i$ . Cho nên  $S = 3 + 1 = 4$ .

Chọn đáp án (A)

**Câu 19.** Phần thực của  $z$  bằng 2 và phần ảo của  $z$  bằng  $-3$ .

Chọn đáp án (D)

**Câu 20.**

$$(3 - 2i)w = 4 + 2i \Leftrightarrow w = \frac{4 + 2i}{3 - 2i} \Leftrightarrow w = \frac{8}{13} + \frac{14}{13}i.$$

Vậy  $\bar{w} = \frac{8}{13} - \frac{14}{13}i$ .

Chọn đáp án (D)

Chợ Mới, ngày 16 tháng 03 năm 2018

Duyệt BGH

Duyệt Tổ trưởng

Người soạn

Trương Văn Hùng

Cao Thành Thái