

PHẦN I – CÁC KIẾN THỨC CẦN CHÚ Ý

I. ĐẠI SỐ

1. Bất phương trình

- Bất phương trình và các khái niệm liên quan.
- Bất phương trình và hệ bất phương trình bậc nhất một ẩn
- Dấu nhị thức bậc nhất
- Bất phương trình và hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn.
- Dấu tam thức bậc hai
- Bất phương trình bậc hai
- Một số phương trình và bất phương trình quy về bậc hai

2. Thống kê

- Các khái niệm cơ bản
- Trình bày một mẫu số liệu
- Các số đặc trưng của mẫu số liệu

3. Góc lượng giác và công thức lượng giác

- Góc và cung lượng giác
- Giá trị lượng giác của góc (cung) lượng giác.
- Giá trị lượng giác của góc (cung) lượng giác có liên quan đặc biệt.
- Một số công thức lượng giác.

II. HÌNH HỌC

1. Đường thẳng

- Khái niệm véc tơ chỉ phương, véc tơ pháp tuyến của đường thẳng.
- Các dạng phương trình tổng quát, phương trình tham số, phương trình chính tắc.
- Công thức tính góc, khoảng cách.

2. Đường tròn

- Phương trình đường tròn biết tâm và bán kính.
- Phương trình tổng quát của đường tròn.
- Phương trình tiếp tuyến của đường tròn

3. Elip

- Phương trình chính tắc của elip

PHẦN II – BÀI TẬP VẬN DỤNG

I. ĐẠI SỐ

A. BÀI TẬP TRẮC NGHIỆM

Câu 1. Giá trị của tham số m để hệ bất phương trình $\begin{cases} mx + 9 < 3x + m^2 \\ 4x + 1 < -x + 6 \end{cases}$ có nghiệm trên tập số thực là:

- A. $\begin{cases} m \geq 3 \\ m \leq -2 \end{cases}$ B. $\begin{cases} m > 3 \\ m < -2 \end{cases}$ C. $-2 \leq m < 2$ D. $0 < m \leq 3$

Câu 2. Bất phương trình $\frac{\sqrt{2-x} + 4x - 3}{x} \geq 2$ có tập nghiệm là:

- A. $(-\infty; 2]$ B. $[1; +\infty)$ C. $[1; 2]$ D. $(-\infty; 0) \cup [1; 2]$

Câu 3. Tập tất cả các giá trị thực của tham số m để $x^2 + 2mx + 3m - 2 > 0 \forall x$ là:

- A. $[1; 2]$ B. $(1; 2)$ C. $(-\infty; 1] \cup [2; +\infty)$ D. $(-\infty; 1) \cup (2; +\infty)$

Câu 4. Tập nghiệm của bất phương trình $\sqrt{x+4} \geq x-2$ là:

- A. $[2; 5]$ B. $(-\infty; 2]$ C. $[-4; 5]$ D. $[-4; 2]$

Câu 5. Số nghiệm nguyên dương của bất phương trình $\frac{x+3}{2x} + \frac{2x}{x+3} \leq 2$ là:

- A. 0 B. 1 C. 2 D. Đáp số khác

Câu 6. Giá trị tham số m để hệ bất phương trình $\begin{cases} x^2 - 3x - 10 \leq 0 \\ mx + m - 2 > 0 \end{cases}$ có nghiệm trên tập số thực là:

- A. $m \in (-\infty; -2) \cup \left(\frac{1}{3}; +\infty\right)$ C. $m \in (-\infty; -2) \cup (0; +\infty)$
B. $m \in (-\infty; 0) \cup \left(\frac{1}{3}; +\infty\right)$ D. $m \in \left(0; \frac{1}{3}\right)$

Câu 7. Cho $4\pi < x < 5,5\pi$ và $\sin\left(x + \frac{\pi}{2}\right) = 0,8$. Khi đó biểu thức $\sin\left(x - \frac{3\pi}{2}\right) + \cos\left(x + \frac{3\pi}{2}\right)$ bằng:

- A. 1,4 B. 0,2 C. -1,4 D. -0,2

Câu 8. Kết quả rút gọn biểu thức $A = \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha} \cdot \left[\frac{(1 + \cos \alpha)^2}{\sin^2 \alpha} - 1 \right]$ là:

- A. $\tan \alpha$ B. $2 \tan \alpha$ C. $\cot \alpha$ D. $2 \cot \alpha$

Câu 9. Biết $\cos \alpha = -\frac{8}{17}$ và $90^\circ < \alpha < 180^\circ$. Tính $\tan \alpha$

- A. -1 B. $-\frac{8}{15}$ C. $-\frac{17}{8}$ D. $-\frac{15}{8}$

Câu 10. Biết $\cos \alpha = -\frac{1}{3}$. Khi đó, giá trị của biểu thức $A = \frac{5 \cot \alpha + 4 \tan \alpha}{5 \cot \alpha - 4 \tan \alpha}$ là:

- A. $-\frac{37}{27}$ B. $\frac{37}{27}$ C. $\frac{15}{27}$ D. $\frac{19}{27}$

Câu 11. Cho $\tan \alpha = 2$ với $\alpha \in \left(\pi; \frac{3\pi}{2}\right)$. Khi đó giá trị của $\cos(3\alpha + 2017\pi)$ là

- A. $\frac{11}{5\sqrt{5}}$ B. $-\frac{11}{5\sqrt{5}}$ C. $-\frac{71}{125}$ D. $\frac{71}{125}$

Câu 12. Cho $\sin \alpha = -\frac{1}{3}$ với $\alpha \in \left(\frac{3\pi}{2}; 2\pi\right)$. Khi đó giá trị của $\sin 2\alpha$ là

- A. $\frac{4\sqrt{2}}{9}$ B. $-\frac{2}{3}$ C. $-\frac{4\sqrt{2}}{9}$ D. $\frac{2}{3}$

B. BÀI TẬP TỰ LUẬN

Bài 1. Giải các bất phương trình sau trên tập số thực:

- a). $x^2 - 3x + 1 \geq 0$ b). $\frac{(1-x)(x^2 - 5x + 6)}{9+x} < 0$ c). $(x^2 - 4x + 3) \frac{2x-1}{x+2} \leq 0$
 d). $|x^2 + x - 2| + 3x^2 - 3 > 0$ e). $|x-3| + |x-4| < x+4$

Bài 2. Giải các phương trình sau trên tập số thực:

- a). $\sqrt{3x+1} - \sqrt{6-x} + 3x^2 - 14x - 8 = 0$
 b). $2\sqrt{x+2} + 2\sqrt{x+1} - \sqrt{x+1} = 4$
 c). $\sqrt{x-2} + \sqrt{4-x} = x^2 - 6x + 11$

Bài 3. Giải các bất phương trình sau trên tập số thực:

- a). $(x^2 - 4x) \cdot \sqrt{2x^2 - 3x - 2} \geq 0$ b). $\frac{\sqrt{6+x-x^2}}{2x+5} \geq \frac{\sqrt{6+x-x^2}}{x+4}$
 c). $\sqrt{5x-1} - \sqrt{x-1} > \sqrt{2x-4}$ d). $\sqrt{x^2 - 10x + 25} < x^2 - 4$
 e). $\frac{\sqrt{2-x} + 4x - 3}{x} \geq 2$ f). $\sqrt{x^2 + 3x - 4} + \sqrt{x^2 - x} \geq \sqrt{x^2 + x - 2}$

Bài 4. Cho hàm số $f(x) = (4m - 3)x^2 - 3(m + 1)x + 2(m + 1)$ với m là tham số.

- a) Tìm các giá trị thực của tham số m để $f(x) < 0$ với mọi giá trị thực của x .
 b) Tìm các giá trị thực của tham số m để phương trình $f(x) = 0$ có hai nghiệm trái dấu.

Bài 5.

- a) Tìm các giá trị thực của tham số m sao cho bất phương trình $(m+3)x - 2m + 5 > 0$ có tập nghiệm là \mathbb{R} .
 b) Tìm các giá trị thực của tham số m để hàm số $y = \sqrt{x^2 - (3m+1)x + m}$ xác định với mọi $x \in \mathbb{R}$.
 c) Tìm các giá trị của tham số m để bất phương trình $\frac{2}{3} \leq \frac{x^2 - mx + 1}{x^2 - x + 1} \leq \frac{3}{2}$ nghiệm đúng với mọi số thực x .

Bài 6. Tìm các giá trị thực của tham số m để hệ bất phương trình $\begin{cases} x - \frac{1}{2} \geq \frac{x}{4} + 1 \\ x^2 - 2mx - 2m - 1 \leq 0 \end{cases}$ có nghiệm ?

Bài 7. Giải các hệ bất phương trình sau trên tập số thực :

$$a). \begin{cases} x^2 - 5x + 2 < 0 \\ x^2 + 8x + 1 \leq 0 \end{cases} \quad b). \begin{cases} \frac{\sqrt{17 - 15x - 2x^2}}{x + 3} > 0 \\ \frac{5x - x^2 + 9}{x^2 - x + 1} > 1 \end{cases}.$$

Bài 8.

a). Cho $\sin \alpha = -\frac{3}{5}$ với $-\frac{\pi}{2} < \alpha < 0$. Tìm các giá trị $\cos \alpha, \tan \alpha$

b). Chứng minh rằng giá trị của biểu thức $2(\sin^4 x + \cos^4 x + \sin^2 x \cdot \cos^2 x)^2 - (\sin^8 x + \cos^8 x)$ không phụ thuộc vào x.

Bài 9.

a). Chứng minh rằng: $\sin 200^\circ \cdot \sin 310^\circ + \cos 340^\circ \cdot \cos 50^\circ = \sqrt{3}/2$

b). Biến đổi thành tích biểu thức: $B = 1 + \cos a + \cos 2a + \cos 3a$.

c). Rút gọn biểu thức: $C = \sin^2 a \left(1 + \frac{1}{\sin a} + \cot a \right) \left(1 - \frac{1}{\sin a} + \cot a \right)$

Bài 10.

a). Tính giá trị các biểu thức: $A = \cos 20^\circ \cdot \cos 40^\circ \cdot \cos 60^\circ \cdot \cos 80^\circ$ và $B = \sin 20^\circ \cdot \sin 40^\circ \cdot \sin 80^\circ$

b). Chứng minh rằng: $\cos a \cdot \sin(b - c) + \cos b \cdot \sin(c - a) + \cos c \cdot \sin(a - b) = 0$

c). Chứng minh rằng: $\cos(a + b) \cdot \sin(a - b) + \cos(b + c) \cdot \sin(b - c) + \cos(c + a) \cdot \sin(c - a) = 0$

Bài 11. Điểm Toán của 40 em học sinh ở một lớp 10 cho bởi bảng sau:

Điểm x_i	6	7	8	9	10	
Tần số n_i	7	9	10	9	5	N = 40

Tính số trung bình, phương sai, độ lệch chuẩn, số trung vị của bảng phân bố trên.

II. HÌNH HỌC

A. BÀI TẬP TRẮC NGHIỆM

Câu 1. Trong mặt phẳng với hệ trục tọa độ Oxy cho hai đường thẳng $d_1: x + y - 4 = 0$; $d_2: \begin{cases} x = 1 - t \\ y = 5 - 3t \end{cases}$ và điểm A(1;-2). Khi đó, đường thẳng đi qua điểm A và qua giao điểm của d_1, d_2 có dạng

A. $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = -2 + t \end{cases}$ B. $\frac{x-2}{4} = \frac{y-2}{1}$ C. $4x - y + 2 = 0$ D. $\begin{cases} x = 1 + s \\ y = -2 + 4s \end{cases}$

Câu 2. Trong mặt phẳng Oxy cho 3 đường thẳng $d_1: x + 2y - 3 = 0$; $d_2: 3x + 2y - 1 = 0$; $d_3: mx + y + 3 = 0$ (m là tham số) tạo thành tam giác. Khi đó điều kiện của tham số m là :

A. $m \notin \left\{ \frac{1}{2}; \frac{3}{2}; 3 \right\}$ B. $m \notin \left\{ \frac{1}{2}; \frac{3}{2} \right\}$ C. $m \neq \frac{1}{2}$ D. Đáp án khác

Câu 3. Trong mặt phẳng với hệ trục tọa độ Oxy, cho các điểm A(1 ;4), B(0 ;1), C(4 ; -2). Khi đó khoảng cách từ điểm A đến đường thẳng BC bằng

A. 1 (đvdd) B. 2(đvdd) C. 3 (đvdd) D. 4 (đvdd)

Câu 4. Trong mặt phẳng với hệ trục tọa độ Oxy, cho 2 đường thẳng $d_1: x+2y-5=0$; $d_2: 3x+my-1=0$. Điều kiện của tham số m để góc giữa hai đường thẳng trên bằng 45^0 là :

- A. $m=1$ B. $m=9$ C. $\begin{cases} m=1 \\ m=9 \end{cases}$ D. $\begin{cases} m=1 \\ m=-9 \end{cases}$

Câu 5. Trong mặt phẳng với hệ trục tọa độ Oxy cho điểm A(4;1). Đường thẳng đi qua điểm A cắt hai tia Ox, Oy theo thứ tự tại các điểm M và N. Diện tích tam giác OMN đạt giá trị nhỏ nhất bằng:

- A. 3 (đvdt) B. 4 (đvdt) C. 5 (đvdt) D. 6(đvdt)

Câu 6. Trong mặt phẳng tọa độ Oxy phương trình tiếp tuyến của đường tròn (C): $x^2 + y^2 - 2x - 8y - 8 = 0$ đi qua điểm M(4; 0) là:

- A. $3x - y + 12 = 0$ B. $3x + 4y - 11 = 0$ C. $3x - 4y - 12 = 0$ D. $x - 7y + 3 = 0$

Câu 7. Trong mặt phẳng tọa độ Oxy cho đường tròn (C): $(x - 1)^2 + (y - 3)^2 = 1$. Viết phương trình đường thẳng qua M(2;4) và cắt đường tròn (C) tại 2 điểm A, B sao cho M là trung điểm đoạn AB ?

- A. $2x + y - 5 = 0$ B. $x + y - 6 = 0$ C. $x - 2 = 0$ D. $y - 1 = 0$

Câu 8. Trong mặt phẳng tọa độ Oxy cho tam giác ABC có A(2;3) và trọng tâm G(2;0). Biết điểm B và điểm C lần lượt thuộc hai đường thẳng $x + y + 5 = 0$ và $x + 2y - 7 = 0$. Đường tròn tâm C tiếp xúc với đường thẳng BG có bán kính là:

- A. 1,6 B. 1,8 C. 2 D. Đáp số khác

Câu 9. Trong mặt phẳng tọa độ Oxy cho hai điểm B(-1;2), C(2;-1). Biết điểm A thuộc đường thẳng (d): $2x + y + 5 = 0$ sao cho chu vi tam giác ABC nhỏ nhất. Khi đó hoành độ của điểm A là:

- A. $x = -2$ B. $x = -35/13$ C. $x = -33/13$ D. $x = -30/13$

Câu 10. Phương trình chính tắc của elip có một đỉnh của hình chữ nhật cơ sở là M(4; 3)

- A. $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{9} = 1$ B. $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{9} = 1$ C. $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{4} = 1$ D. $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{3} = 1$

B. BÀI TẬP TỰ LUẬN

Bài 1. Trong mặt phẳng tọa độ Oxy cho hai đường thẳng $\Delta_1: 2x + 3y - 6 = 0$ và $\Delta_2: \begin{cases} x = 1 + t \\ y = 2 + t \end{cases}$.

a) Cho điểm M (2; 1) Tìm điểm H thuộc đường thẳng Δ_1 sao cho đoạn thẳng MH có độ dài nhỏ nhất.

b) Tìm điểm I thuộc đường thẳng Δ_2 sao cho khoảng cách từ điểm I đến đường thẳng bằng $\sqrt{13}$.

Bài 2. Trong mặt phẳng tọa độ Oxy cho điểm A(3; 5) và đường thẳng $\Delta: 2x - y + 3 = 0$

a) Viết phương trình đường tròn tâm A, tiếp xúc với Δ .

b) Tìm tọa độ của điểm A' đối xứng với A qua Δ .

c) Viết phương trình đường thẳng Δ' đi qua A sao cho góc giữa hai đường thẳng Δ và Δ' bằng 60^0 .

Bài 3. Trong mặt phẳng tọa độ Oxy cho ba điểm A(4; 6), B(-3; 5), C(1; 7).

- a) Viết phương trình đường tròn (T) đi qua 3 điểm A, B, C. Tìm tọa độ tâm I và tính bán kính của đường tròn (T)
- b) Viết phương trình các tiếp tuyến của đường tròn biết tiếp tuyến song song với trục tọa độ.
- c) Viết phương trình tiếp tuyến của đường tròn biết tiếp tuyến vuông góc với đường thẳng OI.
- d) Viết phương trình các tiếp tuyến của đường tròn tại A và B. Tìm tọa độ giao điểm của hai tiếp tuyến đó.
- e) Viết phương trình các tiếp tuyến của đường tròn đi qua điểm $E(2; 8)$ và tìm góc giữa hai tiếp tuyến đó.

Bài 4. Trong mặt phẳng tọa độ Oxy cho đường tròn (C) có phương trình $x^2 + y^2 - 2x + 4y - 20 = 0$

- a) Viết phương trình tiếp tuyến của đường tròn (C) tại các điểm $A(4; 2)$ và $B(-3; -5)$
- b) Viết phương trình tiếp tuyến của đường tròn (C) biết tiếp tuyến đi qua điểm $M(6; 5)$
- c) Viết phương trình tiếp tuyến chung của đường tròn (C) và đường tròn (C') : $x^2 + y^2 - 10x + 9 = 0$.

Bài 5. Trong mặt phẳng tọa độ Oxy cho tam giác ABC. Biết $A(-1; 1), B(3; 2), C\left(-\frac{1}{2}; -1\right)$

- a) Viết phương trình đường thẳng chứa các cạnh của ΔABC . Tính độ dài các cạnh và độ lớn các góc của tam giác ABC.
- b) Viết phương trình các đường thẳng chứa đường cao, đường trung tuyến và đường phân giác trong của tam giác ABC kẻ từ đỉnh A.
- c) Xác định tọa độ của tâm đường tròn ngoại tiếp và tâm đường tròn nội tiếp ΔABC .

Bài 6. Trong mặt phẳng tọa độ Oxy cho ΔABC vuông tại A. Biết tọa độ đỉnh $C(-4; 1)$, đường thẳng chứa phân giác trong góc A của tam giác ABC có phương trình là $x + y - 5 = 0$. Viết phương trình đường thẳng BC, biết diện tích ΔABC bằng 24 và đỉnh A có hoành độ dương.

Bài 7. Trong mặt phẳng tọa độ Oxy cho ΔABC có $C(3; 5)$. Biết phương trình các đường thẳng chứa đường cao và đường trung tuyến kẻ từ một đỉnh của tam giác lần lượt là: $5x + 4y - 1 = 0$ và $8x + y - 7 = 0$. Viết phương trình các đường thẳng chứa các cạnh của tam giác ABC.

Bài 8. Trong mặt phẳng tọa độ Oxy cho hình chữ nhật ABCD có đỉnh $A(5; 1), C(0; 6)$. Biết một cạnh của hình chữ nhật nằm trên đường thẳng (d) : $x + 2y - 12 = 0$. Viết phương trình các đường thẳng chứa các cạnh còn lại của hình chữ nhật ABCD.

Bài 9. Trong mặt phẳng tọa độ Oxy cho hình thoi ABCD có tâm $I(2; 1)$ và $AC = 2BD$. Biết điểm $M(0; \frac{1}{3})$

thuộc đường thẳng AB, điểm $N(0; 7)$ thuộc đường thẳng CD. Tìm tọa độ điểm B biết B có hoành độ dương.

Bài 10. Trong mặt phẳng tọa độ Oxy cho tam giác ABC. Biết điểm $B(-4; 1)$ và điểm $G(1; 1)$ là trọng tâm của ΔABC . Phương trình đường thẳng chứa đường phân giác trong góc B của tam giác ABC là $x - y - 1 = 0$.

- a) Viết phương trình đường tròn ngoại tiếp (C) của tam giác ABC.
- b) Viết phương trình tiếp tuyến với (C) song song với đường thẳng $3x - 4y + 2019 = 0$.

PHẦN III – ĐỀ LUYỆN TẬP

A. PHẦN TRẮC NGHIỆM.

Câu 1. Giá trị $x = -2$ là nghiệm của bất phương trình nào trong các bất phương trình dưới đây ?

- A. $|x| < 2$ B. $(x-1)(x+2) > 0$ C. $\frac{x}{1-x} + \frac{1-x}{x} < 0$ D. $\sqrt{x+3} < x$

Câu 5. Tìm các giá trị thực của tham số m để bất phương trình $x + m > 0$ nghiệm đúng với $\forall x \in [-2; 3]$?

- A. $m > -3$ B. $m \geq -3$ C. $m \geq 2$ D. $m > 2$

Câu 3. Tập hợp $S = [1; 3]$ là tập nghiệm của bất phương trình nào dưới đây ?

- A. $\frac{x^2 - 4x + 3}{x^2 + 4x + 5} \leq 0$ B. $x^2 - 4x + 3 < 0$ C. $x^2 + 4x + 3 \leq 0$ D. $\frac{x^2 - 4x + 3}{(x-2)^2} \leq 0$

Câu 4. Tập nghiệm của bất phương trình $\sqrt{x+3} \leq x+1$ là :

- A. $[1; +\infty)$ B. $[-2; +\infty)$ C. $[-3; -2] \cup [1; \infty)$ D. $[-1; 1]$

Câu 5. Số nghiệm nguyên dương của bất phương trình $\frac{x+3}{2x} + \frac{2x}{x+3} \leq 2$ là:

- A. 0 B. 1 C. 2 D. Đáp số khác

Câu 6. Cho hệ phương trình $\begin{cases} x + 4m^2 \leq 2mx + 1 \\ 3x + 2 > 2x - 1 \end{cases}$ (m là tham số). Giá trị tham số m để hệ bất phương trình vô

nghiệm là:

- A. $m < -2$ B. $m > -1$ C. $m \leq -2$ D. $m \leq -2$

Câu 7. Tập nghiệm của bất phương trình $x + \sqrt{x+2} \leq 2 + \sqrt{x+2}$ là:

- A. Φ B. $(-\infty; 2)$ C. $\{2\}$ D. $[-2; 2]$

Câu 8. Tập nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} x^2 - 7x + 10 < 0 \\ |2x - 3| \geq 5 \end{cases}$ là

- A. $(4; 5)$ B. $[4; 5)$ C. $(2; 4)$ D. $(2; 4]$

Câu 9. Cho x thỏa mãn $-2\pi < x < -\pi$ và $\tan x = \frac{3}{4}$. Khi đó giá trị của biểu thức $\sin x$ bằng:

- A. 0,4 B. -0,4 C. 0,6 D. -0,6

Câu 10. Cho biểu thức $A = a(\cos^2 \alpha - \sin^8 \alpha) + 4(\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha) + b \sin^4 \alpha$ (a, b là các tham số)

Tìm giá trị các tham số a, b để giá trị biểu thức A không phụ thuộc vào α .

- A. $a = 3$ và $b = 6$ B. $a = -33$ và $b = 6$ C. $a = -3$ và $b = -6$ D. $a = 3$ và $b = -6$

Câu 11. Với mọi $x \neq k\pi$, giá trị của biểu thức $A = \sin(\pi - x) - \cos\left(\frac{\pi}{2} - x\right) + \cot(2\pi - x) + \tan\left(\frac{3\pi}{2} - x\right)$ là:

- A. 0 B. 1 C. 2 D. Giá trị khác

Câu 12. Trong mặt phẳng tọa độ Oxy cho đường thẳng $(d): 2x - 3y + 1 = 0$. Vectơ nào dưới đây là một vectơ chỉ phương của đường thẳng (d) ?

- A. $\vec{u} = (6; -4)$ B. $\vec{u} = (3; 1)$ C. $\vec{u} = (-3; -2)$ D. $\vec{u} = (2; -3)$

Câu 13. Trong mặt phẳng tọa độ Oxy cho điểm M(1;1) và đường thẳng $d: \begin{cases} x=2 \\ y=4+t \end{cases}$. Tính khoảng cách từ điểm M đến đường thẳng d ?

- A. 1 B. 2 C. 3 D. 5

Câu 14. Trong mặt phẳng tọa độ Oxy gọi d là đường thẳng đi qua điểm A(2;3) cắt các tia Ox; Oy lần lượt tại các điểm M, N sao cho diện tích tam giác OMN đạt giá trị nhỏ nhất. Phương trình đường thẳng d là:

- A. $x + y + 12 = 0$ B. $2x - 3y + 10 = 0$ C. $3x + 2y - 12 = 0$ D. $3x + y - 12 = 0$

Câu 15. Trong mặt phẳng tọa độ Oxy cho điểm M(1;1) và đường thẳng $d: \begin{cases} x=2t \\ y=-2+t \end{cases}$. Đường thẳng đi qua điểm M tạo với d một góc bằng 30° có phương trình là:

- A. $x = 1; y = 1$ B. $x - y = 0$ C. $x + 2y - 3 = 0$ D. $2x - 5y + 3 = 0$

Câu 16. Trong mặt phẳng với hệ trục tọa độ Oxy cho đường tròn $(C_m): x^2 + y^2 + 2mx - 4(m+1)y - 2 = 0$ (m là tham số) và điểm A(4; 1). Giá trị của tham số m để đường tròn (C_m) có bán kính nhỏ nhất là :

- A. $m = 0$ B. $m = -1$ C. $m = -\frac{1}{2}$ D. $m = -\frac{4}{5}$

B. PHẦN TỰ LUẬN.

Câu 1.

- a) Giải bất phương trình sau trên tập số thực: $\sqrt{-x^2 - 8x - 12} > x + 4$
b) Tìm giá trị thực của tham số m để bất phương trình $(m-1)x^2 - 2(m-1)x + 3(m-2) > 0$ vô nghiệm.
c) Tìm các giá trị của tham số m để bất phương trình $x^2 - 4x + m - 5 \leq 0$ nghiệm đúng với $\forall x \in (-1; 3)$

Câu 2.

Rút gọn biểu thức $A = \frac{\cos 2x}{\cos x - \sin x} - \frac{2 \cos^2 x + \sin 2x - 2\sqrt{2} \sin(x + \frac{\pi}{4})}{2(\cos x - 1)}$ (với điều kiện biểu thức có nghĩa)

Câu 3.

Trong mặt phẳng với hệ trục tọa độ Oxy, cho điểm A(2; 1) và đường thẳng $d: x - y + 1 = 0$.

- a) Tìm tọa độ điểm A_1 đối xứng với điểm A qua đường thẳng d.
b) Viết phương trình đường tròn có tâm thuộc trục Ox, đi qua điểm A và tiếp xúc với đường thẳng d.
c) Viết phương trình đường thẳng song song với đường thẳng d và cắt hai trục tọa độ tại hai điểm M, N sao cho diện tích tam giác AMN bằng $\frac{1}{2}$.

Câu 4. (Dành cho học sinh các lớp 10Tin, 10H1, 10H2, 10L1, 10L2)

Giải bất phương trình sau trên tập số thực : $x + \sqrt{x+4} \geq \sqrt{2x^2 - 10x + 17} + 3$