

Họ tên học sinh: LỚP:

Câu 1: Số nghiệm nguyên của bất phương trình $\sqrt{x+3} - \sqrt{7-x} > \sqrt{2x-8}$ là:

- A. 2 B. 4 C. 1 D. 3

Câu 2: Cho góc lượng giác $\alpha \in \left(\frac{\pi}{2}; \pi\right)$, $\sin \alpha = \frac{1}{3}$ và biểu thức

$$P = \frac{2 \tan \alpha + 3 \cot \alpha + 1}{\tan \alpha + \cot \alpha} = \frac{a + b\sqrt{2}}{c} \quad (a, b, c \text{ là các số nguyên}). \text{ Khi đó } a+b+c \text{ là:}$$

- A. 16 B. 26 C. 33 D. 30

Câu 3: Cho đường tròn (C) có tâm I(1,1), (C) cắt đường thẳng $\Delta: 3x+4y+13=0$ theo một dây cung có độ dài bằng 6. Phương trình của (C) là:

- A. $(x-1)^2 + (y-1)^2 = 16$ B. $(x-1)^2 + (y-1)^2 = 5$
C. $(x-1)^2 + (y-1)^2 = 25$ D. $(x-1)^2 + (y-1)^2 = 9$

Câu 4: Rút gọn biểu thức $P = \left(\frac{\cos x + \cot x}{1 + \sin x}\right)^2 + 1$ ta được:

- A. $P = 2$ B. $P = \frac{1}{\sin^2 x}$ C. $P = 1 + \cos^2 x$ D. $P = \frac{1}{\cos^2 x}$

Câu 5: Cho đường tròn (C) có phương trình $x^2 + y^2 - 2x - 6y - 10 = 0$. Tâm I, bán kính R của (C) là:

- A. I(1;3), $R = \sqrt{10}$ B. I(1;3), $R = 2\sqrt{5}$ C. I(-1;-3), $R = 2\sqrt{5}$ D. I(-1;-3), $R = \sqrt{10}$

Câu 6: Cho $\sin \alpha = m$. Khi đó biểu thức

$$P = \cos\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) \cdot \sin(\pi - \alpha) - \sin\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) \cdot \cos(\pi - \alpha) + \sin^2(\alpha + 2018\pi) \text{ là:}$$

- A. $m^2 + 2$ B. $m + 1$ C. $m^2 - 2$ D. $m^2 + 1$

Câu 7: Cho $\tan \alpha = 2$. Tính giá trị biểu thức $P = \frac{2018 \sin \alpha + 2019 \cos \alpha}{2020 \sin \alpha + 2021 \cos \alpha}$

- A. $P = \frac{4037}{6061}$ B. $P = \frac{6053}{6061}$ C. $P = \frac{6054}{6061}$ D. $P = \frac{6055}{6061}$

Câu 8: Tìm khẳng định Sai:

- A. $\sin(a-b) = \sin a \cdot \cos b - \sin b \cdot \cos a$. B. $\cos(a+b) = \cos a \cdot \cos b - \sin a \cdot \sin b$.
C. $\sin(a+b) = \sin a \cdot \cos b + \sin b \cdot \cos a$. D. $\cos(a-b) = \cos a \cdot \cos b + \sin a \cdot \sin b$.

Câu 9: Cho góc lượng giác x có $\sqrt{\cos^2 x} = -\cos x$. Điểm cuối của góc x thuộc góc vuông thứ mấy?

- A. (I) hoặc (IV) B. (I) hoặc (II) C. (II) hoặc (III) D. (III) hoặc (IV)

Câu 10: Tìm khẳng định Sai (Với điều kiện các hệ thức đã xác định)

- A. $\tan(\pi + \alpha) = \tan \alpha$ B. $\cos\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right) = \sin \alpha$ C. $\cot(-\alpha) = -\cot \alpha$ D. $\sin(\pi - \alpha) = \sin \alpha$

Câu 11: Rút gọn biểu thức $P = (\sin \alpha - 3 \cos \alpha)^2 + (\cos \alpha + 3 \sin \alpha)^2$ ta được:

- A. $P = 16$ B. $P = 10$ C. $P = 6 \sin \alpha$ D. $P = -6 \sin \alpha$

Câu 12: Cho $\tan \frac{\alpha}{2} = 2$. Giá trị biểu thức $P = \frac{1 + 2020 \sin \alpha}{1 - 2015 \sin \alpha}$ là:

A. $P = \frac{1616}{1612}$

B. $P = -\frac{1617}{1611}$

C. $P = -\frac{1615}{1611}$

D. $P = -\frac{1616}{1612}$

Câu 13: Cho hai điểm A(-1;2), B(-3;-2). Đường tròn (C) nhận AB là đường kính có phương trình là:

A. $(x+2)^2 + y^2 = 20$

B. $(x-2)^2 + y^2 = 20$

C. $(x+2)^2 + y^2 = 25$

D. $(x+2)^2 + y^2 = 5$

Câu 14: Tìm khẳng định Sai:

A. $\sin^4 x + \cos^4 x = \frac{3}{4} + \frac{1}{4} \cos 4x$

B. $\sin^6 x + \cos^6 x = \frac{5}{8} + \frac{3}{8} \cos 4x$

C. $\sin^4 x - \cos^4 x = -\cos 2x$

D. $\sin^4 x + \cos^4 x = \frac{3}{4} - \frac{1}{4} \cos 4x$

Câu 15: Cho $\sin x \cdot \cos^5 x - \cos x \cdot \sin^5 x = \frac{1}{4}$. Khi đó $\cos 4x$ bằng:

A. $-\frac{1}{2}$

B. $\frac{1}{2}$

C. 0

D. 1

Câu 16: Gọi y_1, y_2 là tung độ điểm chung của đường tròn (C): $x^2 + (y-1)^2 = 1$ và đường thẳng

$\Delta: x-y=0$. Khi đó $P = y_1 + y_2 + y_1 y_2$ là:

A. $P=1$

B. $P=2$

C. $P=3$

D. $P=4$

Câu 17: Tìm khẳng định Sai.

A. $1 + \sin 2x = (\sin x + \cos x)^2$

B. $\tan 2x = \frac{2 \cdot \tan^2 x}{1 - \tan x}$

C. $1 - \cos 2x = 2 \cdot \sin^2 x$

D. $\sin x + \cos x = \sqrt{2} \cdot \sin\left(x + \frac{\pi}{4}\right)$

Câu 18: Tìm khẳng định **Đúng** (Với điều kiện các hệ thức đã xác định)

A. $\sin(-\alpha) = \sin \alpha$

B. $\cos(\pi - \alpha) = \cos \alpha$

C. $\cos(-\alpha) = \cos \alpha$

D. $\sin(\pi - \alpha) = -\sin \alpha$

Câu 19: Cho đường tròn (C): $(x-2)^2 + (y-3)^2 = 25$. Đường thẳng nào sau đây cắt (C) theo một dây cung lớn nhất:

A. $x-y-1=0$

B. $x-2y=0$

C. $x-2y+1=0$

D. $x-2y+4=0$

Câu 20: Cho A, B, C là độ lớn của các góc trong ΔABC . Khẳng định Sai:

A. $\sin(B+C) = \sin A$

B. $\tan(B+C) = \tan A$ (với tam giác ABC không vuông)

C. $\cos\left(\frac{B+C}{2}\right) = \sin \frac{A}{2}$

D. $\cos(B+C) = -\cos A$

Câu 21: Cho x, y là 2 số thực thỏa mãn: $(x-4)^2 + (y-3)^2 = 5$ và biểu thức

$$Q = \sqrt{(x+1)^2 + (y-3)^2} + \sqrt{(x-1)^2 + (y+1)^2} \text{ đạt giá trị lớn nhất. Tìm } P=x+y :$$

A. $P=4$

B. $P=10$

C. $P=6$

D. $P=8$

Câu 22: Cho đường tròn (C) tâm I(1;2), bán kính R=3 có phương trình là:

A. $(x-1)^2 + (y+1)^2 = 9$

B. $(x+1)^2 + (y+1)^2 = 9$

C. $(x-1)^2 + (y-2)^2 = 3$

D. $(x-1)^2 + (y-2)^2 = 9$

Câu 23: Cho đường tròn (C): $x^2 + y^2 - 6x + 6y + 17 = 0$. Tiếp tuyến của (C) kẻ từ M(4;-3) có phương trình:

A. $x-4=0$

B. $4x-3y-25=0$

C. $4x+3y-7=0$

D. Đáp số khác

Câu 24: Tìm khẳng định Sai :

A. $\cos^2 x = \frac{1 + \cos 2x}{2}$

B. $\cos x = \sin^2 \frac{x}{2} - \cos^2 \frac{x}{2}$

C. $1 + \cos 4x = 2 \cdot \cos^2 2x$

D. $\sin 2x = 2 \sin x \cdot \cos x$

Câu 25: Tập nghiệm của bất phương trình $\sqrt{x-1} \leq x-3$ là:

A. $(-\infty; 2)$

B. $[1; 2] \cup [5; +\infty)$

C. $[3; +\infty)$

D. $[5; +\infty)$

Câu 26: Rút gọn biểu thức $M = \sin\left(\frac{\pi}{3} + x\right) + \sin\left(\frac{\pi}{3} - x\right)$ ta được :

A. $M = \sqrt{3} \cdot \sin x$

B. $M = -\sqrt{3} \cdot \cos x$

C. $M = -\sqrt{3} \cdot \sin x$

D. $M = \sqrt{3} \cdot \cos x$

Câu 27: Cho x, y là 2 số thực thỏa mãn $(x-1)^2 + (y-1)^2 = 4$ Giá trị lớn nhất của biểu thức $P = \sqrt{(x-3)^2 + (y-5)^2}$ là:

A. $2(\sqrt{5} + 2)$

B. $2(\sqrt{5} + 4)$

C. $2(\sqrt{5} - 1)$

D. $2(\sqrt{5} + 1)$

Câu 28: Cho đường tròn (C) có phương trình $x^2 + y^2 + 4x - 2y - 4 = 0$ Từ $O(0;0)$ kẻ được mấy đường thẳng tiếp xúc với (C).

A. 0

B. 1

C. 2

D. Vô số

Câu 29: Cho góc $\alpha \in (0, \frac{\pi}{2})$. Khẳng định nào **Đúng**:

A. $\cos \alpha < 0$

B. $\tan \alpha > 0$

C. $\sin(\pi + \alpha) > 0$

D. $\sin \alpha < 0$

Câu 30: Cho $\cos a = \frac{3}{5}, \cos b = \frac{2}{5}$. Giá trị biểu thức $M = \cos(a+b) \cdot \cos(a-b)$ là :

A. $M = -\frac{12}{25}$

B. $M = \frac{12}{25}$

C. $M = -\frac{13}{25}$

D. $M = \frac{13}{25}$

----- HẾT -----