

**MÃ TRẬN ĐỀ KIỂM TRA CUỐI KỲ I**  
**MÔN: TOÁN, LỚP 10 – THỜI GIAN LÀM BÀI: 90 phút**

TR	Nội dung kiến thức	Đơn vị kiến thức	Mức độ nhận thức						Tổng	% tổng diễn	
			Nhận biết	Thông hiểu	Vận dụng	Vận dụng cao	Số CH	Thời gian (phút)			
<b>1</b>	<b>1. Mệnh đề và tập hợp</b>	Mệnh đề. Tập hợp. Các phép toán trên tập hợp	1	1			Số CH	Thời gian (phút)	2	Thời gian (phút)	
		2.1. Bất phương trình bậc nhất hai ẩn	1	1			Số CH	Thời gian (phút)			
<b>2</b>	<b>2. Bất phương trình bậc nhất hai ẩn và hệ bất phương trình</b>	2.2. Hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn	1	1	1*	1**	Số CH	Thời gian (phút)	2	Thời gian (phút)	
							Số CH	Thời gian (phút)			
<b>3</b>	<b>3. Hàm số bậc hai và đồ thị</b>	3.1. Hàm số và đồ thị	2	1	1*	1**	Số CH	Thời gian (phút)	3	Thời gian (phút)	
		3.2. Hàm số bậc hai	2	1			Số CH	Thời gian (phút)			
<b>4</b>	<b>4. Hệ thức lượng trong tam giác</b>	4.1. Giá trị lượng giác của một góc từ $0^0$ đến $180^0$	1		1*		Số CH	Thời gian (phút)	1	Thời gian (phút)	
		4.2. Định lý cosin và định lý sin	2	3			Số CH	Thời gian (phút)			
<b>5</b>	<b>5. Vectơ</b>	4.3 Giải tam giác và ứng dụng thực tế				1**	Số CH	Thời gian (phút)	5	Thời gian (phút)	
		5.1. Khái niệm vectơ	1				Số CH	Thời gian (phút)			
<b>6</b>	<b>6. Thống kê</b>	5.2. Tông hiệu của hai vectơ	1	1	1*	1**	Số CH	Thời gian (phút)	1	Thời gian (phút)	
		5.3. Tích của một số với một vectơ	1	1			Số CH	Thời gian (phút)			
		5.2. Tích vô hướng của hai vectơ	1	2			Số CH	Thời gian (phút)	2	Thời gian (phút)	
							Số CH	Thời gian (phút)			
		6.1 Sô gân đúng. Sai số	2	1			Số CH	Thời gian (phút)	3	Thời gian (phút)	
		6.1. Các số đặc trưng đo xu thế trung tâm của mẫu số liệu	2	1			Số CH	Thời gian (phút)			
		6.2. Các số đặc trưng đo mức độ phân tán của mẫu số liệu	2	1			Số CH	Thời gian (phút)	3	Thời gian (phút)	
			20	15	3	0	Số CH	Thời gian (phút)			
<b>Tổng</b>			<b>40</b>	<b>30</b>	<b>20</b>	<b>10</b>	Số CH	Thời gian (phút)	<b>100</b>	<b>100</b>	
<b>Tỉ lệ chung (%)</b>			<b>70</b>				Số CH	Thời gian (phút)			

**Lưu ý:**

- Các câu hỏi ở cấp độ nhận biết và thông hiểu là các câu hỏi trắc nghiệm khách quan 4 lựa chọn, trong đó có duy nhất 1 lựa chọn đúng.
- Các câu hỏi ở cấp độ vận dụng và vận dụng cao là các câu hỏi tự luận.

- Số điểm tính cho 1 câu trả lời là 0,20 điểm/câu; số điểm của câu tự luận được quy định trong hướng dẫn chấm nhưng phải tương ứng với tệp điểm được quy định trong ma trận.

**Phản tự luận:** (để được phong phú minh để nhiều lựa chọn)

- Hai câu vận dụng mỗi câu 1,0 điểm ta chọn ở 1\* sao cho 1 câu Đại Số và 1 câu Hình học.
- Hai câu vận dụng cao mỗi câu 0,5 điểm ta chọn ở 1\*\* sao cho 1 câu Đại Số và 1 câu Hình học.

# ĐỀ ÔN TẬP KIỂM TRA CUỐI HỌC KỲ I NĂM HỌC 2022 – 2023

## MÔN: TOÁN 10 – ĐỀ SỐ: 01

### I. PHẦN TRẮC NGHIỆM (35 câu – 7,0 điểm)

Câu 1: Dùng các kí hiệu khoảng, đoạn, nửa khoảng viết lại tập hợp  $A = \{x \in \mathbb{R} \mid -5 \leq x < 3\}$  là

- A.  $(-5; 3)$ .      B.  $(-5; 3]$ .      C.  $[-5; 3]$ .      D.  $[-5; 3)$ .

Câu 2: Bất phương trình nào sau đây là bất phương trình bậc nhất hai ẩn?

- A.  $2x^2 - 3y < 0$       B.  $-x + 4y > -3$       C.  $x + y^2 \geq 2$       D.  $x^2 + 4y^2 \leq 6$

Câu 3: Trong mặt phẳng  $Oxy$ , điểm nào dưới đây thuộc miền nghiệm của hệ  $\begin{cases} 3x - y > 1 \\ x + 2y \leq 2 \end{cases}$ ?

- A.  $P(-1; 0)$ .      B.  $N(1; 1)$ .      C.  $M(1; -1)$ .      D.  $Q(0; 1)$ .

Câu 4: Cho hàm số:  $y = \frac{x-1}{2x^2 - 3x + 1}$ . Trong các điểm sau đây điểm nào thuộc đồ thị của hàm số?

- A.  $M_1(2; 3)$ .      B.  $M_2(0; -1)$ .      C.  $M_3\left(\frac{1}{2}; -\frac{1}{2}\right)$ .      D.  $M_4(1; 0)$ .

Câu 5: Tập xác định của hàm số  $y = \frac{x-1}{x^2 - x + 3}$  là

- A.  $\emptyset$ .      B.  $\mathbb{R}$ .      C.  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$ .      D.  $\mathbb{R} \setminus \{2\}$ .

Câu 6: Trong các hàm số sau, hàm số nào là hàm số bậc hai?

- A.  $y = 2x(3-x)$ .      B.  $y = x(2x^2 - 3)$ .      C.  $y = 2x - 3$ .      D.  $y = \frac{2x^2 + 6x - 1}{x^2 + x + 1}$ .

Câu 7: Trục đối xứng của parabol  $(P): y = 3x^2 + 9x + 2022$  là

- A.  $x = \frac{3}{2}$ .      B.  $x = 3$ .      C.  $x = -3$ .      D.  $x = -\frac{3}{2}$ .

Câu 8: Trong các khẳng định sau đây, khẳng định nào sai?

- A.  $\sin 30^\circ = -\sin 150^\circ$ .      B.  $\tan 30^\circ = -\tan 150^\circ$ .  
C.  $\cot 30^\circ = -\cot 150^\circ$ .      D.  $\cos 30^\circ = -\cos 150^\circ$ .

Câu 9: Cho tam giác  $ABC$  có  $AB = c$ ,  $AC = b$ ,  $CB = a$ . Chọn mệnh đề sai?

- A.  $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cdot \cos A$ .      B.  $b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cdot \cos B$ .  
C.  $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cdot \cos C$ .      D.  $c^2 = b^2 + a^2 - 2ba \cdot \cos C$ .

Câu 10: Cho tam giác  $ABC$ . Số các véc tơ khác  $\vec{0}$ , có điểm đầu và điểm cuối là các đỉnh của tam giác  $ABC$  là:

- A. 3.      B. 6.      C. 2.      D. 1.

Câu 11: Cho tam giác  $ABC$ , khẳng định nào sau đây là đúng?

- A.  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{BC}$ .      B.  $\overrightarrow{BC} + \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{AC}$ .      C.  $\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{BC}$ .      D.  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{CB}$ .

**Câu 12:** Cho hai vecto  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  khác  $\vec{0}$ . Xác định góc  $\alpha$  giữa hai vecto  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  biết  $\vec{a} \cdot \vec{b} = -|\vec{a}| \cdot |\vec{b}|$ .

- A.  $\alpha = 90^\circ$ .      B.  $\alpha = 0^\circ$ .      C.  $\alpha = 45^\circ$ .      D.  $\alpha = 180^\circ$ .

**Câu 13:** Cho tam giác  $ABC$  có  $ABC = 30^\circ$ .  $AB = 5, BC = 8$ . Tính  $\overrightarrow{BA} \cdot \overrightarrow{BC}$ .

- A. 20.      B.  $20\sqrt{3}$ .      C.  $20\sqrt{2}$ .      D.  $40\sqrt{3}$ .

**Câu 14:** Đo chiều dài của một cây thước, ta được kết quả  $l = 45 \pm 0,3\text{ (cm)}$  thì sai số tương đối của phép đo là:

- A.  $\Delta_l = 0,3$ .      B.  $\Delta_l \leq 0,3$ .      C.  $\delta_l = \frac{3}{10}$ .      D.  $\delta_l \leq \frac{1}{150}$ .

**Câu 15:** Quy tròn số 2,654 đến hàng phần chục, được số 2,7. Sai số tuyệt đối là

- A. 0,05.      B. 0,04.      C. 0,046.      D. 0,1.

**Câu 16:** Đại lượng đo mức độ biến động, chênh lệch giữa các giá trị trong mẫu số liệu thống kê gọi là  
A. Độ lệch chuẩn.      B. Số trung vị.      C. Phương sai.      D. Tân số.

**Câu 17:** Điểm (thang điểm 10) của 11 học sinh cao điểm nhất trong một bài kiểm tra như sau:

10 9 10 8 9 10 9 7 8 9 10

Hãy tìm các tứ phân vị.

- A.  $Q_1 = 7, Q_2 = 8, Q_3 = 10$ .      B.  $Q_1 = 8, Q_2 = 10, Q_3 = 10$ .  
C.  $Q_1 = 8, Q_2 = 9, Q_3 = 10$ .      D.  $Q_1 = 8, Q_2 = 9, Q_3 = 9$ .

**Câu 18:** Một cửa hàng giàn thể thao đã thống kê cỡ giàn của 20 khách hàng nữ được chọn ngẫu nhiên cho kết quả như sau:

35 37 39 41 38 40 40 37 39 38 38 36 37 42 38 35 38 36 38 35

Tìm trung vị cho mẫu số liệu trên.

- A. 36.      B. 37.      C. 38.      D. 39.

**Câu 19:** Hãy tìm khoảng biến thiên của mẫu số liệu thống kê sau:

22      24      33      17      11      4      18      87      72      30

- A. 33.      B. 83.      C. 89.      D. 82.

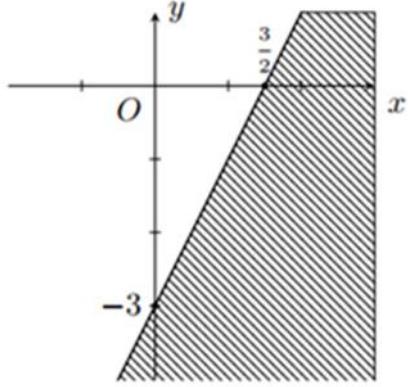
**Câu 20:** Một mẫu số liệu thống kê có tứ phân vị lần lượt là  $Q_1 = 22, Q_2 = 27, Q_3 = 32$ . Giá trị nào sau đây là giá trị ngoại lệ của mẫu số liệu

- A. 30.      B. 9.      C. 48.      D. 46.

**Câu 21:** Xét mệnh đề kéo theo P: “Nếu 18 chia hết cho 3 thì tam giác cân có 2 cạnh bằng nhau” và Q: “Nếu 17 là số chẵn thì 25 là số chính phương”. Hãy chọn khẳng định đúng trong các khẳng định sau:

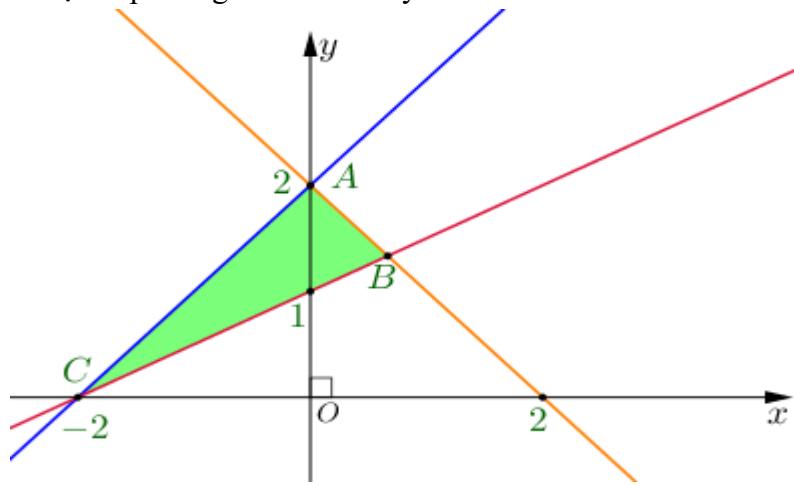
- A. P đúng, Q sai.      B. P đúng, Q đúng.      C. P sai, Q đúng.      D. P sai, Q sai.

**Câu 22:** Miền nghiệm của bất phương trình nào sau đây được biểu diễn bởi nửa mặt phẳng không bị gạch trong hình vẽ sau?



- A.  $2x - y \leq 3$ .      B.  $x - y \geq 3$ .      C.  $2x - y \geq 3$ .      D.  $2x + y \leq 3$ .

**Câu 23:** Miền tam giác  $ABC$  kề cả ba cạnh  $AB, BC, CA$  trong hình là miền nghiệm của hệ bất phương trình nào trong bốn hệ bất phương trình dưới đây?



- A.  $\begin{cases} x + y - 2 \leq 0 \\ x - y + 2 \geq 0 \\ x - 2y + 2 \leq 0 \end{cases}$ .      B.  $\begin{cases} x + y - 2 \geq 0 \\ x - y + 2 \geq 0 \\ x - 2y + 2 \leq 0 \end{cases}$ .      C.  $\begin{cases} x + y - 2 \leq 0 \\ x - y + 2 \leq 0 \\ x - 2y + 2 \leq 0 \end{cases}$ .      D.  $\begin{cases} x + y - 2 \leq 0 \\ x - y + 2 \geq 0 \\ x - 2y + 2 \geq 0 \end{cases}$ .

**Câu 24:** Cho hàm số  $f(x) = \begin{cases} \frac{2\sqrt{x+2}-3}{x-1} & \text{khi } x \geq 2 \\ x^2+1 & \text{khi } x < 2 \end{cases}$ . Khi đó,  $f(2) + f(-2)$  bằng:

- A.  $\frac{8}{3}$ .      B. 4.      C. 6.      D.  $\frac{5}{3}$ .

**Câu 25:** Giao điểm của parabol  $(P)$ :  $y = x^2 - 3x + 2$  với đường thẳng  $y = x - 1$  là:

- A.  $(1; 0); (3; 2)$ .      B.  $(0; -1); (-2; -3)$ .  
C.  $(-1; 2); (2; 1)$ .      D.  $(2; 1); (0; -1)$ .

**Câu 26:** Tam giác  $ABC$  có  $A = 120^\circ$  thì đẳng thức nào sau đây đúng?

- A.  $a^2 = b^2 + c^2 - 3bc$ .      B.  $a^2 = b^2 + c^2 + bc$ .  
C.  $a^2 = b^2 + c^2 + 3bc$ .      D.  $a^2 = b^2 + c^2 - bc$ .

**Câu 27:** Cho tam giác  $ABC$  có  $B = 60^\circ$ ,  $C = 75^\circ$  và  $AC = 10$ . Khi đó, độ dài cạnh  $BC$  bằng

- A.  $\frac{10\sqrt{6}}{3}$ .      B.  $5\sqrt{6}$ .      C.  $\frac{5\sqrt{6}}{3}$ .      D. 10.

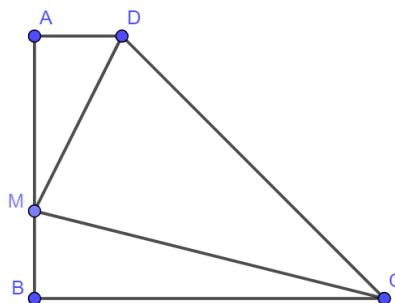
**Câu 28:** Cho tam giác  $ABC$  có  $AB = 6\text{cm}$ ;  $AC = 9\text{cm}$ ;  $BAC = 60^\circ$ . Diện tích tam giác  $ABC$  là

- A.  $S = \frac{27\sqrt{3}}{2}\text{cm}^2$ .      B.  $S = \frac{27}{2}\text{cm}^2$ .      C.  $S = \frac{27\sqrt{3}}{4}\text{cm}^2$ .      D.  $S = \frac{27}{4}\text{cm}^2$ .

**Câu 29:** Cho hình thoi  $ABCD$  có cạnh bằng  $a$  và  $A = 60^\circ$ . Độ dài của vecto  $\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BC}$  bằng

- A.  $\frac{a}{2}$ .      B.  $2a$ .      C.  $a\sqrt{2}$ .      D.  $a$ .

**Câu 30:** Cho hình thang  $ABCD$  vuông tại  $A$  và  $B$ ,  $AB = 3a$ ,  $BC = 4a$ ,  $AD = a$ . Gọi  $M$  là điểm thuộc cạnh  $AB$  sao cho  $AM = 2a$ . Tính  $(\overrightarrow{MD} + \overrightarrow{MC})\overrightarrow{CB}$ ?



- A.  $10a^2$ .      B.  $20a^2$ .      C.  $-20a^2$ .      D.  $-10a^2$ .

**Câu 31:** Cho tam giác  $ABC$  có  $\hat{A} = 90^\circ$ ,  $\hat{B} = 60^\circ$  và  $AB = a$ . Khi đó  $\overrightarrow{AC}.\overrightarrow{CB}$  bằng

- A.  $-2a^2$ .      B.  $2a^2$ .      C.  $3a^2$ .      D.  $-3a^2$ .

**Câu 32:** Cho hai vecto  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$ . Biết  $|\vec{a}| = 2$ ,  $|\vec{b}| = \sqrt{3}$  và  $(\vec{a}, \vec{b}) = 30^\circ$ . Tính  $|\vec{a} + \vec{b}|$ .

- A.  $\sqrt{11}$ .      B.  $\sqrt{13}$ .      C.  $\sqrt{12}$ .      D.  $\sqrt{14}$ .

**Câu 33:** Cho hình chữ nhật có chiều dài bằng  $\frac{10}{3}$ , chiều rộng bằng 3. Để tính diện tích hình chữ nhật

bạn Giang lấy số gần đúng của  $\frac{10}{3}$  là 3,33. Hỏi sai số tuyệt đối của hình chữ nhật theo cách tính của bạn Giang là bao nhiêu.

- A. 0,1.      B. 0,01.      C. 1,11.      D. 0,11.

**Câu 34:** Chỉ số IQ và EQ tương ứng của một nhóm học sinh được đo và ghi lại ở bảng sau

IQ	92	108	95	105	88	98	111
EQ	102	90	94	100	97	103	93

Dựa vào khoảng biến thiên của hai mẫu số liệu “IQ” và “EQ”, hãy chỉ ra mẫu số liệu nào có độ phân tán lớn hơn.

- A. Mẫu số liệu “IQ” có độ phân tán lớn hơn mẫu số liệu “EQ”.  
 B. Mẫu số liệu “IQ” có độ phân tán lớn hơn mẫu số liệu “EQ”.  
 C. Hai mẫu số liệu có độ phân tán bằng nhau.  
 D. Tất cả đều sai.

**Câu 35:** Thông kê số cuốn sách mỗi bạn trong lớp đã đọc trong năm 2021, bạn Lan thu được kết quả như bảng sau. Hỏi trong năm 2021, trung bình mỗi bạn trong lớp đọc bao nhiêu cuốn sách?

Số cuốn sách	3	4	5	6	7
Số bạn	6	15	3	8	8

A. 4,694.

B. 4,925.

C. 4,55.

D. 4,495.

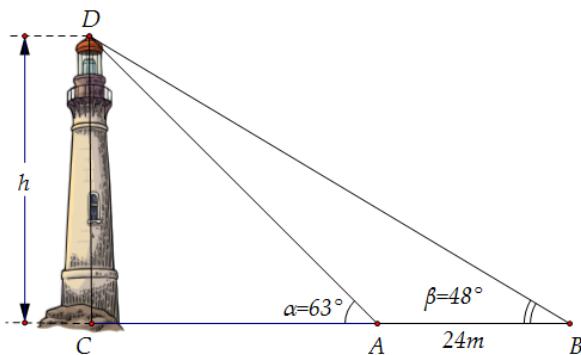
## II. PHẦN TỰ LUẬN (3,0 điểm)

**Câu 36:** a) Cho hai tập khác rỗng  $A = (m-1; 4]$ ,  $B = (-2; 2m+2)$  với  $m \in \mathbb{R}$ . Xác định  $m$  để  $A \cap B \neq \emptyset$ .

b) Cho hai tập hợp  $A = (m-1; 5]$ ,  $B = (3; 2020-5m)$  và  $A, B$  khác rỗng. Có bao nhiêu giá trị nguyên của  $m$  để  $A \setminus B = \emptyset$ ?

**Câu 37:** Người ta dự định dùng hai loại nguyên liệu để chiết xuất ít nhất 140kg chất A và 9 kg chất B. Từ mỗi tấn nguyên liệu loại I giá 4 triệu đồng có thể chiết xuất được 20kg chất A và 0,6 kg chất B. Từ mỗi tấn nguyên liệu loại II giá 3 triệu đồng, có thể chiết xuất được 10kg chất A và 1,5 kg chất B. Hỏi phải dùng bao nhiêu tấn nguyên liệu mỗi loại để chi phí mua nguyên liệu là ít nhất, biết rằng cơ sở cung cấp nguyên liệu chỉ có thể cung cấp không quá 10 tấn nguyên liệu loại I và không quá 9 tấn nguyên liệu loại II?

**Câu 38:** Giả sử  $CD = h$  là chiều cao của tháp trong đó C là chân tháp. Chọn hai điểm A, B trên mặt đất sao cho ba điểm A, B, C thẳng hàng (như hình vẽ bên dưới).



Ta đo được  $AB = 24m$ ,  $CAD = 63^\circ$ ;  $CBD = 48^\circ$ . Tính chiều cao  $h$  của khối tháp.

**Câu 39:** Cho tam giác  $ABC$ ,  $M$  là điểm thỏa mãn  $3\vec{MA} + 2\vec{MB} = \vec{0}$ . Trên các cạnh  $AC, BC$  lấy các điểm  $P, Q$  sao cho  $CPMQ$  là hình bình hành. Lấy điểm  $N$  trên  $AQ$  sao cho  $a\vec{NA} + b\vec{NQ} = \vec{0}$  (với  $a, b \in \mathbb{Z}$  và  $a, b$  nguyên tố cùng nhau). Khi ba điểm  $B, N, P$  thẳng hàng hãy tính  $a+b$ .

----- HẾT -----

## HƯỚNG DẪN GIẢI CHI TIẾT

### I. PHẦN TRẮC NGHIỆM (35 câu – 7,0 điểm)

Câu 1: Dùng các kí hiệu khoảng, đoạn, nửa khoảng viết lại tập hợp  $A = \{x \in \mathbb{R} \mid -5 \leq x < 3\}$  là

- A.  $(-5; 3)$ .      B.  $(-5; 3]$ .      C.  $[-5; 3]$ .      D.  $[-5; 3)$ .

#### Lời giải

Áp dụng quy tắc viết các tập con của tập số thực  $A = \{x \in \mathbb{R} \mid a \leq x < b\} = [a; b)$ .

Từ đó ta có  $A = \{x \in \mathbb{R} \mid -5 \leq x < 3\} = [-5; 3)$ .

Câu 2: Bất phương trình nào sau đây là bất phương trình bậc nhất hai ẩn?

- A.  $2x^2 - 3y < 0$       B.  $-x + 4y > -3$       C.  $x + y^2 \geq 2$       D.  $x^2 + 4y^2 \leq 6$

#### Lời giải

Ta thấy A,C,D là bất phương trình bậc 2 hai ẩn.

Câu 3: Trong mặt phẳng  $Oxy$ , điểm nào dưới đây thuộc miền nghiệm của hệ  $\begin{cases} 3x - y > 1 \\ x + 2y \leq 2 \end{cases}$ ?

- A.  $P(-1; 0)$ .      B.  $N(1; 1)$ .      C.  $M(1; -1)$ .      D.  $Q(0; 1)$ .

#### Lời giải

Ta thấy tọa độ điểm  $M$  thỏa mãn hệ bất phương trình nên thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình

Câu 4: Cho hàm số:  $y = \frac{x-1}{2x^2 - 3x + 1}$ . Trong các điểm sau đây điểm nào thuộc đồ thị của hàm số?

- A.  $M_1(2; 3)$ .      B.  $M_2(0; -1)$ .      C.  $M_3\left(\frac{1}{2}; \frac{-1}{2}\right)$ .      D.  $M_4(1; 0)$ .

#### Lời giải

Thay  $x = 0$  vào hàm số ta thấy  $y = -1$ . Vậy  $M_2(0; -1)$  thuộc đồ thị hàm số.

Câu 5: Tập xác định của hàm số  $y = \frac{x-1}{x^2 - x + 3}$  là

- A.  $\emptyset$ .      B.  $\mathbb{R}$ .      C.  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$ .      D.  $\mathbb{R} \setminus \{2\}$ .

#### Lời giải

Điều kiện:  $x^2 - x + 3 \neq 0 \Leftrightarrow x \in \mathbb{R}$ .

Câu 6: Trong các hàm số sau, hàm số nào là hàm số bậc hai?

- A.  $y = 2x(3-x)$ .      B.  $y = x(2x^2 - 3)$ .      C.  $y = 2x - 3$ .      D.  $y = \frac{2x^2 + 6x - 1}{x^2 + x + 1}$ .

#### Lời giải

Hàm số  $y = 2x(3-x) = -2x^2 + 6x$  là hàm số bậc hai  $y = ax^2 + bx + c$  với  $a = -2 \neq 0$ ,  $b = 6$ ,  $c = 0$ .

Câu 7: Trục đối xứng của parabol  $(P): y = 3x^2 + 9x + 2022$  là

A.  $x = \frac{3}{2}$ .

B.  $x = 3$ .

C.  $x = -3$ .

D.  $x = -\frac{3}{2}$ .

Lời giải

Trục đối xứng  $x = -\frac{b}{2a} = -\frac{3}{2}$ .

Câu 8: Trong các khẳng định sau đây, khẳng định nào sai?

A.  $\sin 30^\circ = -\sin 150^\circ$ . B.  $\tan 30^\circ = -\tan 150^\circ$ .

C.  $\cot 30^\circ = -\cot 150^\circ$ . D.  $\cos 30^\circ = -\cos 150^\circ$ .

Lời giải

Ta có  $\sin 30^\circ = \sin(180^\circ - 30^\circ) = \sin 150^\circ$

Câu 9: Cho tam giác  $ABC$  có  $AB = c$ ,  $AC = b$ ,  $CB = a$ . Chọn mệnh đề sai?

A.  $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cdot \cos A$ .

B.  $b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cdot \cos B$ .

C.  $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cdot \cos B$ .

D.  $c^2 = b^2 + a^2 - 2ba \cdot \cos C$ .

Lời giải

$c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cdot \cos B$  là mệnh đề sai.

Câu 10: Cho tam giác  $ABC$ . Số các véc tơ khác  $\vec{0}$ , có điểm đầu và điểm cuối là các đỉnh của tam giác  $ABC$  là:

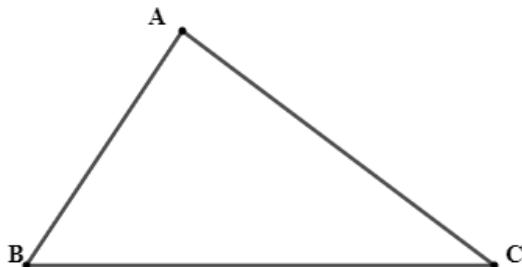
A. 3.

B. 6.

C. 2.

D. 1.

Lời giải



Có 6 véc tơ khác  $\vec{0}$  là:  $\vec{AB}$ ,  $\vec{BA}$ ,  $\vec{AC}$ ,  $\vec{CA}$ ,  $\vec{BC}$ ,  $\vec{CB}$ .

Câu 11: Cho tam giác  $ABC$ , khẳng định nào sau đây là đúng?

A.  $\vec{AB} + \vec{AC} = \vec{BC}$ . B.  $\vec{BC} + \vec{AB} = \vec{AC}$ . C.  $\vec{AB} - \vec{AC} = \vec{BC}$ . D.  $\vec{AB} + \vec{AC} = \vec{CB}$ .

Lời giải

Ta có:  $\vec{BC} + \vec{AB} = \vec{AB} + \vec{BC} = \vec{AC}$ .

Câu 12: Cho hai vectơ  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  khác  $\vec{0}$ . Xác định góc  $\alpha$  giữa hai vectơ  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  biết  $\vec{a} \cdot \vec{b} = -|\vec{a}| \cdot |\vec{b}|$ .

A.  $\alpha = 90^\circ$ .

B.  $\alpha = 0^\circ$ .

C.  $\alpha = 45^\circ$ .

D.  $\alpha = 180^\circ$ .

Lời giải

Ta có:  $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \cos \alpha$ . Mà  $\vec{a} \cdot \vec{b} = -|\vec{a}| \cdot |\vec{b}|$  nên  $\cos \alpha = -1$ . Suy ra  $\alpha = 180^\circ$ .

Câu 13: Cho tam giác  $ABC$  có  $\angle ABC = 30^\circ$ ,  $AB = 5$ ,  $BC = 8$ . Tính  $\vec{BA} \cdot \vec{BC}$ .

A. 20.

B.  $20\sqrt{3}$ .

C.  $20\sqrt{2}$ .

D.  $40\sqrt{3}$ .

Lời giải

Ta có  $\vec{BA} \cdot \vec{BC} = BA \cdot BC \cdot \cos \angle ABC = 5 \cdot 8 \cdot \cos 30^\circ = 20\sqrt{3}$ .

Vậy  $\overrightarrow{BA} \cdot \overrightarrow{BC} = 20\sqrt{3}$ .

**Câu 14:** Đo chiều dài của một cây thước, ta được kết quả  $l = 45 \pm 0,3\text{(cm)}$  thì sai số tương đối của phép đo là:

A.  $\Delta_l = 0,3$ .

B.  $\Delta_l \leq 0,3$ .

C.  $\delta_l = \frac{3}{10}$ .

D.  $\delta_l \leq \frac{1}{150}$ .

#### Lời giải

Vì  $\Delta_l \leq 0,3$  nên  $\delta_l = \frac{\Delta_l}{l} \leq \frac{0,3}{45} = \frac{1}{150}$ .

**Câu 15:** Quy tròn số 2,654 đến hàng phần chục, được số 2,7. Sai số tuyệt đối là

A. 0,05.

B. 0,04.

C. 0,046.

D. 0,1.

#### Lời giải

Quy tròn số 2,654 đến hàng phần chục, được số 2,7. Sai số tuyệt đối là:  $|2,7 - 2,654| = 0,046$ .

**Câu 16:** Đại lượng đo mức độ biến động, chênh lệch giữa các giá trị trong mẫu số liệu thống kê gọi là

A. Độ lệch chu.

B. Số trung vị.

C. Phương sai.

D. Tần số.

#### Lời giải

Đại lượng đo mức độ biến động, chênh lệch giữa các giá trị trong mẫu số liệu thống kê gọi là phương sai.

**Câu 17:** Điểm (thang điểm 10) của 11 học sinh cao điểm nhất trong một bài kiểm tra như sau:

10 9 10 8 9 10 9 7 8 9 10

Hãy tìm các tứ phân vị.

A.  $Q_1 = 7, Q_2 = 8, Q_3 = 10$

B.  $Q_1 = 8, Q_2 = 10, Q_3 = 10$ .

C.  $Q_1 = 8, Q_2 = 9, Q_3 = 10$ .

D.  $Q_1 = 8, Q_2 = 9, Q_3 = 9$ .

#### Lời giải

Sắp xếp các giá trị theo thứ tự không giảm:

7 8 8 9 9 9 10 10 10 10

Trung vị của mẫu số liệu là:  $Q_2 = 9$ .

Tứ vị phân thứ nhất là  $Q_1 = 8$ .

Tứ vị phân thứ ba là  $Q_3 = 10$ .

Vậy  $Q_1 = 8, Q_2 = 9, Q_3 = 10$  là các tứ phân vị của mẫu số liệu trên.

**Câu 18:** Một cửa hàng giàn thể thao đã thống kê cỡ giàn của 20 khách hàng nữ được chọn ngẫu nhiên cho kết quả như sau:

35 37 39 41 38 40 40 37 39 38 38 36 37 42 38 35 38 36 38 35

Tìm trung vị cho mẫu số liệu trên.

A. 36.

B. 37.

C. 38.

D. 39.

#### Lời giải

Sắp xếp các giá trị theo thứ tự không giảm:

35 35 35 36 36 37 37 37 38 38 38 38 38 39 39 40 40 41 42

Vì  $n=20$  là số chẵn nên trung vị là trung bình cộng của hai giá trị chính giữa:  $Me = \frac{38+38}{2}$

**Câu 19:** Hãy tìm khoảng biến thiên của mẫu số liệu thông kê sau:

22	24	33	17	11	4	18	87	72	30
A. 33.	B. 83.	C. 89.	D. 82.						

**Lời giải**

Khoảng biến thiên của mẫu số liệu là  $R = 87 - 4 = 83$ .

**Câu 20:** Một mẫu số liệu thống kê có tứ phân vị lần lượt là  $Q_1 = 22$ ,  $Q_2 = 27$ ,  $Q_3 = 32$ . Giá trị nào sau đây là giá trị ngoại lệ của mẫu số liệu

A. 30.	B. 9.	C. 48.	D. 46.
--------	-------	--------	--------

**Lời giải**

Ta có  $\Delta_Q = Q_3 - Q_1 = 32 - 22 = 10$ . Do đó  $[Q_1 - 1,5\Delta_Q; Q_3 + 1,5\Delta_Q] = [7; 47]$ .

Do  $48 \notin [7; 47]$  nên là một giá trị ngoại lệ của mẫu số liệu.

**Câu 21:** Xét mệnh đề kéo theo P: “Nếu 18 chia hết cho 3 thì tam giác cân có 2 cạnh bằng nhau” và Q: “Nếu 17 là số chẵn thì 25 là số chính phương”. Hãy chọn khẳng định đúng trong các khẳng định sau:

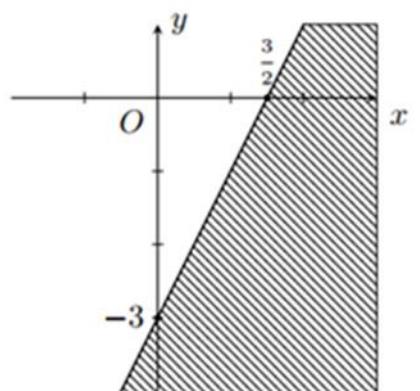
A. P đúng, Q sai.	B. P đúng, Q đúng.	C. P sai, Q đúng.	D. P sai, Q sai.
-------------------	--------------------	-------------------	------------------

**Lời giải**

Ta có P đúng vì cả hai mệnh đề giả thiết và kết luận đều đúng.

Q đúng vì giả thiết “17 là số chẵn” là mệnh đề sai.

**Câu 22:** Miền nghiệm của bất phương trình nào sau đây được biểu diễn bởi nửa mặt phẳng không bị gạch trong hình vẽ sau?



A. $2x - y \leq 3$ .	B. $x - y \geq 3$ .	C. $2x - y \geq 3$ .	D. $2x + y \leq 3$ .
----------------------	---------------------	----------------------	----------------------

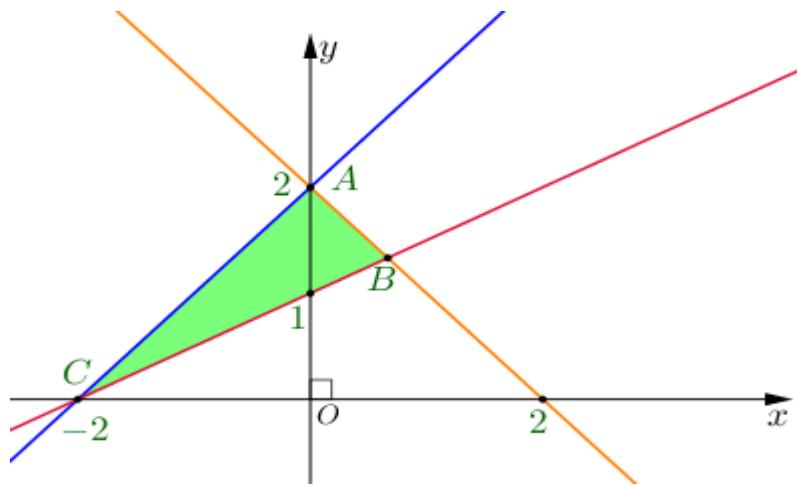
**Lời giải**

Đường thẳng  $2x - y = 3$  đi qua điểm  $(0; -3), \left(\frac{3}{2}; 0\right)$ . Loại B, D

Thay tọa độ điểm  $O(0;0)$  vào vé trái của các bất phương trình ở đáp án A, C

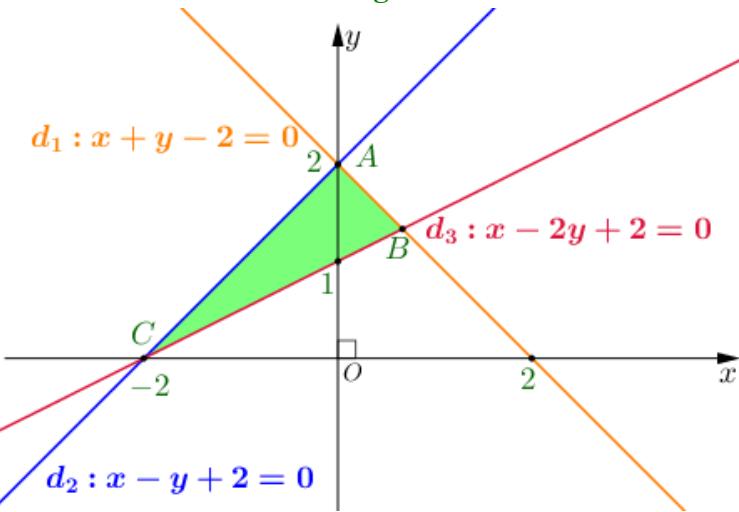
Ta thấy đáp án A thỏa mãn.

**Câu 23:** Miền tam giác  $ABC$  kề cả ba cạnh  $AB, BC, CA$  trong hình là miền nghiệm của hệ bất phương trình nào trong bốn hệ bất phương trình dưới đây?



- A.  $\begin{cases} x+y-2 \leq 0 \\ x-y+2 \geq 0 \\ x-2y+2 \leq 0 \end{cases}$
- B.  $\begin{cases} x+y-2 \geq 0 \\ x-y+2 \geq 0 \\ x-2y+2 \leq 0 \end{cases}$
- C.  $\begin{cases} x+y-2 \leq 0 \\ x-y+2 \leq 0 \\ x-2y+2 \leq 0 \end{cases}$
- D.  $\begin{cases} x+y-2 \leq 0 \\ x-y+2 \geq 0 \\ x-2y+2 \geq 0 \end{cases}$

Lời giải



Cạnh  $AB$  nằm trên đường thẳng  $d_1 : x + y - 2 = 0$

Cạnh  $AC$  nằm trên đường thẳng  $d_2 : x - y + 2 = 0$

Cạnh  $BC$  nằm trên đường thẳng  $d_3 : x - 2y + 2 = 0$

Đường thẳng  $d_1 : x + y - 2 = 0$  chia mặt phẳng  $Oxy$  thành hai nửa mặt phẳng bờ  $d_1$ , thay tọa độ

$O(0;0)$  vào vé trái  $d_1$  ta có  $-2 < 0$ . Vậy nửa mặt phẳng chứa điểm  $O$  là miền nghiệm của bất phương trình  $x + y - 2 \leq 0$ .

Tương tự nửa mặt phẳng chứa điểm  $O$  là miền nghiệm của bất phương trình  $x - y + 2 \geq 0$ .

Nửa mặt phẳng không chứa điểm  $O$  là miền nghiệm của bất phương trình  $x - 2y + 2 \leq 0$ .

Từ (1), (2), (3) suy ra miền tam giác  $ABC$  kề cả ba cạnh  $AB, BC, CA$  là miền nghiệm của hệ bất

phương trình  $\begin{cases} x+y-2 \leq 0 \\ x-y+2 \geq 0 \\ x-2y+2 \leq 0 \end{cases}$

**Câu 24:** Cho hàm số  $f(x) = \begin{cases} \frac{2\sqrt{x+2}-3}{x-1} & \text{khi } x \geq 2 \\ x^2+1 & \text{khi } x < 2 \end{cases}$ . Khi đó,  $f(2) + f(-2)$  bằng:

A.  $\frac{8}{3}$ .

B. 4.

C. 6.

D.  $\frac{5}{3}$ .

Lời giải

$$f(2) \Rightarrow \frac{2\sqrt{4}-3}{2-1} = 1; f(-2) = 5 \Rightarrow f(2) + f(-2) = 6.$$

**Câu 25:** Giao điểm của parabol  $(P)$ :  $y = x^2 - 3x + 2$  với đường thẳng  $y = x - 1$  là:

A.  $(1;0); (3;2)$ .

B.  $(0;-1); (-2;-3)$ .

C.  $(-1;2); (2;1)$ .

D.  $(2;1); (0;-1)$ .

Lời giải

$$\text{Cho } x^2 - 3x + 2 = x - 1 \Leftrightarrow x^2 - 4x + 3 = x - 1 \Leftrightarrow \begin{cases} x=1 \\ x=3 \end{cases}.$$

**Câu 26:** Tam giác  $ABC$  có  $A = 120^\circ$  thì đẳng thức nào sau đây đúng?

A.  $a^2 = b^2 + c^2 - 3bc$ .

B.  $a^2 = b^2 + c^2 + bc$ .

C.  $a^2 = b^2 + c^2 + 3bc$ .

D.  $a^2 = b^2 + c^2 - bc$ .

Lời giải

Áp dụng định lí hàm số cos tại đỉnh  $A$  ta có:  $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cdot \cos A$ .

$$\Rightarrow a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cdot \cos 120^\circ \Rightarrow a^2 = b^2 + c^2 + bc.$$

**Câu 27:** Cho tam giác  $ABC$  có  $B = 60^\circ$ ,  $C = 75^\circ$  và  $AC = 10$ . Khi đó, độ dài cạnh  $BC$  bằng

A.  $\frac{10\sqrt{6}}{3}$ .

B.  $5\sqrt{6}$ .

C.  $\frac{5\sqrt{6}}{3}$ .

D. 10.

Lời giải

Ta có  $A = 180^\circ - 60^\circ - 75^\circ = 45^\circ$ .

Áp dụng định lí Sin cho tam giác  $ABC$ , ta có:

$$\frac{BC}{\sin A} = \frac{AC}{\sin B} \Leftrightarrow BC = \frac{AC \cdot \sin A}{\sin B} = \frac{10 \cdot \sin 45^\circ}{\sin 60^\circ} = \frac{10\sqrt{6}}{3}.$$

**Câu 28:** Cho tam giác  $ABC$  có  $AB = 6cm$ ;  $AC = 9cm$ ;  $BAC = 60^\circ$ . Diện tích tam giác  $ABC$  là

A.  $S = \frac{27\sqrt{3}}{2} cm^2$ .

B.  $S = \frac{27}{2} cm^2$ .

C.  $S = \frac{27\sqrt{3}}{4} cm^2$ .

D.  $S = \frac{27}{4} cm^2$ .

Lời giải

$$S = \frac{1}{2} \cdot AC \cdot AB \cdot \sin BAC = \frac{1}{2} \cdot 6 \cdot 9 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{27\sqrt{3}}{4} cm^2.$$

**Câu 29:** Cho hình thoi  $ABCD$  có cạnh bằng  $a$  và  $A = 60^\circ$ . Độ dài của vecto  $\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BC}$  bằng

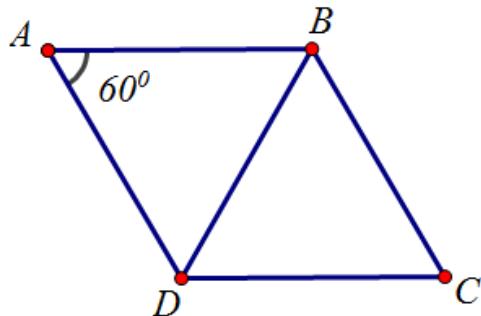
A.  $\frac{a}{2}$ .

B.  $2a$ .

C.  $a\sqrt{2}$ .

D.  $a$ .

Lời giải

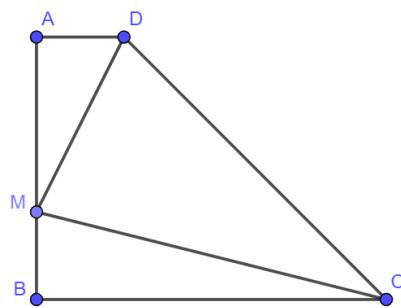


$ABCD$  là hình thoi nên  $AB = AD = a \Rightarrow \Delta ABD$  cân tại  $A$ .

Mà  $A = 60^\circ$  nên  $\Delta ABD$  đều cạnh  $a$ . Suy ra  $AB = AD = BD = a$ .

Ta có  $|\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BC}| = |\overrightarrow{BD}| = a$ .

**Câu 30:** Cho hình thang  $ABCD$  vuông tại  $A$  và  $B$ ,  $AB = 3a$ ,  $BC = 4a$ ,  $AD = a$ . Gọi  $M$  là điểm thuộc cạnh  $AB$  sao cho  $AM = 2a$ . Tính  $(\overrightarrow{MD} + \overrightarrow{MC})\overrightarrow{CB}$ ?



A.  $10a^2$ .

B.  $20a^2$ .

C.  $-20a^2$ .

D.  $-10a^2$ .

**Lời giải**

Ta có  $\overrightarrow{MD} \cdot \overrightarrow{CB} = (\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{AD}) \overrightarrow{CB} = \overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{CB} + \overrightarrow{AD} \cdot \overrightarrow{CB} = |\overrightarrow{AD}| \cdot |\overrightarrow{CB}| \cdot \cos 180^\circ = -a \cdot 4a = -4a^2$ .

$\overrightarrow{MC} \cdot \overrightarrow{CB} = (\overrightarrow{MB} + \overrightarrow{BC}) \overrightarrow{CB} = \overrightarrow{MB} \cdot \overrightarrow{CB} + \overrightarrow{BC} \cdot \overrightarrow{CB} = |\overrightarrow{BC}| \cdot |\overrightarrow{CB}| \cdot \cos 180^\circ = -4a \cdot 4a = -16a^2$ .

Khi đó  $(\overrightarrow{MD} + \overrightarrow{MC}) \overrightarrow{CB} = \overrightarrow{MD} \cdot \overrightarrow{CB} + \overrightarrow{MC} \cdot \overrightarrow{CB} = -4a^2 - 16a^2 = -20a^2$ .

**Câu 31:** Cho tam giác  $ABC$  có  $\hat{A} = 90^\circ$ ,  $\hat{B} = 60^\circ$  và  $AB = a$ . Khi đó  $\overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{CB}$  bằng

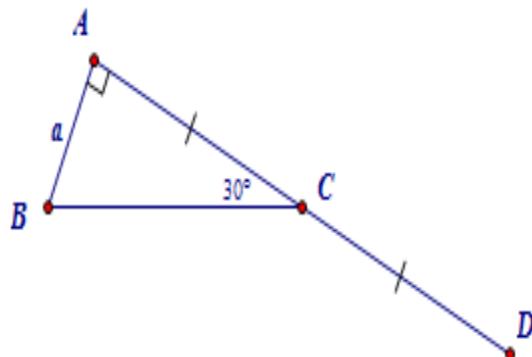
A.  $-2a^2$ .

B.  $2a^2$ .

C.  $3a^2$ .

D.  $-3a^2$ .

**Lời giải**



Gọi  $D$  là điểm đối xứng với  $A$  qua  $C$ .

Khi đó:  $\overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{CB} = \overrightarrow{CD} \cdot \overrightarrow{CB} = CD \cdot CB \cdot \cos 150^\circ = a\sqrt{3} \cdot 2a \cdot \left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right) = -3a^2$ .

Cách khác: Ta có  $\overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{CB} = -\overrightarrow{CA} \cdot \overrightarrow{CB} = -CA \cdot CB \cdot \cos C = -3a^2$ .

**Câu 32:** Cho hai vectơ  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$ . Biết  $|\vec{a}| = 2$ ,  $|\vec{b}| = \sqrt{3}$  và  $(\vec{a}, \vec{b}) = 30^\circ$ . Tính  $|\vec{a} + \vec{b}|$ .

A.  $\sqrt{11}$ .

**B.**  $\sqrt{13}$ .

C.  $\sqrt{12}$ .

D.  $\sqrt{14}$ .

**Lời giải**

$$\text{Ta có: } (\vec{a} + \vec{b})^2 = \vec{a}^2 + \vec{b}^2 + 2\vec{a}\vec{b} = |\vec{a}|^2 + |\vec{b}|^2 + 2|\vec{a}||\vec{b}|\cos(\vec{a}, \vec{b})$$

$$\Rightarrow (\vec{a} + \vec{b})^2 = 4 + 3 + 2 \cdot 2 \cdot \sqrt{3} \cdot \cos 30^\circ = 13 \Rightarrow |\vec{a} + \vec{b}| = \sqrt{13}.$$

**Câu 33:** Cho hình chữ nhật có chiều dài bằng  $\frac{10}{3}$ , chiều rộng bằng 3. Để tính diện tích hình chữ nhật bạn Giang lấy số gần đúng của  $\frac{10}{3}$  là 3,33. Hỏi sai số tuyệt đối của hình chữ nhật theo cách tính của bạn Giang là bao nhiêu.

A. 0,1.

**B.** 0,01.

C. 1,11.

D. 0,11.

**Lời giải**

$$\text{Diện tích hình chữ nhật đã cho } S = \frac{10}{3} \cdot 3 = 10.$$

Diện tích hình chữ nhật khi bạn Giang tính  $S_1 = 3,33 \cdot 3 = 9,99$ .

Sai số tuyệt đối khi bạn Giang tính là  $10 - 9,99 = 0,01$

**Câu 34:** Chỉ số IQ và EQ tương ứng của một nhóm học sinh được đo và ghi lại ở bảng sau

IQ	92	108	95	105	88	98	111
EQ	102	90	94	100	97	103	93

Dựa vào khoảng biến thiên của hai mẫu số liệu “IQ” và “EQ”, hãy chỉ ra mẫu số liệu nào có độ phân tán lớn hơn.

**A.** Mẫu số liệu “IQ” có độ phân tán lớn hơn mẫu số liệu “EQ”.

**B.** Mẫu số liệu “IQ” có độ phân tán lớn hơn mẫu số liệu “EQ”.

**C.** Hai mẫu số liệu có độ phân tán bằng nhau.

**D.** Tất cả đều sai.

**Lời giải**

Khoảng biến thiên của mẫu số liệu “IQ” là  $R_1 = 111 - 88 = 23$ .

Khoảng biến thiên của mẫu số liệu “EQ” là  $R_2 = 103 - 90 = 13$ .

Do  $R_1 > R_2$  nên mẫu số liệu “IQ” có độ phân tán lớn hơn mẫu số liệu “EQ”.

**Câu 35:** Thông kê số cuốn sách mỗi bạn trong lớp đã đọc trong năm 2021, bạn Lan thu được kết quả như bảng sau. Hỏi trong năm 2021, trung bình mỗi bạn trong lớp đọc bao nhiêu cuốn sách?

Số cuốn sách	3	4	5	6	7
Số bạn	6	15	3	8	8

A. 4,694.

B. 4,925.

C. 4,55.

D. 4,495.

### Lời giải

Số bạn học sinh trong lớp là  $n = 6 + 15 + 3 + 8 + 8 = 40$  (bạn)

Trong năm 2021, trung bình mỗi bạn trong lớp đọc số cuốn sách là:

$$\bar{x} = \frac{6.3 + 15.4 + 3.5 + 8.6 + 8.7}{40} = 4,925$$

## II. PHẦN TỰ LUẬN (3,0 điểm)

**Câu 36:** a) Cho hai tập khác rỗng  $A = (m-1; 4]$ ,  $B = (-2; 2m+2)$  với  $m \in \mathbb{R}$ . Xác định  $m$  để  $A \cap B \neq \emptyset$ .

### Lời giải

Điều kiện:  $\begin{cases} m-1 < 4 \\ -2 < 2m+2 \end{cases} \Leftrightarrow -2 < m < 5$ .

Ta có  $A \cap B = \emptyset \Leftrightarrow \begin{cases} 2m+2 \leq m-1 \\ 4 \leq -2 \end{cases} \Leftrightarrow m \leq -3$ .

Vậy  $A \cap B \neq \emptyset \Leftrightarrow \begin{cases} -2 < m < 5 \\ m > -3 \end{cases} \Leftrightarrow -2 < m < 5$ .

b) Cho hai tập hợp  $A = (m-1; 5]$ ,  $B = (3; 2020-5m)$  và  $A, B$  khác rỗng. Có bao nhiêu giá trị nguyên của  $m$  để  $A \setminus B = \emptyset$ ?

### Lời giải

Vì  $A, B$  là hai tập hợp khác rỗng, nên ta có điều kiện:

$$\begin{cases} m-1 < 5 \\ 3 < 2020-5m \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m < 6 \\ m < \frac{2017}{5} \end{cases} \Leftrightarrow m < 6.$$

Để  $A \setminus B = \emptyset$  thì  $A \subset B$  ta có điều kiện:  $\begin{cases} 3 \leq m-1 \\ 5 < 2020-5m \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 4 \leq m \\ m < 403 \end{cases} \Leftrightarrow 4 \leq m < 403$ .

Kết hợp điều kiện,  $4 \leq m < 6$ .

Vậy có 2 giá trị nguyên của  $m$  thỏa mãn.

**Câu 37:** Người ta dự định dùng hai loại nguyên liệu để chiết xuất ít nhất 140kg chất A và 9 kg chất B. Từ mỗi tấn nguyên liệu loại I giá 4 triệu đồng có thể chiết xuất được 20kg chất A và 0,6 kg chất B. Từ mỗi tấn nguyên liệu loại II giá 3 triệu đồng, có thể chiết xuất được 10kg chất A và 1,5 kg chất B. Hỏi phải dùng bao nhiêu tấn nguyên liệu mỗi loại để chi phí mua nguyên liệu là ít nhất, biết rằng cơ sở cung cấp nguyên liệu chỉ có thể cung cấp không quá 10 tấn nguyên liệu loại I và không quá 9 tấn nguyên liệu loại II?

### Lời giải

Gọi số tấn nguyên liệu loại I, loại II được sử dụng lần lượt là  $x, y$ .

Khi đó chiết xuất được  $(20x+10y)$  kg chất A và  $(0,6x+1,5y)$  kg chất B.

Tổng số tiền mua nguyên liệu là  $T(x, y) = 4x + 3y$ .

Theo giả thiết ta có  $0 \leq x \leq 10, 0 \leq y \leq 9$

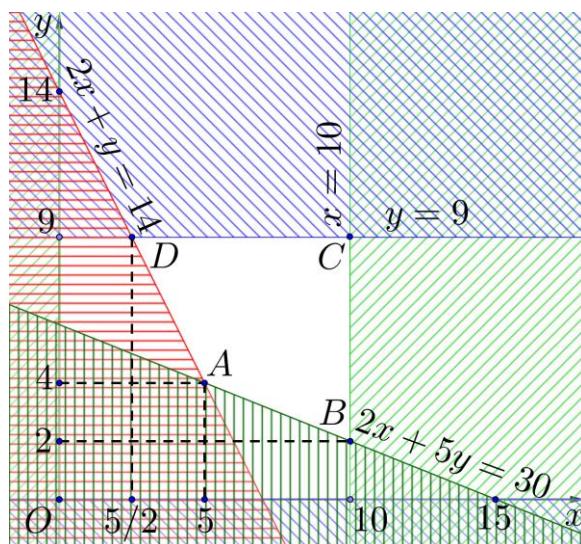
$$20x + 10y \geq 140 \Leftrightarrow 2x + y \geq 14; 0,6x + 1,5y \geq 9 \Leftrightarrow 2x + 5y \geq 30.$$

Bài toán trở thành: Tìm  $x, y$  thỏa mãn hệ bất phương trình

$$\begin{cases} 0 \leq x \leq 10 \\ 0 \leq y \leq 9 \\ 2x + y \geq 14 \\ 2x + 5y \geq 30 \end{cases}$$

sao cho  $T(x, y) = 4x + 3y$  có giá trị nhỏ nhất.

Miền nghiệm của hệ bất phương trình được biểu diễn bởi hình vẽ.



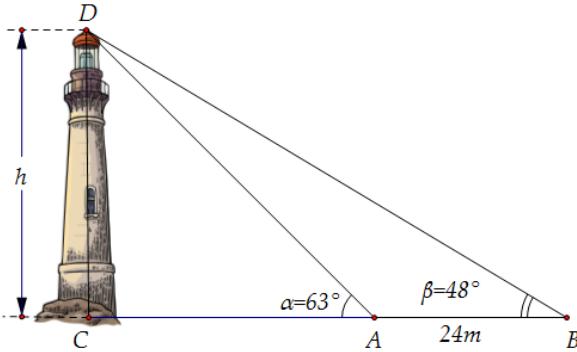
Suy ra miền nghiệm của là miền tứ giác lồi ABCD, kề cả biên.

$$\text{Ta có } A(5; 4), B(10; 2), C(10; 9), D\left(\frac{5}{2}; 9\right).$$

Thử lần lượt tọa độ các điểm trên vào biểu thức  $T(x, y) = 4x + 3y$  ta được  $T(5; 4) = 32$  là nhỏ nhất.

Vậy  $x = 5; y = 4$ . Nghĩa là sử dụng 5 tấn nguyên liệu loại I và 4 tấn nguyên liệu loại II thì chi phí thấp nhất.

**Câu 38:** Giả sử  $CD = h$  là chiều cao của tháp trong đó  $C$  là chân tháp. Chọn hai điểm  $A, B$  trên mặt đất sao cho ba điểm  $A, B, C$  thẳng hàng (như hình vẽ bên dưới).



Ta đo được  $AB = 24m$ ,  $CAD = 63^\circ$ ;  $CBD = 48^\circ$ . Tính chiều cao  $h$  của khối tháp.

### Lời giải

Ta có  $CAD = 63^\circ \Rightarrow BAD = 117^\circ \Rightarrow ADB = 180^\circ - (117^\circ + 48^\circ) = 15^\circ$ .

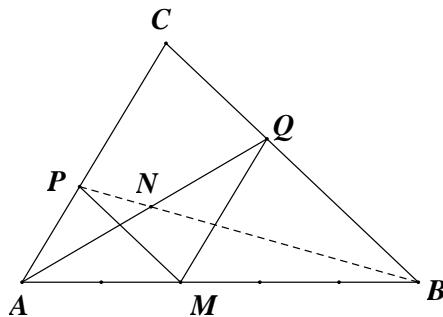
Áp dụng định lý sin trong tam giác  $ABD$  ta có:  $\frac{AB}{\sin ADB} = \frac{BD}{\sin BAD} \Rightarrow BD = \frac{AB \cdot \sin BAD}{\sin ADB}$

Tam giác  $BCD$  vuông tại  $C$  nên có:  $\sin CBD = \frac{CD}{BD} \Rightarrow CD = BD \cdot \sin CBD$

Vậy  $CD = \frac{AB \cdot \sin BAD \cdot \sin CBD}{\sin ADB} = \frac{24 \cdot \sin 117^\circ \cdot \sin 48^\circ}{\sin 15^\circ} = 61,4(m)$ .

**Câu 39:** Cho tam giác  $ABC$ ,  $M$  là điểm thỏa mãn  $3\vec{MA} + 2\vec{MB} = \vec{0}$ . Trên các cạnh  $AC, BC$  lấy các điểm  $P, Q$  sao cho  $CPMQ$  là hình bình hành. Lấy điểm  $N$  trên  $AQ$  sao cho  $a\vec{NA} + b\vec{NQ} = \vec{0}$  (với  $a, b \in \mathbb{Z}$  và  $a, b$  nguyên tố cùng nhau). Khi ba điểm  $B, N, P$  thẳng hàng hãy tính  $a+b$ .

### Lời giải



Vì  $MP \parallel BC, MQ \parallel AC \Rightarrow \frac{AP}{AC} = \frac{CQ}{CB} = \frac{AM}{AB} = \frac{2}{5}$ .

Ta có:  $\vec{AQ} = \vec{AB} + \vec{BQ} = \vec{AB} + \frac{3}{5}\vec{BC} = \vec{AB} + \frac{3}{5}(\vec{AC} - \vec{AB}) = \frac{2}{5}\vec{AB} + \frac{3}{5}\vec{AC} = \frac{2}{5}\vec{AB} + \frac{3}{2}\vec{AP}$ .

Đặt  $\vec{AN} = x\vec{AQ}$ . Suy ra:  $\vec{AN} = \frac{2}{5}x\vec{AB} + \frac{3}{2}x\vec{AP}$ .

Do  $B, N, P$  thẳng hàng nên  $\frac{2}{5}x + \frac{3}{2}x = 1 \Leftrightarrow x = \frac{10}{19} \Rightarrow \vec{AN} = \frac{10}{19}\vec{AQ}$

Hay  $\vec{AN} = \frac{10}{9}\vec{NQ} \Leftrightarrow 9\vec{NA} + 10\vec{NQ} = \vec{0}$ .

Vậy  $a+b=10+9=19$ .

# ĐỀ ÔN TẬP KIỂM TRA CUỐI HỌC KỲ I NĂM HỌC 2022 – 2023

## MÔN: TOÁN 10 – ĐỀ SỐ: 02

### I. PHẦN TRẮC NGHIỆM (35 câu – 7,0 điểm)

Câu 1: Cho các phát biểu sau đây:

1. "17 là số nguyên tố"
2. "Tam giác vuông có một đường trung tuyến bằng một nửa cạnh huyền"
3. "Các em hãy cố gắng học tập thật tốt nhé!"
4. "Mọi hình chữ nhật đều nội tiếp được đường tròn"

Hỏi có bao nhiêu phát biểu là mệnh đề?

- A. 4.                    B. 3.                    C. 2.                    D. 1.

Câu 2: Cặp số  $(-2; 3)$  là nghiệm của bất phương trình nào dưới đây?

- A.  $2x + y + 1 > 0$ .            B.  $x + 3y + 1 < 0$ .            C.  $2x - y - 1 \geq 0$ .            D.  $x + y + 1 > 0$ .

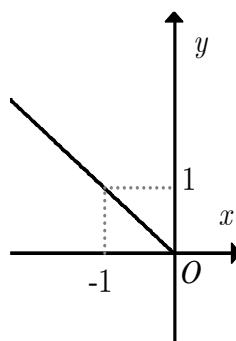
Câu 3: Trong các hệ sau, hệ nào **không phải** là hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn:

- A.  $\begin{cases} x - 3y > 4 \\ 2x + y \leq 12 \\ y \geq 1 \end{cases}$             B.  $\begin{cases} x - 1 > 3 \\ y + 3 \leq \pi \end{cases}$             C.  $\begin{cases} x + y \leq 14 \\ -3 < x \leq 5 \end{cases}$             D.  $\begin{cases} x - y < 4 \\ x^2 + 2y \leq 15 \end{cases}$

Câu 4: Cho hàm số  $f(x) = 4 - 3x$ . Khẳng định nào sau đây đúng?

- A. Hàm số đồng biến trên  $(-\infty; \frac{4}{3})$ .            B. Hàm số nghịch biến trên  $(\frac{4}{3}; +\infty)$ .  
C. Hàm số đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .            D. Hàm số đồng biến trên  $(\frac{3}{4}; +\infty)$ .

Câu 5: Đồ thị hình vẽ là đồ thị của một hàm số trong bốn hàm số được liệt kê ở bốn phương án A, B, C, D dưới đây. Hỏi hàm số đó là hàm số nào?

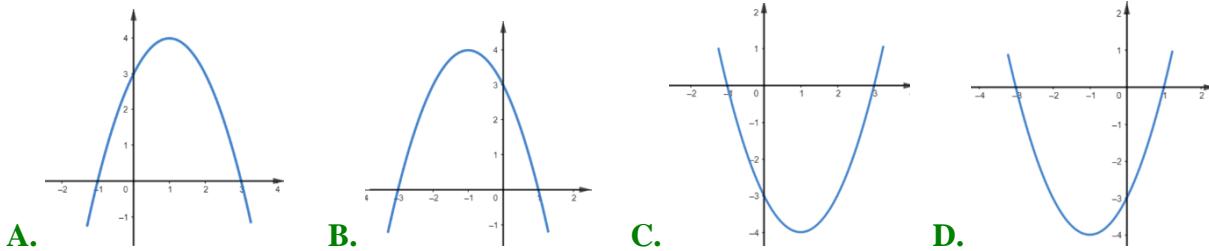


- A.  $y = |x|$ .            B.  $y = -x$ .  
C.  $y = |x|$  với  $x < 0$ .            D.  $y = -x$  với  $x < 0$ .

Câu 6: Điểm nào sau đây thuộc đồ thị hàm số  $y = x^2 - 4x + 1$ ?

- A.  $M(2; 13)$             B.  $P(2; 1)$             C.  $N(2; -3)$ .            D.  $Q(2; 3)$ .

**Câu 7:** Hàm số  $y = -x^2 + 2x + 3$  có đồ thị như hình nào trong các hình sau



**Câu 8:** Trong các hệ thức sau, hệ thức nào **đúng**?

- A.  $\sin 150^\circ = \frac{1}{2}$ .      B.  $\cos 150^\circ = -\frac{1}{2}$ .      C.  $\tan 150^\circ = \sqrt{3}$ .      D.  $\cot 150^\circ = \frac{1}{\sqrt{3}}$ .

**Câu 9:** Tam giác  $ABC$  có  $BC = a$ ;  $AB = c$ ;  $AC = b$  và có  $R$  là bán kính đường tròn ngoại tiếp. Hệ thức nào sau đây là *sai*?

- A.  $\frac{a}{\sin A} = 2R$ .      B.  $\sin A = \frac{a}{2R}$ .      C.  $b \cdot \sin B = 2R$ .      D.  $\sin C = \frac{c \cdot \sin A}{a}$ .

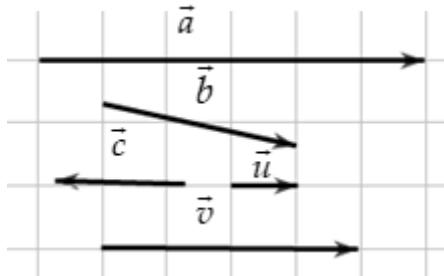
**Câu 10:** Gọi  $a, b, c, r, R, S$  lần lượt là độ dài ba cạnh, bán kính đường tròn nội tiếp, ngoại tiếp và diện tích của  $\Delta ABC$ ,  $p = \frac{a+b+c}{2}$ . Khẳng định nào sau đây là **đúng**?

- A.  $S = pR$ .      B.  $S = \frac{abc}{4R}$ .  
 C.  $S = \frac{1}{2}\sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$ .      D.  $S = \frac{1}{2}ab \cos C$ .

**Câu 11:** Cho các điểm phân biệt  $A$ ,  $B$ ,  $C$ . Đẳng thức nào sau đây **đúng**?

- A.  $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{BC} - \overrightarrow{AC}$ .      B.  $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CB} - \overrightarrow{CA}$ .      C.  $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{BC} - \overrightarrow{CA}$ .      D.  $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CA} - \overrightarrow{CB}$ .

**Câu 12:** Cho các vectơ  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}, \vec{u}, \vec{v}$  và  $\vec{w}$  như trong hình bên.



Hỏi có bao nhiêu vectơ cùng hướng với vectơ  $\vec{u}$ ?

- A. 4.      B. 2.      C. 3.      D. 1.

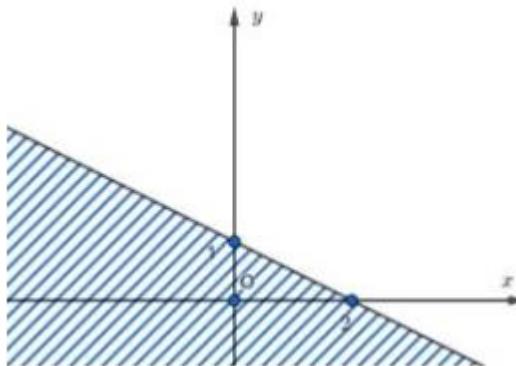
**Câu 13:** Cho tam giác  $ABC$  có trọng tâm  $G$ , gọi  $M$  là trung điểm  $BC$ . Phân tích véc tơ  $\overrightarrow{AG}$  theo hai véc tơ là hai cạnh của tam giác, khẳng định nào sau đây **đúng**?

- A.  $\overrightarrow{AG} = \frac{2}{3}\overrightarrow{AB} + \frac{2}{3}\overrightarrow{AC}$ .      B.  $\overrightarrow{AG} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AB} + \frac{1}{2}\overrightarrow{AC}$ .  
 C.  $\overrightarrow{AG} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AB} + \frac{1}{3}\overrightarrow{AC}$ .      D.  $\overrightarrow{AG} = \frac{2}{3}\overrightarrow{AB} + \frac{1}{3}\overrightarrow{AC}$ .

**Câu 14:** Cho tam giác  $ABC$  đều cạnh bằng  $a$ . Tính tích vô hướng  $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{BC}$ .

- A.  $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{BC} = \frac{a^2 \sqrt{3}}{2}$ .      B.  $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{BC} = \frac{-a^2 \sqrt{3}}{2}$ .      C.  $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{BC} = \frac{a^2}{2}$ .      D.  $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{BC} = \frac{-a^2}{2}$ .

- Câu 15:** Cho số  $a = 367\,653\,964 \pm 213$ . Số quy tròn của số gần đúng  $367\,653\,964$  là  
**A.** 367 653 960.      **B.** 367 653 000.      **C.** 367 654 000.      **D.** 367 653 970
- Câu 16:** Chiều cao của một ngọn đồi là  $\bar{h} = 347,13m \pm 0,2m$ . Độ chính xác  $d$  của phép đo trên là  
**A.**  $d = 347,13m$ .      **B.**  $347,33m$ .      **C.**  $d = 0,2m$ .      **D.**  $d = 346,93m$ .
- Câu 17:** Tứ phân vị thứ nhất của mẫu số liệu: 27; 15; 18; 30; 19; 40; 100; 9; 46; 10; 200.  
**A.** 18.      **B.** 15.      **C.** 40.      **D.** 46.
- Câu 18:** Tứ phân vị thứ ba của mẫu số liệu: 27; 15; 18; 30; 19; 40; 100; 9; 46; 10; 200.  
**A.** 18.      **B.** 15.      **C.** 40.      **D.** 46.
- Câu 19:** Số lượng ly trà sữa một quán nước bán được trong 20 ngày qua là:  
4, 5, 6, 8, 9, 11, 13, 16, 16, 18, 20, 21, 25, 30, 31, 33, 36, 37, 40, 41.  
Khoảng tứ phân vị của mẫu số liệu trên là:  
**A.** 20.      **B.** 22.      **C.** 24.      **D.** 26.
- Câu 20:** Chọn khẳng định đúng trong bốn phương án sau đây. Độ lệch chuẩn là:  
**A.** Bình phương của phương sai.      **B.** Một nửa của phương sai.  
**C.** Căn bậc hai của phương sai.      **D.** Hiệu của số lớn nhất và số nhỏ nhất.
- Câu 21:** Cho tập  $A = (2; +\infty)$ ,  $B = (m; +\infty)$ . Điều kiện cần và đủ của  $m$  sao cho tập hợp  $B$  là con của tập hợp  $A$   
**A.**  $m \leq 2$ .      **B.**  $m = 2$ .      **C.**  $m > 2$ .      **D.**  $m \geq 2$ .
- Câu 22:** Miền để trống trong miền bên dưới là hình biểu diễn miền nghiệm của bất phương trình nào sau đây?



- Câu 23:** Miền trong của tam giác  $ABC$  (không kể các cạnh) với  $A(0;1), B(-1;3), C(-2;0)$  biểu diễn tập nghiệm của hệ bất phương trình nào sau đây?
- A.**  $\begin{cases} 2x + y < 1 \\ -x + 2y > 2 \\ 3x - y < -6 \end{cases}$       **B.**  $\begin{cases} 2x + y > 1 \\ -x + 2y > 2 \\ 3x - y < -6 \end{cases}$       **C.**  $\begin{cases} 2x + y < 1 \\ -x + 2y < 2 \\ 3x - y < -6 \end{cases}$       **D.**  $\begin{cases} 2x + y < 1 \\ x - 2y < -2 \\ 3x - y > -6 \end{cases}$
- Câu 24:** Bảng giá cước của một hãng taxi được cho như sau

Giá mở cửa	Giá km tiếp theo
11.000đ/0,7 km	15.800đ/1 km

\* **Giá mở cửa:** Khi lên taxi mà quãng đường di chuyển không quá 0,7 km thì hãng taxi vẫn tính 11000 đồng

Gọi  $y$  (đồng) là số tiền phải trả sau khi đi  $x$  (km). Hàm số của  $y$  theo  $x$  là

A.  $y = \begin{cases} 11000 & \text{khi } x \leq 0,7 \\ 15800x - 100 & \text{khi } x > 0,7 \end{cases}$

C.  $y = \begin{cases} 11000 & \text{khi } x \leq 0,7 \\ 15800x - 60 & \text{khi } x > 0,7 \end{cases}$

B.  $y = \begin{cases} 11000 & \text{khi } x \leq 1 \\ 15800x - 150 & \text{khi } x > 1 \end{cases}$

D.  $y = \begin{cases} 11000 & \text{khi } x \leq 1 \\ 15800x - 70 & \text{khi } x > 1 \end{cases}$

**Câu 25:** Biết parabol  $(P)$ :  $y = 2x^2 + bx + c$  đi qua điểm  $M(0; 4)$  và có trục đối xứng là đường thẳng  $x = 1$ . Tính  $S = b + c$ .

A.  $S = 0$ .

B.  $S = 1$ .

C.  $S = -1$ .

D.  $S = 5$ .

**Câu 26:** Cho tam giác  $ABC$  có  $BC = 8, CA = 10$ , và  $ACB = 60^\circ$ . Độ dài cạnh  $AB$  bằng

A.  $3\sqrt{21}$ .

B.  $7\sqrt{2}$ .

C.  $2\sqrt{11}$ .

D.  $2\sqrt{21}$ .

**Câu 27:** Tam giác  $ABC$  có độ dài cạnh  $AB = 3\text{cm}$ ;  $AC = 6\text{cm}$  và  $A = 60^\circ$ . Bán kính  $R$  của đường tròn ngoại tiếp tam giác  $ABC$  bằng

A.  $R = \sqrt{3}$ .

B.  $R = 3\sqrt{3}$ .

C.  $R = 3$ .

D.  $R = 6$ .

**Câu 28:** Cho tam giác  $ABC$  có  $B + C = 135^\circ$ ,  $BC = 10\sqrt{2}\text{(cm)}$ . Chu vi đường tròn ngoại tiếp tam giác  $ABC$  bằng

A.  $10\pi\text{(cm)}$ .

B.  $15\pi\text{(cm)}$ .

C.  $20\pi\text{(cm)}$ .

D.  $25\pi\text{(cm)}$ .

**Câu 29:** Cho hình bình hành  $ABCD$  có tâm là  $O$ . Khẳng định nào là **đúng**?

A.  $\overrightarrow{AO} + \overrightarrow{BO} = \overrightarrow{BD}$ .

B.  $\overrightarrow{AO} + \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{BO}$ .

C.  $\overrightarrow{AO} - \overrightarrow{BD} = \overrightarrow{CD}$ .

D.  $\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{DA}$ .

**Câu 30:** Gọi  $AN, CM$  là các trung tuyến của tam giác  $ABC$ . Đẳng thức nào sau đây đúng?

A.  $\overrightarrow{AB} = \frac{2}{3}\overrightarrow{AN} + \frac{2}{3}\overrightarrow{CM}$ .

B.  $\overrightarrow{AB} = \frac{4}{3}\overrightarrow{AN} - \frac{2}{3}\overrightarrow{CM}$ .

C.  $\overrightarrow{AB} = \frac{4}{3}\overrightarrow{AN} + \frac{4}{3}\overrightarrow{CM}$ .

D.  $\overrightarrow{AB} = \frac{4}{3}\overrightarrow{AN} + \frac{2}{3}\overrightarrow{CM}$ .

**Câu 31:** Cho hình bình hành  $ABCD$ , với  $AB = 2$ ,  $AD = 1$ ,  $BAD = 60^\circ$ . Độ dài đường chéo  $BD$  bằng

A.  $\sqrt{3}$ .

B.  $\sqrt{5}$ .

C. 5.

D. 3.

**Câu 32:** Cho hình thang  $ABCD$  vuông tại  $A$  và  $D$ ;  $AB = AD = a, CD = 2a$ . Khi đó tích vô hướng  $\overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{BD}$  bằng

A.  $-a^2$ .

B. 0.

C.  $\frac{3a^2}{2}$ .

D.  $\frac{-a^2}{2}$ .

**Câu 33:** Cho giá trị gần đúng của  $\frac{8}{17}$  là 0,47. Sai số tuyệt đối của 0,47 là

A. 0,001.

B. 0,003.

C. 0,002.

D. 0,004.

**Câu 34:** Chỉ số IQ của một nhóm học sinh là:

60	78	80	64	70	76	80	74	86	90
----	----	----	----	----	----	----	----	----	----

Các tứ phân vị của mẫu số liệu là

A.  $Q_1 = 70; Q_2 = 77; Q_3 = 80$ .

B.  $Q_1 = 72; Q_2 = 78; Q_3 = 80$ .

C.  $Q_1 = 70; Q_2 = 76; Q_3 = 80$ .

D.  $Q_1 = 70; Q_2 = 75; Q_3 = 80$ .

**Câu 35:** Nhiệt độ cao nhất của Hà Nội trong 7 ngày liên tiếp trong tháng tám được ghi lại là: 34; 34; 36; 35; 33; 31; 30 (Độ C).

Độ lệch chuẩn của mẫu số liệu thuộc khoảng nào

A.  $(1; 2)$ .

B.  $(3; 4)$ .

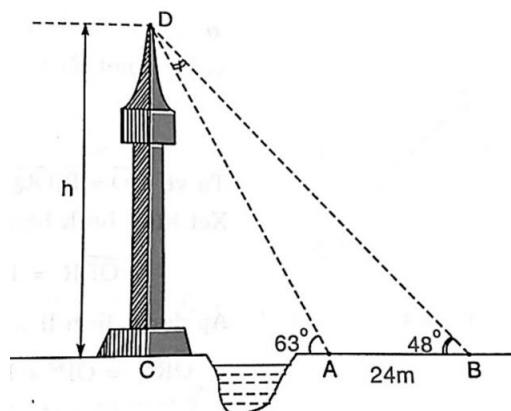
C.  $\left[ 2; \frac{7}{2} \right]$ .

D.  $\left( 0; \frac{3}{4} \right)$ .

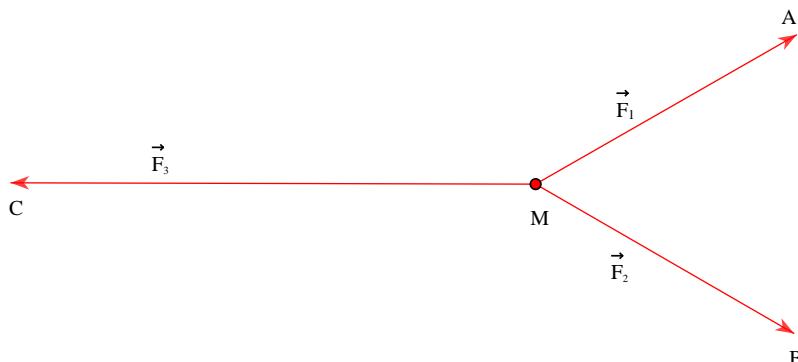
## II. PHẦN TỰ LUẬN (3,0 điểm)

**Câu 36:** Có hai địa điểm  $A, B$  cùng nằm trên một tuyến quốc lộ thẳng. Khoảng cách giữa  $A$  và  $B$  là  $30,5\text{ km}$ . Một xe máy xuất phát từ  $A$  lúc 7 giờ theo chiều từ  $A$  đến  $B$ . Lúc 9 giờ, một ô tô xuất phát từ  $B$  chuyển động thẳng đều với vận tốc  $80\text{ km/h}$  theo cùng chiều với xe máy. Chọn  $A$  làm mốc, chọn thời điểm 7 giờ làm mốc thời gian và chọn chiều từ  $A$  đến  $B$  làm chiều dương. Phương trình chuyển động của xe máy là  $y = 2t^2 + 36t$ , trong đó  $y$  tính bằng kilômét,  $t$  tính bằng giờ. Biết rằng đến lúc ô tô đuổi kịp xe máy thì hai xe dừng lại và vị trí đó cách điểm  $B$  là  $x\text{ km}$ . Tìm  $x\text{ km}$ .

**Câu 37:** Muốn đo chiều cao  $CD$  của một cái tháp mà ta không thể đến được tâm  $C$  của chân tháp. Trong mặt phẳng đứng chứa chiều cao  $CD$  của tháp ta chọn hai điểm  $A$  và  $B$  sao cho ba điểm  $A, B, C$  thẳng hàng. Giả sử ta đo được khoảng cách  $AB = 24\text{ m}$  và các góc  $CAD = 63^\circ$ ,  $CBD = 48^\circ$ . Hãy tính chiều cao  $h = CD$  của tháp (kết quả làm tròn đến hàng phần chục).



**Câu 38:** Cho ba lực  $\vec{F}_1 = \overrightarrow{MA}$ ,  $\vec{F}_2 = \overrightarrow{MB}$ ,  $\vec{F}_3 = \overrightarrow{MC}$  cùng tác động vào một vật tại điểm  $M$  và vật đứng yên. Cho biết cường độ của  $\vec{F}_1$ ,  $\vec{F}_2$  đều bằng  $25\text{ N}$  và góc  $AMB = 60^\circ$ . Tính cường độ lực của  $\vec{F}_3$ .



**Câu 39:** Trong một cuộc thi gói bánh vào dịp năm mới, mỗi đội chơi được sử dụng tối đa 20 kg gạo nếp, 2 kg thịt ba chỉ, 5 kg đậu xanh để gói bánh chưng và bánh ống. Để gói một cái bánh chưng cần 0,4 kg gạo nếp, 0,05 kg thịt và 0,1 kg đậu xanh; để gói một cái bánh ống cần 0,6 kg gạo nếp, 0,075 kg thịt và 0,15 kg đậu xanh. Mỗi cái bánh chưng nhận được 5 điểm thưởng, mỗi cái bánh ống nhận được 7 điểm thưởng. Hỏi cần phải gói mấy cái bánh mỗi loại để được nhiều điểm thưởng nhất?

----- HẾT -----

## HƯỚNG DẪN GIẢI CHI TIẾT

### I. PHẦN TRẮC NGHIỆM (35 câu – 7,0 điểm)

Câu 1: Cho các phát biểu sau đây:

1. "17 là số nguyên tố"
2. "Tam giác vuông có một đường trung tuyến bằng một nửa cạnh huyền"
3. "Các em hãy cố gắng học tập thật tốt nhé!"
4. "Mọi hình chữ nhật đều nội tiếp được đường tròn"

Hỏi có bao nhiêu phát biểu là mệnh đề?

A. 4.

B. 3.

C. 2.

D. 1.

Lời giải

Câu 2: Cặp số  $(-2; 3)$  là nghiệm của bất phương trình nào dưới đây?

- A.  $2x + y + 1 > 0$ .      B.  $x + 3y + 1 < 0$ .      C.  $2x - y - 1 \geq 0$ .      D.  $x + y + 1 > 0$ .

Lời giải

Ta có  $2(-2) + 3 + 1 > 0$  sai nên  $(-2; 3)$  không là nghiệm của  $2x + y + 1 > 0$ .

$-2 + 3(3) + 1 < 0$  sai nên  $(-2; 3)$  không là nghiệm của  $x + 3y + 1 < 0$ .

$2(-2) - 3 - 1 \geq 0$  sai nên  $(-2; 3)$  không là nghiệm của  $2x - y - 1 \geq 0$ .

$-2 + 3 + 1 > 0$  đúng nên  $(-2; 3)$  là nghiệm của  $x + y + 1 > 0$ .

Câu 3: Trong các hệ sau, hệ nào **không phải** là hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn:

- A.  $\begin{cases} x - 3y > 4 \\ 2x + y \leq 12 \\ y \geq 1 \end{cases}$       B.  $\begin{cases} x - 1 > 3 \\ y + 3 \leq \pi \end{cases}$       C.  $\begin{cases} x + y \leq 14 \\ -3 < x \leq 5 \end{cases}$       D.  $\begin{cases} x - y < 4 \\ x^2 + 2y \leq 15 \end{cases}$

Lời giải

Hệ ở đáp án D không là hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn vì hệ này chứa một bất phương trình bậc hai  $x^2 + 2y \leq 15$ .

Câu 4: Cho hàm số  $f(x) = 4 - 3x$ . Khẳng định nào sau đây đúng?

- A. Hàm số đồng biến trên  $(-\infty; \frac{4}{3})$ .      B. Hàm số nghịch biến trên  $(\frac{4}{3}; +\infty)$ .
- C. Hàm số đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .      D. Hàm số đồng biến trên  $(\frac{3}{4}; +\infty)$ .

Lời giải.

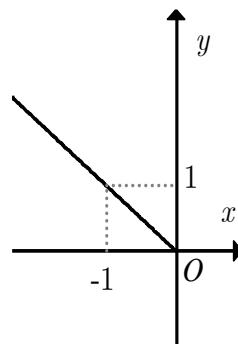
TXĐ:  $D = \mathbb{R}$ . Với mọi  $x_1, x_2 \in \mathbb{R}$  và  $x_1 < x_2$

ta có  $f(x_1) - f(x_2) = (4 - 3x_1) - (4 - 3x_2) = -3(x_1 - x_2) > 0$ .

Suy ra  $f(x_1) > f(x_2)$ . Do đó, hàm số nghịch biến trên  $\mathbb{R}$ .

Mà  $(\frac{4}{3}; +\infty) \subset \mathbb{R}$  nên hàm số cũng nghịch biến trên  $(\frac{4}{3}; +\infty)$ .

Câu 5: Đồ thị hình vẽ là đồ thị của một hàm số trong bốn hàm số được liệt kê ở bốn phương án A, B, C, D dưới đây. Hỏi hàm số đó là hàm số nào?



- A.  $y = |x|$ .      B.  $y = -x$ .  
 C.  $y = |x|$  với  $x < 0$ .      D.  $y = -x$  với  $x < 0$ .

**Lời giải**

Đồ thị hàm số nằm hoàn toàn "bên trái" trục tung. Loại A, B.  
 Đồ thị hàm số đi xuống từ trái sang phải  $\rightarrow a < 0$ .

**Câu 6:** Điểm nào sau đây thuộc đồ thị hàm số  $y = x^2 - 4x + 1$ ?

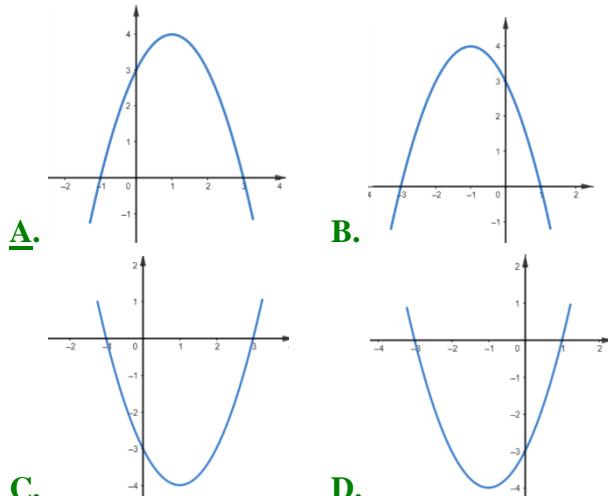
- A.  $M(2;13)$       B.  $P(2;1)$       C.  $N(2;-3)$ .      D.  $Q(2;3)$ .

**Lời giải**

Lần lượt thay tọa độ ở các đáp án vào hàm số  $y = x^2 - 4x + 1$ .

Nhận thấy điểm  $N(2;-3)$  thỏa mãn  $-3 = 2^2 - 4.2 + 1$ . Vậy điểm  $N(2;-3)$  thuộc đồ thị hàm số đã cho.

**Câu 7:** Hàm số  $y = -x^2 + 2x + 3$  có đồ thị như hình nào trong các hình sau



**Lời giải**

Ta thấy hàm số có hệ số  $a < 0$  do đó đồ thị lõm xuống dưới. Từ đó ta loại đáp án C và D

Hàm số có tọa độ đỉnh  $I\left(-\frac{b}{2a}; -\frac{\Delta}{4a}\right) \Rightarrow I(1;4)$ .

**Câu 8:** Trong các hệ thức sau, hệ thức nào **đúng**?

- A.  $\sin 150^\circ = \frac{1}{2}$ .      B.  $\cos 150^\circ = -\frac{1}{2}$ .      C.  $\tan 150^\circ = \sqrt{3}$ .      D.  $\cot 150^\circ = \frac{1}{\sqrt{3}}$ .

**Lời giải**

Ta có  $\sin 150^\circ = \frac{1}{2}$ ;  $\cos 150^\circ = -\frac{\sqrt{3}}{2}$ ;  $\tan 150^\circ = -\frac{\sqrt{3}}{3}$ ;  $\cot 150^\circ = -\sqrt{3}$ .

**Câu 9:** Tam giác  $ABC$  có  $BC = a$ ;  $AB = c$ ;  $AC = b$  và có  $R$  là bán kính đường tròn ngoại tiếp. Hé thức nào sau đây là sai?

A.  $\frac{a}{\sin A} = 2R$ .

B.  $\sin A = \frac{a}{2R}$ .

C.  $b \cdot \sin B = 2R$ .

D.  $\sin C = \frac{c \cdot \sin A}{a}$ .

### Lời giải

Theo định lý sin trong tam giác  $\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R$ .

Nên ta suy ra đáp án sai là  $b \cdot \sin B = 2R$

**Câu 10:** Gọi  $a, b, c, r, R, S$  lần lượt là độ dài ba cạnh, bán kính đường tròn nội tiếp, ngoại tiếp và diện tích của  $\Delta ABC$ ,  $p = \frac{a+b+c}{2}$ . Khẳng định nào sau đây là đúng?

A.  $S = pR$ .

B.  $S = \frac{abc}{4R}$ .

C.  $S = \frac{1}{2}\sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$ .

D.  $S = \frac{1}{2}ab \cos C$ .

### Lời giải

$S = pR$  sai vì  $S = pr$  với  $r$  là bán kính đường tròn nội tiếp  $\Delta ABC$ .

$$S = \frac{1}{2}\sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)} \text{ sai vì } S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)} \text{ với } p = \frac{a+b+c}{2}.$$

$$S = \frac{1}{2}ab \cos C \text{ sai vì } S = \frac{1}{2}ab \sin C.$$

$$S = \frac{abc}{4R} \text{ đúng vì } S = \frac{abc}{4R}.$$

**Câu 11:** Cho các điểm phân biệt  $A$ ,  $B$ ,  $C$ . Đẳng thức nào sau đây đúng?

A.  $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{BC} - \overrightarrow{AC}$ .

B.  $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CB} - \overrightarrow{CA}$ .

C.  $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{BC} - \overrightarrow{CA}$ .

D.  $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CA} - \overrightarrow{CB}$ .

### Lời giải

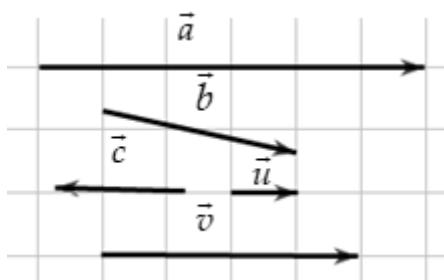
$$\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{BC} - \overrightarrow{AC} \Leftrightarrow \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{CA} \Leftrightarrow \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{BA} \text{ (Sai)}$$

$$\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{BC} - \overrightarrow{CA} \Leftrightarrow \overrightarrow{CA} + \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{BC} \Leftrightarrow \overrightarrow{CB} = \overrightarrow{BC} \text{ (Sai)}$$

$$\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CA} - \overrightarrow{CB} \Leftrightarrow \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{CA} \Leftrightarrow \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{BA} \text{ (Sai)}$$

$$\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CB} - \overrightarrow{CA} \text{ (Đúng)}$$

**Câu 12:** Cho các vectơ  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}, \vec{u}$  và  $\vec{v}$  như trong hình bên.



Hỏi có bao nhiêu vectơ cùng hướng với vectơ  $\vec{u}$ ?

A. 4.

B. 2.

C. 3.

D. 1.

### Lời giải

**Chọn B**

Các vectơ cùng hướng với vectơ  $\vec{u}$  là vectơ  $\vec{a}$  và  $\vec{v}$ .

**Câu 13:** Cho tam giác  $ABC$  có trọng tâm  $G$ , gọi  $M$  là trung điểm  $BC$ . Phân tích véc tơ  $\overrightarrow{AG}$  theo hai véc tơ là hai cạnh của tam giác, khẳng định nào sau đây **đúng**?

A.  $\overrightarrow{AG} = \frac{2}{3}\overrightarrow{AB} + \frac{2}{3}\overrightarrow{AC}$ .    B.  $\overrightarrow{AG} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AB} + \frac{1}{2}\overrightarrow{AC}$ .

C.  $\overrightarrow{AG} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AB} + \frac{1}{3}\overrightarrow{AC}$ .    D.  $\overrightarrow{AG} = \frac{2}{3}\overrightarrow{AB} + \frac{1}{3}\overrightarrow{AC}$ .

**Lời giải**

Ta có  $\overrightarrow{AG} = \frac{2}{3}\overrightarrow{AM} = \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{2}(\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}) \Rightarrow \overrightarrow{AG} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AB} + \frac{1}{3}\overrightarrow{AC}$ .

**Câu 14:** Cho tam giác  $ABC$  đều cạnh bằng  $a$ . Tính tích vô hướng  $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{BC}$ .

A.  $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{BC} = \frac{a^2\sqrt{3}}{2}$ .    B.  $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{BC} = \frac{-a^2\sqrt{3}}{2}$ .    C.  $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{BC} = \frac{a^2}{2}$ .    D.  $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{BC} = \frac{-a^2}{2}$ .

**Lời giải**

Ta có  $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{BC} = |\overrightarrow{AB}| |\overrightarrow{BC}| \cos(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{BC}) = a \cdot a \cdot \cos 120^\circ = -\frac{a^2}{2}$ .

**Câu 15:** Cho số  $a = 367653964 \pm 213$ . Số quy tròn của số gần đúng  $367653964$  là

A. 367653960.    B. 367653000.    C. 367654000.    D. 367653970

**Lời giải**

**Chọn C**

Vì độ chính xác đến hàng trăm nên ta quy tròn đến hàng nghìn và theo quy tắc làm tròn nên số quy tròn là: 367654000.

**Câu 16:** Chiều cao của một ngọn đồi là  $\bar{h} = 347,13m \pm 0,2m$ . Độ chính xác  $d$  của phép đo trên là

A.  $d = 347,13m$ .    B.  $347,33m$ .    C.  $d = 0,2m$ .    D.  $d = 346,93m$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

Ta có  $a$  là số gần đúng của  $\bar{a}$  với độ chính xác  $d$  qui ước viết gọn là  $\bar{a} = a \pm d$ . Vậy độ chính xác của phép đo là  $d = 0,2m$ .

**Câu 17:** Tứ phân vị thứ nhất của mẫu số liệu: 27; 15; 18; 30; 19; 40; 100; 9; 46; 10; 200.

A. 18.    B. 15.    C. 40.    D. 46.

**Lời giải**

Sắp xếp số liệu theo thứ tự không giảm: 9; 10; 15; 18; 19; 27; 30; 40; 46; 100; 200.

Tứ phân vị thứ nhì là trung vị của dãy số liệu là:  $Q_2 = 27$ .

Tứ phân vị thứ nhất là trung vị của dãy số liệu: 9; 10; 15; 18; 19.

Khi đó tứ phân vị thứ nhất là:  $Q_1 = 15$ .

**Câu 18:** Tứ phân vị thứ ba của mẫu số liệu: 27; 15; 18; 30; 19; 40; 100; 9; 46; 10; 200.

A. 18.    B. 15.    C. 40.    D. 46.

**Lời giải**

Sắp xếp số liệu theo thứ tự không giảm: 9; 10; 15; 18; 19; 27; 30; 40; 46; 100; 200.

Tứ phân vị thứ nhì là trung vị của dãy số liệu là:  $Q_2 = 27$ .

Tứ phân vị thứ ba là trung vị của dãy số liệu: 30; 40; 46; 100; 200.

Khi đó tứ phân vị thứ ba là:  $Q_3 = 46$ .

- Câu 19:** Số lượng ly trà sữa một quán nước bán được trong 20 ngày qua là:  
4, 5, 6, 8, 9, 11, 13, 16, 16, 18, 20, 21, 25, 30, 31, 33, 36, 37, 40, 41.

Khoảng tứ phân vị của mẫu số liệu trên là:

- A. 20.      **B. 22.**      C. 24.      D. 26.

**Lời giải**

Số liệu trên đã sắp xếp theo thứ tự không giảm

Ta có  $Q_1 = 10; Q_2 = 19; Q_3 = 32$

Vậy khoảng tứ phân vị của mẫu số liệu trên là:  $\Delta_Q = 32 - 10 = 22$ .

- Câu 20:** Chọn khẳng định đúng trong bốn phương án sau đây. Độ lệch chuẩn là:

- A. Bình phương của phương sai.      B. Một nửa của phương sai.  
**C. Căn bậc hai của phương sai.**      D. Hiệu của số lớn nhất và số nhỏ nhất.

**Lời giải**

Chọn đáp án: **C.**

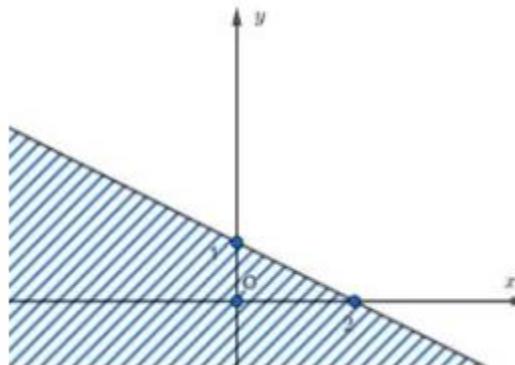
- Câu 21:** Cho tập  $A = (2; +\infty)$ ,  $B = (m; +\infty)$ . Điều kiện cần và đủ của  $m$  sao cho tập hợp  $B$  là con của tập hợp  $A$

- A.  $m \leq 2$ .      B.  $m = 2$ .      C.  $m > 2$ .      **D.  $m \geq 2$ .**

**Lời giải**

Ta có  $B \subset A \Leftrightarrow \forall x \in B : x \in A \Leftrightarrow 2 \leq m$ .

- Câu 22:** Miền để trống trong miền bên dưới là hình biểu diễn miền nghiệm của bất phương trình nào sau đây?



- A.  $2x - y + 1 \geq 0$ .      B.  $x + 2y - 2 \leq 0$ .      C.  $x + 2y + 1 \leq 0$ .      **D.  $x + 2y - 2 \geq 0$ .**

**Lời giải**

Đường thẳng  $d$  đi qua hai điểm  $A(2;0), B(0;1)$  có dạng  $y = ax + b$ . Suy ra

$$\begin{cases} 2a + b = 0 \\ b = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = -\frac{1}{2} \\ b = 1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow d : y = -\frac{1}{2}x + 1 \Leftrightarrow x + 2y - 2 = 0. \text{ Ta loại được đáp án A, } \quad \mathbf{C.}$$

Nhận thấy điểm  $O(0;0)$  không thuộc miền nghiệm của bất phương trình. Mà  $0 + 2.0 - 2 \leq 0$   
nên loại đáp án **B.**

Vậy bất phương trình cần tìm là  $x + 2y - 2 \geq 0$ .

**Câu 23:** Miền trong của tam giác  $ABC$  (không kể các cạnh) với  $A(0;1), B(-1;3), C(-2;0)$  biểu diễn tập nghiệm của hệ bất phương trình nào sau đây?

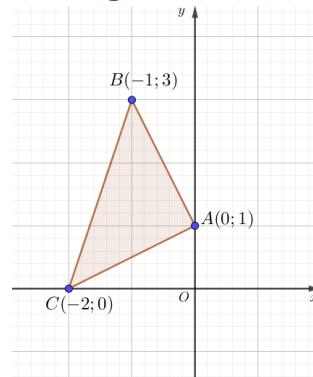
**A.**  $\begin{cases} 2x + y < 1 \\ -x + 2y > 2 \\ 3x - y < -6 \end{cases}$

**B.**  $\begin{cases} 2x + y > 1 \\ -x + 2y > 2 \\ 3x - y < -6 \end{cases}$

**C.**  $\begin{cases} 2x + y < 1 \\ -x + 2y < 2 \\ 3x - y < -6 \end{cases}$

**D.**  $\begin{cases} 2x + y < 1 \\ x - 2y < -2 \\ 3x - y > -6 \end{cases}$

### Lời giải



**Cách 1:** Lấy điểm  $M(-1;1)$  thuộc miền trong tam giác  $ABC$ .

Thay tọa độ điểm  $M$  vào các phương án, ta thấy  $(-1;1)$  thỏa mãn hệ bất phương trình

$$\begin{cases} 2x + y < 1 \\ x - 2y < -2 \\ 3x - y > -6 \end{cases}$$

**Cách 2:** Phương trình đường thẳng  $AB: 2x + y = 1$ .

Xét điểm  $M(-1;1)$  thuộc miền trong tam giác  $ABC$ .

Ta có:  $2x_M + y_M = -1 < 1$  nên  $(-1;1)$  là một nghiệm của bất phương trình  $2x + y < 1$ .

Tương tự với cách viết phương trình  $BC$ ,  $AC$  ta có  $(-1;1)$  là một nghiệm của các bất phương trình sau  $3x - y > -6$  và  $x - 2y < -2$ .

Vậy miền trong tam giác  $ABC$  biểu diễn tập nghiệm hệ bất phương trình  $\begin{cases} 2x + y < 1 \\ x - 2y < -2 \\ 3x - y > -6 \end{cases}$

**Câu 24:** Bảng giá cước của một hãng taxi được cho như sau

Giá mở cửa	Giá km tiếp theo
11.000đ/0,7 km	15.800đ/1 km

\* **Giá mở cửa:** Khi lên taxi mà quãng đường di chuyển không quá 0,7 km thì hãng taxi vẫn tính 11000 đồng

Gọi  $y$  (đồng) là số tiền phải trả sau khi đi  $x$  (km). Hàm số của  $y$  theo  $x$  là

**A.**  $y = \begin{cases} 11000 & \text{khi } x \leq 0,7 \\ 15800x - 100 & \text{khi } x > 0,7 \end{cases}$

**B.**  $y = \begin{cases} 11000 & \text{khi } x \leq 1 \\ 15800x - 150 & \text{khi } x > 1 \end{cases}$

**C.**  $y = \begin{cases} 11000 & \text{khi } x \leq 0,7 \\ 15800x - 60 & \text{khi } x > 0,7 \end{cases}$

**D.**  $y = \begin{cases} 11000 & \text{khi } x \leq 1 \\ 15800x - 70 & \text{khi } x > 1 \end{cases}$

### Lời giải

Nếu quảng đường đi không quá 0,7 km ( $x \leq 0,7$ ) thì số tiền phải trả là:

$$y = 11000 \text{ (đồng)}$$

Nếu quảng đường khách đi trên 0,7 km ( $x > 0,7$ ) thì số tiền phải trả là:

$$y = 11000 + (x - 0,7) \cdot 15800 = 15800x - 60 \text{ (đồng)}$$

Do đó ta có hàm số của  $y$  theo  $x$  là

$$y = \begin{cases} 11000 & \text{khi } x \leq 0,7 \\ 15800x - 60 & \text{khi } x > 0,7 \end{cases}$$

**Câu 25:** Biết parabol  $(P)$ :  $y = 2x^2 + bx + c$  đi qua điểm  $M(0; 4)$  và có trục đối xứng là đường thẳng  $x = 1$ . Tính  $S = b + c$ .

A.  $S = 0$ .

B.  $S = 1$ .

C.  $S = -1$ .

D.  $S = 5$ .

#### Lời giải

Ta có

Do  $M \in (P)$  nên  $c = 4$ .

$$\text{Trục đối xứng: } -\frac{b}{2a} = 1 \Leftrightarrow b = -4.$$

Vậy  $(P)$ :  $y = 2x^2 - 4x + 4$  và  $S = -4 + 4 = 0$ .

**Câu 26:** Cho tam giác  $ABC$  có  $BC = 8, CA = 10$ , và  $ACB = 60^\circ$ . Độ dài cạnh  $AB$  bằng

A.  $3\sqrt{21}$ .

B.  $7\sqrt{2}$ .

C.  $2\sqrt{11}$ .

D.  $2\sqrt{21}$ .

#### Lời giải

Ta có:  $AB^2 = BC^2 + CA^2 - 2BC \cdot CA \cdot \cos C = 8^2 + 10^2 - 2 \cdot 8 \cdot 10 \cdot \cos 60^\circ = 84 \Rightarrow AB = 2\sqrt{21}$ .

**Câu 27:** Tam giác  $ABC$  có độ dài cạnh  $AB = 3\text{cm}$ ;  $AC = 6\text{cm}$  và  $A = 60^\circ$ . Bán kính  $R$  của đường tròn ngoại tiếp tam giác  $ABC$  bằng

A.  $R = \sqrt{3}$ .

B.  $R = 3\sqrt{3}$ .

C.  $R = 3$ .

D.  $R = 6$ .

#### Lời giải

Xét tam giác  $ABC$  ta có:

$$BC^2 = AB^2 + AC^2 - 2AB \cdot AC \cdot \cos A$$

$$\Rightarrow BC^2 = 3^2 + 6^2 - 2 \cdot 3 \cdot 6 \cdot \cos 60^\circ = 27 \Rightarrow BC^2 + AB^2 = AC^2$$

Do đó tam giác  $ABC$  vuông tại  $B$ .

Vậy bán kính  $R$  của đường tròn ngoại tiếp tam giác  $ABC$ :  $R = \frac{AC}{2} = \frac{6}{2} = 3(\text{cm})$ .

**Câu 28:** Cho tam giác  $ABC$  có  $B + C = 135^\circ$ ,  $BC = 10\sqrt{2}(\text{cm})$ . Chu vi đường tròn ngoại tiếp tam giác  $ABC$  bằng

A.  $10\pi(\text{cm})$ .

B.  $15\pi(\text{cm})$ .

C.  $20\pi(\text{cm})$ .

D.  $25\pi(\text{cm})$ .

#### Lời giải

Ta có  $B + C = 135^\circ \Rightarrow A = 180^\circ - 135^\circ = 45^\circ$ .

Theo định lý sin trong tam giác ta có:  $\frac{BC}{\sin A} = 2R \Rightarrow R = \frac{10\sqrt{2}}{2 \cdot \sin 45^\circ} = 10(\text{cm})$ .

Chu vi đường tròn ngoại tiếp bằng:  $2R\pi = 2 \cdot 10\pi = 20\pi(\text{cm})$

**Câu 29:** Cho hình bình hành  $ABCD$  có tâm là  $O$ . Khẳng định nào là **đúng**?

- A.  $\overrightarrow{AO} + \overrightarrow{BO} = \overrightarrow{BD}$ .      B.  $\overrightarrow{AO} + \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{BO}$ .  
 C.  $\overrightarrow{AO} - \overrightarrow{BD} = \overrightarrow{CD}$ .      D.  $\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{DA}$ .

**Lời giải**

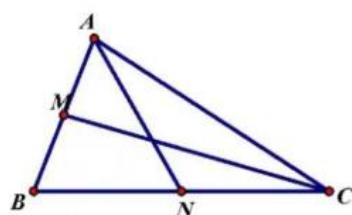
Theo quy tắc hiệu:  $\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{CB} = \overrightarrow{DA}$   $\Leftrightarrow \overrightarrow{CB} = \overrightarrow{DA}$ .

$ABCD$  là hình bình hành nên  $\overrightarrow{CB} = \overrightarrow{DA}$ .

**Câu 30:** Gọi  $AN, CM$  là các trung tuyến của tam giác  $ABC$ . Đẳng thức nào sau đây đúng?

- A.  $\overrightarrow{AB} = \frac{2}{3}\overrightarrow{AN} + \frac{2}{3}\overrightarrow{CM}$ . B.  $\overrightarrow{AB} = \frac{4}{3}\overrightarrow{AN} - \frac{2}{3}\overrightarrow{CM}$ .  
 C.  $\overrightarrow{AB} = \frac{4}{3}\overrightarrow{AN} + \frac{4}{3}\overrightarrow{CM}$ . D.  $\overrightarrow{AB} = \frac{4}{3}\overrightarrow{AN} + \frac{2}{3}\overrightarrow{CM}$ .

**Lời giải**



Ta có  $2\overrightarrow{AN} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$  (1)

Và  $2\overrightarrow{CM} = \overrightarrow{CA} + \overrightarrow{CB} = \overrightarrow{CA} + \overrightarrow{CA} + \overrightarrow{AB} = 2\overrightarrow{CA} + \overrightarrow{AB}$

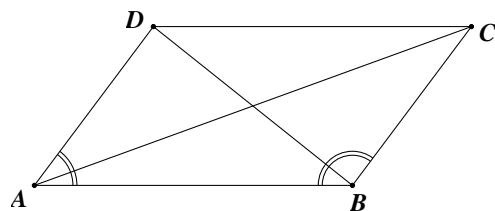
Suy ra  $\overrightarrow{CM} = \overrightarrow{CA} + \frac{1}{2}\overrightarrow{AB}$  (2)

Từ (1) và (2) suy ra  $2\overrightarrow{AN} + \overrightarrow{CM} = \frac{3}{2}\overrightarrow{AB} \Rightarrow \overrightarrow{AB} = \frac{4}{3}\overrightarrow{AN} + \frac{2}{3}\overrightarrow{CM}$ .

**Câu 31:** Cho hình bình hành  $ABCD$ , với  $AB=2$ ,  $AD=1$ ,  $BAD=60^\circ$ . Độ dài đường chéo  $BD$  bằng

- A.  $\sqrt{3}$ .      B.  $\sqrt{5}$ .      C. 5.      D. 3.

**Lời giải**



$$\overrightarrow{BD} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BC} \Rightarrow \overrightarrow{BD}^2 = \overrightarrow{BA}^2 + \overrightarrow{BC}^2 + 2\overrightarrow{BA} \cdot \overrightarrow{BC} \Leftrightarrow BD^2 = 2^2 + 1^2 + 2 \cdot (-1)$$

$$\Rightarrow BD = \sqrt{3}.$$

**Câu 32:** Cho hình thang  $ABCD$  vuông tại  $A$  và  $D$ ;  $AB=AD=a$ ,  $CD=2a$ . Khi đó tích vô hướng  $\overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{BD}$  bằng

- A.  $-a^2$ .      B. 0.      C.  $\frac{3a^2}{2}$ .      D.  $\frac{-a^2}{2}$ .

**Lời giải**

Ta có:  $\overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{BD} = (\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{DC})(\overrightarrow{AD} - \overrightarrow{AB}) = (\overrightarrow{AD} + 2\overrightarrow{AB})(\overrightarrow{AD} - \overrightarrow{AB}) = AD^2 - 2AB^2 - \overrightarrow{AD} \cdot \overrightarrow{AB}$   
 $= AD^2 - 2AB^2 = -a^2$ .

**Câu 33:** Cho giá trị gần đúng của  $\frac{8}{17}$  là 0,47. Sai số tuyệt đối của 0,47 là

A. 0,001.

B. 0,003.

C. 0,002.

D. 0,004.

### Lời giải

#### Chọn A

Ta có  $\frac{8}{17} = 0,470588235294\dots$

Sai số tuyệt đối của 0,47 là  $|0,47 - \frac{8}{17}| < |0,47 - 0,471| = 0,001$ .

**Câu 34:** Chỉ số IQ của một nhóm học sinh là:

60	78	80	64	70	76	80	74	86	90
----	----	----	----	----	----	----	----	----	----

Các tứ phân vị của mẫu số liệu là

A.  $Q_1 = 70; Q_2 = 77; Q_3 = 80$ .

B.  $Q_1 = 72; Q_2 = 78; Q_3 = 80$ .

C.  $Q_1 = 70; Q_2 = 76; Q_3 = 80$ .

D.  $Q_1 = 70; Q_2 = 75; Q_3 = 80$ .

### Lời giải

Sắp xếp các giá trị này theo thứ tự không giảm

60	64	70	74	76	78	80	80	86	90
----	----	----	----	----	----	----	----	----	----

Vì  $n=10$  là số chẵn nên  $Q_2$  là số trung bình cộng của hai giá trị chính giữa:

$$Q_2 = (76+78):2 = 77$$

Ta tìm  $Q_1$  là trung vị của nửa số liệu bên trái  $Q_2$

60	64	70	74	76
----	----	----	----	----

và tìm được  $Q_1 = 70$

Ta tìm  $Q_3$  là trung vị của nửa số liệu bên phải  $Q_2$

78	80	80	86	90
----	----	----	----	----

và tìm được  $Q_3 = 80$ .

**Câu 35:** Nhiệt độ cao nhất của Hà Nội trong 7 ngày liên tiếp trong tháng tám được ghi lại là: 34; 34; 36; 35; 33; 31; 30 (Độ C).

Độ lệch chuẩn của mẫu số liệu thuộc khoảng nào

A.  $(1;2)$ .

B.  $(3;4)$ .

C.  $\left[2; \frac{7}{2}\right]$ .

D.  $\left(0; \frac{3}{4}\right)$ .

### Lời giải

Số trung bình cộng của mẫu số liệu là:

$$\bar{x} = \frac{34+34+36+35+33+31+30}{7} \approx 33,29$$

$$\sum_{i=1}^7 (x_i - \bar{x})^2$$

Phương sai của mẫu số liệu là:  $s^2 = \frac{\sum_{i=1}^7 (x_i - \bar{x})^2}{7} \approx 3,92$

Độ lệch chuẩn cần tính là:  $s \approx \sqrt{3,92} \approx 1,98$ .

## II. PHẦN TỰ LUẬN (3,0 điểm)

- Câu 36:** Có hai địa điểm  $A, B$  cùng nằm trên một tuyến quốc lộ thẳng. Khoảng cách giữa  $A$  và  $B$  là  $30,5\text{ km}$ . Một xe máy xuất phát từ  $A$  lúc 7 giờ theo chiều từ  $A$  đến  $B$ . Lúc 9 giờ, một ô tô xuất phát từ  $B$  chuyển động thẳng đều với vận tốc  $80\text{ km/h}$  theo cùng chiều với xe máy. Chọn  $A$  làm mốc, chọn thời điểm 7 giờ làm mốc thời gian và chọn chiều từ  $A$  đến  $B$  làm chiều dương. Phương trình chuyển động của xe máy là  $y = 2t^2 + 36t$ , trong đó  $y$  tính bằng kilômét,  $t$  tính bằng giờ. Biết rằng đến lúc ô tô đuổi kịp xe máy thì hai xe dừng lại và vị trí đó cách điểm  $B$  là  $x\text{ km}$ . Tìm  $x\text{ km}$ .

### Lời giải

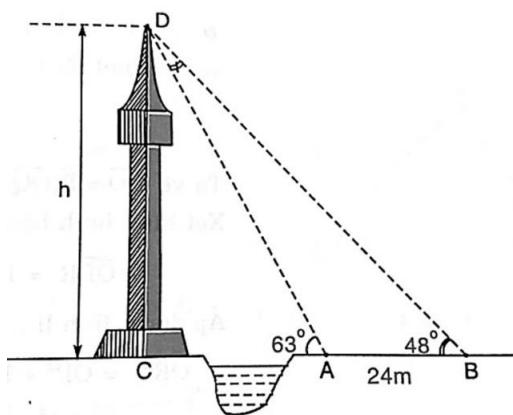
Phương trình chuyển động của xe máy là  $y = 30,5 + 80(t - 2) = 80t - 129,5$ .

Thời điểm  $t$  ô tô đuổi kịp xe máy tương ứng với giao điểm của hai đồ thị hàm số  $y = 2t^2 + 36t$  và  $y = 80t - 129,5$ .

$$\text{Xét phương trình } 2t^2 + 36t = 80t - 129,5 \Leftrightarrow 2t^2 - 44t + 129,5 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} t = 3,5 \\ t = 18,5 \end{cases}.$$

Vậy ôtô đuổi kịp xe máy sớm nhất ứng với thời điểm  $t = 3,5$  tại vị trí cách điểm  $A$  là  $80 \cdot 3,5 - 129,5 = 150,5(\text{km})$  hay cách điểm  $B$  là  $150,5 - 30,5 = 120(\text{km})$ .

- Câu 37:** Muốn đo chiều cao  $CD$  của một cái tháp mà ta không thể đến được tâm  $C$  của chân tháp. Trong mặt phẳng đứng chứa chiều cao  $CD$  của tháp ta chọn hai điểm  $A$  và  $B$  sao cho ba điểm  $A, B, C$  thẳng hàng. Giả sử ta đo được khoảng cách  $AB = 24\text{m}$  và các góc  $CAD = 63^\circ$ ,  $CBD = 48^\circ$ . Hãy tính chiều cao  $h = CD$  của tháp (kết quả làm tròn đến hàng phần chục).



### Lời giải

Vì là hai góc  $DAC$  và  $DAB$  kề bù nên  $DAB = 180^\circ - DAC = 180^\circ - 63^\circ = 117^\circ$

Xét tam giác  $ABD$ , ta có  $ADB = 180^\circ - DAB - DBA = 15^\circ$ .

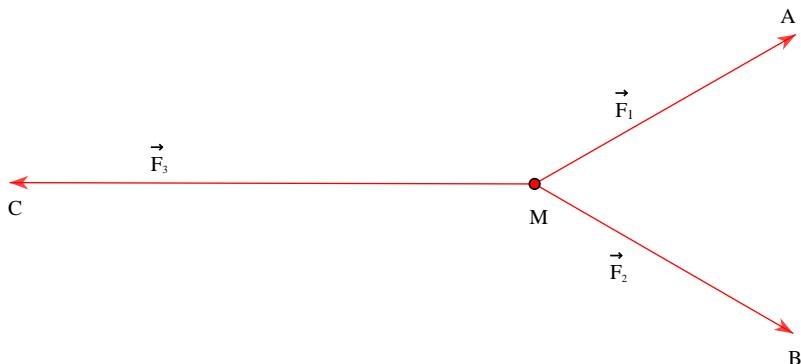
Áp dụng định lí sin cho tam giác  $ABD$  ta có

$$\frac{AB}{\sin D} = \frac{AD}{\sin B} \Leftrightarrow AD = \frac{AB \cdot \sin B}{\sin D} \Leftrightarrow AD = \frac{24 \cdot \sin 48^\circ}{\sin 15^\circ}.$$

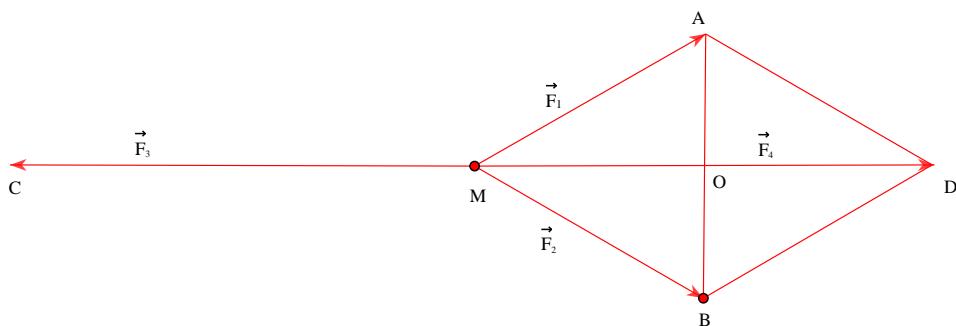
Ta có chiều cao của tháp là  $h = CD = AD \cdot \sin DAC = \frac{24 \cdot \sin 48^\circ}{\sin 15^\circ} \cdot \sin 63^\circ \approx 61,4(\text{m})$ .

- Câu 38:** Cho ba lực  $\vec{F}_1 = \overrightarrow{MA}$ ,  $\vec{F}_2 = \overrightarrow{MB}$ ,  $\vec{F}_3 = \overrightarrow{MC}$  cùng tác động vào một vật tại điểm  $M$  và vật đứng

yên. Cho biết cường độ của  $\vec{F}_1$ ,  $\vec{F}_2$  đều bằng  $25N$  và góc  $AMB = 60^\circ$ . Tính cường độ lực của  $\vec{F}_3$ .



### Lời giải



Vật đứng yên là do  $\vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \vec{F}_3 = \vec{0}$ .

Vẽ hình thoi  $MADB$ , ta có  $\vec{F}_1 + \vec{F}_2 = \vec{MD}$  và lực  $\vec{F}_4 = \vec{MD}$  có cường độ lực là  $25\sqrt{3} N$ .

Ta có  $\vec{F}_3 + \vec{F}_4 = \vec{0}$ , do đó  $\vec{F}_3$  là vec tơ đối của  $\vec{F}_4$ .

Như vậy  $\vec{F}_3$  có cường độ là  $25\sqrt{3} N$  và ngược hướng với  $\vec{F}_4$ .

- Câu 39:** Trong một cuộc thi gói bánh vào dịp năm mới, mỗi đội chơi được sử dụng tối đa  $20 kg$  gạo nếp,  $2 kg$  thịt ba chỉ,  $5 kg$  đậu xanh để gói bánh chưng và bánh ống. Để gói một cái bánh chưng cần  $0,4 kg$  gạo nếp,  $0,05 kg$  thịt và  $0,1 kg$  đậu xanh; để gói một cái bánh ống cần  $0,6 kg$  gạo nếp,  $0,075 kg$  thịt và  $0,15 kg$  đậu xanh. Mỗi cái bánh chưng nhận được 5 điểm thưởng, mỗi cái bánh ống nhận được 7 điểm thưởng. Hỏi cần phải gói mấy cái bánh mỗi loại để được nhiều điểm thưởng nhất?

### Lời giải

Gọi số bánh chưng gói được là  $x$ , số bánh ống gói được là  $y$ . Khi đó số điểm thưởng là:

$$f(x; y) = 5x + 7y.$$

Số kg gạo nếp cần dùng là  $0,4x + 0,6y$

Số kg thịt ba chỉ cần dùng là  $0,05x + 0,075y$

Số kg gạo đậu xanh cần dùng là  $0,1x + 0,15y$

Vì trong cuộc thi này chỉ được sử dụng tối đa  $20 kg$  gạo nếp,  $2 kg$  thịt ba chỉ,  $5 kg$  đậu xanh nên ta có hệ bất phương trình :

$$\begin{cases} 0,4x + 0,6y \leq 20 \\ 0,05x + 0,075y \leq 2 \\ 0,1x + 0,15y \leq 5 \\ x, y \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x + 3y \leq 100 \\ 2x + 3y \leq 80 \\ 2x + 3y \leq 100 \\ x, y \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x + 3y \leq 80 \\ x, y \geq 0 \end{cases} \quad (*)$$

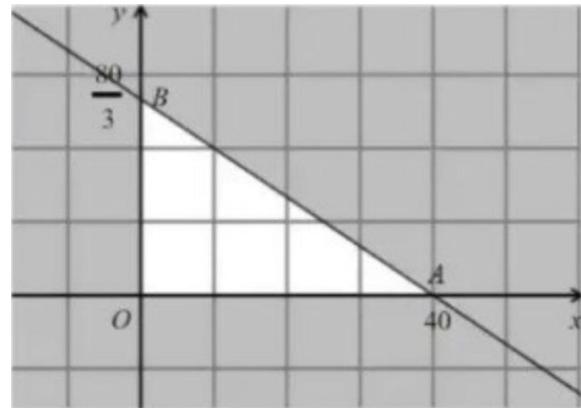
Bài toán trở thành tìm giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x; y)$  trên miền nghiệm của hệ bất phương trình (\*).

Miền nghiệm của hệ bất phương trình (\*) là tam giác  $OAB$  (kể cả biên)

Hàm số  $f(x; y) = 5x + 7y$  sẽ đạt giá trị lớn nhất trên miền nghiệm của hệ bất phương trình (\*) khi  $(x; y)$  là tọa độ một trong các đỉnh  $O(0; 0)$ ,  $A(40; 0)$ ,  $B\left(0; \frac{80}{3}\right)$ .

Mà  $f(0; 0) = 0$ ,  $f(40; 0) = 200$ ,  $f\left(0; \frac{80}{3}\right) = \frac{560}{3}$ . Suy ra  $f(x; y)$  lớn nhất khi  $(x; y) = (40; 0)$ .

Do đó cần phải gói 40 cái bánh chung để nhận được số điểm thưởng là lớn nhất.



# ĐỀ ÔN TẬP KIỂM TRA CUỐI HỌC KỲ I NĂM HỌC 2022 – 2023

## MÔN: TOÁN 10 – ĐỀ SỐ: 03

### I. PHẦN TRẮC NGHIỆM (35 câu – 7,0 điểm)

**Câu 1:** Viết mệnh đề sau bằng kí hiệu  $\forall$  hoặc  $\exists$ : “Có một số nguyên bằng bình phương của chính nó”  
**A.**  $\exists x \in \mathbb{R}, x^2 - x = 0$ .    **B.**  $\exists x \in \mathbb{R}, x = x^2$ .    **C.**  $\forall x \in \mathbb{Z}, x^2 = x$ .    **D.**  $\exists x \in \mathbb{Z}, x = x^2$ .

**Câu 2:** Bất phương trình nào sau đây là bất phương trình bậc nhất hai ẩn số?

- A.**  $3x + 4y - 5 \leq 0$     **B.**  $3x + y^2 - 5 \leq 0$     **C.**  $x^2 + y + 3 \leq 0$     **D.**  $2xy - 5 \geq 0$

**Câu 3:** Trong các hệ sau, hệ nào **không phải** là hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn:

- A.**  $\begin{cases} x + y > 0 \\ x > 1 \end{cases}$ .    **B.**  $\begin{cases} x + y = -2 \\ x - y = 5 \end{cases}$ .    **C.**  $\begin{cases} 2x + 3y > 10 \\ x - 4y < 1 \end{cases}$ .    **D.**  $\begin{cases} y > 0 \\ x - 4 \leq 1 \end{cases}$ .

**Câu 4:** Điểm nào sau đây thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình  $\begin{cases} 2x - 5y - 1 > 0 \\ 2x + y + 5 > 0 \\ x + y + 1 < 0 \end{cases}$  ?

- A.**  $(0;0)$ .    **B.**  $(1;0)$ .    **C.**  $(0;-2)$ .    **D.**  $(0;2)$ .

**Câu 5:** Cho hàm số  $f(x) = \begin{cases} x + \sqrt{x-2}, & \text{khi } x \geq 2 \\ 1 - 3x, & \text{khi } x < 2 \end{cases}$ . Giá trị  $f(1)$  bằng

- A.**  $-2$ .    **B.**  $0$ .    **C.** không xác định.    **D.**  $2$ .

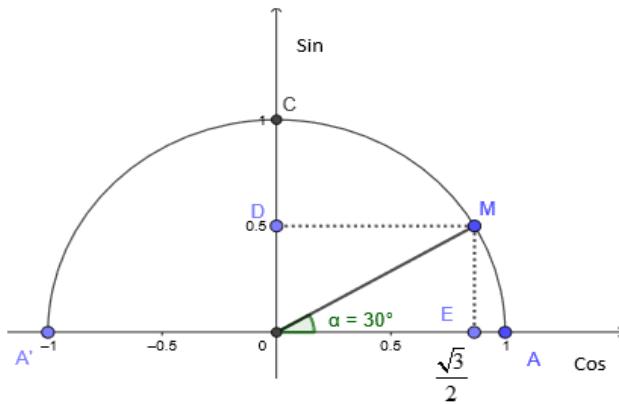
**Câu 6:** Tập xác định của hàm số  $y = \frac{1}{x} + \sqrt{3-x}$  là

- A.**  $(-\infty; 3]$ .    **B.**  $[3; +\infty)$ .    **C.**  $\mathbb{R} \setminus \{0\}$ .    **D.**  $(-\infty; 3] \setminus \{0\}$ .

**Câu 7:** Cho hàm số  $y = 2x^2 + 4x - 2023$ . Khẳng định nào sau đây đúng?

- A.** đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -2)$  và nghịch biến trên khoảng  $(-2; +\infty)$ .  
**B.** nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; -2)$  và đồng biến trên khoảng  $(-2; +\infty)$ .  
**C.** đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -1)$  và nghịch biến trên khoảng  $(-1; +\infty)$ .  
**D.** nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; -1)$  và đồng biến trên khoảng  $(-1; +\infty)$ .

**Câu 8:** Trên nữa đường tròn đơn vị, cho góc  $\alpha$  như hình vẽ. Hãy chỉ ra các giá trị lượng giác của góc  $\alpha$ .



A.  $\sin \alpha = 0.5$ ;  $\cos \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$ ;  $\tan \alpha = \frac{\sqrt{3}}{3}$ ;  $\cot \alpha = \sqrt{3}$ .

B.  $\sin \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$ ;  $\cos \alpha = 0.5$ ;  $\tan \alpha = \frac{\sqrt{3}}{3}$ ;  $\cot \alpha = \sqrt{3}$ .

C.  $\sin \alpha = 0.5$ ;  $\cos \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$ ;  $\tan \alpha = \sqrt{3}$ ;  $\cot \alpha = \frac{\sqrt{3}}{3}$ .

D.  $\sin \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$ ;  $\cos \alpha = 0.5$ ;  $\tan \alpha = \sqrt{3}$ ;  $\cot \alpha = \frac{\sqrt{3}}{3}$ .

**Câu 9:** Cho tam giác  $ABC$ , mệnh đề nào sau đây đúng?

A.  $a^2 = b^2 + c^2 + 2bc \cos A$ .      B.  $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$ .

C.  $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos C$ .      D.  $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos B$ .

**Câu 10:** Cho tam giác  $ABC$ . Tìm công thức đúng trong các công thức sau:

A.  $S = \frac{1}{2}bc \sin A$ .      B.  $S = \frac{1}{2}ac \sin A$ .      C.  $S = \frac{1}{2}bc \sin B$ .      D.  $S = \frac{1}{2}bc \sin C$ .

**Câu 11:** Cho hình bình hành  $ABCD$ . Vectơ nào sau đây cùng phương với  $\overrightarrow{AB}$ ?

A.  $\overrightarrow{BA}, \overrightarrow{CD}, \overrightarrow{DC}$ .      B.  $\overrightarrow{BC}, \overrightarrow{CD}, \overrightarrow{DA}$ .      C.  $\overrightarrow{AD}, \overrightarrow{CD}, \overrightarrow{DC}$ .      D.  $\overrightarrow{BA}, \overrightarrow{CD}, \overrightarrow{CB}$ .

**Câu 12:** Cho tam giác  $ABC$  vuông cân tại  $A$  có  $AB = a$ . Tính  $|\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}|$ .

A.  $|\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}| = a\sqrt{2}$ .      B.  $|\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}| = \frac{a\sqrt{2}}{2}$ .      C.  $|\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}| = 2a$ .      D.  $|\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}| = a$ .

**Câu 13:** Biết  $\overrightarrow{AB} = \vec{a}$ . Gọi  $C$  là điểm thỏa mãn  $\overrightarrow{CA} = \overrightarrow{AB}$ . Hãy chọn khẳng định đúng.

A.  $\overrightarrow{BC} = 2\vec{a}$ .      B.  $\overrightarrow{CA} = 2\vec{a}$ .      C.  $\overrightarrow{CB} = 2\vec{a}$ .      D.  $\overrightarrow{AC} = \vec{0}$ .

**Câu 14:** Cho hai vectơ  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  khác  $\vec{0}$ ,  $\alpha$  là góc tạo bởi 2 vectơ  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  khi  $\vec{a} \cdot \vec{b} = -|\vec{a}| \cdot |\vec{b}|$ . Chọn khẳng định đúng.

A.  $\alpha = 180^\circ$ .      B.  $\alpha = 0^\circ$ .      C.  $\alpha = 90^\circ$ .      D.  $\alpha = 45^\circ$ .

**Câu 15:** Đo chiều dài của một cây thước, ta được kết quả  $\bar{a} = 45 \pm 0.2$  (cm). Khi đó sai số tuyệt đối của phép đo được ước lượng là

A.  $\Delta_{45} = 0.2$ .      B.  $\Delta_{45} \leq 0.2$ .      C.  $\Delta_{45} \leq -0.2$ .      D.  $\Delta_{45} = -0.2$ .

**Câu 16:** Quy tròn số 12,4567 đến hàng phần trăm ta được số.

A. 12,45 .      B. 12,46      C. 12,457      D. 12,5

**Câu 17:** Điểm thi tuyển sinh vào lớp 10 ba môn Toán, Văn, Tiếng Anh của một học sinh lần lượt là 8,0; 7,5; 8,2. Điểm thi trung bình ba môn thi của học sinh đó là

A. 8,0.      B. 23,7.      C. 7,7.      D. 7,9.

**Câu 18:** Điểm kiểm tra môn Toán của một nhóm gồm 10 học sinh như sau

3 4 4,5 5 6 6,5 8 8,5 9 10

Tìm trung vị của mẫu số liệu trên.

A. 6 .      B. 6,25 .      C. 6,5 .      D. 8 .

**Câu 19:** Mẫu số liệu sau cho biết cân nặng (đơn vị kg) của các học sinh Tô 1 lớp 10A

45 46 42 50 38 42 44 42 40 60

Khoảng biến thiên của mẫu số liệu này là

A. 38.

B. 20.

C. 42.

D. 22.

**Câu 20:** Cho mẫu số liệu  $\{10, 8, 6, 2, 4\}$ . Độ lệch chuẩn của mẫu gần bằng

A. 8.

B. 2,8.

C. 2,4.

D. 6.

**Câu 21:** Cho tập hợp  $A = (2; +\infty)$ . Khi đó  $C_R A$  là:

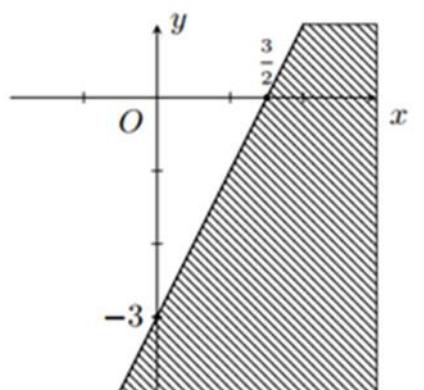
A.  $[2; +\infty)$ .

B.  $(2; +\infty)$ .

C.  $(-\infty; 2]$ .

D.  $(-\infty; 2)$ .

**Câu 22:** Miền nghiệm của bất phương trình nào sau đây được biểu diễn bởi nửa mặt phẳng không bị gạch trong hình vẽ sau?



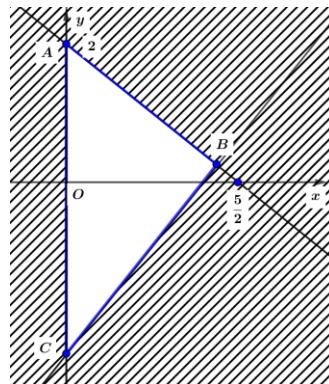
A.  $2x - y \leq 3$ .

B.  $x - y \geq 3$ .

C.  $2x - y \geq 3$ .

D.  $2x + y \geq 3$ .

**Câu 23:** Miền tam giác  $ABC$  kẻ cả ba cạnh sau đây là miền nghiệm của hệ bất phương trình nào trong bốn hệ bất phương trình dưới đây?



A.  $\begin{cases} y \geq 0 \\ 5x - 4y \geq 10 \\ 5x + 4y \leq 10 \end{cases}$

B.  $\begin{cases} x > 0 \\ 5x - 4y \leq 10 \\ 4x + 5y \leq 10 \end{cases}$

C.  $\begin{cases} x \geq 0 \\ 4x - 5y \leq 10 \\ 5x + 4y \leq 10 \end{cases}$

D.  $\begin{cases} x \geq 0 \\ 5x - 4y \leq 10 \\ 4x + 5y \leq 10 \end{cases}$

**Câu 24:** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{2x+1}{x^2 - 2x + m - 2}$  xác định trên  $\mathbb{R}$ .

A.  $m \geq 3$ .

B.  $m > 3$ .

C.  $m < 3$ .

D.  $m \leq 3$ .

**Câu 25:** Xác định  $(P): y = ax^2 - 6x + c$ , biết  $(P)$  có trục đối xứng  $x = -4$  và cắt  $Ox$  tại hai điểm có độ dài bằng 4.

A.  $(P): y = -\frac{3}{4}x^2 - 6x - 9$ .

B.  $(P): y = \frac{3}{4}x^2 - 6x - 9$ .

C.  $(P): y = -\frac{3}{4}x^2 - 6x + 9$ .      D.  $(P): y = \frac{3}{4}x^2 - 6x + 9$ .

**Câu 26:** Một tam giác có ba cạnh là 13, 14, 15. Diện tích tam giác bằng bao nhiêu?

- A. 84.      B.  $\sqrt{84}$ .      C. 42.      D.  $\sqrt{168}$ .

**Câu 27:** Một tam giác có ba cạnh là 5; 12; 13. Độ dài bán kính đường tròn ngoại tiếp  $R$  của tam giác trên là:

- A. 6.      B. 8.      C.  $\frac{13}{2}$ .      D.  $\frac{11}{2}$ .

**Câu 28:** Khoảng cách từ  $A$  đến  $B$  không thể đo trực tiếp được vì phải qua một đầm lầy. Người ta xác định được một điểm  $C$  mà từ đó có thể nhìn được  $A$  và  $B$  dưới một góc  $78^\circ 24'$ . Biết  $CA = 250m$ ,  $CB = 120m$ . Khoảng cách  $AB$  bằng bao nhiêu?

- A. 266m.      B. 255m.      C. 166m.      D. 298m.

**Câu 29:** Hai bạn An và Bình cùng di chuyển một xe đẩy trên đường phẳng bằng cách: bạn An đẩy xe từ phía sau theo hướng di chuyển của xe bằng một lực  $F_1 = 2\text{ N}$ , bạn Bình kéo xe từ phía trước theo hướng di chuyển của xe một lực  $F_2 = 3\text{ N}$ . Giả sử hai bạn thực hiện đúng kỹ thuật để xe di chuyển hiệu quả nhất. Hỏi xe di chuyển với lực tác động có độ lớn bằng bao nhiêu?

- A. 2 N.      B. 3 N.      C. 1 N.      D. 5 N.

**Câu 30:** Cho tam giác  $MNP$ , gọi  $K$  là điểm thuộc đoạn thẳng  $NP$  sao cho  $NK = \frac{1}{4}NP$  và  $I$  trung điểm của đoạn thẳng  $MK$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A.  $3\vec{IM} + 4\vec{IN} + \vec{IP} = \vec{0}$ .      B.  $\vec{IM} + 3\vec{IN} + 4\vec{IP} = \vec{0}$ .  
 C.  $4\vec{IM} + 3\vec{IN} + \vec{IP} = \vec{0}$ .      D.  $4\vec{IM} + \vec{IN} + 3\vec{IP} = \vec{0}$ .

**Câu 31:** Cho tam giác  $ABC$  vuông tại  $A$  có  $AB = 3$ ;  $AC = 4$ . Trên đoạn thẳng  $BC$  lấy điểm  $M$  sao cho  $MB = 2MC$ . Tính tích vô hướng  $\overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{BC}$ .

- A.  $\frac{41}{3}$ .      B.  $\frac{23}{3}$ .      C. 8.      D. -23.

**Câu 32:** Cho tam giác đều  $ABC$  và các điểm  $M, N, P$  thỏa mãn  $\overrightarrow{BM} = k \overrightarrow{BC}$ ,  $\overrightarrow{CN} = \frac{2}{3} \overrightarrow{CA}$ ,  $\overrightarrow{AP} = \frac{4}{15} \overrightarrow{AB}$ . Tìm  $k$  để  $AM$  vuông góc với  $PN$ .

- A.  $k = \frac{1}{3}$       B.  $k = \frac{1}{2}$       C.  $k = \frac{2}{5}$       D.  $k = \frac{3}{4}$

**Câu 33:** Độ dài của cái cầu bến thủy hai (Nghệ An) người ta đo được là  $996m \pm 0,5m$ . Sai số tương đối tối đa trong phép đo là bao nhiêu?

- A. 0,05%.      B. 0,5%.      C. 0,04%.      D. 0,005%.

**Câu 34:** Tìm tứ phân vị của mẫu số liệu sau

12 3 6 15 27 33 31 18 29 54 1 8

- A.  $Q_1 = 7, Q_2 = 17,5, Q_3 = 30$ .      B.  $Q_1 = 7, Q_2 = 16,5, Q_3 = 30$ .  
 C.  $Q_1 = 7, Q_2 = 16,5, Q_3 = 30,5$ .      D.  $Q_1 = 7,5, Q_2 = 16,5, Q_3 = 30$ .

**Câu 35:** Mẫu số liệu sau đây cho biết số của 7 lớp 10 ban A tại một trường

36 42 47 48 44 44 40

Khoảng tú phân vị của mẫu số liệu trên là

A. 7.

B. 44.

C. 4.

D. 12.

## II. PHẦN TỰ LUẬN (3,0 điểm)

**Câu 36:** Khi một quả bóng được đá lên, nó sẽ đạt đến độ cao nào đó rồi rơi xuống. Biết rằng quỹ đạo của quả bóng là một cung parabol trong mặt phẳng với hệ tọa độ  $Oth$ , trong đó  $t$  là thời gian (tính bằng giây) kể từ khi quả bóng được đá lên;  $h$  là độ cao (tính bằng mét) của quả bóng. Giả thiết rằng quả bóng được đá lên từ độ cao  $1,2m$ . Sau đó 1 giây, nó đạt độ cao  $8,5m$  và 2 giây sau khi đá lên, nó đạt độ cao  $6m$ . Hỏi sau bao lâu thì quả bóng sẽ chạm đất kể từ khi được đá lên (tính chính xác đến hàng phần trăm)?

**Câu 37:** Hai chiếc tàu thuỷ  $P$  và  $Q$  trên biển cách nhau  $100m$  và thẳng hàng với chân  $A$  của tháp hải đăng  $AB$  ở trên bờ biển ( $Q$  nằm giữa hai điểm  $P$  và  $A$ ). Từ  $P$  và  $Q$  người ta nhìn chiều cao  $AB$  của tháp dưới các góc  $BPA = 15^\circ$  và  $BQA = 55^\circ$ . Tính chiều cao của tháp (kết quả làm tròn đến hàng đơn vị)

**Câu 38:** Một công ty TNHH trong một đợt quảng cáo và bán khuyến mãi hàng hóa (1 sản phẩm mới của công ty) cần thuê xe để chở trên 140 người và trên 9 tấn hàng. Nơi thuê chỉ có hai loại xe  $A$  và  $B$ . Trong đó xe loại  $A$  có 10 chiếc, xe loại  $B$  có 9 chiếc. Một chiếc xe loại  $A$  cho thuê với giá 4 triệu, loại  $B$  giá 3 triệu. Hỏi phải thuê bao nhiêu xe mỗi loại để chi phí vận chuyển là thấp nhất. Biết rằng xe  $A$  chỉ chở tối đa 20 người và 0,6 tấn hàng. Xe  $B$  chở tối đa 10 người và 1,5 tấn hàng.

**Câu 39:** Trên mặt phẳng tọa độ  $Oxy$ , cho ba điểm  $A(1;-4)$ ,  $B(4;5)$ ,  $C(0;-7)$ . Điểm  $M$  di chuyển trên trục  $Ox$ . Đặt  $Q = 2|\overrightarrow{MA} + 2\overrightarrow{MB}| + 3|\overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}|$ . Tìm giá trị nhỏ nhất của  $Q$ .

----- HẾT -----

## HƯỚNG DẪN GIẢI CHI TIẾT

### I. PHẦN TRẮC NGHIỆM (35 câu – 7,0 điểm)

- Câu 1: Viết mệnh đề sau bằng kí hiệu  $\forall$  hoặc  $\exists$ : “Có một số nguyên bằng bình phương của chính nó”  
A.  $\exists x \in \mathbb{R}, x^2 - x = 0$ .      B.  $\exists x \in \mathbb{R}, x = x^2$ .      C.  $\forall x \in \mathbb{Z}, x^2 = x$ .      D.  $\exists x \in \mathbb{Z}, x = x^2$ .

#### Lời giải

Dựa vào mệnh đề: “Có một số nguyên bằng bình phương của chính nó”.

- Câu 2: Bất phương trình nào sau đây là bất phương trình bậc nhất hai ẩn số?

- A.  $3x + 4y - 5 \leq 0$       B.  $3x + y^2 - 5 \leq 0$       C.  $x^2 + y + 3 \leq 0$       D.  $2xy - 5 \geq 0$

- Câu 3: Trong các hệ sau, hệ nào **không phải** là hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn:

- A.  $\begin{cases} x+y > 0 \\ x > 1 \end{cases}$ .      B.  $\begin{cases} x+y = -2 \\ x-y = 5 \end{cases}$ .      C.  $\begin{cases} 2x+3y > 10 \\ x-4y < 1 \end{cases}$ .      D.  $\begin{cases} y > 0 \\ x-4 \leq 1 \end{cases}$ .

#### Lời giải

Hệ ở đáp án B không là hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn vì hệ này chỉ gồm các phương trình.

- Câu 4: Điểm nào sau đây thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình  $\begin{cases} 2x-5y-1 > 0 \\ 2x+y+5 > 0 \\ x+y+1 < 0 \end{cases}$  ?

- A.  $(0;0)$ .      B.  $(1;0)$ .      C.  $(0;-2)$ .      D.  $(0;2)$ .

#### Lời giải

#### Chọn C

Nhận xét: chỉ có điểm  $(0;-2)$  thỏa mãn hệ.

- Câu 5: Cho hàm số  $f(x) = \begin{cases} x + \sqrt{x-2}, & \text{khi } x \geq 2 \\ 1-3x, & \text{khi } x < 2 \end{cases}$ . Giá trị  $f(1)$  bằng

- A.  $-2$ .      B.  $0$ .      C. không xác định.      D.  $2$ .

#### Lời giải

Với  $x=1 < 2 \Rightarrow f(1)=1-3.1=-2$ .

- Câu 6: Tập xác định của hàm số  $y = \frac{1}{x} + \sqrt{3-x}$  là

- A.  $(-\infty; 3]$ .      B.  $[3; +\infty)$ .      C.  $\mathbb{R} \setminus \{0\}$ .      D.  $(-\infty; 3] \setminus \{0\}$ .

#### Lời giải

Điều kiện xác định của hàm số đã cho là

$$\begin{cases} x \neq 0 \\ 3-x \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \neq 0 \\ x \leq 3 \end{cases}.$$

Vậy tập xác định của hàm số đã cho là  $D=(-\infty; 3] \setminus \{0\}$ .

- Câu 7: Cho hàm số  $y = 2x^2 + 4x - 2023$ . Khẳng định nào sau đây đúng?

- A. đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -2)$  và nghịch biến trên khoảng  $(-2; +\infty)$ .  
B. nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; -2)$  và đồng biến trên khoảng  $(-2; +\infty)$ .

C. đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -1)$  và nghịch biến trên khoảng  $(-1; +\infty)$ .

D. nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; -1)$  và đồng biến trên khoảng  $(-1; +\infty)$ .

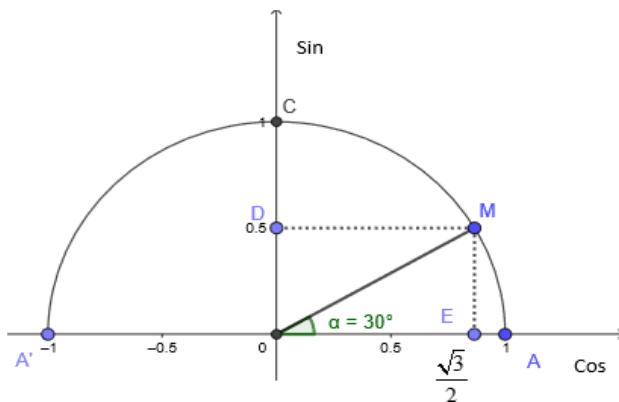
### Lời giải

Hàm số  $y = ax^2 + bx + c$  với  $a > 0$  đồng biến trên khoảng  $\left(-\frac{b}{2a}; +\infty\right)$ , nghịch biến trên

khoảng  $\left(-\infty; -\frac{b}{2a}\right)$ .

Áp dụng: Ta có  $-\frac{b}{2a} = -1$ . Do đó hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; -1)$  và đồng biến trên khoảng  $(-1; +\infty)$ .

**Câu 8:** Trên nữa đường tròn đơn vị, cho góc  $\alpha$  như hình vẽ. Hãy chỉ ra các giá trị lượng giác của góc  $\alpha$ .



A.  $\sin \alpha = 0.5$ ;  $\cos \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$ ;  $\tan \alpha = \frac{\sqrt{3}}{3}$ ;  $\cot \alpha = \sqrt{3}$ .

B.  $\sin \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$ ;  $\cos \alpha = 0.5$ ;  $\tan \alpha = \frac{\sqrt{3}}{3}$ ;  $\cot \alpha = \sqrt{3}$ .

C.  $\sin \alpha = 0.5$ ;  $\cos \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$ ;  $\tan \alpha = \sqrt{3}$ ;  $\cot \alpha = \frac{\sqrt{3}}{3}$ .

D.  $\sin \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$ ;  $\cos \alpha = 0.5$ ;  $\tan \alpha = \sqrt{3}$ ;  $\cot \alpha = \frac{\sqrt{3}}{3}$ .

**Câu 9:** Cho tam giác  $ABC$ , mệnh đề nào sau đây đúng?

A.  $a^2 = b^2 + c^2 + 2bc \cos A$ .

B.  $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$ .

C.  $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos C$ .

D.  $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos B$ .

### Lời giải

#### Chọn B

Theo định lý cosin trong tam giác  $ABC$ , ta có  $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$ .

**Câu 10:** Cho tam giác  $ABC$ . Tìm công thức đúng trong các công thức sau:

A.  $S = \frac{1}{2}bc \sin A$ .

B.  $S = \frac{1}{2}ac \sin A$ .

C.  $S = \frac{1}{2}bc \sin B$ .

D.  $S = \frac{1}{2}bc \sin B$ .

### Lời giải

Ta có:  $S = \frac{1}{2}bc \sin A = \frac{1}{2}ac \sin B = \frac{1}{2}ab \sin C$ .

**Câu 11:** Cho hình bình hành  $ABCD$ . Vectơ nào sau đây cùng phương với  $\overrightarrow{AB}$ ?

- A.  $\overrightarrow{BA}, \overrightarrow{CD}, \overrightarrow{DC}$ .      B.  $\overrightarrow{BC}, \overrightarrow{CD}, \overrightarrow{DA}$ .      C.  $\overrightarrow{AD}, \overrightarrow{CD}, \overrightarrow{DC}$ .      D.  $\overrightarrow{BA}, \overrightarrow{CD}, \overrightarrow{CB}$ .

**Lời giải**



**Câu 12:** Cho tam giác  $ABC$  vuông cân tại  $A$  có  $AB = a$ . Tính  $|\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}|$ .

- A.  $|\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}| = a\sqrt{2}$ .      B.  $|\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}| = \frac{a\sqrt{2}}{2}$ .      C.  $|\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}| = 2a$ .      D.  $|\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}| = a$ .

**Lời giải**

Gọi  $M$  là trung điểm  $BC$  thì  $|\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}| = |\overrightarrow{2AM}| = 2AM = BC = a\sqrt{2}$ .

**Câu 13:** Biết  $\overrightarrow{AB} = \vec{a}$ . Gọi  $C$  là điểm thỏa mãn  $\overrightarrow{CA} = \overrightarrow{AB}$ . Hãy chọn khẳng định đúng.

- A.  $\overrightarrow{BC} = 2\vec{a}$ .      B.  $\overrightarrow{CA} = 2\vec{a}$ .      C.  $\overrightarrow{CB} = 2\vec{a}$ .      D.  $\overrightarrow{AC} = \vec{0}$ .

**Lời giải**

Điểm  $C$  được xác định như hình vẽ sau



Dựa vào kết quả dựng điểm  $C$ , ta có  $\overrightarrow{CB} = 2\vec{a}$ .

**Câu 14:** Cho hai vectơ  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  khác  $\vec{0}$ ,  $\alpha$  là góc tạo bởi 2 vectơ  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  khi  $\vec{a} \cdot \vec{b} = -|\vec{a}| \cdot |\vec{b}|$ . Chọn khẳng định đúng.

- A.  $\alpha = 180^\circ$ .      B.  $\alpha = 0^\circ$ .      C.  $\alpha = 90^\circ$ .      D.  $\alpha = 45^\circ$ .

**Lời giải**

Ta có  $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \cos(\vec{a}, \vec{b})$ .

Mà theo giả thiết  $\vec{a} \cdot \vec{b} = -|\vec{a}| \cdot |\vec{b}|$ , suy ra  $\cos(\vec{a}, \vec{b}) = -1 \Rightarrow (\vec{a}, \vec{b}) = 180^\circ$

**Câu 15:** Đo chiều dài của một cây thước, ta được kết quả  $\bar{a} = 45 \pm 0,2$  (cm). Khi đó sai số tuyệt đối của phép đo được ước lượng là

- A.  $\Delta_{45} = 0,2$ .      B.  $\Delta_{45} \leq 0,2$ .      C.  $\Delta_{45} \leq -0,2$ .      D.  $\Delta_{45} = -0,2$ .

**Lời giải**

Ta có độ dài dài gần đúng của cây thước là  $a = 45$  với độ chính xác  $d = 0,2$

Nên sai số tuyệt đối  $\Delta_{45} \leq d = 0,2$

**Câu 16:** Quy tròn số 12,4567 đến hàng phần trăm ta được số.

- A. 12,45 .      B. 12,46      C. 12,457      D. 12,5

### Lời giải

Quy tròn số 12,4567 đến hàng trăm ta được số 12,46.

- Câu 17: Điểm thi tuyển sinh vào lớp 10 ba môn Toán, Văn, Tiếng Anh của một học sinh lần lượt là 8,0; 7,5; 8,2. Điểm thi trung bình ba môn thi của học sinh đó là

- A. 8,0.      B. 23,7.      C. 7,7.      D. 7,9.

### Lời giải

**Chọn D**

Ta có điểm trung bình ba môn thi của học sinh là:  $\frac{8,0 + 7,5 + 8,2}{3} = 7,9$ .

- Câu 18: Điểm kiểm tra môn Toán của một nhóm gồm 10 học sinh như sau

3 4 4,5 5 6 6,5 8 8,5 9 10

Tìm trung vị của mẫu số liệu trên.

- A. 6.      B. 6,25.      C. 6,5.      D. 8.

### Lời giải

Số trung vị của mẫu số liệu trên là  $\frac{6+6,5}{2} = 6,25$ .

- Câu 19: Mẫu số liệu sau cho biết cân nặng (đơn vị kg) của các học sinh Tô 1 lớp 10A

45 46 42 50 38 42 44 42 40 60

Khoảng biến thiên của mẫu số liệu này là

- A. 38.      B. 20.      C. 42.      D. 22.

### Lời giải

Khoảng biến thiên của mẫu số liệu là:  $R = 60 - 38 = 22$ .

- Câu 20: Cho mẫu số liệu  $\{10, 8, 6, 2, 4\}$ . Độ lệch chuẩn của mẫu gần bằng

- A. 8.      B. 2,8.      C. 2,4.      D. 6.

### Lời giải

Ta có

$$\bar{x} = \frac{10+8+6+2+4}{5} = 6 \Rightarrow s = \sqrt{\frac{(10-6)^2 + (8-6)^2 + (6-6)^2 + (2-6)^2 + (4-6)^2}{5}} = \sqrt{8} \approx 2,8$$

Độ lệch chuẩn là căn bậc hai của phương sai.

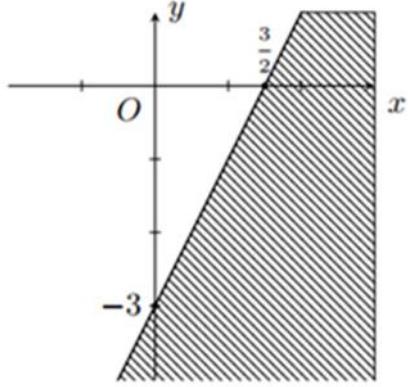
- Câu 21: Cho tập hợp  $A = (2; +\infty)$ . Khi đó  $C_R A$  là:

- A.  $[2; +\infty)$ .      B.  $(2; +\infty)$ .      C.  $(-\infty; 2]$ .      D.  $(-\infty; 2)$ .

### Lời giải

Ta có:  $C_R A = \mathbb{R} \setminus A = -\infty; 2$ .

- Câu 22: Miền nghiệm của bất phương trình nào sau đây được biểu diễn bởi nửa mặt phẳng không bị gạch trong hình vẽ sau?



A.  $2x - y \leq 3$ .

B.  $x - y \geq 3$ .

C.  $2x - y \geq 3$ .

D.  $2x + y \geq 3$ .

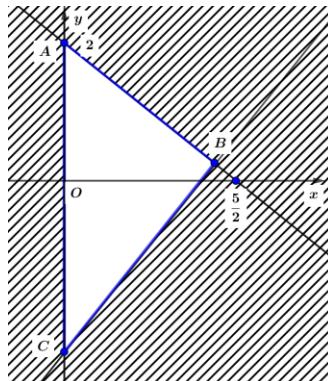
**Lời giải**

Đường thẳng  $2x - y = 3$  đi qua điểm  $(0; -3)$ ,  $\left(\frac{3}{2}; 0\right)$ . Loại B

Thay tọa độ điểm  $O(0;0)$  vào vé trái của các bất phương trình ở đáp án A, C, D.

Ta thấy đáp án A thỏa mãn.

**Câu 23:** Miền tam giác  $ABC$  kề cả ba cạnh sau đây là miền nghiệm của hệ bất phương trình nào trong bốn hệ bất phương trình dưới đây?



A.  $\begin{cases} y \geq 0 \\ 5x - 4y \geq 10 \\ 5x + 4y \leq 10 \end{cases}$

B.  $\begin{cases} x > 0 \\ 5x - 4y \leq 10 \\ 4x + 5y \leq 10 \end{cases}$

C.  $\begin{cases} x \geq 0 \\ 4x - 5y \leq 10 \\ 5x + 4y \leq 10 \end{cases}$

D.  $\begin{cases} x \geq 0 \\ 5x - 4y \leq 10 \\ 4x + 5y \leq 10 \end{cases}$

**Lời giải**

**Chọn D**

Cạnh  $AC$  có phương trình  $x = 0$  và cạnh  $AC$  nằm trong miền nghiệm nên  $x \geq 0$  là một bất phương trình của hệ.

Cạnh  $AB$  qua hai điểm  $\left(\frac{5}{2}, 0\right)$  và  $(0, 2)$  nên có phương trình:  $\frac{x}{5} + \frac{y}{2} = 1 \Leftrightarrow 4x + 5y = 10$ .

Vậy hệ bất phương trình cần tìm là  $\begin{cases} x \geq 0 \\ 5x - 4y \leq 10 \\ 4x + 5y \leq 10 \end{cases}$

**Câu 24:** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{2x+1}{x^2 - 2x + m - 2}$  xác định trên  $\mathbb{R}$ .

A.  $m \geq 3$ .

B.  $m > 3$ .

C.  $m < 3$ .

D.  $m \leq 3$ .

### Lời giải

Hàm số  $y = \frac{2x+1}{x^2-2x+m-2}$  xác định trên  $\mathbb{R}$  khi  $x^2 - 2x + m - 2 \neq 0, \forall x \in \mathbb{R}$

khi đó  $x^2 - 2x + m - 2 = 0$  vô nghiệm hay  $\Delta' = 1 - (m - 2) < 0 \Leftrightarrow m > 3$

**Câu 25:** Xác định  $(P)$ :  $y = ax^2 - 6x + c$ , biết  $(P)$  có trục đối xứng  $x = -4$  và cắt  $Ox$  tại hai điểm có độ dài bằng 4.

A.  $(P)$ :  $y = -\frac{3}{4}x^2 - 6x - 9$ .

B.  $(P)$ :  $y = \frac{3}{4}x^2 - 6x - 9$ .

C.  $(P)$ :  $y = -\frac{3}{4}x^2 - 6x + 9$ .

D.  $(P)$ :  $y = \frac{3}{4}x^2 - 6x + 9$ .

### Lời giải

♦ Vì  $(P)$ :  $y = ax^2 - 6x + c$ , biết  $(P)$  có trục đối xứng  $x = -4$  nên

$$\frac{6}{2a} = -4 \Leftrightarrow a = -\frac{3}{4} \Rightarrow (P): y = -\frac{3}{4}x^2 - 6x + c.$$

♦ Phương trình hoành độ giao điểm của  $(P)$  và  $Ox$  là:  $-\frac{3}{4}x^2 - 6x + c = 0$  (\*).

(\*) có hai nghiệm phân biệt  $\Leftrightarrow \Delta' = 9 + \frac{3}{4}c > 0 \Leftrightarrow c > -12$ .

Khi đó (\*) có hai nghiệm  $x_1, x_2$  thỏa mãn  $\begin{cases} x_1 + x_2 = -8 \\ x_1 \cdot x_2 = -\frac{4c}{3} \end{cases}$

Mà  $|x_2 - x_1| = 4$

$$\Leftrightarrow (x_2 - x_1)^2 = 16 \Leftrightarrow (x_2 + x_1)^2 - 4x_1x_2 = 16$$

$$\Leftrightarrow (-8)^2 + \frac{16c}{3} = 16 \Leftrightarrow c = -9 \text{ (t/m).}$$

♦ Vậy  $(P)$ :  $y = -\frac{3}{4}x^2 - 6x - 9$ .

Trục đối xứng:  $x = 2$  do đó **Chọn A**

**Câu 26:** Một tam giác có ba cạnh là 13, 14, 15. Diện tích tam giác bằng bao nhiêu?

A. 84.

B.  $\sqrt{84}$ .

C. 42.

D.  $\sqrt{168}$ .

### Lời giải

**Chọn A**

$$\text{Ta có: } p = \frac{a+b+c}{2} = \frac{13+14+15}{2} = 21.$$

$$\text{Suy ra: } S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)} = \sqrt{21(21-13)(21-14)(21-15)} = 84.$$

**Câu 27:** Một tam giác có ba cạnh là 5; 12; 13. Độ dài bán kính đường tròn ngoại tiếp  $R$  của tam giác trên là:

A. 6.

B. 8.

C.  $\frac{13}{2}$ .

D.  $\frac{11}{2}$ .

### Lời giải

#### Chọn C

Ta có:  $5^2 + 12^2 = 13^2 \Rightarrow R = \frac{13}{2}$ .

**Câu 28:** Khoảng cách từ  $A$  đến  $B$  không thể đo trực tiếp được vì phải qua một đầm lầy. Người ta xác định được một điểm  $C$  mà từ đó có thể nhìn được  $A$  và  $B$  dưới một góc  $78^\circ 24'$ . Biết  $CA = 250m, CB = 120m$ . Khoảng cách  $AB$  bằng bao nhiêu?

**A.**  $266m$ .

**B.**  $255m$ .

**C.**  $166m$ .

**D.**  $298m$ .

### Lời giải

#### Chọn B

Ta có:  $AB^2 = CA^2 + CB^2 - 2CB \cdot CA \cdot \cos C = 250^2 + 120^2 - 2 \cdot 250 \cdot 120 \cdot \cos 78^\circ 24' \approx 64835 \Rightarrow AB \approx 255$ .

**Câu 29:** Hai bạn An và Bình cùng di chuyển một xe đẩy trên đường phẳng bằng cách: bạn An đẩy xe từ phía sau theo hướng di chuyển của xe bằng một lực  $F_1 = 2\text{ N}$ , bạn Bình kéo xe từ phía trước theo hướng di chuyển của xe một lực  $F_2 = 3\text{ N}$ . Giả sử hai bạn thực hiện đúng kỹ thuật để xe di chuyển hiệu quả nhất. Hỏi xe di chuyển với lực tác động có độ lớn bằng bao nhiêu?

**A.**  $2\text{ N}$ .

**B.**  $3\text{ N}$ .

**C.**  $1\text{ N}$ .

**D.**  $5\text{ N}$ .

### Lời giải

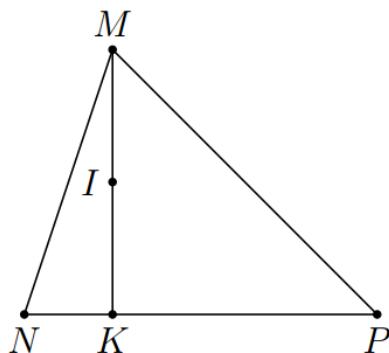
Khi hai bạn An và Bình thực hiện đúng kỹ thuật để xe di chuyển hiệu quả nhất thì hai lực tác động vào xe là  $\vec{F}_1$  và  $\vec{F}_2$  phải cùng hướng. Khi đó, lực tổng hợp tác động vào xe là  $\vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2$  có độ lớn là  $|\vec{F}| = F = F_1 + F_2 = 5\text{ N}$ .

**Câu 30:** Cho tam giác  $MNP$ , gọi  $K$  là điểm thuộc đoạn thẳng  $NP$  sao cho  $NK = \frac{1}{4}NP$  và  $I$  trung điểm của đoạn thẳng  $MK$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

**A.**  $3\vec{IM} + 4\vec{IN} + \vec{IP} = \vec{0}$ . **B.**  $\vec{IM} + 3\vec{IN} + 4\vec{IP} = \vec{0}$ .

**C.**  $4\vec{IM} + 3\vec{IN} + \vec{IP} = \vec{0}$ . **D.**  $4\vec{IM} + \vec{IN} + 3\vec{IP} = \vec{0}$ .

### Lời giải



Ta có

$$NK = \frac{1}{4}NP \Rightarrow 3\vec{KN} + \vec{KP} = \vec{0} \Rightarrow 3\vec{IN} + \vec{IP} + 4\vec{KI} = \vec{0} \quad (1)$$

$$\text{Vì } I \text{ là trung điểm của đoạn thẳng } MK \text{ nên } \vec{IM} + \vec{IK} = \vec{0} \Rightarrow 4\vec{IM} + 4\vec{IK} = \vec{0} \quad (2)$$

$$\text{Cộng (1) và (2), ta được } 4\vec{IM} + 3\vec{IN} + \vec{IP} = \vec{0}.$$

**Câu 31:** Cho tam giác  $ABC$  vuông tại  $A$  có  $AB = 3; AC = 4$ . Trên đoạn thẳng  $BC$  lấy điểm  $M$  sao cho  $MB = 2MC$ . Tính tích vô hướng  $\overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{BC}$ .

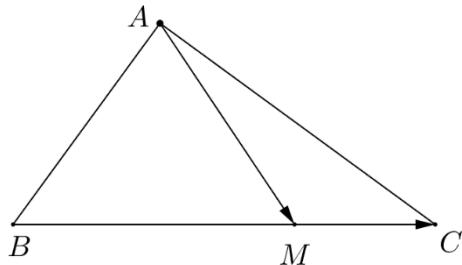
A.  $\frac{41}{3}$ .

B.  $\frac{23}{3}$ .

C. 8.

D. -23.

**Lời giải**



Ta có:

$$\overrightarrow{AB} \perp \overrightarrow{AC} \Leftrightarrow \overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} = 0.$$

$$\overrightarrow{MB} = -2\overrightarrow{MC} \Leftrightarrow \overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AM} = -2(\overrightarrow{AC} - \overrightarrow{AM}) \Leftrightarrow \overrightarrow{AM} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AB} + \frac{2}{3}\overrightarrow{AC}.$$

$$\begin{aligned} \text{Do đó: } \overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{BC} &= \left( \frac{1}{3}\overrightarrow{AB} + \frac{2}{3}\overrightarrow{AC} \right) \cdot (\overrightarrow{AC} - \overrightarrow{AB}) = -\frac{1}{3}\overrightarrow{AB}^2 - \frac{1}{3}\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} + \frac{2}{3}\overrightarrow{AC}^2 \\ &= -\frac{1}{3}AB^2 + \frac{2}{3}AC^2 = -\frac{1}{3} \cdot 3^2 + \frac{2}{3} \cdot 4^2 = \frac{23}{3}. \end{aligned}$$

**Câu 32:** Cho tam giác đều  $ABC$  và các điểm  $M, N, P$  thỏa mãn  $\overrightarrow{BM} = k \overrightarrow{BC}$ ,  $\overrightarrow{CN} = \frac{2}{3}\overrightarrow{CA}$ ,

$$\overrightarrow{AP} = \frac{4}{15}\overrightarrow{AB}. \text{ Tìm } k \text{ để } AM \text{ vuông góc với } PN.$$

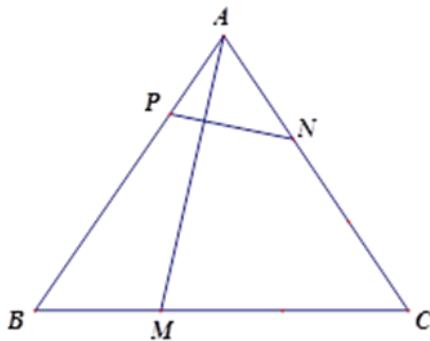
A.  $k = \frac{1}{3}$

B.  $k = \frac{1}{2}$

C.  $k = \frac{2}{5}$

D.  $k = \frac{3}{4}$

**Lời giải**



$$\text{Ta có: } \overrightarrow{BM} = k\overrightarrow{BC} \Leftrightarrow \overrightarrow{AM} - \overrightarrow{AB} = k(\overrightarrow{AC} - \overrightarrow{AB}) \Leftrightarrow \overrightarrow{AM} = (1-k)\overrightarrow{AB} + k\overrightarrow{AC}$$

$$\text{Lại có: } \overrightarrow{PN} = \overrightarrow{AN} - \overrightarrow{AP} = -\frac{4}{15}\overrightarrow{AB} + \frac{1}{3}\overrightarrow{AC}.$$

Để  $AM$  vuông góc với  $PN$  thì  $\overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{PN} = 0$

$$\Leftrightarrow [(1-k)\overrightarrow{AB} + k\overrightarrow{AC}] \left( -\frac{4}{15}\overrightarrow{AB} + \frac{1}{3}\overrightarrow{AC} \right) = 0$$

$$\begin{aligned} &\Leftrightarrow \frac{-4(1-k)}{15} AB^2 + \frac{k}{3} AC^2 + \left(\frac{1-k}{3} - \frac{4k}{15}\right) \overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} = 0 \\ &\Leftrightarrow \frac{-4(1-k)}{15} + \frac{k}{3} + \left(\frac{1-k}{3} - \frac{4k}{15}\right) \cos 60^\circ = 0 \\ &\Leftrightarrow k = \frac{1}{3}. \end{aligned}$$

**Câu 33:** Độ dài của cái cầu bến thủy hai (Nghệ An) người ta đo được là  $996m \pm 0,5m$ . Sai số tương đối tối đa trong phép đo là bao nhiêu?

- A. 0,05%.      B. 0,5%.      C. 0,04%.      D. 0,005%.

#### Lời giải

Ta có độ dài gần đúng của cầu là  $a = 996$  với độ chính xác  $d = 0,5$ .

Vì sai số tuyệt đối  $\Delta_a \leq d = 0,5$  nên sai số tương đối  $\delta_a = \frac{\Delta_a}{|a|} \leq \frac{d}{|a|} = \frac{0,5}{996} \approx 0,05\%$ .

Vậy sai số tương đối tối đa trong phép đo trên là 0,05%.

**Câu 34:** Tìm tứ phân vị của mẫu số liệu sau

12 3 6 15 27 33 31 18 29 54 1 8

- A.  $Q_1 = 7, Q_2 = 17,5, Q_3 = 30$ .      B.  $Q_1 = 7, Q_2 = 16,5, Q_3 = 30$ .  
 C.  $Q_1 = 7, Q_2 = 16,5, Q_3 = 30,5$ .      D.  $Q_1 = 7,5, Q_2 = 16,5, Q_3 = 30$ .

#### Lời giải

Mẫu số liệu trên được sắp xếp theo thứ tự tăng dần như sau:

1 3 6 8 12 15 18 27 29 31 33 54

Trung vị của mẫu số liệu trên là  $\frac{15+18}{2} = 16,5$

Trung vị của dãy 1 3 6 8 12 15 là  $\frac{6+8}{2} = 7$

Trung vị của dãy 18 27 29 31 33 54 là  $\frac{29+31}{2} = 30$

Vậy  $Q_1 = 7, Q_2 = 16,5, Q_3 = 30$ .

**Câu 35:** Mẫu số liệu sau đây cho biết số sinh viên của 7 lớp 10 ban A tại một trường

36 42 47 48 44 44 40

Khoảng tứ phân vị của mẫu số liệu trên là

- A. 7.      B. 44.      C. 4.      D. 12.

#### Lời giải

Sắp xếp lại mẫu số liệu:

36 40 42 44 44 47 48

Trung vị của mẫu số liệu là:  $Q_2 = 44$

Giá trị tứ phân vị thứ nhất là  $Q_1 = 40$

Giá trị tứ phân vị thứ ba là  $Q_3 = 47$

Khoảng túc phân vị của mẫu số liệu là:  $\Delta_Q = Q_3 - Q_1 = 47 - 40 = 7$ .

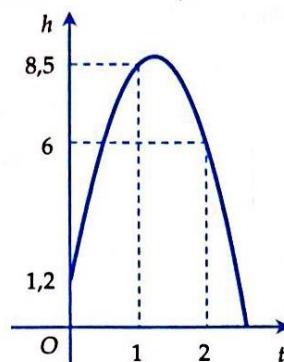
## II. PHẦN TỰ LUẬN (3,0 điểm)

**Câu 36:** Khi một quả bóng được đá lên, nó sẽ đạt đến độ cao nào đó rồi rơi xuống. Biết rằng quỹ đạo của quả bóng là một cung parabol trong mặt phẳng với hệ tọa độ  $Oth$ , trong đó  $t$  là thời gian (tính bằng giây) kể từ khi quả bóng được đá lên;  $h$  là độ cao (tính bằng mét) của quả bóng. Giả thiết rằng quả bóng được đá lên từ độ cao  $1,2m$ . Sau đó 1 giây, nó đạt độ cao  $8,5m$  và 2 giây sau khi đá lên, nó đạt độ cao  $6m$ . Hỏi sau bao lâu thì quả bóng sẽ chạm đất kể từ khi được đá lên (tính chính xác đến hàng phần trăm)?

### Lời giải

Gọi phương trình của parabol quỹ đạo là  $h = at^2 + bt + c$ .

Từ giả thiết suy ra parabol đi qua các điểm  $(0;1;2)$ ,  $(1;8;5)$  và  $(2;6)$ .



Từ đó ta có

$$\begin{cases} c = 1,2 \\ a + b + c = 8,5 \\ 4a + 2b + c = 6 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = -4,9 \\ b = 12,2 \\ c = 1,2 \end{cases}$$

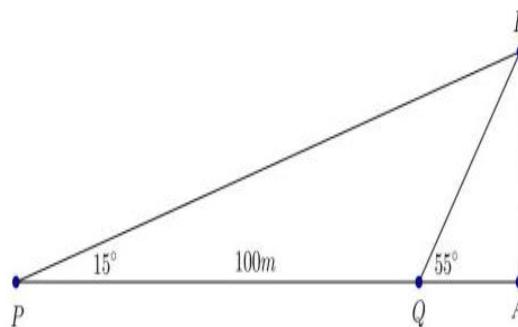
Vậy phương trình của parabol quỹ đạo là  $h = -4,9t^2 + 12,2t + 1,2$ .

Giải phương trình

$$h = 0 \Leftrightarrow -4,9t^2 + 12,2t + 1,2 = 0 \text{ ta tìm được một nghiệm dương là } t \approx 2,58.$$

**Câu 37:** Hai chiếc tàu thuỷ  $P$  và  $Q$  trên biển cách nhau  $100m$  và thẳng hàng với chân  $A$  của tháp hải đăng  $AB$  ở trên bờ biển ( $Q$  nằm giữa hai điểm  $P$  và  $A$ ). Từ  $P$  và  $Q$  người ta nhìn chiều cao  $AB$  của tháp dưới các góc  $BPA = 15^\circ$  và  $BQA = 55^\circ$ . Tính chiều cao của tháp (kết quả làm tròn đến hàng đơn vị)

### Lời giải



Ta có  $PBQ = 55^\circ - 15^\circ = 40^\circ$ . Áp dụng định lí sin cho tam giác  $\Delta PBQ$  ta có

$$\frac{BQ}{\sin 15^\circ} = \frac{100}{\sin 40^\circ} \Leftrightarrow BQ = \frac{100}{\sin 40^\circ} \cdot \sin 15^\circ$$

Chiều cao của tháp là  $AB = \sin 55^\circ \cdot BQ = \sin 55^\circ \cdot \sin 15^\circ \cdot \frac{100}{\sin 40^\circ} \approx 33m$

- Câu 38:** Một công ty TNHH trong một đợt quảng cáo và bán khuyến mãi hàng hóa (1 sản phẩm mới của công ty) cần thuê xe để chở trên 140 người và trên 9 tấn hàng. Nơi thuê chỉ có hai loại xe A và B. Trong đó xe loại A có 10 chiếc, xe loại B có 9 chiếc. Một chiếc xe loại A cho thuê với giá 4 triệu, loại B giá 3 triệu. Hỏi phải thuê bao nhiêu xe mỗi loại để chi phí vận chuyển là thấp nhất. Biết rằng xe A chỉ chở tối đa 20 người và 0,6 tấn hàng. Xe B chở tối đa 10 người và 1,5 tấn hàng.

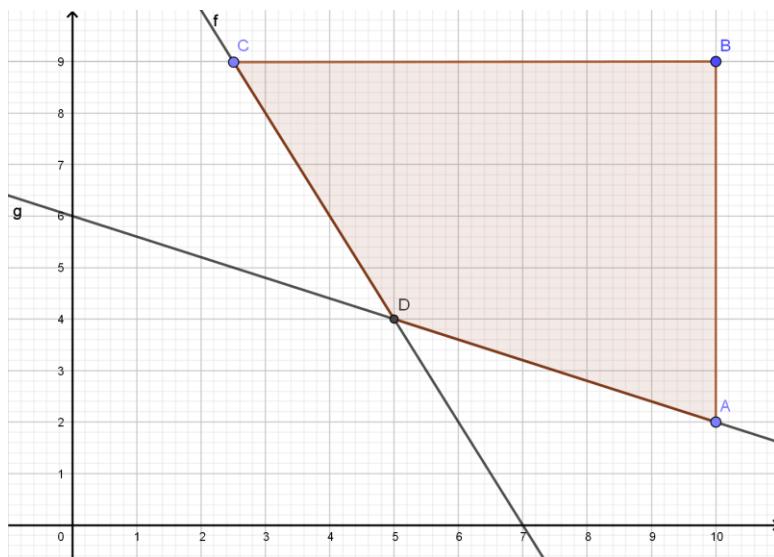
### Lời giải

Gọi  $x$  là số xe loại A ( $0 \leq x \leq 10; x \in \mathbb{N}$ ),  $y$  là số xe loại B ( $0 \leq y \leq 9; y \in \mathbb{N}$ ). Khi đó tổng chi phí thuê xe là  $T = 4x + 3y$ .

Xe A chở tối đa 20 người, xe B chở tối đa 10 người nên tổng số người 2 xe chở tối đa được là  $20x + 10y$ .

Xe A chở được 0,6 tấn hàng, xe B chở được 1,5 tấn hàng nên tổng lượng hàng 2 xe chở được là  $0,6x + 1,5y$ .

Theo giả thiết, ta có  $\begin{cases} 0 \leq x \leq 10 \\ 0 \leq y \leq 9 \\ 20x + 10y \geq 140 \\ 0,6x + 1,5y \geq 9 \end{cases} (*)$



Biểu diễn miền nghiệm của hệ bất phương trình (\*) là tứ giác ABCD kề cả miền trong của tứ giác.

Biểu thức  $T = 4x + 3y$  đạt giá trị nhỏ nhất tại một trong các đỉnh của tứ giác ABCD.

Tại các đỉnh  $A(10; 2); B(10; 9); C\left(\frac{5}{2}; 9\right); D(5; 4)$ , ta thấy  $T$  đạt giá trị nhỏ nhất tại  $\begin{cases} x = 5 \\ y = 4 \end{cases}$ .

Khi đó  $T_{\min} = 32$ .

**Câu 39:** Trên mặt phẳng tọa độ  $Oxy$ , cho ba điểm  $A(1;-4)$ ,  $B(4;5)$ ,  $C(0;-7)$ . Điểm  $M$  di chuyển trên trục  $Ox$ . Đặt  $Q = 2|\overrightarrow{MA} + 2\overrightarrow{MB}| + 3|\overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}|$ . Tìm giá trị nhỏ nhất của  $Q$ .

### Lời giải

Do  $M \in Ox$  nên  $M(x;0)$

Ta có  $\overrightarrow{MA} = (1-x;-4)$ ,  $\overrightarrow{MB} = (4-x;5)$ ,  $\overrightarrow{MC} = (-x;-7)$

Suy ra  $\overrightarrow{MA} + 2\overrightarrow{MB} = (1-x+8-2x;-4+10) = (9-3x;6)$  và

$$\overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC} = (4-x-x;5-7) = (4-2x;-2)$$

Ta có

$$\begin{aligned} Q &= 2|\overrightarrow{MA} + 2\overrightarrow{MB}| + 3|\overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}| \\ &= 2\sqrt{(9-3x)^2 + 6^2} + 3\sqrt{(4-2x)^2 + (-2)^2} \\ &= 6\left(\sqrt{(3-x)^2 + 2^2} + \sqrt{(2-x)^2 + (-1)^2}\right) \\ &= 6(ME + MF) \end{aligned}$$

Trong đó  $E(3;2), F(2;-1)$  nên  $\overrightarrow{EF} = (-1;-3) \Rightarrow |\overrightarrow{EF}| = \sqrt{10}$

Mà  $ME + MF \geq EF = \sqrt{10} \Rightarrow Q \geq 6\sqrt{10}$

Dấu " $=$ " xảy ra  $M$  là giao điểm của đoạn  $EF$  và  $Ox \Leftrightarrow M\left(\frac{7}{3};0\right)$

Vậy  $Q$  đạt giá trị nhỏ nhất là  $6\sqrt{10}$ .

# ĐỀ ÔN TẬP KIỂM TRA CUỐI HỌC KỲ I NĂM HỌC 2022 – 2023

## MÔN: TOÁN 10 – ĐỀ SỐ: 04

### I. PHẦN TRẮC NGHIỆM (35 câu – 7,0 điểm)

**Câu 1:** Cho  $A = [1; 4]; B = (2; 6)$ . Tìm  $A \cup B$ .

- A.**  $[2; 4]$ .      **B.**  $(2; 4]$ .      **C.**  $(1; 6)$ .      **D.**  $[1; 6)$

**Câu 2:** Điểm nào sau đây không thuộc miền nghiệm của bất phương trình  $x - 4y + 5 \geq 0$ ?

- A.**  $M(-5; 0)$ .      **B.**  $N(1; 0)$ .      **C.**  $P(1; -3)$ .      **D.**  $Q(-2; 1)$ .

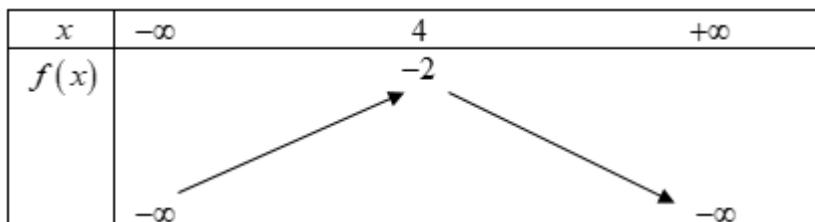
**Câu 3:** Miền nghiệm của hệ bất phương trình  $\begin{cases} 3x + y \geq 6 \\ x \geq y - 3 \\ 2y \geq 8 - x \\ y \leq 4 \end{cases}$  là phần mặt phẳng chứa điểm:

- A.**  $(2; 1)$ .      **B.**  $(6; 4)$ .      **C.**  $(0; 0)$ .      **D.**  $(1; 2)$ .

**Câu 4:** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định trên tập hợp  $D$ . Khẳng định nào sau đây là sai?

- A.** Nếu  $y = f(x)$  là hàm số chẵn thì đồ thị của nó đối xứng qua trục tung.  
**B.** Nếu  $y = f(x)$  là hàm số lẻ thì đồ thị của nó đối xứng qua gốc tọa độ  $O$ .  
**C.** Nếu hàm số  $y = f(x)$  xác định tại  $x_0 \in D$  thì  $-x_0 \in D$ .  
**D.** Nếu hàm số  $y = f(x)$  là hàm số chẵn trên  $D$  thì  $f(-x_0) = f(x_0)$  với  $x_0 \in D$ .

**Câu 5:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ. Kết luận nào sau đây là đúng?



- A.** Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; -2)$ .  
**B.** Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 4)$ .  
**C.** Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(4; +\infty)$ .  
**D.** Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng  $(-2; +\infty)$ .

**Câu 6:** Cho hàm số  $f(x) = \frac{2x^2 + 2x - 1}{x + 1}$ . Khi đó  $f(0)$  bằng

- A.** -1      **B.** 1      **C.** 3      **D.**  $\frac{3}{2}$

**Câu 7:** Hàm số  $y = \frac{2x+1}{x-1}$  có tập xác định là

- A.**  $x \neq 1$       **B.**  $x \neq -1$       **C.**  $\mathbb{R}$       **D.**  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$

**Câu 8:** Trong các khẳng định sau, khẳng định nào sai?

- A.**  $\cos 40^\circ = \sin 50^\circ$ .      **B.**  $\sin 40^\circ = \cos 50^\circ$ .      **C.**  $\cos 40^\circ = \cos 50^\circ$ .      **D.**  $\cos 70^\circ = \sin 20^\circ$ .

- Câu 9:** Cho tam giác  $ABC$ , mệnh đề nào sau đây đúng?
- A.  $b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cos B$ .      B.  $b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cos A$ .  
 C.  $b^2 = a^2 + c^2 + 2ac \cos B$ .      D.  $b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cos C$ .
- Câu 10:** Cho tam giác  $ABC$ . Tìm công thức đúng trong các công thức sau:
- A.  $S = \frac{1}{2}bc \sin C$ .      B.  $S = \frac{1}{2}bc \sin B$ .      C.  $S = \frac{1}{2}ab \sin B$ .      D.  $S = \frac{1}{2}ac \sin B$ .
- Câu 11:** Cho  $\overrightarrow{AB}$  khác  $\vec{0}$  và cho điểm  $D$  thỏa  $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$
- A. vô số.      B. 1 điểm.      C. 2 điểm.      D. Không có điểm nào.
- Câu 12:** Cho hình bình hành  $ABCD$ . Đẳng thức nào sau đây đúng?
- A.  $\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD}$ .      B.  $\overrightarrow{DB} = \overrightarrow{DC} + \overrightarrow{AD}$ .      C.  $\overrightarrow{DB} = \overrightarrow{DC} + \overrightarrow{BC}$ .      D.  $\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AD}$ .
- Câu 13:** Đẳng thức nào sau đây mô tả **đúng** hình vẽ bên
- 
- A.  $\overrightarrow{AB} = 3\overrightarrow{AI}$ .      B.  $\overrightarrow{AB} = -3\overrightarrow{IA}$ .      C.  $\overrightarrow{AI} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AB}$ .      D.  $\overrightarrow{AB} = -3\overrightarrow{AI}$ .
- Câu 14:** Cho hai vecto  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  khác  $\vec{0}$ . Xác định góc  $\alpha$  giữa hai vecto  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  biết  $\vec{a} \cdot \vec{b} = -|\vec{a}| \cdot |\vec{b}|$ .
- A.  $\alpha = 90^\circ$ .      B.  $\alpha = 0^\circ$ .      C.  $\alpha = 45^\circ$ .      D.  $\alpha = 180^\circ$ .
- Câu 15:** Cho hình chữ nhật có chiều dài bằng  $\frac{10}{3}$ , chiều rộng bằng 3. Để tính diện tích hình chữ nhật bạn Giang lấy số gần đúng của  $\frac{10}{3}$  là 3,33. Hỏi sai số tuyệt đối của hình chữ nhật theo cách tính của bạn Giang là bao nhiêu.
- A. 0,1.      B. 0,01.      C. 1,11.      D. 0,11.
- Câu 16:** Số quy tròn của số 2023 đến hàng chục bằng.
- A. 2020.      B. 20230.      C. 2030.      D. 2000.
- Câu 17:** Cho dãy số liệu 1; 2; 5; 7; 8; 9; 10. Số trung vị của dãy trên bằng bao nhiêu?
- A. 2.      B. 6.      C. 7.      D. 8.
- Câu 18:** Một cửa hàng bán áo sơ mi thống kê số lượng áo bán ra trong tháng 6 như bảng sau.
- |          |    |    |    |    |    |    |
|----------|----|----|----|----|----|----|
| Cỡ áo    | 37 | 38 | 39 | 40 | 41 | 42 |
| Số lượng | 35 | 42 | 50 | 38 | 32 | 48 |
- Một của bảng số liệu trên bằng?
- A. 42.      B. 39.      C. 50.      D. 41.
- Câu 19:** Cho dãy số liệu 1; 3; 4; 6; 8; 9; 11. Phương sai của dãy trên bằng bao nhiêu?
- A.  $\frac{76}{7}$ .      B. 6.      C.  $\sqrt{\frac{76}{7}}$ .      D. 36.
- Câu 20:** Cho dãy số liệu 1; 3; 4; 6; 8; 9; 11. Độ lệch chuẩn của dãy trên bằng bao nhiêu?
- A.  $\frac{76}{7}$ .      B. 6.      C.  $\sqrt{\frac{76}{7}}$ .      D. 36.
- Câu 21:** Trong Kỳ thi tốt nghiệp phổ thông, ở một trường kết quả số thí sinh đạt danh hiệu xuất sắc như sau: Về môn Toán: 48 thí sinh; Về môn Vật lý: 37 thí sinh; Về môn Văn: 42 thí sinh; Về môn Toán hoặc môn Vật lý: 75 thí sinh; Về môn Toán hoặc môn Văn: 76 thí sinh; Về môn Vật lý

hoặc môn Văn: 66 thí sinh; Về cả 3 môn: 4 thí sinh. Vậy có bao nhiêu học sinh nhận được danh hiệu xuất sắc về một môn?

A. 65.

B. 56.

C. 47.

D. 70

**Câu 22:** Một gian hàng trưng bày bàn và ghế rộng  $60m^2$ . Diện tích để kê một chiếc ghế là  $0,5m^2$ , một chiếc bàn là  $1,2m^2$ . Gọi  $x$  là số chiếc ghế,  $y$  là số chiếc bàn được kê. Bất phương trình bậc nhất hai ẩn  $x, y$  cho phần mặt sàn để kê bàn và ghế là bất phương trình nào sau đây? Biết diện tích mặt sàn dành cho lưu thông tối thiểu là  $12m^2$ .

A.  $0,5x+1,2y < 48$ .    B.  $0,5x+1,2y > 48$ .    C.  $0,5x+1,2y \geq 48$ .    D.  $0,5x+1,2y \leq 48$

**Câu 23:** Giá trị nhỏ nhất của biểu thức  $F = y - x$  trên miền xác định bởi hệ

$$\begin{cases} y - 2x \leq 2 \\ 2y - x \geq 4 \\ x + y \leq 5 \end{cases}$$

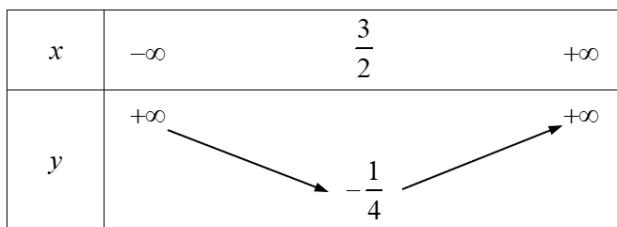
A.  $\min F = 1$  khi  $x = 2, y = 3$ .

B.  $\min F = 2$  khi  $x = 0, y = 2$ .

C.  $\min F = 3$  khi  $x = 1, y = 4$ .

D.  $\min F = 0$  khi  $x = 0, y = 0$ .

**Câu 24:** Cho hàm số  $y = ax^2 + bx + 2$  có bảng biến thiên như hình vẽ sau đây.



Hãy xác định công thức hàm bậc hai?

A.  $y = x^2 + 3x + 2$     B.  $y = x^2 - 4x$ .    C.  $y = -x^2 + 3x + 2$ .    D.  $y = x^2 - 3x + 2$ .

**Câu 25:** Tập xác định của hàm số  $y = \frac{x+1}{x^2 - x}$  là

A.  $D = \mathbb{R}$ .

B.  $D = \mathbb{R} \setminus 0$ .

C.  $D = -\infty; 0 \cup 1; +\infty$ .

D.  $D = \mathbb{R} \setminus 0; 1$ .

**Câu 26:** Cho tam giác  $ABC$ , biết  $a = 13, b = 14, c = 15$ . Tính  $\cos B$ .

A.  $\cos B = -\frac{64}{65}$ .

B.  $\cos B = \frac{64}{65}$ .

C.  $\cos B = \frac{33}{65}$ .

D.  $\cos B = -\frac{33}{65}$ .

**Câu 27:** Tam giác  $ABC$  có  $AB = 4, BC = 6, AC = 2\sqrt{7}$ . Điểm  $M$  thuộc đoạn  $BC$  sao cho  $MC = 2MB$ . Tính độ dài  $AM$ .

A. 4.

B.  $3\sqrt{2}$ .

C.  $2\sqrt{3}$ .

D. 3.

**Câu 28:** Cho tam giác  $ABC$  có  $A = 120^\circ; b = 8; c = 5$ . Tính bán kính đường tròn nội tiếp tam giác  $ABC$ .

A.  $\frac{20\sqrt{3}}{13 + \sqrt{129}}$

B.  $\frac{40\sqrt{3}}{13 + \sqrt{129}}$

C.  $13 + \sqrt{129}$

D.  $10\sqrt{3}$

**Câu 29:** Cho  $\triangle ABC$  có  $M, N, P$  lần lượt là trung điểm của các cạnh  $BC, CA, AB$ . Khẳng định nào sau đây là *dúng*?

A.  $\overrightarrow{AN} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{PA} = \vec{0}$ .

B.  $\overrightarrow{AN} + \overrightarrow{MB} - \overrightarrow{PA} = \vec{0}$ .

C.  $\overrightarrow{AN} - \overrightarrow{MB} - \overrightarrow{PA} = \vec{0}$ .

D.  $\overrightarrow{NA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{PA} = \vec{0}$ .

**Câu 30:** Cho tam giác  $ABC$ . Lấy điểm  $D$  đối xứng với  $A$  qua  $B$  và lấy điểm  $E$  trên đoạn  $AC$  sao cho  $3AE = 2EC$ . Biết rằng  $\overrightarrow{DE} = m\overrightarrow{AB} + n\overrightarrow{AC}$ , khi đó, giá trị  $m.n$  là

- A.**  $m.n = -\frac{2}{5}$ .      **B.**  $m.n = -\frac{4}{5}$ .      **C.**  $m.n = \frac{4}{5}$ .      **D.**  $m.n = \frac{2}{5}$ .

**Câu 31:** Cho tam giác  $ABC$  có  $\hat{A} = 90^\circ$ ,  $\hat{B} = 60^\circ$  và  $AB = a$ . Khi đó  $\overrightarrow{AC}.\overrightarrow{CB}$  bằng

- A.**  $-2a^2$ .      **B.**  $2a^2$ .      **C.**  $3a^2$ .      **D.**  $-3a^2$ .

**Câu 32:** Cho hai vectơ  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$ . Biết  $|\vec{a}| = 2$ ,  $|\vec{b}| = \sqrt{3}$  và  $(\vec{a}, \vec{b}) = 30^\circ$ . Tính  $|\vec{a} + \vec{b}|$ .

- A.**  $\sqrt{11}$ .      **B.**  $\sqrt{13}$ .      **C.**  $\sqrt{12}$ .      **D.**  $\sqrt{14}$ .

**Câu 33:** Cho giá trị gần đúng của  $\frac{23}{7}$  là 3,28. Sai số tuyệt đối của số 3,28 là:

- A.** 0,04.      **B.**  $\frac{0,04}{7}$ .      **C.** 0,06.      **D.**  $\frac{0,06}{7}$ .

**Câu 34:** Biết rằng số trung vị trong mẫu số liệu sau (đã sắp xếp theo thứ tự) bằng 14. Tìm số nguyên dương  $x$ .

$$1 \quad 3 \quad 4 \quad 13 \quad x^2 - 1 \quad 18 \quad 19 \quad 21$$

- A.**  $x = 4$ .      **B.**  $x = 16$ .      **C.**  $x = 17$ .      **D.**  $x = 15$ .

**Câu 35:** Mẫu số liệu cho biết lượng điện tiêu thụ (đơn vị  $kw$ ) hàng tháng của gia đình bạn An trong năm 2021 như sau:

$$163 \quad 165 \quad 159 \quad 172 \quad 167 \quad 168 \quad 170 \quad 161 \quad 164 \quad 174 \quad 170 \quad 166$$

Trong năm 2022 nhà bạn An giảm mức tiêu thụ điện mỗi tháng là  $10kw$ . Gọi  $\Delta_Q; \Delta'_Q$  lần lượt là khoảng túc phân vị của mẫu số liệu tiêu thụ điện năm 2021 năm 2022. Đẳng thức nào sau đây là đúng

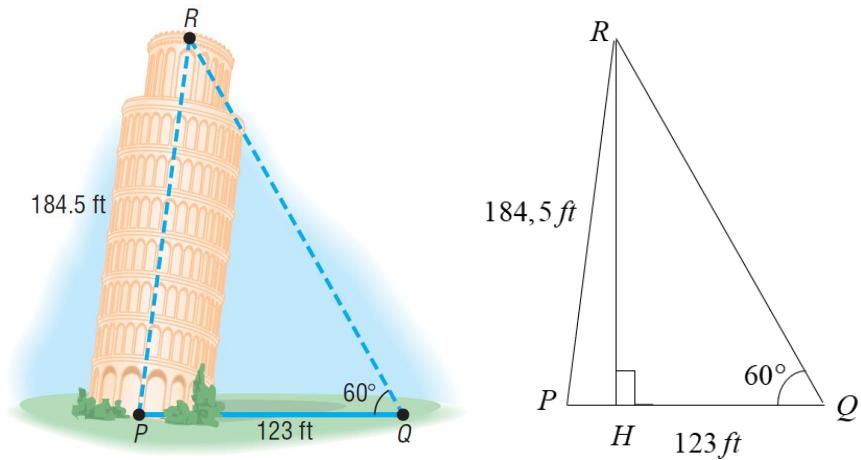
- A.**  $\Delta_Q = \Delta'_Q$ .      **B.**  $\Delta'_Q = \Delta_Q - 10$ .      **C.**  $\Delta_Q = \Delta'_Q - 10$ .      **D.**  $\Delta'_Q = \Delta_Q - 20$ .

## II. PHẦN TỰ LUẬN (3,0 điểm)

**Câu 36:** Một xưởng cơ khí có hai công nhân An và Bình. Xưởng sản xuất hai loại sản phẩm  $I$  và  $II$ . Mỗi sản phẩm loại  $I$  bán lãi 500000 đồng, mỗi sản phẩm loại  $II$  bán lãi 400000 đồng. Để sản xuất được một sản phẩm loại  $I$  thì An phải làm việc trong 3 giờ, Bình phải làm việc trong 1 giờ. Để sản xuất được một sản phẩm loại  $II$  thì An phải làm việc trong 2 giờ, Bình phải làm việc trong 6 giờ. Một người không thể làm được đồng thời hai sản phẩm. Biết rằng trong một tháng An không thể làm việc quá 180 giờ, Bình không thể làm việc quá 220 giờ. Số tiền lãi (triệu đồng) lớn nhất trong một tháng của xưởng là

**Câu 37:** Cho tam giác  $ABC$  và hai điểm  $M, N, P$  thỏa mãn  $\overrightarrow{MA} + 2\overrightarrow{MB} = \vec{0}$  và  $4\overrightarrow{NB} + \overrightarrow{NC} = \vec{0}$ ,  $-\overrightarrow{PC} + 2\overrightarrow{PA} = \vec{0}$ . Chứng minh rằng  $M, N, P$  thẳng hàng.

**Câu 38:** Tháp nghiêng Pisa nổi tiếng có chiều cao là 184,5 feet. Góc nâng nhìn từ điểm  $Q$  cách chân tháp  $P$  một khoảng 123 feet lên đỉnh  $R$  của tháp có số đo là  $60^\circ$ . Tìm số đo góc  $RPQ$  (như hình vẽ) và tìm khoảng cách từ đỉnh  $R$  của tháp đến đường thẳng  $PQ$ .



**Câu 39:** Cho tam giác  $ABC$  có  $AC = 2$ . Gọi  $M$  là trung điểm của  $AB$  và  $D$  là chân đường phân giác trong góc  $A$  của tam giác  $ABC$ . Hãy tính độ dài  $AB$  để trung tuyến  $CM$  vuông góc với phân giác trong  $AD$ .

----- HẾT -----

## HƯỚNG DẪN GIẢI CHI TIẾT

### I. PHẦN TRẮC NGHIỆM (35 câu – 7,0 điểm)

**Câu 1:** Cho  $A = [1; 4]; B = (2; 6)$ . Tìm  $A \cup B$ .

**A.**  $[2; 4]$ .

**B.**  $(2; 4]$ .

**C.**  $(1; 6)$ .

**D.**  $[1; 6)$

**Lời giải**

Ta có:  $A = [1; 4]; B = (2; 6) \Rightarrow A \cup B = [1; 6)$

**Câu 2:** Điểm nào sau đây không thuộc miền nghiệm của bất phương trình  $x - 4y + 5 \geq 0$ ?

**A.**  $M(-5; 0)$ .

**B.**  $N(1; 0)$ .

**C.**  $P(1; -3)$ .

**D.**  $Q(-2; 1)$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Thay tọa độ điểm  $Q$  vào bất phương trình ta được  $-2 - 4 + 5 \geq 0 \Leftrightarrow -1 \geq 0$ . Do đó điểm  $Q$  không thuộc miền nghiệm của bất phương trình đã cho.

**Câu 3:** Miền nghiệm của hệ bất phương trình  $\begin{cases} 3x + y \geq 6 \\ x \geq y - 3 \\ 2y \geq 8 - x \\ y \leq 4 \end{cases}$  là phần mặt phẳng chứa điểm:

**A.**  $(2; 1)$ .

**B.**  $(6; 4)$ .

**C.**  $(0; 0)$ .

**D.**  $(1; 2)$ .

**Lời giải**

Nhận xét: Miền nghiệm của hệ bất phương trình đã cho là miền mặt phẳng chứa tất cả các điểm có tọa độ thoả mãn tất cả các bất phương trình trong hệ.

Thử  $x = 6; y = 4$  vào từng bất phương trình trong hệ, ta lần lượt có các mệnh đề đúng:  $22 \geq 6; 6 \geq 1; 8 \geq 2; 4 \leq 4$ . Vậy ta chọn đáp án **B**.

Đáp án A có tọa độ không thoả bất phương trình thứ 3.

Đáp án C, D có tọa độ không thoả bất phương trình thứ 1 và 3.

**Câu 4:** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định trên tập hợp  $D$ . Khẳng định nào sau đây là **sai**?

**A.** Nếu  $y = f(x)$  là hàm số chẵn thì đồ thị của nó đối xứng qua trục tung.

**B.** Nếu  $y = f(x)$  là hàm số lẻ thì đồ thị của nó đối xứng qua gốc tọa độ  $O$ .

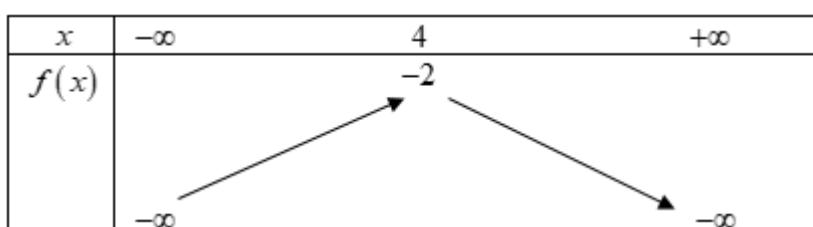
**C.** Nếu hàm số  $y = f(x)$  xác định tại  $x_0 \in D$  thì  $-x_0 \in D$ .

**D.** Nếu hàm số  $y = f(x)$  là hàm số chẵn trên  $D$  thì  $f(-x_0) = f(x_0)$  với  $x_0 \in D$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

**Câu 5:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ. Kết luận nào sau đây là đúng?



- A.** Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; -2)$ .  
**B.** Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 4)$ .  
**C.** Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(4; +\infty)$ .  
**D.** Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng  $(-2; +\infty)$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

**Câu 6:** Cho hàm số  $f(x) = \frac{2x^2 + 2x - 1}{x+1}$ . Khi đó  $f(0)$  bằng

- A.**  $-1$       **B.**  $1$       **C.**  $3$       **D.**  $\frac{3}{2}$

**Lời giải**

**Chọn A**

$$\text{Ta có: } f(0) = \frac{2.0^2 + 2.0 - 1}{0+1} = -1.$$

**Câu 7:** Hàm số  $y = \frac{2x+1}{x-1}$  có tập xác định là

- A.**  $x \neq 1$       **B.**  $x \neq -1$       **C.**  $\mathbb{R}$       **D.**  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$

**Lời giải**

**Chọn D**

Điều kiện xác định:  $x-1 \neq 0 \Leftrightarrow x \neq 1$ .

Vậy tập xác định của hàm số đã cho là:  $D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$ .

**Câu 8:** Trong các khẳng định sau, khẳng định nào sai?

- A.**  $\cos 40^\circ = \sin 50^\circ$ .      **B.**  $\sin 40^\circ = \cos 50^\circ$ .      **C.**  $\cos 40^\circ = \cos 50^\circ$ .      **D.**  $\cos 70^\circ = \sin 20^\circ$ .

**Lời giải**

Ta có  $\cos 40^\circ = \sin(90^\circ - 40^\circ) = \sin 50^\circ \neq \cos 50^\circ$ .

**Câu 9:** Cho tam giác  $ABC$ , mệnh đề nào sau đây đúng?

- A.**  $b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cos B$ .      **B.**  $b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cos A$ .  
**C.**  $b^2 = a^2 + c^2 + 2ac \cos B$ .      **D.**  $b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cos C$ .

**Lời giải**

Theo định lý cosin trong tam giác  $ABC$ , ta có  $b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cos B$ .

**Câu 10:** Cho tam giác  $ABC$ . Tìm công thức đúng trong các công thức sau:

- A.**  $S = \frac{1}{2}bc \sin C$ .      **B.**  $S = \frac{1}{2}bc \sin B$ .      **C.**  $S = \frac{1}{2}ab \sin B$ .      **D.**  $S = \frac{1}{2}ac \sin B$ .

**Lời giải**

Ta có:  $S = \frac{1}{2}bc \sin A = \frac{1}{2}ac \sin B = \frac{1}{2}ab \sin C$ .

**Câu 11:** Cho  $\overrightarrow{AB}$  khác  $\vec{0}$  và cho điểm

- A.** vô số.      **B.** 1 điểm.      **C.** 2 điểm.      **D.** Không có điểm nào.

**Lời giải**



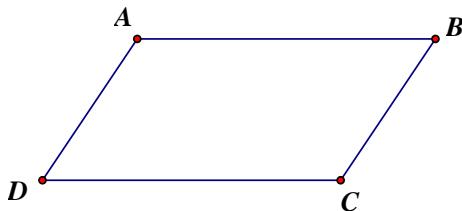
Qua điểm  $C$ , dựng đường thẳng  $d$  song song với giá của véc tơ  $\overrightarrow{AB}$ .

Trên đường thẳng  $d$ , xác định điểm  $D$  sao cho  $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$ . Như vậy có duy nhất điểm  $D$  thỏa mãn.

**Câu 12:** Cho hình bình hành  $ABCD$ . Đẳng thức nào sau đây đúng?

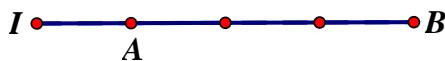
- A.  $\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD}$ .      B.  $\overrightarrow{DB} = \overrightarrow{DC} + \overrightarrow{AD}$ .      C.  $\overrightarrow{DB} = \overrightarrow{DC} + \overrightarrow{BC}$ .      D.  $\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AD}$ .

**Lời giải**



Theo quy tắc hình bình hành  $ABCD$  có  $\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD}$ .

**Câu 13:** Đẳng thức nào sau đây mô tả **đúng** hình vẽ bên



- A.  $\overrightarrow{AB} = 3\overrightarrow{AI}$ .      B.  $\overrightarrow{AB} = -3\overrightarrow{IA}$ .      C.  $\overrightarrow{AI} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AB}$ .      D.  $\overrightarrow{AB} = -3\overrightarrow{AI}$ .

**Lời giải**

Ta có  $AB = 3AI$

Mặt khác  $\overrightarrow{AI}$  và  $\overrightarrow{AB}$  ngược hướng  $\Rightarrow \overrightarrow{AB} = -3\overrightarrow{AI}$ .

**Câu 14:** Cho hai vecto  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  khác  $\vec{0}$ . Xác định góc  $\alpha$  giữa hai vecto  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  biết  $\vec{a} \cdot \vec{b} = -|\vec{a}| \cdot |\vec{b}|$ .

- A.  $\alpha = 90^\circ$ .      B.  $\alpha = 0^\circ$ .      C.  $\alpha = 45^\circ$ .      D.  $\alpha = 180^\circ$ .

**Lời giải**

Ta có:  $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \cos \alpha$ . Mà  $\vec{a} \cdot \vec{b} = -|\vec{a}| \cdot |\vec{b}|$  nên  $\cos \alpha = -1$ . Suy ra  $\alpha = 180^\circ$ .

**Câu 15:** Cho hình chữ nhật có chiều dài bằng  $\frac{10}{3}$ , chiều rộng bằng 3. Để tính diện tích hình chữ nhật

bạn Giang lấy số gần đúng của  $\frac{10}{3}$  là 3,33. Hỏi sai số tuyệt đối của hình chữ nhật theo cách tính của bạn Giang là bao nhiêu.

- A. 0,1.      B. 0,01.      C. 1,11.      D. 0,11.

**Lời giải**

Diện tích hình chữ nhật đã cho  $S = \frac{10}{3} \cdot 3 = 10$ .

Diện tích hình chữ nhật khi bạn Giang tính  $S_1 = 3,33 \cdot 3 = 9,99$ .

Sai số tuyệt đối khi bạn Giang tính là  $10 - 9,99 = 0,01$

**Câu 16:** Số quy tròn của số 2023 đến hàng chục bằng.

- A. 2020.      B. 20230.      C. 2030.      D. 2000.

**Lời giải**

Khi quy tròn đến hàng chục do số 3 nhỏ hơn 5 nên ta được 2020

**Câu 17:** Cho dãy số liệu 1; 2; 5; 7; 8; 9; 10. Số trung vị của dãy trên bằng bao nhiêu?

- A. 2.      B. 6.      C. 7.      D. 8.

**Lời giải**

Số trung vị của dãy trên là số đứng chính giữa xếp theo thứ tự không giảm. Vậy số trung vị của dãy là 7

**Câu 18:** Một cửa hàng bán áo sơ mi thống kê số lượng áo bán ra trong tháng 6 như bảng sau.

Cỡ áo	37	38	39	40	41	42
Số lượng	35	42	50	38	32	48

Một của bảng số liệu trên bằng?

- A. 42.      B. 39.      C. 50.      D. 41.

**Lời giải**

Một của bảng trên là số lượng áo bán ra nhiều nhất của cỡ áo. vậy một bảng 39

**Câu 19:** Cho dãy số liệu 1; 3; 4; 6; 8; 9; 11. Phương sai của dãy trên bằng bao nhiêu?

- A.  $\frac{76}{7}$ .      B. 6.      C.  $\sqrt{\frac{76}{7}}$ .      D. 36.

**Lời giải**

Số trung bình cộng của dãy số liệu trên là  $\bar{x} = \frac{1+3+4+6+8+9+11}{7} = 6$ .

Phương sai của dãy số liệu trên bằng  
 $s^2 = \frac{(1-6)^2 + (3-6)^2 + (4-6)^2 + (6-6)^2 + (8-6)^2 + (9-6)^2 + (11-6)^2}{7} = \frac{76}{7}$

**Câu 20:** Cho dãy số liệu 1; 3; 4; 6; 8; 9; 11. Độ lệch chuẩn của dãy trên bằng bao nhiêu?

- A.  $\frac{76}{7}$ .      B. 6.      C.  $\sqrt{\frac{76}{7}}$ .      D. 36.

**Lời giải**

Số trung bình cộng của dãy số liệu trên là  $\bar{x} = \frac{1+3+4+6+8+9+11}{7} = 6$ .

Phương sai của dãy số liệu trên bằng  
 $s^2 = \frac{(1-6)^2 + (3-6)^2 + (4-6)^2 + (6-6)^2 + (8-6)^2 + (9-6)^2 + (11-6)^2}{7} = \frac{76}{7}$

Độ lệch chuẩn bằng  $\sqrt{\frac{76}{7}}$

**Câu 21:** Trong Kỳ thi tốt nghiệp phổ thông, ở một trường kết quả số thí sinh đạt danh hiệu xuất sắc như sau: Về môn Toán: 48 thí sinh; Về môn Vật lý: 37 thí sinh; Về môn Văn: 42 thí sinh; Về môn Toán hoặc môn Vật lý: 75 thí sinh; Về môn Toán hoặc môn Văn: 76 thí sinh; Về môn Vật lý hoặc môn Văn: 66 thí sinh; Về cả 3 môn: 4 thí sinh. Vậy có bao nhiêu học sinh nhận được danh hiệu xuất sắc về một môn?

A. 65.

B. 56.

C. 47.

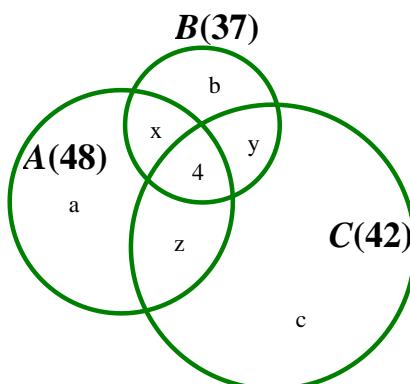
D. 70

#### Lời giải

Gọi A, B, C lần lượt là tập hợp những học sinh xuất sắc về môn Toán, môn Vật Lý, môn Văn.

Gọi a, b, c lần lượt là số học sinh chỉ đạt danh hiệu xuất sắc một môn về môn Toán, môn Vật Lý, môn Văn.

Gọi x, y, z lần lượt là số học sinh đạt danh hiệu xuất sắc hai môn về môn Toán và môn Vật Lý, môn Vật Lý và môn Văn, môn Văn và môn Toán.



Dùng biểu đồ Ven đưa về hệ 6 phương trình 6 ẩn sau:

$$\begin{cases} a + x + z + 4 = 48 \\ b + x + y + 4 = 37 \\ c + y + z + 4 = 42 \\ a + b + x + y + z = 71 \\ a + c + x + y + z = 72 \\ b + c + x + y + z = 62 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = 28 \\ b = 18 \\ c = 19 \\ x = 6 \\ y = 9 \\ z = 10 \end{cases}$$

Nên có 65 thí sinh đạt danh hiệu xuất sắc 1 môn.

**Câu 22:** Một gian hàng trưng bày bàn và ghế rộng  $60m^2$ . Diện tích đê kê một chiếc ghế là  $0,5m^2$ , một chiếc bàn là  $1,2m^2$ . Gọi  $x$  là số chiếc ghế,  $y$  là số chiếc bàn được kê. Bất phương trình bậc nhất hai ẩn  $x, y$  cho phần mặt sàn đê kê bàn và ghế là bất phương trình nào sau đây? Biết diện tích mặt sàn dành cho lưu thông tối thiểu là  $12m^2$ .

A.  $0,5x+1,2y < 48$ .    B.  $0,5x+1,2y > 48$ .    C.  $0,5x+1,2y \geq 48$ .    D.  $0,5x+1,2y \leq 48$

#### Lời giải

Điều kiện:  $x \in \mathbb{N}^*$ ,  $y \in \mathbb{N}^*$ .

Vì diện tích mặt sàn dành cho lưu thông tối thiểu là  $12m^2$ , do đó diện tích phần mặt sàn đê kê bàn và ghế tối đa là:  $60 - 12 = 48(m^2)$

Diện tích đê kê một chiếc ghế là  $0,5m^2$ , nên diện tích đê kê  $x$  chiếc ghế là  $0,5x(m^2)$

Diện tích đê kê một chiếc bàn là  $1,2m^2$ , nên diện tích đê kê  $y$  chiếc bàn là  $1,2y(m^2)$

Tổng diện tích cho phần mặt sàn đê kê  $x$  chiếc ghế và  $y$  chiếc bàn là:  $0,5x+1,2y$

Do đó, bất phương trình cần tìm là:  $0,5x + 1,2y \leq 48$ .

**Câu 23:** Giá trị nhỏ nhất của biểu thức  $F = y - x$  trên miền xác định bởi hệ

$$\begin{cases} y - 2x \leq 2 \\ 2y - x \geq 4 \\ x + y \leq 5 \end{cases}$$

là

A.  $\min F = 1$  khi  $x = 2, y = 3$ .

B.  $\min F = 2$  khi  $x = 0, y = 2$ .

C.  $\min F = 3$  khi  $x = 1, y = 4$ .

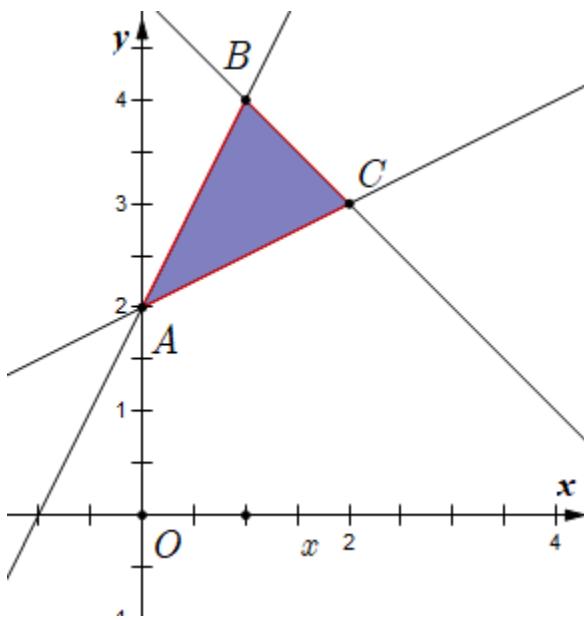
D.  $\min F = 0$  khi  $x = 0, y = 0$ .

### Lời giải

Miền nghiệm của hệ

$$\begin{cases} y - 2x \leq 2 \\ 2y - x \geq 4 \\ x + y \leq 5 \end{cases}$$

là miền trong của tam giác  $ABC$  kề cả biên



Ta thấy  $F = y - x$  đạt giá trị nhỏ nhất chỉ có thể tại các điểm  $A, B, C$ .

Tại  $A(0; 2)$  thì  $F = 2$ .

Tại  $B(1; 4)$  thì  $F = 3$

Tại  $A(2; 3)$  thì  $F = 1$ .

Vậy  $\min F = 1$  khi  $x = 2, y = 3$ .

**Câu 24:** Cho hàm số  $y = ax^2 + bx + 2$  có bảng biến thiên như hình vẽ sau đây.

$x$	$-\infty$	$\frac{3}{2}$	$+\infty$
$y$	$+\infty$	$-\frac{1}{4}$	$+\infty$

Hãy xác định công thức hàm bậc hai?

- A.  $y = x^2 + 3x + 2$       B.  $y = x^2 - 4x$ .      C.  $y = -x^2 + 3x + 2$ .      D.  $y = x^2 - 3x + 2$ .

### Lời giải

Từ bảng biến thiên ta có:  $a > 0$ . Loại C;

Ta lại có:

$$\begin{cases} \frac{-b}{2a} = \frac{3}{2} \\ a \left( \frac{3}{2} \right)^2 + b \cdot \frac{3}{2} + 2 = \frac{-1}{4} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 3a + b = 0 \\ 9a + 6b = -9 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = 1 \\ b = -3 \end{cases}$$

Ta có hàm số:  $y = x^2 - 3x + 2$ .

**Câu 25:** Tập xác định của hàm số  $y = \frac{x+1}{x^2 - x}$  là

A.  $D = \mathbb{R}$ .

B.  $D = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ .

C.  $D = (-\infty; 0) \cup (1; +\infty)$ .

D.  $D = \mathbb{R} \setminus [0; 1]$ .

**Lời giải**

Hàm số  $y = \frac{x+1}{x^2 - x}$  xác định khi  $x^2 - x \neq 0 \Leftrightarrow x(x-1) \neq 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x \neq 0 \\ x \neq 1 \end{cases}$

Vì vậy, tập xác định của hàm số đã cho là  $D = \mathbb{R} \setminus \{0, 1\}$ .

**Câu 26:** Cho tam giác  $ABC$ , biết  $a=13, b=14, c=15$ . Tính  $\cos B$ .

A.  $\cos B = -\frac{64}{65}$ .

B.  $\cos B = \frac{64}{65}$ .

C.  $\cos B = \frac{33}{65}$ .

D.  $\cos B = -\frac{33}{65}$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

Ta có:  $\cos B = \frac{a^2 + c^2 - b^2}{2ac} = \frac{13^2 + 15^2 - 14^2}{2 \cdot 13 \cdot 15} = \frac{33}{65}$ .

**Câu 27:** Tam giác  $ABC$  có  $AB = 4, BC = 6, AC = 2\sqrt{7}$ . Điểm  $M$  thuộc đoạn  $BC$  sao cho  $MC = 2MB$ . Tính độ dài  $AM$ .

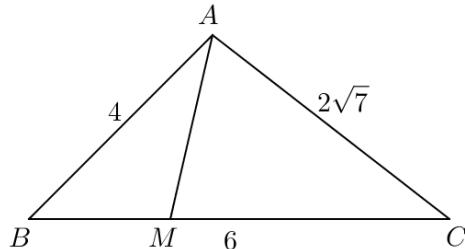
A. 4.

B.  $3\sqrt{2}$ .

C.  $2\sqrt{3}$ .

D. 3.

**Lời giải**



Ta có:  $BM = 2$  và  $\cos B = \frac{AB^2 + BC^2 - AC^2}{2AB \cdot BC} = \frac{16 + 36 - 28}{2 \cdot 4 \cdot 6} = \frac{1}{2}$ .

Vậy  $AM^2 = AB^2 + BM^2 - 2AB \cdot BM \cdot \cos B = 16 + 4 - 2 \cdot 4 \cdot 2 \cdot \frac{1}{2} = 12 \Rightarrow AM = 2\sqrt{3}$ .

**Câu 28:** Cho tam giác  $ABC$  có  $A = 120^\circ; b = 8; c = 5$ . Tính bán kính đường tròn nội tiếp tam giác  $ABC$ .

A.  $\frac{20\sqrt{3}}{13 + \sqrt{129}}$

B.  $\frac{40\sqrt{3}}{13 + \sqrt{129}}$

C.  $13 + \sqrt{129}$

D.  $10\sqrt{3}$

**Lời giải**

Ta có  $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A = 5^2 + 8^2 - 2 \cdot 5 \cdot 8 \cos 120^\circ = 129 \Rightarrow a = \sqrt{129}$ .

$$S = \frac{1}{2}bc \sin A = \frac{1}{2} \cdot 8 \cdot 5 \cdot \sin 120^\circ = 10\sqrt{3}.$$

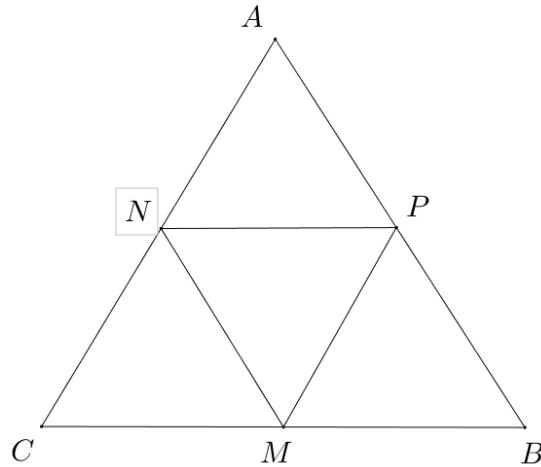
$$p = \frac{a+b+c}{2} = \frac{13+\sqrt{129}}{2}$$

$$S = pr \Leftrightarrow r = \frac{S}{p} \Rightarrow r = \frac{20\sqrt{3}}{13+\sqrt{129}}$$

**Câu 29:** Cho  $\triangle ABC$  có  $M, N, P$  lần lượt là trung điểm của các cạnh  $BC, CA, AB$ . Khẳng định nào sau đây là **dúng**?

- A.  $\overrightarrow{AN} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{PA} = \vec{0}$ .    B.  $\overrightarrow{AN} + \overrightarrow{MB} - \overrightarrow{PA} = \vec{0}$ .  
 C.  $\overrightarrow{AN} - \overrightarrow{MB} - \overrightarrow{PA} = \vec{0}$ .    D.  $\overrightarrow{NA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{PA} = \vec{0}$ .

**Lời giải**



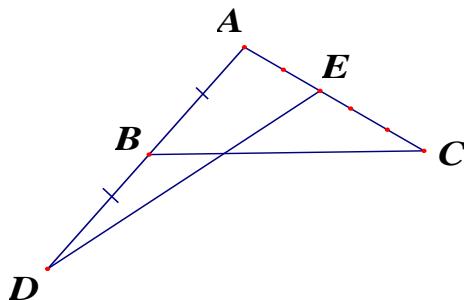
Do  $M, N, P$  lần lượt là trung điểm của các cạnh  $BC, CA, AB$  nên theo tính chất đường trung bình ta có:  $\overrightarrow{AN} = \overrightarrow{PM}; \overrightarrow{MB} = \overrightarrow{NP}; \overrightarrow{PA} = \overrightarrow{MN}$ .

Do đó  $\overrightarrow{AN} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{PA} = \overrightarrow{PM} + \overrightarrow{NP} + \overrightarrow{MN} = \overrightarrow{NP} + \overrightarrow{PM} + \overrightarrow{MN} = \overrightarrow{NN} = \vec{0}$ .

**Câu 30:** Cho tam giác  $ABC$ . Lấy điểm  $D$  đối xứng với  $A$  qua  $B$  và lấy điểm  $E$  trên đoạn  $AC$  sao cho  $3AE = 2EC$ . Biết rằng  $\overrightarrow{DE} = m\overrightarrow{AB} + n\overrightarrow{AC}$ , khi đó, giá trị  $m.n$  là

- A.  $m.n = -\frac{2}{5}$ .    B.  $m.n = -\frac{4}{5}$ .    C.  $m.n = \frac{4}{5}$ .    D.  $m.n = \frac{2}{5}$ .

**Lời giải**

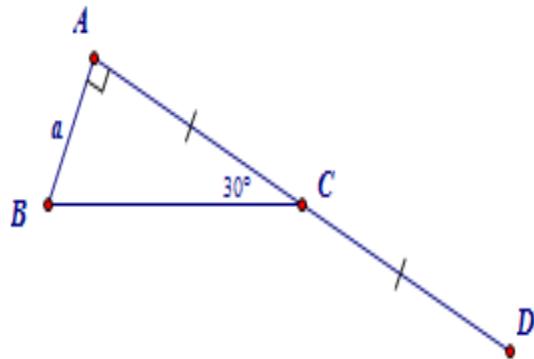


Ta có  $\overrightarrow{DE} = \overrightarrow{DA} + \overrightarrow{AE} = -2\overrightarrow{AB} + \frac{2}{5}\overrightarrow{AC} \Rightarrow m = -2, n = \frac{2}{5} \Rightarrow m.n = -\frac{4}{5}$ .

**Câu 31:** Cho tam giác  $ABC$  có  $\hat{A} = 90^\circ$ ,  $\hat{B} = 60^\circ$  và  $AB = a$ . Khi đó  $\overrightarrow{AC}.\overrightarrow{CB}$  bằng

- A.  $-2a^2$ .    B.  $2a^2$ .    C.  $3a^2$ .    D.  $-3a^2$ .

**Lời giải**



Gọi  $D$  là điểm đối xứng với  $A$  qua  $C$ .

$$\text{Khi đó: } \overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{CB} = \overrightarrow{CD} \cdot \overrightarrow{CB} = CD \cdot CB \cdot \cos 150^\circ = a\sqrt{3} \cdot 2a \cdot \left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right) = -3a^2.$$

Cách khác: Ta có  $\overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{CB} = -\overrightarrow{CA} \cdot \overrightarrow{CB} = -CA \cdot CB \cdot \cos C = -3a^2$ .

- Câu 32:** Cho hai vecto  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$ . Biết  $|\vec{a}| = 2$ ,  $|\vec{b}| = \sqrt{3}$  và  $(\vec{a}, \vec{b}) = 30^\circ$ . Tính  $|\vec{a} + \vec{b}|$ .

- A.  $\sqrt{11}$ .      B.  $\sqrt{13}$ .      C.  $\sqrt{12}$ .      D.  $\sqrt{14}$ .

**Lời giải**

$$\text{Ta có: } (\vec{a} + \vec{b})^2 = \vec{a}^2 + \vec{b}^2 + 2\vec{a}\vec{b} = |\vec{a}|^2 + |\vec{b}|^2 + 2|\vec{a}||\vec{b}|\cos(\vec{a}, \vec{b})$$

$$\Rightarrow (\vec{a} + \vec{b})^2 = 4 + 3 + 2 \cdot 2 \cdot \sqrt{3} \cdot \cos 30^\circ = 13 \Rightarrow |\vec{a} + \vec{b}| = \sqrt{13}.$$

- Câu 33:** Cho giá trị gần đúng của  $\frac{23}{7}$  là 3,28. Sai số tuyệt đối của số 3,28 là:

- A. 0,04.      B.  $\frac{0,04}{7}$ .      C. 0,06.      D.  $\frac{0,06}{7}$ .

**Lời giải**

$$\text{Ta có } \frac{23}{7} = 3,(285714) \Rightarrow \left| \frac{23}{7} - 3,28 \right| = 0,00(571428) = \frac{0,04}{7}.$$

- Câu 34:** Biết rằng số trung vị trong mẫu số liệu sau (đã sắp xếp theo thứ tự) bằng 14. Tìm số nguyên dương  $x$ .

$$1 \quad 3 \quad 4 \quad 13 \quad x^2 - 1 \quad 18 \quad 19 \quad 21$$

- A.  $x=4$ .      B.  $x=16$ .      C.  $x=17$ .      D.  $x=15$ .

**Lời giải**

$$\text{Số trung vị trong mẫu số liệu trên là } \frac{x^2 - 1 + 13}{2} = \frac{x^2 + 12}{2}$$

$$\text{Từ giả thiết suy ra } \frac{x^2 + 12}{2} = 14 \Leftrightarrow x^2 = 16 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 4 & (\text{tm}) \\ x = -4 & (\text{loai}) \end{cases}$$

Vậy  $x = 4$ .

- Câu 35:** Mẫu số liệu cho biết lượng điện tiêu thụ (đơn vị  $kw$ ) hàng tháng của gia đình bạn An trong năm 2021 như sau:

$$163 \quad 165 \quad 159 \quad 172 \quad 167 \quad 168 \quad 170 \quad 161 \quad 164 \quad 174 \quad 170 \quad 166$$

Trong năm 2022 nhà bạn An giảm mức tiêu thụ điện mỗi tháng là  $10\text{kw}$ . Gọi  $\Delta_Q; \Delta'_Q$  lần lượt là khoảng từ phân vị của mẫu số liệu tiêu thụ điện năm 2021 năm 2022. Đẳng thức nào sau đây là đúng

- A.**  $\Delta_Q = \Delta'_Q$ .      **B.**  $\Delta'_Q = \Delta_Q - 10$ .      **C.**  $\Delta_Q = \Delta'_Q - 10$       **D.**  $\Delta'_Q = \Delta_Q - 20$ .

### Lời giải

+) Sắp xếp mẫu số liệu năm 2021 theo thứ tự không giảm:

159    161    163    164    165    166    167    168    170    170    172    174

Mẫu số liệu gồm 12 giá trị nên số trung vị là  $Q_2 = (166+167):2 = 166,5$

Nửa số liệu bên trái là 159; 161; 163; 164; 165; 166 gồm 6 giá trị

Khi đó  $Q_1 = (163+164):2 = 163,5$

Nửa số liệu bên phải là 167; 168; 170; 170; 172; 174 gồm 6 giá trị

Khi đó  $Q_3 = 170$

Khoảng từ phân vị của mẫu số liệu bằng:  $\Delta_Q = Q_3 - Q_1 = 170 - 163,5 = 6,5$

+ ) Sắp xếp mẫu số liệu năm 2022 theo thứ tự không giảm:

149    151    153    154    155    156    157    158    160    160    162    164

Mẫu số liệu gồm 12 giá trị nên số trung vị là  $Q_2 = (156+157):2 = 156,5$

Nửa số liệu bên trái là 149; 151; 153; 154; 155; 156 gồm 6 giá trị

Khi đó  $Q_1 = (153+154):2 = 153,5$

Nửa số liệu bên phải là 157; 158; 160; 160; 162; 164 gồm 6 giá trị

Khi đó  $Q_3 = 160$

Khoảng từ phân vị của mẫu số liệu bằng:  $\Delta'_Q = Q_3 - Q_1 = 160 - 153,5 = 6,5$

## II. PHẦN TỰ LUẬN (3,0 điểm)

**Câu 36:** Một xưởng cơ khí có hai công nhân An và Bình. Xưởng sản xuất hai loại sản phẩm I và II. Mỗi sản phẩm loại I bán lãi 500000 đồng, mỗi sản phẩm loại II bán lãi 400000 đồng. Để sản xuất được một sản phẩm loại I thì An phải làm việc trong 3 giờ, Bình phải làm việc trong 1 giờ. Để sản xuất được một sản phẩm loại II thì An phải làm việc trong 2 giờ, Bình phải làm việc trong 6 giờ. Một người không thể làm được đồng thời hai sản phẩm. Biết rằng trong một tháng An không thể làm việc quá 180 giờ, Bình không thể làm việc quá 220 giờ. Số tiền lãi (triệu đồng) lớn nhất trong một tháng của xưởng là

### Lời giải

Gọi  $x, y$  là số sản phẩm loại I và II trong một tháng. Với  $x, y \in \mathbb{N}^*$

Số tiền lãi trong một tháng là:  $F = 0,5x + 0,4y$  (triệu đồng)

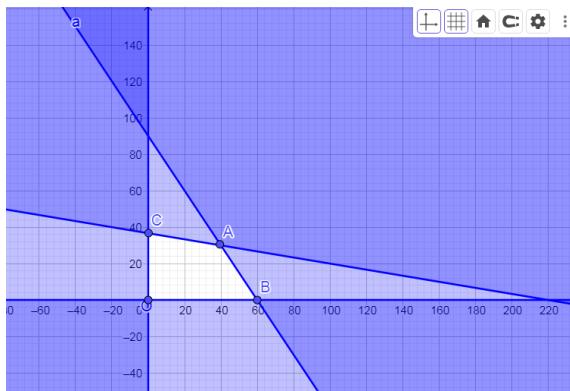
Thời gian làm việc của An trong một tháng:  $3x + 2y$

Thời gian làm việc của Bình trong một tháng:  $x + 6y$

Khi đó ta có hệ bất phương trình:

$$\begin{cases} 3x + 2y \leq 180 \\ x + 6y \leq 220 \\ x > 0 \\ y > 0 \end{cases}$$

Ta biểu diễn trên mặt phẳng tọa độ



Giá trị lớn nhất xảy ra tại điểm có giá trị nguyên  $A(40;30), B(60;0)$

Khi đó:  $F(A)=32; F(B)=30.$

Vậy số tiền lãi lớn nhất trong một tháng của xưởng là 32 (triệu đồng).

- Câu 37:** Cho tam giác  $ABC$  và hai điểm  $M, N, P$  thỏa mãn  $\overrightarrow{MA} + 2\overrightarrow{MB} = \vec{0}$  và  $4\overrightarrow{NB} + \overrightarrow{NC} = \vec{0}$ ,  $-\overrightarrow{PC} + 2\overrightarrow{PA} = \vec{0}$ . Chứng minh rằng  $M, N, P$  thẳng hàng.

### Lời giải

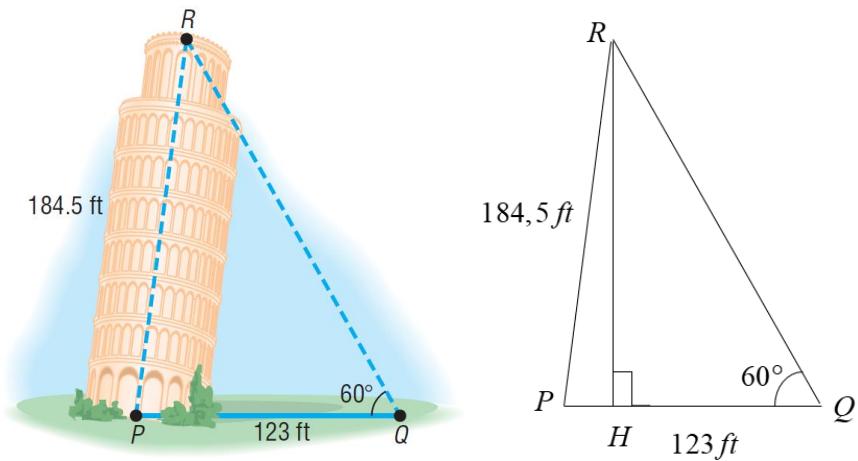
Cộng theo từng vế hai đẳng thức  $4\overrightarrow{NB} + \overrightarrow{NC} = \vec{0}$  và  $-\overrightarrow{PC} + 2\overrightarrow{PA} = \vec{0}$ , ta được

$2\overrightarrow{PA} + 4\overrightarrow{NB} = \overrightarrow{PN}$ . Suy ra  $\overrightarrow{PA} + 2\overrightarrow{NB} = \frac{1}{2}\overrightarrow{PN}$ . Khi đó, trừ theo từng vế hai đẳng thức

$\overrightarrow{MA} + 2\overrightarrow{MB} = \vec{0}$  và  $\overrightarrow{PA} + 2\overrightarrow{NB} = \frac{1}{2}\overrightarrow{PN}$ , ta được

$\overrightarrow{PM} + 2\overrightarrow{NM} = \frac{1}{2}\overrightarrow{PN} \Leftrightarrow 3\overrightarrow{PM} = \frac{5}{2}\overrightarrow{PN} \Leftrightarrow \overrightarrow{PM} = \frac{5}{6}\overrightarrow{PN}$ . Vậy  $M, N, P$  thẳng hàng.

- Câu 38:** Tháp nghiêng Pisa nổi tiếng có chiều cao là 184,5 feet. Góc nâng nhìn từ điểm  $Q$  cách chân tháp  $P$  một khoảng 123 feet lên đỉnh  $R$  của tháp có số đo là  $60^\circ$ . Tìm số đo góc  $RPQ$  (như hình vẽ) và tìm khoảng cách từ đỉnh  $R$  của tháp đến đường thẳng  $PQ$ .



**Cách 1:** Theo định lí cosin, ta có:  $RP^2 = QP^2 + QR^2 - 2QP.QR.\cos 60^\circ$

$$\Rightarrow (184,5)^2 = (123)^2 + QR^2 - 2.123.QR.\cos 60^\circ \Rightarrow QR = 212,1436 \text{ ft.}$$

Áp dụng hệ quả của định lí cosin, ta có:

$$\cos RPQ = \frac{PR^2 + PQ^2 - RQ^2}{2.PR.PQ} \approx \frac{(184,5)^2 + (123)^2 - (212,1436)^2}{2.184,5.123} \approx 0,0918 \Rightarrow RPQ \approx 84^\circ 44.$$

Gọi  $H$  là chân đường cao kẻ từ  $R$  đến  $PQ$ .

Ta có  $\sin 60^\circ = \frac{RH}{RQ} \Rightarrow RH = RQ \cdot \sin 60^\circ = 183,722$  ft.

Vậy, khoảng cách từ đỉnh  $R$  của tháp đến đường thẳng  $PQ$  là  $RH \approx 183,722$  ft.

**Cách 2:** Áp dụng định lí sin, ta có:

$$\frac{\sin PRQ}{PQ} = \frac{\sin RQP}{PR} \Rightarrow \sin PRQ = PQ \cdot \frac{\sin RQP}{PR} = 123 \cdot \frac{\sin 60^\circ}{184,5} \approx 0,5774.$$

$$\Rightarrow PRQ \approx 35^\circ 16 \Rightarrow RPQ \approx 84^\circ 44.$$

Gọi  $H$  là chân đường cao kẻ từ  $R$  lên  $PQ$ .

Ta có  $\sin 60^\circ = \frac{RH}{RQ} \Rightarrow RH = RQ \cdot \sin 60^\circ \approx 183,722$  ft.

Vậy, khoảng cách từ đỉnh  $R$  của tháp đến đường thẳng  $PQ$  là  $RH \approx 183,722$  ft.

**Câu 39:** Cho tam giác  $ABC$  có  $AC = 2$ . Gọi  $M$  là trung điểm của  $AB$  và  $D$  là chân đường phân giác trong góc  $A$  của tam giác  $ABC$ . Hãy tính độ dài  $AB$  để trung tuyến  $CM$  vuông góc với phân giác trong  $AD$ .

### Lời giải

Đặt  $AB = c; CA = b$ .

Ta có  $D$  là chân đường phân giác trong góc  $A$  nên  $\frac{DB}{DC} = \frac{AB}{AC} = \frac{c}{b}$

và  $\overrightarrow{DB}, \overrightarrow{DC}$  ngược hướng suy ra  $\overrightarrow{BD} = \frac{BD}{DC} \overrightarrow{DC} = \frac{b}{c} \overrightarrow{DC}$  (\*)

Mặt khác  $\overrightarrow{BD} = \overrightarrow{AD} - \overrightarrow{AB}$  và  $\overrightarrow{DC} = \overrightarrow{AC} - \overrightarrow{AD}$  thay vào (\*), ta được

$$\overrightarrow{AD} - \overrightarrow{AB} = \frac{b}{c} (\overrightarrow{AC} - \overrightarrow{AD}) \Leftrightarrow c(\overrightarrow{AD} - \overrightarrow{AB}) = b(\overrightarrow{AC} - \overrightarrow{AD}) \Leftrightarrow \overrightarrow{AD} = \frac{1}{b+c} (b\overrightarrow{AB} + c\overrightarrow{AC})$$

$$\text{Vì } CM \text{ là trung tuyến nên } \overrightarrow{CM} = \frac{\overrightarrow{CA} + \overrightarrow{CB}}{2} = \frac{\overrightarrow{AB} - 2\overrightarrow{AC}}{2}.$$

Theo giả thiết:  $AD \perp CM \Leftrightarrow \overrightarrow{AD} \cdot \overrightarrow{CM} = 0$

$$\Leftrightarrow \frac{1}{2(b+c)} (b\overrightarrow{AB} + c\overrightarrow{AC}) (\overrightarrow{AB} - 2\overrightarrow{AC}) = 0 \Leftrightarrow bc^2 + bc^2 \cos A - 2cb^2 \cos A - 2cb^2 = 0$$

$$\Leftrightarrow (c-2b)(1+\cos A) = 0 \Rightarrow c = 2b \text{ (do } \cos A > -1)$$

Vậy  $AB = c = 2b = 4$ .

# ĐỀ ÔN TẬP KIỂM TRA CUỐI HỌC KỲ I NĂM HỌC 2022 – 2023

## MÔN: TOÁN 10 – ĐỀ SỐ: 05

### I. PHẦN TRẮC NGHIỆM (35 câu – 7,0 điểm)

**Câu 1:** Cho mệnh đề chứa biến  $P(x)$ : " $5 \leq x^2 \leq 11$ " với  $x$  là số nguyên tố. Tìm mệnh đề đúng trong các mệnh đề sau:

- A.  $P(3)$ .      B.  $P(2)$ .      C.  $P(7)$ .      D.  $P(5)$ .

**Câu 2:** Trong các bất phương trình sau, bất phương trình nào là bất phương trình bậc nhất hai ẩn?

- A.  $3x - xy < 4$ .      B.  $x^3 + xy \leq 3$ .      C.  $x^2 + y > 4$ .      D.  $15x - 2y \geq 3$ .

**Câu 3:** Miền nghiệm của hệ bất phương trình  $\begin{cases} x - 2y < 0 \\ x + 3y > -2 \end{cases}$  không chứa điểm nào sau đây?

- A.  $A(-1; 0)$ .      B.  $B(1; 0)$ .      C.  $C(-3; 4)$ .      D.  $D(0; 3)$ .

**Câu 4:** Trong các hàm số sau, hàm số nào có tập xác định là  $\mathbb{R}$ ?

- A.  $y = x^3 + 3x^2 - 1$ .      B.  $y = \frac{x^2 + 2}{x}$ .      C.  $y = \frac{2x + 3}{x^2}$ .      D.  $y = \frac{x + 2}{x - 1}$ .

**Câu 5:** Tập xác định của hàm số  $y = \frac{x-3}{2x-2}$  là

- A.  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$ .      B.  $\mathbb{R} \setminus \{3\}$ .      C.  $\mathbb{R} \setminus \{2\}$ .      D.  $(1; +\infty)$ .

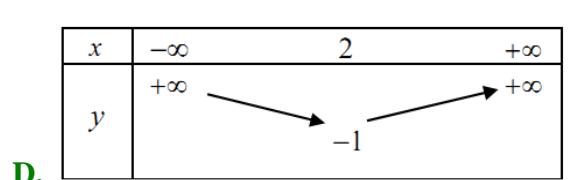
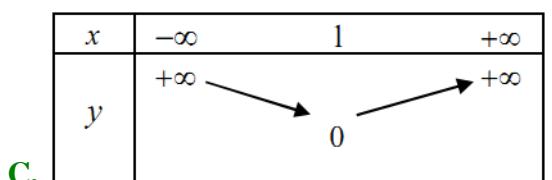
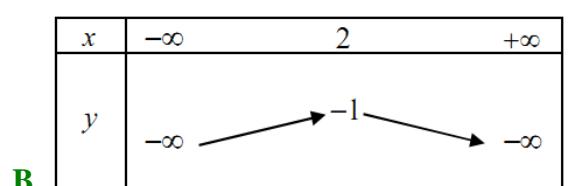
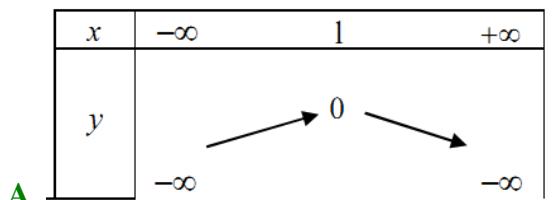
**Câu 6:** Hàm số  $y = ax^2 + bx + c$ , ( $a > 0$ ) đồng biến trong khoảng nào sau đây?

- A.  $\left(-\infty; -\frac{b}{2a}\right)$ .      B.  $\left(-\frac{b}{2a}; +\infty\right)$ .      C.  $\left(-\frac{\Delta}{4a}; +\infty\right)$ .      D.  $\left(-\infty; -\frac{\Delta}{4a}\right)$ .

**Câu 7:** Cho hàm số bậc hai  $y = ax^2 + bx + c$  ( $a \neq 0$ ) có đồ thị  $(P)$ , đỉnh của  $(P)$  được xác định bởi công thức nào?

- A.  $I\left(-\frac{b}{2a}; -\frac{\Delta}{4a}\right)$ .      B.  $I\left(-\frac{b}{a}; -\frac{\Delta}{4a}\right)$ .      C.  $I\left(\frac{b}{2a}; \frac{\Delta}{4a}\right)$ .      D.  $I\left(-\frac{b}{2a}; \frac{\Delta}{4a}\right)$ .

**Câu 8:** Bảng biến thiên của hàm số  $y = -x^2 + 2x - 1$  là:



**Câu 9:** Trên mặt phẳng tọa độ  $Oxy$ , lấy điểm  $M$  thuộc nửa đường tròn đơn vị sao cho  $xOM = 150^\circ$ . Tích hoành độ và tung độ điểm  $M$  bằng

- A.  $\frac{\sqrt{3}}{4}$ .      B.  $V = -\frac{\sqrt{3}}{2}$ .      C.  $-\frac{\sqrt{3}}{4}$ .      D.  $\frac{1}{2}$ .

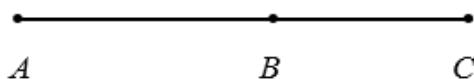
**Câu 10:** Cho tam giác  $ABC$  có các cạnh  $BC=a, AC=b, AB=c$ , diện tích  $S$ , bán kính đường tròn ngoại tiếp  $R$ , bán kính đường tròn nội tiếp  $r$ . Khẳng định nào sau đây là đúng?

- A.  $R = \frac{abc}{4S}$ .      B.  $\frac{a}{\sin A} = R$ .      C.  $\frac{a}{\sin B} = 2R$ .      D.  $\frac{c}{\sin C} = 2r$ .

**Câu 11:** Cho tam giác  $ABC$  có các cạnh  $BC=a, AC=b, AB=c$ . Khẳng định nào sau đây đúng?

- A.  $\cos C = \frac{a^2 + b^2 - c^2}{ab}$ .      B.  $c^2 = a^2 + b^2 + 2ab \cos C$ .  
 C.  $\cos C = \frac{a^2 + b^2 + c^2}{ab}$ .      D.  $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos C$ .

**Câu 12:** Cho ba điểm  $A, B, C$  thẳng hàng và  $B$  ở giữa như hình vẽ sau.



Cặp véc tơ nào sau đây cùng hướng?

- A.  $\overrightarrow{BC}$  và  $\overrightarrow{BA}$ .      B.  $\overrightarrow{CB}$  và  $\overrightarrow{AC}$ .      C.  $\overrightarrow{CB}$  và  $\overrightarrow{AB}$ .      D.  $\overrightarrow{BC}$  và  $\overrightarrow{AB}$ .

**Câu 13:** Tổng các véc-tơ  $\overrightarrow{MN} + \overrightarrow{PQ} + \overrightarrow{RN} + \overrightarrow{NP} + \overrightarrow{QR}$  bằng

- A.  $\overrightarrow{MR}$ .      B.  $\overrightarrow{MN}$ .      C.  $\overrightarrow{PR}$ .      D.  $\overrightarrow{MP}$ .

**Câu 14:** Cho tam giác  $ABC$  với trung tuyến  $AM$  và có trọng tâm  $G$ . Khi đó  $\overrightarrow{GA}$  bằng vecto nào sau đây?

- A.  $2\overrightarrow{GM}$ .      B.  $-\frac{2}{3}\overrightarrow{AM}$ .      C.  $\frac{2}{3}\overrightarrow{GM}$ .      D.  $\frac{1}{2}\overrightarrow{AM}$ .

**Câu 15:** Kết quả đo chiều dài của một cây cầu được ghi là  $152m \pm 0,2m$ . Tìm sai số tương đối của phép đo chiều dài cây cầu.

- A.  $\delta_a < 0,1316\%$ .      B.  $\delta_a < 1,316\%$ .      C.  $\delta_a = 0,1316\%$ .      D.  $\delta_a > 0,1316\%$

**Câu 16:** Hãy xác định sai số tuyệt đối của số  $a = 123456$  biết sai số tương đối  $\delta_a = 0,2\%$

- A. 246,912.      B. 617280.      C. 24691,2.      D. 61728000

**Câu 17:** Cho mẫu số liệu thống kê:  $\{8, 10, 12, 14, 16\}$ . Số trung bình của mẫu số liệu trên là

- A. 12.      B. 14.      C. 13.      D. 12,5.

**Câu 18:** Cho các số liệu thống kê về sản lượng chè thu được trong 1 năm (kg/sào) của 20 hộ gia đình

111	112	112	113	114	114	115	114	115	116
112	113	113	114	115	114	116	117	114	115

Tìm số mốt

- A.  $M_0 = 111$ .      B.  $M_0 = 113$ .      C.  $M_0 = 114$ .      D.  $M_0 = 117$ .

**Câu 19:** Số sản phẩm sản xuất mỗi ngày của một phân xưởng trong 9 ngày liên tiếp được ghi lại như sau: 27 26 21 28 25 30 26 23 26  
Khoảng biến thiên của mẫu số liệu này là:

- A. 8.      B. 5.      C. 6.      D. 9.

**Câu 20:** Số lượng ly trà sữa một quán nước bán được trong 20 ngày qua là:

4, 5, 6, 8, 9, 11, 13, 16, 16, 18, 20, 21, 25, 30, 31, 33, 36, 37, 40, 41.

Khoảng tú phân vị của mẫu số liệu trên là:

- A. 20.      B. 22.      C. 24.      D. 26.

**Câu 21:** Cho 3 tập hợp:  $A = (-\infty; 1]$ ;  $B = [-2; 2]$  và  $C = (0; 5)$ . Tính  $(A \cap B) \cup (A \cap C) = ?$

- A.  $[-2; 1]$ .      B.  $(-2; 5)$ .      C.  $(0; 1]$ .      D.  $[1; 2]$ .

**Câu 22:** Bạn Minh Diệp làm một bài kỳ thi giữa học kỳ 1 môn Toán. Đề thi gồm 35 câu hỏi trắc nghiệm và 3 bài tự luận. Khi làm đúng mỗi câu trắc nghiệm được 0,2 điểm, làm đúng mỗi câu tự luận được 1 điểm. Giả sử bạn Minh Diệp làm đúng  $x$  câu hỏi trắc nghiệm và  $y$  bài tự luận. Viết một bất phương trình bậc nhất 2 ẩn  $x, y$  để đảm bảo bạn Minh Diệp được ít nhất 8 điểm.

- A.  $0,2x + y < 8$ .      B.  $0,2x + y \geq 8$ .      C.  $35x + 3y \geq 8$ .      D.  $x + 0,2y \geq 8$ .

**Câu 23:** Miền nghiệm của hệ bất phương trình  $\begin{cases} x \geq -2 \\ x + y \leq 1 \\ y \geq 0 \end{cases}$  là

- A. Miền ngũ giác.      B. Miền tam giác.      C. Miền tứ giác.      D. Một nửa mặt phẳng.

**Câu 24:** Tìm tập xác định của hàm số  $y = \sqrt{x-1} + \frac{1}{x+4}$ .

- A.  $[1; +\infty) \setminus \{4\}$ .      B.  $(1; +\infty) \setminus \{4\}$ .      C.  $(-4; +\infty)$ .      D.  $[1; +\infty)$ .

**Câu 25:** Hàm số  $y = -x^2 + 2(m-1)x + 3$  nghịch biến trên  $(1; +\infty)$  khi giá trị  $m$  thỏa mãn:

- A.  $m \leq 0$ .      B.  $m > 0$ .      C.  $m \leq 2$ .      D.  $0 < m \leq 2$

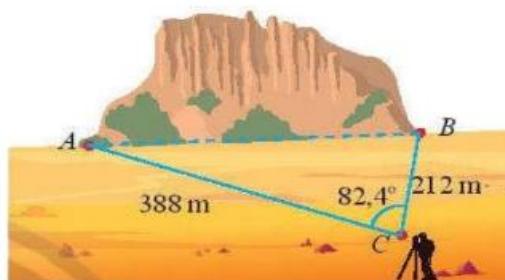
**Câu 26:** Cho tam giác  $ABC$  có  $AB = 8\text{cm}$ ,  $AC = 18\text{cm}$  và có diện tích bằng  $64\text{cm}^2$ . Giá trị của  $\sin A$  là

- A.  $\frac{8}{9}$ .      B.  $\frac{3}{8}$ .      C.  $\frac{\sqrt{3}}{2}$ .      D.  $\frac{4}{5}$ .

**Câu 27:** Cho tam giác  $ABC$  có độ dài ba cạnh là  $AB = 2$ ,  $BC = 5$ ,  $CA = 6$ . Tính độ dài đường trung tuyến  $MA$ , với  $M$  là trung điểm của  $BC$ .

- A.  $\frac{\sqrt{110}}{2}$ .      B.  $\frac{\sqrt{15}}{2}$ .      C.  $\sqrt{55}$ .      D.  $\frac{\sqrt{55}}{2}$ .

**Câu 28:** Một đường hầm được dự kiến xây dựng xuyên qua một ngọn núi. Để ước tính chiều dài của đường hầm, một kĩ sư thực hiện các phép đo đặc và cho ra kết quả như hình vẽ bên dưới. Từ các số liệu đã khảo sát được, chiều dài đường hầm gần nhất với kết quả nào?



- A.  $600\text{m}$ .      B.  $466\text{m}$ .      C.  $442\text{m}$ .      D.  $417\text{m}$ .

**Câu 29:** Cho  $\Delta ABC$  gọi  $M, N, P$  lần lượt là trung điểm của các cạnh  $AB, AC, BC$ . Hỏi  $\overrightarrow{MP} + \overrightarrow{NP}$  bằng véc tơ nào?

- A.  $\overrightarrow{AM}$ .      B.  $\overrightarrow{MN}$ .      C.  $\overrightarrow{PB}$ .      D.  $\overrightarrow{AP}$ .

**Câu 30:** Cho tam giác  $ABC$  vuông tại  $A$  và  $AB = 2$ ,  $AC = 3$ . Độ dài của vectơ  $\overrightarrow{BC} + \overrightarrow{AC}$  bằng

- A. 5.      B. 40.      C.  $\sqrt{13}$ .      D.  $2\sqrt{10}$ .

**Câu 31:** Cho hai vectơ  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  khác vectơ-không. Xác định  $\alpha$  là góc giữa hai vectơ  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  biết rằng  $2\vec{a} \cdot \vec{b} = -\sqrt{3}|\vec{a}| \cdot |\vec{b}|$ .

- A.  $\alpha = 120^\circ$ .      B.  $\alpha = 30^\circ$ .      C.  $\alpha = 60^\circ$ .      D.  $\alpha = 150^\circ$ .

**Câu 32:** Cho tam giác đều  $ABC$  có trọng tâm  $G$  và độ dài cạnh bằng  $a$ . Tính tích vô hướng  $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AG}$

A.  $\frac{a^2\sqrt{3}}{6}$ .

B.  $\frac{3a^2}{4}$ .

C.  $\frac{a^2\sqrt{3}}{4}$ .

D.  $\frac{a^2}{2}$ .

**Câu 33:** Kết quả đo chiều dài một cây cầu có độ chính xác là  $0,75m$  với dụng cụ đo đẩm bảo sai số tương đối không vượt quá  $1,5\%$ . Tính độ dài gần đúng của cầu.

A.  $500,1m$

B.  $499,9m$

C.  $500 m$

D.  $501 m$

**Câu 34:** Bảng số liệu sau đây cho biết sản lượng chè thu được trong 1 năm (kg/sào) của 16 hộ gia đình:

111	112	113	112	114	127	128	125
119	118	113	126	120	115	123	116

Các tứ shan vị của mẫu số liệu đã cho là

A.  $Q_1 = 113, Q_2 = 117, Q_3 = 124$ .

B.  $Q_1 = 117, Q_2 = 113, Q_3 = 124$ .

C.  $Q_1 = 113, Q_2 = 117, Q_3 = 123$ .

D.  $Q_1 = 113, Q_2 = 122, Q_3 = 123$ .

**Câu 35:** Cho bảng số liệu thống kê điểm kiểm tra của lớp 10A1

Điểm	3	4	5	6	7	8	9	10
Số học sinh	2	3	7	18	3	2	4	1

Độ lệch chuẩn của mẫu số liệu trên là

A.  $1,5$ .

B.  $1,57$ .

C.  $1,58$ .

D.  $1,60$ .

## II. PHẦN TỰ LUẬN (3,0 điểm)

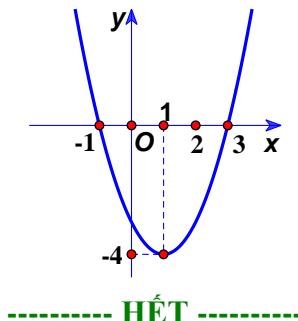
**Câu 36:** Người ta dự định dùng hai loại nguyên liệu để sản xuất ít nhất  $140$  kg chất A và  $18$  kg chất B.

Với mỗi tấn nguyên liệu loại I, người ta chiết xuất được  $20$  kg chất A và  $1,2$  kg chất B. Với mỗi tấn nguyên liệu loại II, người ta chiết xuất được  $10$  kg chất A và  $3$  kg chất B. Giá mỗi tấn nguyên liệu loại I là  $8$  triệu đồng và loại II là  $6$  triệu đồng. Hỏi người ta phải dùng bao nhiêu tấn nguyên liệu mỗi loại để chi phí mua nguyên liệu là ít nhất mà vẫn đạt mục tiêu đề ra. Biết rằng cơ sở cung cấp nguyên liệu chỉ có thể cung cấp tối đa  $9$  tấn nguyên liệu loại I và  $8$  tấn nguyên liệu loại II.

**Câu 37:** Cho hình vuông  $ABCD$  với  $M$  là trung điểm cạnh  $AD$ ,  $N$  là điểm thuộc cạnh  $CD$  sao cho  $NC = 2ND$ . Tính  $BMN$ . (Kết quả lấy hai chữ số ở phần thập phân).

**Câu 38:** Hai cảm biến được đặt cách nhau  $700$  feet dọc theo đường dẫn tới một sân bay nhỏ. Khi một máy bay bay ở gần sân bay, góc nhìn từ cảm biến thứ nhất đến máy bay là  $20^\circ$ , và từ cảm biến thứ hai đến máy bay là  $15^\circ$ . Xác định độ cao của máy bay tại thời điểm này.

**Câu 39:** Cho parabol  $(P): y = ax^2 + bx + c, (a \neq 0)$  có đồ thị như hình bên. Xác định  $(P): y = ax^2 + bx + c, (a \neq 0)$



## HƯỚNG DẪN GIẢI CHI TIẾT

### I. PHẦN TRẮC NGHIỆM (35 câu – 7,0 điểm)

**Câu 1:** Cho mệnh đề chứa biến  $P(x): "5 \leq x^2 \leq 11"$  với  $x$  là số nguyên tố. Tìm mệnh đề đúng trong các mệnh đề sau:

**A.**  $P(3)$ .

**B.**  $P(2)$ .

**C.**  $P(7)$ .

**D.**  $P(5)$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

$P(3): "5 \leq 9 \leq 11"$  là mệnh đề đúng.

**Câu 2:** Trong các bất phương trình sau, bất phương trình nào là bất phương trình bậc nhất hai ẩn?

**A.**  $3x - xy < 4$ .

**B.**  $x^3 + xy \leq 3$ .

**C.**  $x^2 + y > 4$ .

**D.**  $15x - 2y \geq 3$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

**Câu 3:** Miền nghiệm của hệ bất phương trình  $\begin{cases} x - 2y < 0 \\ x + 3y > -2 \end{cases}$  không chứa điểm nào sau đây?

**A.**  $A(-1; 0)$ .

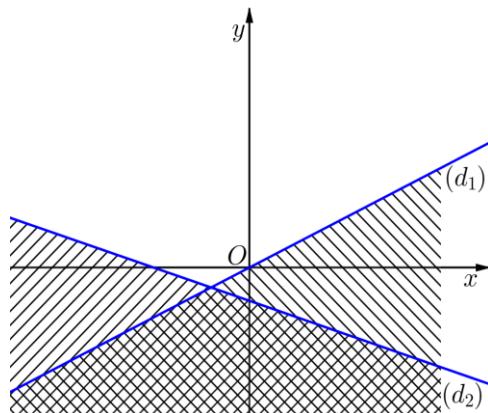
**B.**  $B(1; 0)$ .

**C.**  $C(-3; 4)$ .

**D.**  $D(0; 3)$ .

**Lời giải**

**Chọn B**



Trước hết, ta vẽ hai đường thẳng:

$$(d_1): x - 2y = 0$$

$$(d_2): x + 3y = -2$$

Ta thấy  $(0; 1)$  là nghiệm của hai bất phương trình. Điều đó có nghĩa điểm  $(0; 1)$  thuộc cả hai miền nghiệm của hai bất phương trình. Sau khi gạch bỏ phần không thích hợp, phần không bị gạch là miền nghiệm của hệ.

**Câu 4:** Trong các hàm số sau, hàm số nào có tập xác định là  $\mathbb{R}$ ?

**A.**  $y = x^3 + 3x^2 - 1$ .

**B.**  $y = \frac{x^2 + 2}{x}$ .

**C.**  $y = \frac{2x+3}{x^2}$ .

**D.**  $y = \frac{x+2}{x-1}$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

Hàm số  $y = x^3 + 3x^2 - 1$  là hàm đa thức bậc ba nên tập xác định là  $\mathbb{R}$ .

**Câu 5:** Tập xác định của hàm số  $y = \frac{x-3}{2x-2}$  là

A.  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$ .

B.  $\mathbb{R} \setminus \{3\}$ .

C.  $\mathbb{R} \setminus \{2\}$ .

D.  $(1; +\infty)$ .

### Lời giải

#### Chọn A

Điều kiện xác định:  $2x - 2 \neq 0 \Leftrightarrow x \neq 1$

Nên tập xác định của hàm số là:  $D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$ .

**Câu 6:** Hàm số  $y = ax^2 + bx + c$ , ( $a > 0$ ) đồng biến trong khoảng nào sau đây?

A.  $(-\infty; -\frac{b}{2a})$ .

B.  $(-\frac{b}{2a}; +\infty)$ .

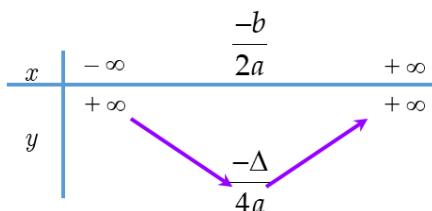
C.  $(-\frac{\Delta}{4a}; +\infty)$ .

D.  $(-\infty; -\frac{\Delta}{4a})$ .

### Lời giải

#### Chọn B

$a > 0$ . Bảng biến thiên



**Câu 7:** Cho hàm số bậc hai  $y = ax^2 + bx + c$  ( $a \neq 0$ ) có đồ thị  $(P)$ , đỉnh của  $(P)$  được xác định bởi công thức nào?

A.  $I\left(-\frac{b}{2a}; -\frac{\Delta}{4a}\right)$ .

B.  $I\left(-\frac{b}{a}; -\frac{\Delta}{4a}\right)$ .

C.  $I\left(\frac{b}{2a}; \frac{\Delta}{4a}\right)$ .

D.  $I\left(-\frac{b}{2a}; \frac{\Delta}{4a}\right)$ .

### Lời giải

#### Chọn A

Đỉnh của parabol  $(P)$ :  $y = ax^2 + bx + c$  ( $a \neq 0$ ) là điểm  $I\left(-\frac{b}{2a}; -\frac{\Delta}{4a}\right)$ .

**Câu 8:** Bảng biến thiên của hàm số  $y = -x^2 + 2x - 1$  là:

A.

x	$-\infty$	1	$+\infty$
y	$-\infty$	0	$-\infty$

B.

x	$-\infty$	2	$+\infty$
y	$-\infty$	-1	$-\infty$

C.

x	$-\infty$	1	$+\infty$
y	$+\infty$	0	$+\infty$

D.

x	$-\infty$	2	$+\infty$
y	$+\infty$	-1	$+\infty$

### Lời giải

#### Chọn A

$$y = -x^2 + 2x - 1$$

Có  $a = -1 < 0$ , nên loại C và D.

Tọa độ đỉnh  $I(1; 0)$ , nên nhận A.

**Câu 9:** Trên mặt phẳng tọa độ  $Oxy$ , lấy điểm  $M$  thuộc nửa đường tròn đơn vị sao cho

$xOM = 150^\circ$ . Tích hoành độ và tung độ điểm  $M$  bằng

A.  $\frac{\sqrt{3}}{4}$ .

B.  $V = -\frac{\sqrt{3}}{2}$ .

C.  $-\frac{\sqrt{3}}{4}$ .

D.  $\frac{1}{2}$ .

Lời giải

Chọn C

$$\begin{cases} x_M = \cos 150^\circ = -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ y_M = \sin 150^\circ = \frac{1}{2} \end{cases}$$

Tích của tung độ và hoành độ điểm  $M$  bằng  $\frac{1}{2} \cdot \left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right) = -\frac{\sqrt{3}}{4}$ .

Câu 10: Cho tam giác  $ABC$  có các cạnh  $BC = a, AC = b, AB = c$ , diện tích  $S$ , bán kính đường tròn ngoại tiếp  $R$ , bán kính đường tròn nội tiếp  $r$ . Khẳng định nào sau đây là đúng?

A.  $R = \frac{abc}{4S}$ .

B.  $\frac{a}{\sin A} = R$ .

C.  $\frac{a}{\sin B} = 2R$ .

D.  $\frac{c}{\sin C} = 2r$ .

Lời giải

Chọn A

Câu 11: Cho tam giác  $ABC$  có các cạnh  $BC = a, AC = b, AB = c$ . Khẳng định nào sau đây đúng?

A.  $\cos C = \frac{a^2 + b^2 - c^2}{ab}$ .

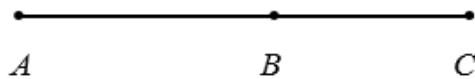
C.  $\cos C = \frac{a^2 + b^2 + c^2}{ab}$ .

D.  $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos C$ .

Lời giải

Chọn D

Câu 12: Cho ba điểm  $A, B, C$  thẳng hàng và  $B$  ở giữa như hình vẽ sau.



Cặp véc tơ nào sau đây cùng hướng?

A.  $\overrightarrow{BC}$  và  $\overrightarrow{BA}$ .

B.  $\overrightarrow{CB}$  và  $\overrightarrow{AC}$ .

C.  $\overrightarrow{CB}$  và  $\overrightarrow{AB}$ .

D.  $\overrightarrow{BC}$  và  $\overrightarrow{AB}$ .

Lời giải

Chọn D

Các đáp án A, B, C là sai và đáp án đúng là D

Câu 13: Tổng các véc-tơ  $\overrightarrow{MN} + \overrightarrow{PQ} + \overrightarrow{RN} + \overrightarrow{NP} + \overrightarrow{QR}$  bằng

A.  $\overrightarrow{MR}$ .

B.  $\overrightarrow{MN}$ .

C.  $\overrightarrow{PR}$ .

D.  $\overrightarrow{MP}$ .

Lời giải

Ta có  $\overrightarrow{MN} + \overrightarrow{PQ} + \overrightarrow{RN} + \overrightarrow{NP} + \overrightarrow{QR} = \overrightarrow{MN} + \overrightarrow{NP} + \overrightarrow{PQ} + \overrightarrow{QR} + \overrightarrow{RN} = \overrightarrow{MN}$ .

Câu 14: Cho tam giác  $ABC$  với trung tuyến  $AM$  và trọng tâm  $G$ . Khi đó  $\overrightarrow{GA}$  bằng vecto nào sau đây?

A.  $2\overrightarrow{GM}$ .

B.  $-\frac{2}{3}\overrightarrow{AM}$ .

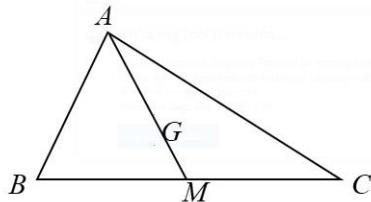
C.  $\frac{2}{3}\overrightarrow{GM}$ .

D.  $\frac{1}{2}\overrightarrow{AM}$ .

### Lời giải

#### Chọn B

Ta có  $\overrightarrow{GA} = -\frac{2}{3}\overrightarrow{AM}$



**Câu 15:** Kết quả đo chiều dài của một cây cầu được ghi là  $152m \pm 0,2m$ . Tìm sai số tương đối của phép đo chiều dài cây cầu.

- A.  $\delta_a < 0,1316\%$  .      B.  $\delta_a < 1,316\%$  .      C.  $\delta_a = 0,1316\%$  .      D.  $\delta_a > 0,1316\%$

#### Giải

Sai số tương đối  $\delta_a = \frac{0,2}{152} = 0,001315789 \approx 0,1316\%$

**Câu 16:** Hãy xác định sai số tuyệt đối của số  $a = 123456$  biết sai số tương đối  $\delta_a = 0,2\%$

- A. 246,912.      B. 617280.      C. 24691,2.      D. 61728000

#### Giải

Ta có  $\delta_a = \frac{\Delta_a}{|a|} \Rightarrow \Delta_a = \delta_a |a| = 246,912$ .

**Câu 17:** Cho mẫu số liệu thống kê:  $\{8, 10, 12, 14, 16\}$ . Số trung bình của mẫu số liệu trên là

- A. 12.      B. 14.      C. 13.      D. 12,5.

### Lời giải

#### Chọn A

Ta có số trung bình của mẫu số liệu trên là:  $\frac{8+10+12+14+16}{5} = 12$ .

**Câu 18:** Cho các số liệu thống kê về sản lượng chè thu được trong 1 năm (kg/sào) của 20 hộ gia đình

111	112	112	113	114	114	115	114	115	116
112	113	113	114	115	114	116	117	114	115

Tìm số móత

- A.  $M_0 = 111$  .      B.  $M_0 = 113$  .      C.  $M_0 = 114$  .      D.  $M_0 = 117$  .

#### Lời giải

Nhìn vào bảng số liệu ta thấy giá trị 114 có tần số lớn nhất nên ta có  $M_0 = 114$  .

**Câu 19:** Số sản phẩm sản xuất mỗi ngày của một phân xưởng trong 9 ngày liên tiếp được ghi lại như sau:

27 26 21 28 25 30 26 23 26

Khoảng biến thiên của mẫu số liệu này là:

- A. 8.      B. 5.      C. 6.      D. 9.

### Lời giải

Số sản phẩm sản xuất thấp nhất và cao nhất lần lượt là 30 và 21. Vậy khoảng biến thiên của mẫu số liệu này là 9.

- Câu 20:** Số lượng ly trà sữa một quán nước bán được trong 20 ngày qua là:  
4, 5, 6, 8, 9, 11, 13, 16, 16, 18, 20, 21, 25, 30, 31, 33, 36, 37, 40, 41.

Khoảng tú phân vị của mẫu số liệu trên là:

- A. 20.      **B. 22.**      C. 24.      D. 26.

### Lời giải

Số liệu trên đã sắp xếp theo thứ tự không giảm

Ta có  $Q_1 = 10; Q_2 = 19; Q_3 = 32$

Vậy khoảng tú phân vị của mẫu số liệu trên là:  $\Delta_Q = 32 - 10 = 22$ .

- Câu 21:** Cho 3 tập hợp:  $A = (-\infty; 1]$ ;  $B = [-2; 2]$  và  $C = (0; 5)$ . Tính  $(A \cap B) \cup (A \cap C) = ?$

- A.  $[-2; 1]$ .      B.  $(-2; 5)$ .      C.  $(0; 1]$ .      D.  $[1; 2]$ .

### Lời giải

#### Chọn A

$$A \cap B = [-2; 1].$$

$$A \cap C = (0; 1].$$

$$(A \cap B) \cup (A \cap C) = [-2; 1].$$

- Câu 22:** Bạn Minh Diệp làm một bài kỳ thi giữa học kỳ 1 môn Toán. Đề thi gồm 35 câu hỏi trắc nghiệm và 3 bài tự luận. Khi làm đúng mỗi câu trắc nghiệm được 0,2 điểm, làm đúng mỗi câu tự luận được 1 điểm. Giả sử bạn Minh Diệp làm đúng  $x$  câu hỏi trắc nghiệm và  $y$  bài tự luận. Viết một bất phương trình bậc nhất 2 ẩn  $x, y$  để đảm bảo bạn Minh Diệp được ít nhất 8 điểm.

- A.  $0,2x + y < 8$ .      **B.  $0,2x + y \geq 8$ .**      C.  $35x + 3y \geq 8$ .      D.  $x + 0,2y \geq 8$ .

### Lời giải

#### Chọn B

Số điểm  $x$  câu trắc nghiệm là  $0,2x$  (điểm), số điểm  $y$  bài tự luận là  $y$  (điểm).

Do đó tổng số điểm mà bạn Minh Diệp làm được là  $0,2x + y$  (điểm). Theo đề ta có bất phương trình  $0,2x + y \geq 8$ .

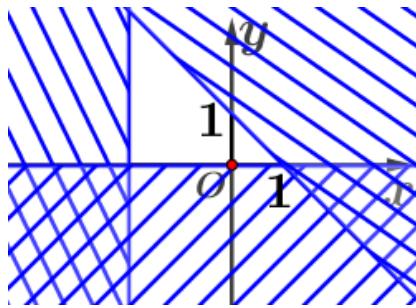
- Câu 23:** Miền nghiệm của hệ bất phương trình  $\begin{cases} x \geq -2 \\ x + y \leq 1 \\ y \geq 0 \end{cases}$  là

- A. Miền ngũ giác.      B. Miền tam giác.      C. Miền tứ giác.      D. Một nửa mặt phẳng.

### Lời giải

#### Chọn B

Miền nghiệm của hệ bất phương trình đã cho là phần không bị gạch như hình vẽ.



**Câu 24:** Tìm tập xác định của hàm số  $y = \sqrt{x-1} + \frac{1}{x+4}$ .

- A.  $[1; +\infty) \setminus \{4\}$ .      B.  $(1; +\infty) \setminus \{4\}$ .      C.  $(-4; +\infty)$ .      D.  $[1; +\infty)$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

$$\text{Điều kiện xác định của hàm số: } \begin{cases} x-1 \geq 0 \\ x+4 \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 1 \\ x \neq -4 \end{cases}.$$

Suy ra tập xác định của hàm số là  $[1; +\infty)$ .

**Câu 25:** Hàm số  $y = -x^2 + 2(m-1)x + 3$  nghịch biến trên  $(1; +\infty)$  khi giá trị  $m$  thỏa mãn:

- A.  $m \leq 0$ .      B.  $m > 0$ .      C.  $m \leq 2$ .      D.  $0 < m \leq 2$

**Lời giải**

**Chọn C**

Đồ thị hàm số có trục đối xứng là đường  $x = m-1$ . Đồ thị hàm số đã cho có hệ số  $x^2$  âm nên sẽ đồng biến trên  $(-\infty; m-1)$  và nghịch biến trên  $(m-1; +\infty)$ . Theo đề, cần:  $m-1 \leq 1 \Leftrightarrow m \leq 2$ .

**Câu 26:** Cho tam giác  $ABC$  có  $AB = 8\text{cm}$ ,  $AC = 18\text{cm}$  và có diện tích bằng  $64\text{cm}^2$ . Giá trị của  $\sin A$  là

- A.  $\frac{8}{9}$ .      B.  $\frac{3}{8}$ .      C.  $\frac{\sqrt{3}}{2}$ .      D.  $\frac{4}{5}$ .

**Lời giải**

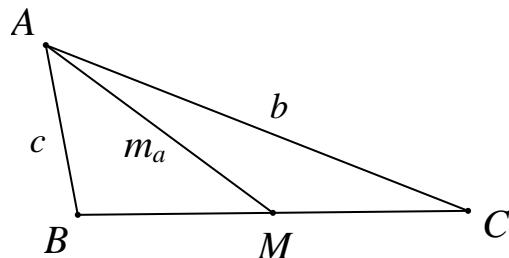
**Chọn A**

$$\text{Áp dụng công thức } S = \frac{1}{2} AB \cdot AC \sin A \Rightarrow \sin A = \frac{2S}{AB \cdot AC} = \frac{2 \cdot 64}{8 \cdot 18} = \frac{8}{9}$$

**Câu 27:** Cho tam giác  $ABC$  có độ dài ba cạnh là  $AB = 2$ ,  $BC = 5$ ,  $CA = 6$ . Tính độ dài đường trung tuyến  $MA$ , với  $M$  là trung điểm của  $BC$ .

- A.  $\frac{\sqrt{110}}{2}$ .      B.  $\frac{\sqrt{15}}{2}$ .      C.  $\sqrt{55}$ .      D.  $\frac{\sqrt{55}}{2}$ .

**Lời giải**

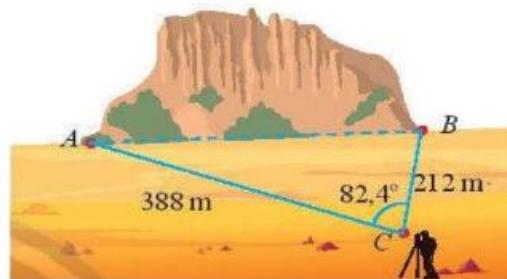


$$\text{Ta có } \cos C = \frac{a^2 + b^2 - c^2}{2ab} \Rightarrow \cos C = \frac{5^2 + 6^2 - 2^2}{2.5.6} = \frac{19}{20},$$

$$\text{Ta lại có: } MA^2 = AC^2 + MC^2 - 2AC.MC.\cos C = 6^2 + \left(\frac{5}{2}\right)^2 - 2.6 \cdot \frac{5}{2} \cdot \frac{19}{20} = \frac{55}{4}$$

$$\Rightarrow m_a = \frac{\sqrt{55}}{2}.$$

- Câu 28:** Một đường hầm được dự kiến xây dựng xuyên qua một ngọn núi. Để ước tính chiều dài của đường hầm, một kĩ sư thực hiện các phép đo đặc và cho ra kết quả như hình vẽ bên dưới. Từ các số liệu đã khảo sát được, chiều dài đường hầm gần nhất với kết quả nào:



A. 600m.

B. 466m.

C. 442m.

D. 417m.

**Lời giải**

**Chọn D**

Theo định lí cosin ta có:

$$AB^2 = CA^2 + CB^2 - 2.CA.CB.\cos C = 388^2 + 212^2 - 2.388.212.\cos(82,4^\circ) = 173730,24.$$

$$\text{Suy ra } AB = \sqrt{173730,24} \approx 417 \text{ m.}$$

- Câu 29:** Cho  $\Delta ABC$  gọi  $M, N, P$  lần lượt là trung điểm của các cạnh  $AB, AC, BC$ . Hỏi  $\overrightarrow{MP} + \overrightarrow{NP}$  bằng véc tơ nào?

A.  $\overrightarrow{AM}$ .

B.  $\overrightarrow{MN}$ .

C.  $\overrightarrow{PB}$ .

D.  $\overrightarrow{AP}$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

$$\text{Ta có } \overrightarrow{MP} + \overrightarrow{NP} = \overrightarrow{NP} + \overrightarrow{MP} = \overrightarrow{AM} + \overrightarrow{MP} = \overrightarrow{AP}.$$

- Câu 30:** Cho tam giác  $ABC$  vuông tại  $A$  và  $AB = 2, AC = 3$ . Độ dài của vectơ  $\overrightarrow{BC} + \overrightarrow{AC}$  bằng

A. 5.

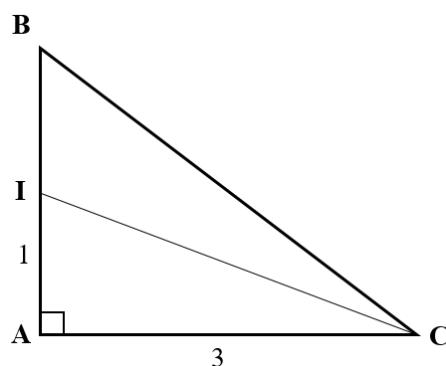
B. 40.

C.  $\sqrt{13}$ .

D.  $2\sqrt{10}$ .

**Lời giải**

**Chọn D**



Ta có  $\overrightarrow{BC} + \overrightarrow{AC} = -2\overrightarrow{CI}$  với  $I$  là trung điểm  $AB$ .

$$\text{Vậy } |\overrightarrow{BC} + \overrightarrow{AC}| = 2|\overrightarrow{CI}| = 2\sqrt{1^2 + 3^2} = 2\sqrt{10}.$$

**Câu 31:** Cho hai vecto  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  khác vecto-không. Xác định  $\alpha$  là góc giữa hai vecto  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  biết rằng  $2\vec{a} \cdot \vec{b} = -\sqrt{3}|\vec{a}| \cdot |\vec{b}|$ .

- A.  $\alpha = 120^\circ$ .      B.  $\alpha = 30^\circ$ .  
 C.  $\alpha = 60^\circ$ .      D.  $\alpha = 150^\circ$ .

#### Lời giải

$$\text{Ta có: } 2\vec{a} \cdot \vec{b} = -\sqrt{3}|\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \Leftrightarrow 2|\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \cos\alpha = -\sqrt{3}|\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \Leftrightarrow \cos\alpha = -\frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \alpha = 150^\circ.$$

**Câu 32:** Cho tam giác đều  $ABC$  có trọng tâm  $G$  và độ dài cạnh bằng  $a$ . Tính tích vô hướng  $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AG}$

- A.  $\frac{a^2\sqrt{3}}{6}$ .      B.  $\frac{3a^2}{4}$ .      C.  $\frac{a^2\sqrt{3}}{4}$ .      D.  $\frac{a^2}{2}$ .

#### Lời giải

$$\text{Ta có } \overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AG} = |\overrightarrow{AB}| |\overrightarrow{AG}| \cdot \cos(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AG}); \text{ với } |\overrightarrow{AB}| = AB = a; |\overrightarrow{AG}| = AG = \frac{a\sqrt{3}}{3}; (\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AG}) = 30^\circ.$$

$$\text{Vậy } \overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AG} = a \cdot \frac{a\sqrt{3}}{3} \cdot \cos 30^\circ = \frac{a^2}{2}.$$

**Câu 33:** Kết quả đo chiều dài một cây cầu có độ chính xác là  $0,75m$  với dụng cụ đo đam bảo sai số tương đối không vượt quá  $1,5\%$ . Tính độ dài gần đúng của cầu.

- A.  $500,1m$       B.  $499,9m$       C.  $500 m$       D.  $501 m$

#### Lời giải

Độ dài  $h$  của cây cầu là:

$$d \approx \frac{0,75}{1,5} \cdot 1000 = 500 \text{ (m)}$$

**Câu 34:** Bảng số liệu sau đây cho biết sản lượng chè thu được trong 1 năm (kg/sào) của 16 hộ gia đình:

111	112	113	112	114	127	128	125
119	118	113	126	120	115	123	116

Các tứ shân vị của mẫu số liệu đã cho là

- A.  $Q_1 = 113, Q_2 = 117, Q_3 = 124$ .      B.  $Q_1 = 117, Q_2 = 113, Q_3 = 124$ .  
 C.  $Q_1 = 113, Q_2 = 117, Q_3 = 123$ .      D.  $Q_1 = 113, Q_2 = 122, Q_3 = 123$ .

#### Lời giải

Sắp xếp các giá trị theo thứ tự không giảm ta được:

111	112	112	113	113	114	115	116
118	119	120	123	125	126	127	128

Ta có:

$$Q_2 = \frac{116+118}{2} = 117$$

$$Q_1 = \frac{113+113}{2} = 113$$

$$Q_3 = \frac{123+125}{2} = 124$$

**Câu 35:** Cho bảng số liệu thống kê điểm kiểm tra của lớp 10A1

Điểm	3	4	5	6	7	8	9	10
Số học sinh	2	3	7	18	3	2	4	1

Độ lệch chuẩn của mẫu số liệu trên là

- A. 1,5 .      B. 1,57 .      C. 1,58 .      D. 1,60 .

## II. PHẦN TỰ LUẬN (3,0 điểm)

**Câu 36:** Người ta dự định dùng hai loại nguyên liệu để sản xuất ít nhất 140 kg chất A và 18 kg chất

- B. Với mỗi tấn nguyên liệu loại I, người ta chiết xuất được 20 kg chất A và 1,2 kg chất
- B. Với mỗi tấn nguyên liệu loại II, người ta chiết xuất được 10 kg chất A và 3 kg chất
- B. Giá mỗi tấn nguyên liệu loại I là 8 triệu đồng và loại II là 6 triệu đồng. Hỏi người ta phải dùng bao nhiêu tấn nguyên liệu mỗi loại để chi phí mua nguyên liệu là ít nhất mà vẫn đạt mục tiêu đề ra. Biết rằng cơ sở cung cấp nguyên liệu chỉ có thể cung cấp tối đa 9 tấn nguyên liệu loại I và 8 tấn nguyên liệu loại II.

### Lời giải

Gọi  $x, y$  lần lượt là số tấn nguyên liệu loại I và loại II cần dùng

Điều kiện:  $0 \leq x \leq 9; 0 \leq y \leq 8$

- ❖ Khối lượng chất A được chiết xuất từ
  - ☞ Nguyên liệu loại I là  $0,020x$  (tấn)
  - ☞ Nguyên liệu loại II là  $0,010y$  (tấn)

Theo giả thiết, ta có bất phương trình  $0,02x + 0,01y \geq 0,14$  hay  $2x + y \geq 14$

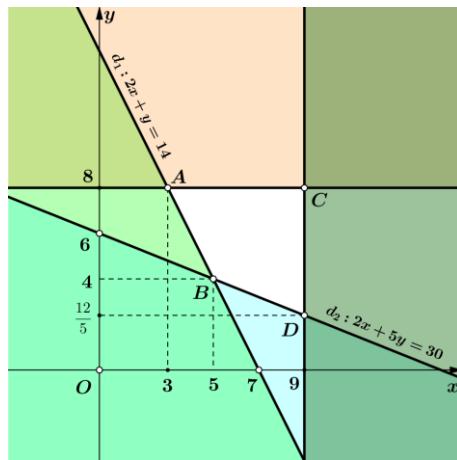
- ❖ Khối lượng chất B được chiết xuất từ
  - ☞ Nguyên liệu loại I là  $0,0012x$  (tấn)
  - ☞ Nguyên liệu loại II là  $0,003y$  (tấn)

Theo giả thiết, ta có bất phương trình  $0,0012x + 0,003y \geq 0,018$  hay  $2x + 5y \geq 30$

Khi đó để chi phí mua nguyên liệu là ít nhất mà vẫn đạt mục tiêu đề ra thì ta cần tìm  $x, y$  sao

cho biểu thức  $F(x, y) = 8x + 6y$  nhỏ nhất với  $x, y$  thỏa mãn hệ bất phương trình  $\begin{cases} 0 \leq x \leq 9 \\ 0 \leq y \leq 8 \\ 2x + y \geq 14 \\ 2x + 5y \geq 30 \end{cases}$

Biểu diễn miền nghiệm của hệ bất phương trình trên, ta được miền nghiệm của hệ là miền trong tứ giác  $ABCD$  (như hình vẽ), với  $A(8; 3), B(5; 4), C(9; 8), D\left(9; \frac{12}{5}\right)$

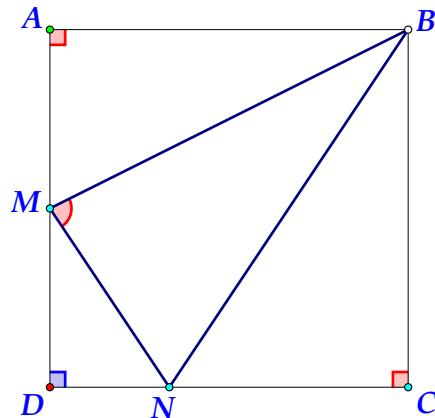


- ❖ Tại đỉnh  $A$ , ta có  $F = 82$
- ❖ Tại đỉnh  $B$ , ta có  $F = 64$
- ❖ Tại đỉnh  $C$ , ta có  $F = 120$
- ❖ Tại đỉnh  $D$ , ta có  $F = 86,4$

Vậy cơ sở cần mua 5 tấn nguyên liệu loại I và 4 tấn nguyên liệu loại II thì chi phí thấp nhất 64 triệu đồng.

**Câu 37:** Cho hình vuông  $ABCD$  với  $M$  là trung điểm cạnh  $AD$ ,  $N$  là điểm thuộc cạnh  $CD$  sao cho  $NC = 2ND$ . Tính  $\angle BMN$ . (Kết quả lấy hai chữ số ở phần thập phân).

**Lời giải**



Đặt cạnh hình vuông là  $AB = 6a > 0$ .

Ta có:  $\triangle DMN$  vuông tại  $D \Rightarrow MN^2 = DM^2 + DN^2 = (3a)^2 + (2a)^2 = 13a^2$ .

Và  $\triangle MAB$  vuông tại  $A \Rightarrow MB^2 = AM^2 + AB^2 = (6a)^2 + (3a)^2 = 45a^2$ .

Và  $\triangle NBC$  vuông tại  $C \Rightarrow BN^2 = BC^2 + NC^2 = (6a)^2 + (4a)^2 = 52a^2$ .

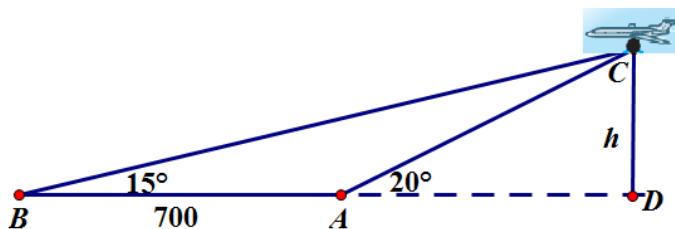
$$\text{Xét } \cos \angle BMN = \frac{MB^2 + MN^2 - BN^2}{2 \cdot MB \cdot MN} = \frac{45a^2 + 13a^2 - 52a^2}{2 \cdot a \sqrt{13} \cdot 3a \sqrt{5}} = \frac{\sqrt{65}}{65}.$$

Suy ra  $\angle BMN \approx 82,87^\circ$ .

**Câu 38:** Hai cảm biến được đặt cách nhau 700 feet dọc theo đường dẫn tới một sân bay nhỏ. Khi một máy bay bay ở gần sân bay, góc nhìn từ cảm biến thứ nhất đến máy bay là  $20^\circ$ , và từ cảm biến thứ hai đến máy bay là  $15^\circ$ . Xác định độ cao của máy bay tại thời điểm này.

**Lời giải:**

Trong mặt phẳng tạo bởi hai cảng biển và máy bay, gọi vị trí của cảng biển thứ nhất, thứ hai và máy bay lần lượt là  $A$ ,  $B$ ,  $C$ ; gọi hình chiếu của máy bay tới mặt đất là  $D$ .



Suy ra  $AB = 700$ ,  $CAD = 20^\circ$ ,  $CBD = 15^\circ$ .

Trong các tam giác vuông  $\Delta CAD$ ,  $\Delta CBD$  ta có

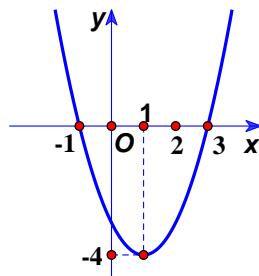
$$AD = h \cdot \cot CAD = h \cdot \cot 20^\circ$$

$$BD = h \cdot \cot CBD = h \cdot \cot 15^\circ$$

$$\Rightarrow BA = BD - AD = h(\cot 15^\circ - \cot 20^\circ) = h \cdot 0,9845.$$

$$\text{Vậy ta có } 700 = h \cdot 0,9846 \Leftrightarrow h = \frac{700}{0,9846} \approx 710,9486 \text{ feet.}$$

**Câu 39:** Cho parabol  $(P): y = ax^2 + bx + c, (a \neq 0)$  có đồ thị như hình bên. Xác định  $(P): y = ax^2 + bx + c, (a \neq 0)$



**Lời giải**

### Chọn C

Parabol  $(P): y = ax^2 + bx + c, (a \neq 0)$  đi qua các điểm  $A(-1; 0)$ ,  $B(1; -4)$ ,  $C(3; 0)$  nên có

hệ phương trình:  $\begin{cases} a - b + c = 0 \\ a + b + c = -4 \\ 9a + 3b + c = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = 1 \\ b = -2 \\ c = -3 \end{cases}$

$$\text{Vậy } (P): y = x^2 - 2x - 3$$

# ĐỀ ÔN TẬP KIỂM TRA CUỐI HỌC KỲ I NĂM HỌC 2022 – 2023

## MÔN: TOÁN 10 – ĐỀ SỐ: 06

### I. PHẦN TRẮC NGHIỆM (35 câu – 7,0 điểm)

**Câu 1:** Hình vẽ sau đây (phần không bị gạch) là biểu diễn của tập hợp nào?



- A.  $(-\infty; -3) \cup [8; +\infty)$ .    B.  $(-\infty; -3] \cup [8; +\infty)$ .    C.  $(-\infty; -3) \cup (8; +\infty)$ .    D.  $(-\infty; -3] \cup (8; +\infty)$ .

**Câu 2:** Cặp số  $(1;3)$  là nghiệm của bất phương trình nào sau đây?

- A.  $3x - y < 0$ .    B.  $2x - y - 1 > 0$ .    C.  $x - 3y - 2 < 0$ .    D.  $2x > 3y$ .

**Câu 3:** Điểm nào sau đây **không** thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình  $\begin{cases} 2x + 3y - 1 > 0 \\ 5x - y + 4 < 0 \end{cases}$ ?

- A.  $(-1; 4)$ .    B.  $(-2; 4)$ .    C.  $(-1; 1)$ .    D.  $(-3; 4)$ .

**Câu 4:** Hàm số  $y = \frac{2x+1}{x-1}$  nghịch biến trên khoảng nào trong các khoảng sau?

- A.  $(-\infty; 2)$ .    B.  $\left(-\frac{1}{2}; +\infty\right)$ .    C.  $\left(-1; \frac{3}{2}\right)$ .    D.  $(1; +\infty)$ .

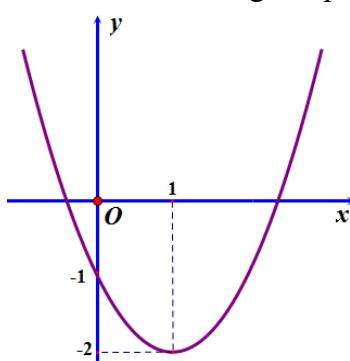
**Câu 5:** Trong mặt phẳng Oxy, điểm  $A(1; y)$  thuộc đồ thị hàm số  $y = \sqrt{x+3}$  lúc đó giá trị của  $y$  bằng:

- A.  $y = 4$ .    B.  $y = 2$ .    C.  $y = 1$ .    D.  $y = 3$ .

**Câu 6:** Khoảng nghịch biến của hàm số  $y = x^2 - 4x + 3$  là

- A.  $(-\infty; -4)$ .    B.  $(-\infty; -4)$ .    C.  $(-\infty; 2)$ .    D.  $(-2; +\infty)$ .

**Câu 7:** Đồ thị trong hình vẽ dưới đây là của hàm số nào trong các phương án A;B;C;D sau đây?



- A.  $y = x^2 + 2x - 1$ .    B.  $y = x^2 + 2x - 2$ .    C.  $y = 2x^2 - 4x - 2$ .    D.  $y = x^2 - 2x - 1$ .

**Câu 8:** Cho góc  $\alpha$  tù. Khẳng định nào sau đây là đúng?

- A.  $\cot \alpha > 0$ .    B.  $\tan \alpha > 0$ .    C.  $\cos \alpha < 0$ .    D.  $\sin \alpha < 0$ .

**Câu 9:** Cho tam giác  $ABC$  có  $BC = a, CA = b, AB = c$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A.  $a^2 = b^2 + c^2 + 2bc \cdot \cos A$ .    B.  $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cdot \cos C$ .

- C.  $\frac{a}{\cos A} = \frac{b}{\cos B} = \frac{c}{\cos C}$ .    D.  $b^2 = a^2 + c^2$ .

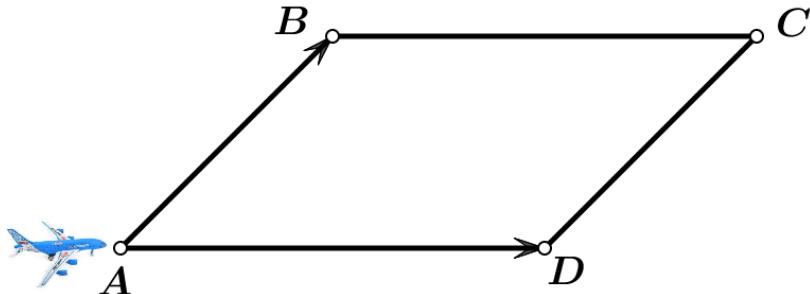
**Câu 10:** Tam giác  $ABC$  có  $B = 60^\circ$ ,  $C = 45^\circ$  và  $AB = 5$ . Tính độ dài cạnh  $AC$

- A.  $AC = \frac{5\sqrt{6}}{2}$       B.  $AC = 5\sqrt{3}$       C.  $AC = 5\sqrt{2}$       D.  $AC = 10$

**Câu 11:** Cho  $\vec{a} = \vec{b} \neq \vec{0}$ . Phát biểu nào sau đây là **sai**?

- A.  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  cùng độ dài.      B.  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  không cùng độ phương.  
C.  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  cùng hướng.      D.  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  cùng phương.

**Câu 12:** Một máy bay đồ chơi đang đứng ở vị trí  $A$  và chịu đồng thời hai lực tác động cùng một lúc được biểu diễn bằng hai vectơ  $\overrightarrow{AB}$  và  $\overrightarrow{AD}$ . Hỏi máy bay trên chuyển động theo vectơ nào dưới đây?



- A.  $\overrightarrow{AB}$       B.  $\overrightarrow{AC}$ .      C.  $\overrightarrow{CA}$ .      D.  $\overrightarrow{AD}$ .

**Câu 13:** Cho đoạn thẳng  $AB$  và điểm  $M$  là một điểm trong đoạn thẳng  $AB$  sao cho  $AM = \frac{1}{5}AB$ . Tìm  $k$  để  $\overrightarrow{MA} = k\overrightarrow{MB}$ .

- A.  $k = -4$ .      B.  $k = -\frac{1}{4}$ .      C.  $k = 4$ .      D.  $k = \frac{1}{4}$ .

**Câu 14:** Cho hai vectơ  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  đều khác vectơ  $\vec{0}$ . Khẳng định nào sau đây đúng?

- A.  $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}|$ .      B.  $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \cos(\vec{a}, \vec{b})$ .  
C.  $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a} \cdot \vec{b}| \cdot \cos(\vec{a}, \vec{b})$ .      D.  $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \sin(\vec{a}, \vec{b})$ .

**Câu 15:** Khi tính diện tích hình tròn bán kính  $R = 3\text{cm}$ , nếu lấy  $\pi = 3,14$  thì độ chính xác là bao nhiêu?

- A.  $d = 0,009$ .      B.  $d = 0,09$ .      C.  $d = 0,1$ .      D.  $d = 0,01$

**Câu 16:** Tìm số gần đúng của  $a = 5,2463$  với độ chính xác  $d = 0,001$ .

- A. 5,25.      B. 5,24.      C. 5,246.      D. 5,2

**Câu 17:** Giá của một số loại túi xách (đơn vị nghìn đồng) được cho như sau:

350    300    650    300    450    500    300    250.

Tìm số trung vị của mẫu số liệu sau

- A. 325.      B. 300.      C. 450.      D. 400.

**Câu 18:** Bảng sau đây cho biết chiều cao của một nhóm học sinh:

160	178	150	164	168	176	156	172
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Các tứ phân vị của mẫu số liệu là

- A.  $Q_1 = 158; Q_2 = 164; Q_3 = 174$ .      B.  $Q_1 = 158; Q_2 = 166; Q_3 = 174$ .  
C.  $Q_1 = 160; Q_2 = 168; Q_3 = 176$ .      D.  $Q_1 = 150; Q_2 = 164; Q_3 = 178$ .

**Câu 19:** Mẫu số liệu sau đây cho biết số bài hát ở mỗi album trong bộ sưu tập của Bình:

12    7    10    9    12    9    7    11    10    14    8    6    13    11    8

Khoảng biến thiên và khoảng túc phân vị của mẫu số liệu lần lượt là

- |                                     |                                      |
|-------------------------------------|--------------------------------------|
| <b>A.</b> $R=8$ và $\Delta_Q=4$ .   | <b>B.</b> $R=10$ và $\Delta_Q=3,5$ . |
| <b>C.</b> $R=8$ và $\Delta_Q=3,5$ . | <b>D.</b> $R=10$ và $\Delta_Q=4$ .   |

**Câu 20:** Chọn khẳng định đúng. Số liệu càng phân tán thì

- |  |   |
|--|---|
| <b>A.</b> Phương sai và độ lệch chuẩn càng lớn.  | <b>B.</b> Phương sai và độ lệch chuẩn càng nhỏ. |
| <b>C.</b> Phương sai và độ lệch chuẩn bằng nhau. | <b>D.</b> Phương sai bằng số trung bình cộng.   |

**Câu 21:** Có bao nhiêu tập hợp  $X$  thỏa mãn điều kiện  $\{0;1;a\} \cup X = \{0;1;a;b;c\}$ ?

- |              |              |              |              |
|--------------|--------------|--------------|--------------|
| <b>A.</b> 8. | <b>B.</b> 5. | <b>C.</b> 7. | <b>D.</b> 6. |
|--------------|--------------|--------------|--------------|

**Câu 22:** Bạn An được mẹ giao cho đi siêu thị mua 2 loại thực phẩm là cà chua và thịt lợn với số tiền mẹ đưa là 200.000 đồng. Biết rằng, mỗi cân thịt có giá là 120.000 đồng và mỗi cân cà chua có giá là 30.000 đồng. Gọi số cân thịt và số cân cà chua mà bạn An mua được lần lượt là  $x, y$ . Hãy viết bất phương trình biểu thị số tiền mà bạn An đã mua, sao cho số tiền đó không vượt quá số tiền mà mẹ đưa.

- |                              |                           |                           |                              |
|------------------------------|---------------------------|---------------------------|------------------------------|
| <b>A.</b> $12x+3y \geq 20$ . | <b>B.</b> $12x+3y > 20$ . | <b>C.</b> $12x+3y < 20$ . | <b>D.</b> $12x+3y \leq 20$ . |
|------------------------------|---------------------------|---------------------------|------------------------------|

**Câu 23:** Có bao nhiêu các giá trị nguyên của tham số  $m$  để  $(x; y) = (m; -1)$  thuộc miền nghiệm của hệ

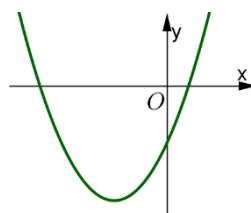
$$\begin{cases} x+y-2 > 0 \\ 2x-y-51 \leq 0 \end{cases} ?$$

- |               |               |               |               |
|---------------|---------------|---------------|---------------|
| <b>A.</b> 21. | <b>B.</b> 24. | <b>C.</b> 23. | <b>D.</b> 22. |
|---------------|---------------|---------------|---------------|

**Câu 24:** Cho hàm số  $f(x) = \begin{cases} \frac{2\sqrt{x+2}-3}{x-1} & \text{khi } x \geq 2 \\ x^2+1 & \text{khi } x < 2 \end{cases}$ . Tính  $P = f(2) + f(-2)$ .

- |                               |                               |                     |                     |
|-------------------------------|-------------------------------|---------------------|---------------------|
| <b>A.</b> $P = \frac{5}{3}$ . | <b>B.</b> $P = \frac{8}{3}$ . | <b>C.</b> $P = 6$ . | <b>D.</b> $P = 4$ . |
|-------------------------------|-------------------------------|---------------------|---------------------|

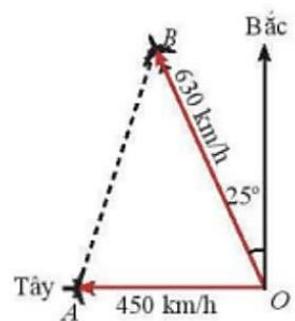
**Câu 25:** Cho hàm số  $y = ax^2 + bx + c$  có đồ thị là parabol trong hình vẽ. Khẳng định nào sau đây là **đúng**?



- |                                   |                                   |                                   |                                   |
|-----------------------------------|-----------------------------------|-----------------------------------|-----------------------------------|
| <b>A.</b> $a > 0; b > 0; c > 0$ . | <b>B.</b> $a > 0; b < 0; c > 0$ . | <b>C.</b> $a > 0; b < 0; c < 0$ . | <b>D.</b> $a > 0; b > 0; c < 0$ . |
|-----------------------------------|-----------------------------------|-----------------------------------|-----------------------------------|

**Câu 26:** Hai máy bay cùng cất cánh từ một sân bay nhưng bay theo hai hướng khác nhau. Một chiếc di chuyển với tốc độ  $450\text{ km/h}$  theo hướng Tây và chiếc còn lại di chuyển theo hướng lệch so với hướng Bắc  $25^\circ$  về hướng Tây với tốc độ  $630\text{ km/h}$  (hình vẽ). Sau 90 phút, giả sử hai máy bay đang ở cùng độ cao, khoảng cách giữa chúng gần nhất với kết quả nào sau đây?

- |                               |                               |
|-------------------------------|-------------------------------|
| <b>A.</b> $794,4\text{ km}$ . | <b>B.</b> $529,6\text{ km}$ . |
| <b>C.</b> $899,7\text{ km}$ . | <b>D.</b> $599,8\text{ km}$ . |



**Câu 27:** Trên biển một ca nô xuất phát từ cảng  $A$ , chạy về hướng tây  $30\text{ km}$  đến  $B$  rồi chuyển sang hướng  $W30^\circ S$  chạy tiếp  $40\text{ km}$  nữa tới đảo  $C$ . Khi đó khoảng cách giữa  $A$  và  $C$  là

- |                            |                            |                            |                            |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| <b>A.</b> $68\text{ km}$ . | <b>B.</b> $67\text{ km}$ . | <b>C.</b> $61\text{ km}$ . | <b>D.</b> $60\text{ km}$ . |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

**Câu 28:** Tam giác  $ABC$  có  $BC = 10, A = 30^\circ$ . Tính bán kính  $R$  đường tròn ngoại tiếp  $\Delta ABC$ .

- A.  $R = 5$ .      B.  $R = 10$ .      C.  $R = \frac{10}{\sqrt{3}}$ .      D.  $R = 10\sqrt{3}$ .

**Câu 29:** Cho  $\Delta ABC, D, E, F$  lần lượt là trung điểm của các cạnh  $BC, CA, AB$ . Đẳng thức nào sau đây là đúng?

- A.  $\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{BE} + \overrightarrow{CF} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{BC}$   
 B.  $\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{BE} + \overrightarrow{CF} = \overrightarrow{AF} + \overrightarrow{CE} + \overrightarrow{DB}$   
 C.  $\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{BE} + \overrightarrow{CF} = \overrightarrow{AE} + \overrightarrow{BF} + \overrightarrow{CD}$   
 D.  $\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{BE} + \overrightarrow{CF} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{AC}$

**Câu 30:** Biết rằng hai vec tơ  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  không cùng phương nhưng hai vec tơ  $3\vec{a} - 2\vec{b}$  và  $(x+1)\vec{a} + 4\vec{b}$  cùng phương. Khi đó giá trị của  $x$  là:

- A.  $-7$       B.  $7$       C.  $5$       D.  $6$

**Câu 31:** Cho tam giác  $ABC$  vuông tại  $A$  và có  $ABC = 40^\circ$ . Tính góc giữa hai vectơ  $\overrightarrow{CA}$  và  $\overrightarrow{CB}$

- A.  $(\overrightarrow{CA}, \overrightarrow{CB}) = 40^\circ$       B.  $(\overrightarrow{CA}, \overrightarrow{CB}) = 130^\circ$       C.  $(\overrightarrow{CA}, \overrightarrow{CB}) = 140^\circ$       D.  $(\overrightarrow{CA}, \overrightarrow{CB}) = 50^\circ$

**Câu 32:** Cho hình bình hành  $ABCD$  có  $AB = 2a$ ,  $AD = 3a$ ,  $BAD = 60^\circ$ . Điểm  $K$  thuộc  $AD$  thỏa mãn  $\overrightarrow{AK} = -2\overrightarrow{DK}$ . Tính tích vô hướng  $\overrightarrow{BK} \cdot \overrightarrow{AC}$ .

- A.  $3a^2$ .      B.  $6a^2$ .      C.  $a^2$ .      D.  $0$ .

**Câu 33:** Bạn A đo chiều dài của một sân bóng ghi được  $250 \pm 0,2m$ . Bạn B đo chiều cao của một cột cờ được  $15 \pm 0,1m$ . Trong 2 bạn A và B, bạn nào có phép đo chính xác hơn và sai số tương đối trong phép đo của bạn đó là bao nhiêu?

- A. Bạn A đo chính xác hơn bạn B với sai số tương đối là  $0,08\%$ .  
 B. Bạn B đo chính xác hơn bạn A với sai số tương đối là  $0,08\%$ .  
 C. Hai bạn đo chính xác như nhau với sai số tương đối bằng nhau là  $0,08\%$ .  
 D. Bạn A đo chính xác hơn bạn B với sai số tương đối là  $0,06\%$ .

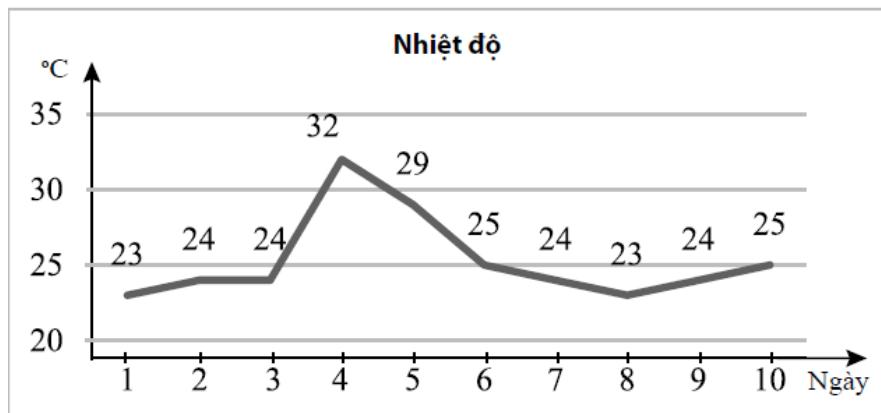
**Câu 34:** Sản lượng lúa (tạ) của 40 thửa ruộng thí nghiệm có cùng diện tích được trình bày trong bảng phân bố tần số sau đây:

Sản lượng	20	21	22	23	24
Tần số	5	8	$n$	$m$	6

Tìm  $n$  biết sản lượng trung bình của 40 thửa ruộng là 22,1 tạ.

- A. 10.      B. 11.      C. 12.      D. 13.

**Câu 35:** Biểu đồ sau ghi lại nhiệt độ lúc 12 giờ trưa tại một trạm quan trắc trong 10 ngày liên tiếp (đơn vị:  $^\circ C$ ). Phương sai và độ lệch chuẩn của mẫu số liệu là



- A.  $S^2 = 7,61; S \approx 2,76$   
 B.  $S^2 = 7; S \approx 2,646$ .  
 C.  $S^2 = 7,7; S \approx 2,775$ .  
 D.  $S^2 = 7,52; S \approx 2,742$ .

## II. PHẦN TỰ LUẬN (3,0 điểm)

**Câu 36:** Một quả bóng cầu thủ sút lên rồi rơi xuống theo quỹ đạo là parabol. Biết rằng ban đầu quả bóng được sút lên từ độ cao 1 m sau đó 1 giây nó đạt độ cao 10 m và 3,5 giây nó ở độ cao 6,25 m. Hỏi độ cao cao nhất mà quả bóng đạt được là bao nhiêu mét?

**Câu 37:** Cho tam giác  $ABC$ , gọi  $D$  là điểm trên cạnh  $BC$  sao cho  $\overrightarrow{BD} = \frac{2}{3}\overrightarrow{BC}$  và  $I$  là trung điểm của  $AD$ . Gọi  $M$  là điểm thỏa mãn  $\overrightarrow{AM} = \frac{2}{5}\overrightarrow{AC}$ . Chứng minh ba điểm  $B, I, M$  thẳng hàng.

**Câu 38:** Một trang trại cần thuê xe vận chuyển 450 con lợn và 35 tấn cám. Nơi cho thuê xe chỉ có 12 xe lớn và 10 xe nhỏ. Một chiếc xe lớn có thể chở 50 con lợn và 5 tấn cám. Một chiếc xe nhỏ có thể chở 30 con lợn và 1 tấn cám. Tiền thuê một xe lớn là 4 triệu đồng, một xe nhỏ là 2 triệu đồng. Hỏi phải thuê bao nhiêu xe mỗi loại để chi phí thuê xe là thấp nhất?

**Câu 39:** Cho tam giác  $ABC$  có độ dài ba cạnh là  $a, b, c$  và thỏa mãn  $a^4 = b^4 + c^4$ . Chứng minh rằng tam giác  $ABC$  nhọn.

----- HẾT -----

## HƯỚNG DẪN GIẢI CHI TIẾT

### I. PHẦN TRẮC NGHIỆM (35 câu – 7,0 điểm)

**Câu 1:** Hình vẽ sau đây (phần không bị gạch) là biểu diễn của tập hợp nào?



- A.  $(-\infty; -3) \cup [8; +\infty)$ .    B.  $(-\infty; -3] \cup [8; +\infty)$ .    C.  $(-\infty; -3) \cup (8; +\infty)$ .    D.  $(-\infty; -3] \cup (8; +\infty)$ .

**Lời giải:**

**Chọn A**

**Câu 2:** Cặp số  $(1;3)$  là nghiệm của bất phương trình nào sau đây?

- A.  $3x - y < 0$ .    B.  $2x - y - 1 > 0$ .    C.  $x - 3y - 2 < 0$ .    D.  $2x > 3y$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

Lần lượt thay cặp số  $(1;3)$  vào bốn phương án, ta có:  $1 - 3.3 - 2 < 0$  (đúng) nên cặp số  $(1;3)$  là nghiệm của bất phương trình  $x - 3y - 2 < 0$ .

**Câu 3:** Điểm nào sau đây **không** thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình  $\begin{cases} 2x + 3y - 1 > 0 \\ 5x - y + 4 < 0 \end{cases}$ ?

- A.  $(-1; 4)$ .    B.  $(-2; 4)$ .    C.  $(-1; 1)$ .    D.  $(-3; 4)$ .

**Lời giải**

Nhận xét: chỉ có điểm  $(-1; 1)$  không thỏa mãn hệ.

**Câu 4:** Hàm số  $y = \frac{2x+1}{x-1}$  nghịch biến trên khoảng nào trong các khoảng sau?

- A.  $(-\infty; 2)$ .    B.  $\left(-\frac{1}{2}; +\infty\right)$ .    C.  $\left(-1; \frac{3}{2}\right)$ .    D.  $(1; +\infty)$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Tập xác định:  $D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$ .

□ Lấy  $x_1, x_2 \in (-\infty; 1)$  sao cho  $x_1 < x_2$ .

$$\text{Xét } y_1 - y_2 = \frac{2x_1+1}{x_1-1} - \frac{2x_2+1}{x_2-1} = \frac{2x_1x_2 - 2x_1 + x_2 - 1 - 2x_2x_1 + 2x_2 - x_1 + 1}{(x_1-1)(x_2-1)} = \frac{3(x_2 - x_1)}{(x_1-1)(x_2-1)}$$

Với  $x_1, x_2 \in (-\infty; 1)$  và  $x_1 < x_2$ , ta có  $x_2 - x_1 > 0$ ;  $x_1 - 1 < 0$ ;  $x_2 - 1 < 0 \Rightarrow y_1 - y_2 > 0 \Leftrightarrow y_1 > y_2$

Do đó hàm số nghịch biến trên  $(-\infty; 1)$

□ Lấy  $x_1, x_2 \in (1; +\infty)$  sao cho  $x_1 < x_2$ .

$$\text{Xét } y_1 - y_2 = \frac{2x_1+1}{x_1-1} - \frac{2x_2+1}{x_2-1} = \frac{2x_1x_2 - 2x_1 + x_2 - 1 - 2x_2x_1 + 2x_2 - x_1 + 1}{(x_1-1)(x_2-1)} = \frac{3(x_2 - x_1)}{(x_1-1)(x_2-1)}$$

Với  $x_1, x_2 \in (1; +\infty)$  và  $x_1 < x_2$ , ta có  $x_2 - x_1 > 0$ ;  $x_1 - 1 > 0$ ;  $x_2 - 1 > 0 \Rightarrow y_1 - y_2 > 0 \Leftrightarrow y_1 > y_2$

Do đó hàm số nghịch biến trên  $(1; +\infty)$ .

**Câu 5:** Trong mặt phẳng  $Oxy$ , điểm  $A(1; y)$  thuộc đồ thị hàm số  $y = \sqrt{x+3}$  lúc đó giá trị của  $y$  bằng:

- A.**  $y = 4$ .      **B.**  $y = 2$ .      **C.**  $y = 1$ .      **D.**  $y = 3$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

$A(1; y)$  thuộc đồ thị hàm số  $y = \sqrt{x+3}$  nên ta có  $y = \sqrt{1+3} = 2$

**Câu 6:** Khoảng nghịch biến của hàm số  $y = x^2 - 4x + 3$  là

- A.**  $(-\infty; -4)$ .      **B.**  $(-\infty; -4)$ .      **C.**  $(-\infty; 2)$ .      **D.**  $(-2; +\infty)$ .

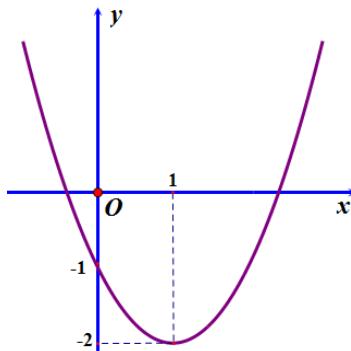
**Lời giải**

**Chọn C**

Hàm số  $y = x^2 - 4x + 3$  có hệ số  $a = 1 > 0$  nên đồng biến trên khoảng  $\left(-\infty; -\frac{b}{2a}\right)$ .

Vì vậy hàm số đồng biến trên  $(-\infty; 2)$ .

**Câu 7:** Đồ thị trong hình vẽ dưới đây là của hàm số nào trong các phương án A;B;C;D sau đây?



- A.**  $y = x^2 + 2x - 1$ .      **B.**  $y = x^2 + 2x - 2$ .      **C.**  $y = 2x^2 - 4x - 2$ .      **D.**  $y = x^2 - 2x - 1$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Đồ thị cắt trục tung tại điểm có tung độ bằng  $-1$  nên loại **B** và **C**

Hoành độ của đỉnh là  $x_d = -\frac{b}{2a} = 1$  nên ta loại **A** và **Chọn D**

**Câu 8:** Cho góc  $\alpha$  tù. Khẳng định nào sau đây là đúng?

- A.**  $\cot \alpha > 0$ .      **B.**  $\tan \alpha > 0$ .      **C.**  $\cos \alpha < 0$ .      **D.**  $\sin \alpha < 0$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

Vì góc  $\alpha$  tù nên  $\cos \alpha < 0$ .

**Câu 9:** Cho tam giác  $ABC$  có  $BC = a, CA = b, AB = c$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A.**  $a^2 = b^2 + c^2 + 2bc \cdot \cos A$ .      **B.**  $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cdot \cos C$ .  
**C.**  $\frac{a}{\cos A} = \frac{b}{\cos B} = \frac{c}{\cos C}$ .      **D.**  $b^2 = a^2 + c^2$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Theo định lý cosin, ta có  $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos C$ .

**Câu 10:** Tam giác  $ABC$  có  $B = 60^\circ$ ,  $C = 45^\circ$  và  $AB = 5$ . Tính độ dài cạnh  $AC$

- A.  $AC = \frac{5\sqrt{6}}{2}$       B.  $AC = 5\sqrt{3}$       C.  $AC = 5\sqrt{2}$       D.  $AC = 10$

**Lời giải**

**Chọn A**

$$\text{Áp dụng định lý sin ta có } \frac{AC}{\sin B} = \frac{AB}{\sin C} \Rightarrow \frac{AC}{\sin 60^\circ} = \frac{5}{\sin 45^\circ} \Rightarrow AC = \frac{5\sqrt{6}}{2}.$$

**Câu 11:** Cho  $\vec{a} = \vec{b} \neq \vec{0}$ . Phát biểu nào sau đây là **sai**?

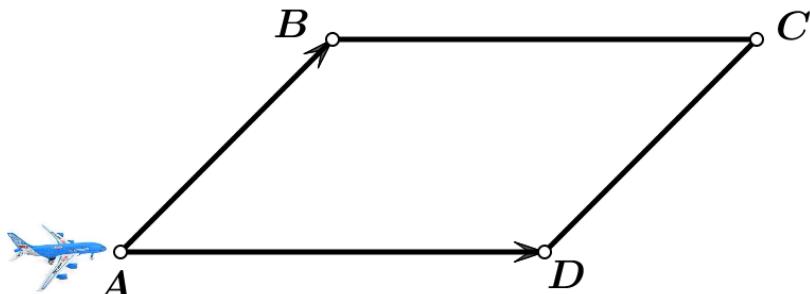
- A.  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  cùng độ dài. B.  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  không cùng độ phương.  
C.  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  cùng hướng. D.  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  cùng phương.

**Lời giải**

**Chọn B**

Phát biểu sai là  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  không cùng độ phương.

**Câu 12:** Một máy bay đồ chơi đang đứng ở vị trí  $A$  và chịu đồng thời hai lực tác động cùng một lúc được biểu diễn bằng hai vectơ  $\overrightarrow{AB}$  và  $\overrightarrow{AD}$ . Hỏi máy bay trên chuyển động theo vectơ nào dưới đây?



- A.  $\overrightarrow{AB}$       B.  $\overrightarrow{AC}$ .      C.  $\overrightarrow{CA}$ .      D.  $\overrightarrow{AD}$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Theo quy tắc hình bình hành máy bay trên chuyển động theo vectơ  $\overrightarrow{AC}$

**Câu 13:** Cho đoạn thẳng  $AB$  và điểm  $M$  là một điểm trong đoạn thẳng  $AB$  sao cho  $AM = \frac{1}{5}AB$ . Tìm  $k$  để  $\overrightarrow{MA} = k\overrightarrow{MB}$ .

- A.  $k = -4$ .      B.  $k = -\frac{1}{4}$ .      C.  $k = 4$ .      D.  $k = \frac{1}{4}$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Do  $M$  là một điểm trong đoạn thẳng  $AB$  thỏa  $AM = \frac{1}{5}AB$  nên  $\overrightarrow{AM} = \frac{1}{5}\overrightarrow{AB}$

$$\Leftrightarrow \overrightarrow{AM} = \frac{1}{5}(\overrightarrow{AM} + \overrightarrow{MB}) \Leftrightarrow -5\overrightarrow{MA} = -\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} \Leftrightarrow 4\overrightarrow{MA} = -\overrightarrow{MB} \Leftrightarrow \overrightarrow{MA} = -\frac{1}{4}\overrightarrow{MB}$$

Vậy  $k = -\frac{1}{4}$ .

**Câu 14:** Cho hai véctơ  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  đều khác véctơ  $\vec{0}$ . Khẳng định nào sau đây đúng?

- A.  $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}|$ .      B.  $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \cos(\vec{a}, \vec{b})$ .  
 C.  $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a} \cdot \vec{b}| \cdot \cos(\vec{a}, \vec{b})$ .    D.  $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \sin(\vec{a}, \vec{b})$ .

### Lời giải

Theo định nghĩa tích vô hướng của hai véctơ.

**Câu 15:** Khi tính diện tích hình tròn bán kính  $R = 3\text{cm}$ , nếu lấy  $\pi = 3,14$  thì độ chính xác là bao nhiêu?

- A.  $d = 0,009$ .      B.  $d = 0,09$ .      C.  $d = 0,1$ .      D.  $d = 0,01$

### Giải

Ta có diện tích hình tròn  $S = 3,14 \cdot 3^2$  và  $\bar{S} = \pi \cdot 3^2 = 9\pi$

Ta có:  $3,14 < \pi < 3,15 \Rightarrow 3,14 \cdot 9 < 9\pi < 3,15 \cdot 9 \Rightarrow 28,26 < \bar{S} < 28,35$

Do đó:  $\bar{S} - S = \bar{S} - 28,26 < 28,35 - 28,26 = 0,09 \Rightarrow \Delta(S) = |\bar{S} - S| < 0,09$

Vậy nếu ta lấy  $\pi = 3,14$  thì diện tích hình tròn là  $S = 28,26\text{cm}^2$  với độ chính xác  $d = 0,09$ .

**Câu 16:** Tìm số gần đúng của  $a = 5,2463$  với độ chính xác  $d = 0,001$ .

- A. 5,25.      B. 5,24.      C. 5,246.      D. 5,2

### Giải

Vì độ chính xác đến hàng *phân nghìn* nên ta quy tròn a đến hàng *phân trăm*, vậy số quy tròn của a là 5,25.

**Câu 17:** Giá của một số loại túi xách (đơn vị nghìn đồng) được cho như sau:

350    300    650    300    450    500    300    250 .

Tìm số trung vị của mẫu số liệu sau

- A. 325.      B. 300.      C. 450.      D. 400 .

### Lời giải

Sắp xếp mẫu số liệu theo thứ tự không giảm là: 250 300 300 300 350 450 500 650

Dãy trên có 8 giá trị nên ta lấy trung bình cộng 2 giá trị ở giữa  $\frac{300+350}{2} = 325$ .

**Câu 18:** Bảng sau đây cho biết chiều cao của một nhóm học sinh:

160	178	150	164	168	176	156	172
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Các tứ phân vị của mẫu số liệu là

- A.  $Q_1 = 158; Q_2 = 164; Q_3 = 174$  .      B.  $Q_1 = 158; Q_2 = 166; Q_3 = 174$  .  
 C.  $Q_1 = 160; Q_2 = 168; Q_3 = 176$  .      D.  $Q_1 = 150; Q_2 = 164; Q_3 = 178$  .

### Lời giải

Sắp xếp các giá trị này theo thứ tự không giảm

150	156	160	164	168	172	176	178
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Vì  $n = 8$  là số chẵn nên  $Q_2$  là số trung bình cộng của hai giá trị chính giữa:

$$Q_2 = (164 + 168) : 2 = 166$$

Ta tìm  $Q_1$  là trung vị của nửa số liệu bên trái  $Q_2$

150	156	160	164
-----	-----	-----	-----

và tìm được  $Q_1 = (156+160):2 = 158$

Ta tìm  $Q_3$  là trung vị của nửa số liệu bên phải  $Q_2$

168	172	176	178
-----	-----	-----	-----

và tìm được  $Q_3 = (172+176):2 = 174$ .

**Câu 19:** Mẫu số liệu sau đây cho biết số bài hát ở mỗi album trong bộ sưu tập của Bình:

12 7 10 9 12 9 7 11 10 14 8 6 13 11 8

Khoảng biến thiên và khoảng tú phân vị của mẫu số liệu lần lượt là

A.  $R = 8$  và  $\Delta_Q = 4$ .      B.  $R = 10$  và  $\Delta_Q = 3,5$ .

C.  $R = 8$  và  $\Delta_Q = 3,5$ .    D.  $R = 10$  và  $\Delta_Q = 4$ .

**Lời giải**

Sắp xếp mẫu số liệu theo thứ tự không giảm:

6 7 7 8 8 8 9                  10 10 11 11 12 12 13 14

Khoảng biến thiên:  $R = 14 - 6 = 8$ .

Mẫu số liệu có 16 giá trị nên ta có  $Q_2 = \frac{9+10}{2} = 9,5$ ;  $Q_1 = \frac{8+8}{2} = 8$  và  $Q_3 = \frac{11+12}{2} = 11,5$ .

Vậy khoảng tú phân vị là  $\Delta_Q = Q_3 - Q_1 = 11,5 - 8 = 3,5$ .

**Câu 20:** Chọn khẳng định đúng. Số liệu càng phân tán thì

- A. Phương sai và độ lệch chuẩn càng lớn.      B. Phương sai và độ lệch chuẩn càng nhỏ.  
C. Phương sai và độ lệch chuẩn bằng nhau.      D. Phương sai bằng số trung bình cộng.

**Lời giải**

Dựa vào khái niệm.

**Câu 21:** Có bao nhiêu tập hợp  $X$  thỏa mãn điều kiện  $\{0;1;a\} \cup X = \{0;1;a;b;c\}$ ?

- A. 8.      B. 5.      C. 7.      D. 6.

**Lời giải**

**Chọn A**

Ta có các tập  $X$  thỏa mãn là:

$$X_1 = \{0;1;b;c\}, X_2 = \{1;b;c\}, X_3 = \{a;b;c\}, X_4 = \{0;1;b;c\}, X_5 = \{0;a;b;c\}$$

$$X_6 = \{1;a;b;c\}, X_7 = \{0;1;a;b;c\}, X_8 = \{b,c\}$$

**Câu 22:** Bạn An được mẹ giao cho đi siêu thị mua 2 loại thực phẩm là cà chua và thịt lợn với số tiền mẹ đưa là 200.000 đồng. Biết rằng, mỗi cân thịt có giá là 120.000 đồng và mỗi cân cà chua có giá là 30.000 đồng. Gọi số cân thịt và số cân cà chua mà bạn An mua được lần lượt là  $x, y$ . Hãy viết bất phương trình biểu thị số tiền mà bạn An đã mua, sao cho số tiền đó không vượt quá số tiền mà mẹ đưa.

- A.  $12x + 3y \geq 20$ .      B.  $12x + 3y > 20$ .      C.  $12x + 3y < 20$ .      D.  $12x + 3y \leq 20$ .

**Lời giải**

Ta có:

Số tiền mua thịt là  $120000x$  đồng.

Số tiền mua cà chua là  $30000y$  đồng.

Nên số tiền bạn An đã sử dụng là:  $120000x + 30000y$  đồng.

Số tiền đã mua không vượt quá số tiền mẹ đưa, nên ta có bất phương trình sau:

$$120000x + 30000y \leq 200000 \Leftrightarrow 12x + 3y \leq 20.$$

- Câu 23:** Có bao nhiêu các giá trị nguyên của tham số  $m$  để  $(x; y) = (m; -1)$  thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình  $\begin{cases} x+y-2 > 0 \\ 2x-y-51 \leq 0 \end{cases}$ ?

**A.** 21.

**B.** 24.

**C.** 23.

**D.** 22.

**Lời giải**

**Chọn D**

$(x; y) = (m; -1)$  thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình  $\begin{cases} x+y-2 > 0 \\ 2x-y-51 \leq 0 \end{cases}$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} m-1-2 > 0 \\ 2m+1-51 \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m > 3 \\ m \leq 25 \end{cases} \Leftrightarrow 3 < m \leq 25 \xrightarrow{m \in \mathbb{Z}} m \in \{4; \dots; 25\}$$

- Câu 24:** Cho hàm số  $f(x) = \begin{cases} \frac{2\sqrt{x+2}-3}{x-1} & \text{khi } x \geq 2 \\ x^2+1 & \text{khi } x < 2 \end{cases}$ . Tính  $P = f(2) + f(-2)$ .

**A.**  $P = \frac{5}{3}$ .

**B.**  $P = \frac{8}{3}$ .

**C.**  $P = 6$ .

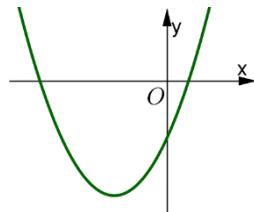
**D.**  $P = 4$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

$$P = f(2) + f(-2) = \frac{2\sqrt{2+2}-3}{2-1} + (-2)^2 + 1 = 6.$$

- Câu 25:** Cho hàm số  $y = ax^2 + bx + c$  có đồ thị là parabol trong hình vẽ. Khẳng định nào sau đây là **đúng**?



**A.**  $a > 0; b > 0; c > 0$ . **B.**  $a > 0; b < 0; c > 0$ . **C.**  $a > 0; b < 0; c < 0$ . **D.**  $a > 0; b > 0; c < 0$ .

**Lời giải**

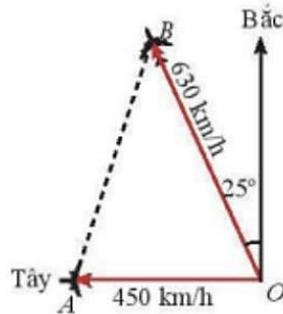
**Chọn D**

Vì Parabol hướng bắc lõm lên nên  $a > 0$ .

Đồ thị hàm số cắt  $Oy$  tại điểm  $(0; c)$  ở dưới  $Ox \Rightarrow c < 0$ .

Hoành độ đỉnh Parabol là  $-\frac{b}{2a} < 0$ , mà  $a > 0 \Rightarrow b > 0$ .

- Câu 26:** Hai máy bay cùng cất cánh từ một sân bay nhưng bay theo hai hướng khác nhau. Một chiếc di chuyển với tốc độ  $450\text{km/h}$  theo hướng Tây và chiếc còn lại di chuyển theo hướng lệch so với hướng Bắc  $25^\circ$  về hướng Tây với tốc độ  $630\text{km/h}$  (hình vẽ). Sau 90 phút, giả sử hai máy bay đang ở cùng độ cao, khoảng cách giữa chúng gần nhất với kết quả nào sau đây?



- A. 794,4km .      B. 529,6km .      C. 899,7km .      D. 599,8km .

Lời giải

**Chọn C**

Ta có: 90 phút = 1,5 giờ.

Gọi  $A, B$  lần lượt là vị trí của hai máy bay sau khi cất cánh 90 phút (hình vẽ).

Suy ra quãng đường đi được của hai máy bay là  $\begin{cases} OB = v_B \cdot t = 630 \cdot 1,5 = 945 \text{ (km)} \\ OA = v_A \cdot t = 450 \cdot 1,5 = 675 \text{ (km)} \end{cases}$ .

Đồng thời ta có  $BOA = 90^\circ - 25^\circ = 65^\circ$ .

Vậy khoảng cách giữa hai máy bay khi ở cùng độ cao sẽ là

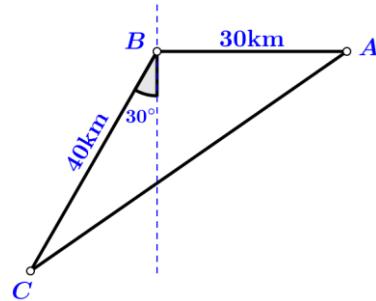
$$AB = \sqrt{OB^2 + OA^2 - 2 \cdot OA \cdot OB \cdot \cos BOA} \approx 899,7 \text{ (km)}.$$

- Câu 27:** Trên biển một ca nô xuất phát từ cảng  $A$ , chạy về hướng tây  $30\text{ km}$  đến  $B$  rồi chuyển sang hướng  $W30^\circ S$  chạy tiếp  $40\text{ km}$  nửa tới đảo  $C$ . Khi đó khoảng cách giữa  $A$  và  $C$  là

- A. 68 km.      B. 67 km.      C. 61 km.      D. 60 km.

Lời giải

**Chọn C**



Ta có  $ABC = 120^\circ$

Áp dụng định lý cosin trong tam giác  $ABC$  ta có  $AC^2 = AB^2 + BC^2 - 2 \cdot AB \cdot BC \cdot \cos 120^\circ$   
 $AC^2 = 3700 \Leftrightarrow AC \approx 61 \text{ (km)}$ .

- Câu 28:** Tam giác  $ABC$  có  $BC = 10, A = 30^\circ$ . Tính bán kính  $R$  đường tròn ngoại tiếp  $\Delta ABC$ .

- A.  $R = 5$ .      B.  $R = 10$ .      C.  $R = \frac{10}{\sqrt{3}}$ .      D.  $R = 10\sqrt{3}$ .

Lời giải

**Chọn B**

Áp dụng định lý sin:  $\frac{BC}{\sin A} = 2R \Rightarrow R = \frac{BC}{2 \sin A} = \frac{10}{2 \sin 30^\circ} = 10 \text{ (cm)}$ .

**Câu 29:** Cho  $\Delta ABC$ ,  $D, E, F$  lần lượt là trung điểm của các cạnh  $BC, CA, AB$ . **B.** Đẳng thức nào sau đây là đúng?

- A.**  $\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{BE} + \overrightarrow{CF} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{BC}$

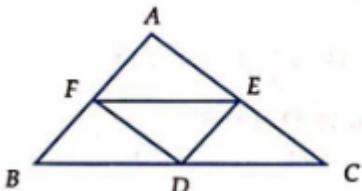
**B.**  $\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{BE} + \overrightarrow{CF} = \overrightarrow{AF} + \overrightarrow{CE} + \overrightarrow{DB}$

**C.**  $\boxed{\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{BE} + \overrightarrow{CF} = \overrightarrow{AE} + \overrightarrow{BF} + \overrightarrow{CD}}$

**D.**  $\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{BE} + \overrightarrow{CF} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{AC}$

## Lời giải

## Chọn C



$$\begin{aligned}\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{BE} + \overrightarrow{CF} &= \overrightarrow{AE} + \overrightarrow{ED} + \overrightarrow{BF} + \overrightarrow{FE} + \overrightarrow{CD} + \overrightarrow{DF} \\ &= \overrightarrow{AE} + \overrightarrow{BF} + \overrightarrow{CD} + (\overrightarrow{ED} + \overrightarrow{DF} + \overrightarrow{FE}) = \overrightarrow{AE} + \overrightarrow{BF} + \overrightarrow{CD}.\end{aligned}$$

**Câu 30:** Biết rằng hai vec tơ  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  không cùng phương nhưng hai vec tơ  $3\vec{a} - 2\vec{b}$  và  $(x+1)\vec{a} + 4\vec{b}$  cùng phương. Khi đó giá trị của  $x$  là:

- A.** -7      **B.** 7      **C.** 5      **D.** 6

## Lời giải

Chọn A

Điều kiện để hai vec tơ  $3\vec{a} - 2\vec{b}$  và  $(x+1)\vec{a} + 4\vec{b}$  cùng phương là:  $\frac{x+1}{3} = \frac{4}{-2} \Leftrightarrow x = -7$ .

**Câu 31:** Cho tam giác  $ABC$  vuông tại  $A$  và có  $\angle B = 40^\circ$ . Tính góc giữa hai vecto  $\vec{CA}$  và  $\vec{CB}$ .

- A.**  $(\overrightarrow{CA}, \overrightarrow{CB}) = 40^\circ$       **B.**  $(\overrightarrow{CA}, \overrightarrow{CB}) = 130^\circ$       **C.**  $(\overrightarrow{CA}, \overrightarrow{CB}) = 140^\circ$       **D.**  $(\overrightarrow{CA}, \overrightarrow{CB}) = 50^\circ$

### Lời giải:

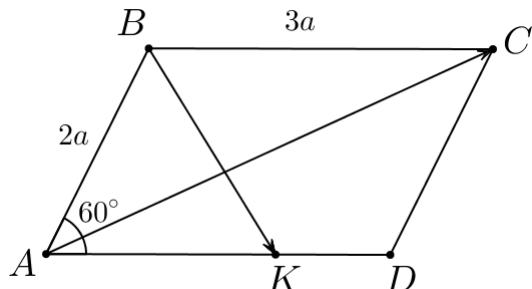
## Chon B

Ta có:  $(\overrightarrow{CA}, \overrightarrow{CB}) = ACB = 50^\circ$

**Câu 32:** Cho hình bình hành  $ABCD$  có  $AB = 2a$ ,  $AD = 3a$ ,  $\angle BAD = 60^\circ$ . Điểm  $K$  thuộc  $AD$  thỏa mãn  $\overrightarrow{AK} = -2\overrightarrow{DK}$ . Tính tích vô hướng  $\overrightarrow{BK} \cdot \overrightarrow{AC}$ .

- A.**  $3a^2$ .      **B.**  $6a^2$ .      **C.**  $a^2$ .      **D.** 0.

## Lời giải



Từ  $\overrightarrow{AK} = -2\overrightarrow{DK}$  suy ra  $AK = \frac{2}{3}AD = 2a$  nên tam giác  $ABK$  đều.

Từ đó  $(\overrightarrow{BK}, \overrightarrow{BC}) = 60^\circ$  và  $(\overrightarrow{BK}, \overrightarrow{AB}) = 120^\circ$ .

$$\text{Do đó } \overrightarrow{BK} \cdot \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{BK} \cdot (\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC}) = \overrightarrow{BK} \cdot \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BK} \cdot \overrightarrow{BC} = 2a \cdot 2a \cdot \cos 120^\circ + 2a \cdot 3a \cdot \cos 60^\circ = a^2.$$

**Câu 33:** Bạn A đo chiều dài của một sân bóng ghi được  $250 \pm 0,2m$ . Bạn B đo chiều cao của một cột cờ được  $15 \pm 0,1m$ . Trong 2 bạn A và B, bạn nào có phép đo chính xác hơn và sai số tương đối trong phép đo của bạn đó là bao nhiêu?

- A. Bạn A đo chính xác hơn bạn B với sai số tương đối là 0,08%.
- B. Bạn B đo chính xác hơn bạn A với sai số tương đối là 0,08%.
- C. Hai bạn đo chính xác như nhau với sai số tương đối bằng nhau là 0,08%.
- D. Bạn A đo chính xác hơn bạn B với sai số tương đối là 0,06%.

### Giải

Phép đo của bạn A có sai số tương đối  $\delta_1 \leq \frac{0,2}{250} = 0,0008 = 0,08\%$

Phép đo của bạn B có sai số tương đối  $\delta_2 \leq \frac{0,1}{15} = 0,0066 = 0,66\%$

Như vậy phép đo của bạn A có độ chính xác cao hơn.

**Câu 34:** Sản lượng lúa (tạ) của 40 thửa ruộng thí nghiệm có cùng diện tích được trình bày trong bảng phân bố tần số sau đây:

Sản lượng	20	21	22	23	24
Tần số	5	8	$n$	$m$	6

Tìm  $n$  biết sản lượng trung bình của 40 thửa ruộng là 22,1 tạ.

A. 10.

**B. 11.**

C. 12.

D. 13.

### Lời giải

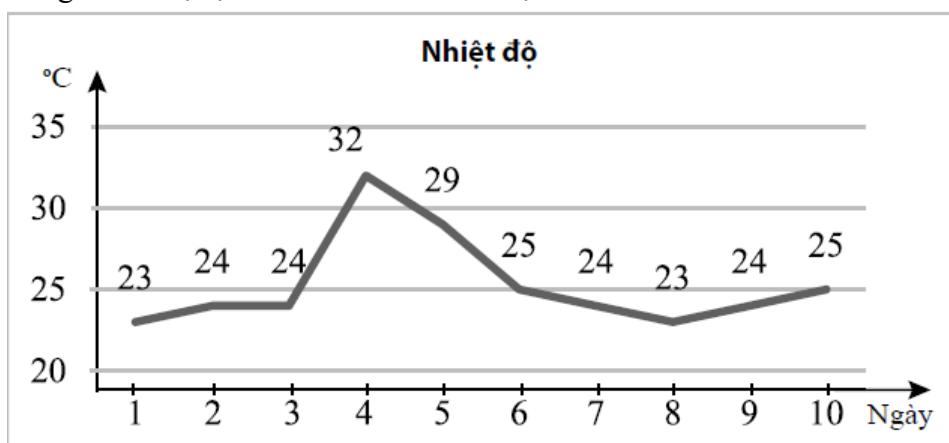
Ta có  $5+8+n+m+6=40 \Leftrightarrow n+m=21$ .

Sản lượng trung bình của 40 thửa ruộng là 22,1 nên

$$\frac{1}{40}(5.20 + 8.21 + n.22 + m.23 + 6.24) = 22,1 \Leftrightarrow 22n + 23m = 472.$$

Giải hệ phương trình  $\begin{cases} n+m=21 \\ 22n+23m=472 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} n=11 \\ m=10 \end{cases}$ .

**Câu 35:** Biểu đồ sau ghi lại nhiệt độ lúc 12 giờ trưa tại một trạm quan trắc trong 10 ngày liên tiếp (đơn vị:  $^{\circ}\text{C}$ ). Phương sai và độ lệch chuẩn của mẫu số liệu là



A.  $S^2 = 7,61; S \approx 2,76$    B.  $S^2 = 7; S \approx 2,646$ .

C.  $S^2 = 7,7; S \approx 2,775$ .   D.  $S^2 = 7,52; S \approx 2,742$ .

### Lời giải

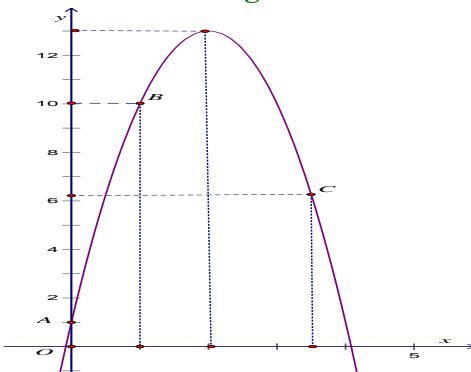
Nhiệt độ	23	24	24	32	29	25	24	23	24	25
----------	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----

Dùng máy tính.

## II. PHẦN TỰ LUẬN (3,0 điểm)

**Câu 36:** Một quả bóng câu thủ sút lên rồi rơi xuống theo quỹ đạo là parabol. Biết rằng ban đầu quả bóng được sút lên từ độ cao 1 m sau đó 1 giây nó đạt độ cao 10 m và 3,5 giây nó ở độ cao 6,25 m. Hỏi độ cao cao nhất mà quả bóng đạt được là bao nhiêu mét?

### Lời giải



Biết rằng quỹ đạo của quả bóng là một cung parabol nên phương trình có dạng  $y = ax^2 + bx + c$

Theo bài ra gắn vào hệ tọa độ và sẽ tương ứng các điểm  $A, B, C$  nên ta có

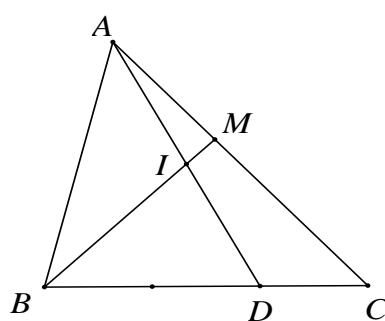
$$\begin{cases} c = 1 \\ a + b + c = 10 \\ 12,25a + 3,5b + c = 6,25 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = -3 \\ b = 12 \\ c = 1 \end{cases}$$

Suy ra phương trình parabol là  $y = -3x^2 + 12x + 1$ .

Parabol có đỉnh  $I(2;13)$ . Khi đó quả bóng đạt vị trí cao nhất tại đỉnh tức  $h = 13$  m.

**Câu 37:** Cho tam giác  $ABC$ , gọi  $D$  là điểm trên cạnh  $BC$  sao cho  $\overrightarrow{BD} = \frac{2}{3}\overrightarrow{BC}$  và  $I$  là trung điểm của  $AD$ . Gọi  $M$  là điểm thoả mãn  $\overrightarrow{AM} = \frac{2}{5}\overrightarrow{AC}$ . Chứng minh ba điểm  $B, I, M$  thẳng hàng.

### Lời giải



$$\text{Ta có: } \overrightarrow{BI} = \frac{1}{2}\overrightarrow{BA} + \frac{1}{2}\overrightarrow{BD} = \frac{1}{2}\overrightarrow{BA} + \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{3}\overrightarrow{BC} = \frac{1}{2}\overrightarrow{BA} + \frac{1}{3}\overrightarrow{BC}.$$

$$\text{Ta lại có: } \overrightarrow{BM} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AM} = \overrightarrow{BA} + \frac{2}{5}\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{BA} + \frac{2}{5}(\overrightarrow{BC} - \overrightarrow{BA}) = \frac{3}{5}\overrightarrow{BA} + \frac{2}{5}\overrightarrow{BC}.$$

Hay  $5\overrightarrow{BM} = 3\overrightarrow{BA} + 2\overrightarrow{BC}$ .

$$\overrightarrow{BI} = \frac{1}{2}\overrightarrow{BA} + \frac{1}{3}\overrightarrow{BC} \text{ hay } 6\overrightarrow{BI} = 3\overrightarrow{BA} + 2\overrightarrow{BC}.$$

Do đó:  $6\overrightarrow{BI} = 5\overrightarrow{BM}$  hay  $\overrightarrow{BI} = \frac{5}{6}\overrightarrow{BM}$ . Vậy  $B, I, M$  thẳng hàng.

**Câu 38:** Một trang trại cần thuê xe vận chuyển 450 con lợn và 35 tấn cám. Nơi cho thuê xe chỉ có 12 xe lớn và 10 xe nhỏ. Một chiếc xe lớn có thể chở 50 con lợn và 5 tấn cám. Một chiếc xe nhỏ có thể chở 30 con lợn và 1 tấn cám. Tiền thuê một xe lớn là 4 triệu đồng, một xe nhỏ là 2 triệu đồng. Hỏi phải thuê bao nhiêu xe mỗi loại để chi phí thuê xe là thấp nhất?

### Lời giải

Gọi  $x$ ,  $y$  lần lượt là số xe lớn và số xe nhỏ cần phải thuê.

Điều kiện:  $0 < x \leq 12$ ,  $0 < y \leq 10$ .

Một chiếc xe lớn có thể chở 50 con lợn và 5 tấn cám nên số lợn và cám xe lớn chở được là  $50x$  con lợn và  $5x$  tấn cám.

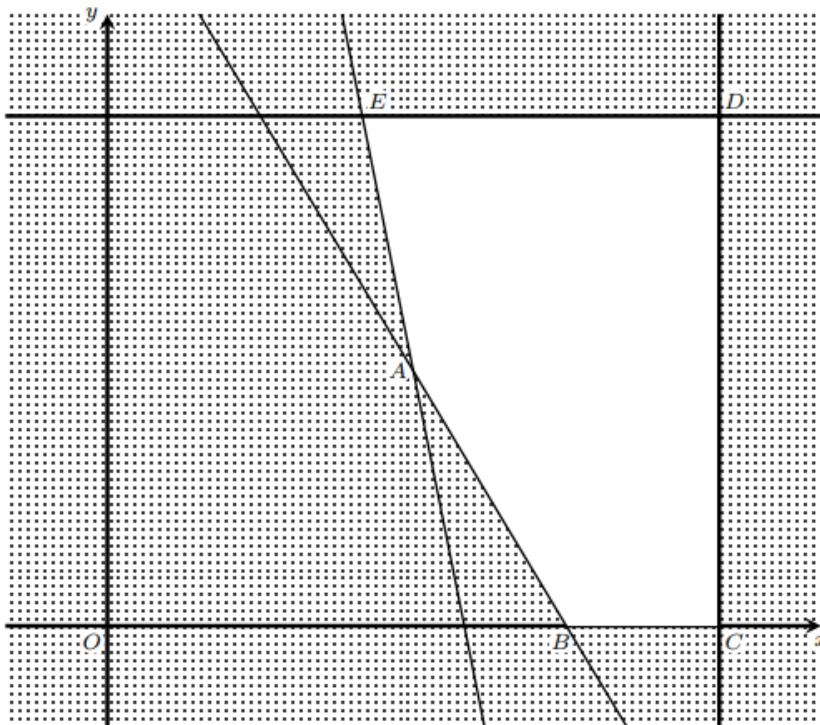
Một chiếc xe nhỏ có thể chở 30 con lợn và 1 tấn cám nên số lợn và cám xe nhỏ chở được là  $30y$  con lợn và  $y$  tấn cám.

Xe chở hết 450 con lợn và 35 tấn cám nên ta có hệ bất phương trình sau

$$\begin{cases} 0 \leq x \leq 12 \\ 0 \leq y \leq 10 \\ 50x + 30y \geq 450 \\ 5x + y \geq 35. \end{cases}$$

Tổng giá tiền thuê xe là  $T = 4x + 2y$  triệu đồng.

Trước hết, ta xác định miền nghiệm của hệ bất phương trình.



Miền nghiệm của hệ bất phương trình là hình ngũ giác  $ABCDE$  với  $A(6;5)$ ,  $B(9;0)$ ,  $C(12;0)$ ,  $D(12,10)$ ,  $E(5,10)$ .

Khi đó  $T(A)=34$ ;  $T(B)=36$ ;  $T(C)=48$ ;  $T(D)=68$ ;  $T(E)=40$ .

Vậy chi phí thuê xe ít nhất bằng 34 triệu đồng.

**Câu 39:** Cho tam giác  $ABC$  có độ dài ba cạnh là  $a, b, c$  và thỏa mãn  $a^4 = b^4 + c^4$ . Chứng minh rằng tam giác  $ABC$  nhọn.

### Lời giải

Đặt  $A$  là góc đối diện với cạnh  $a$ .

Do  $a^4 = b^4 + c^4$  nên  $a > b$  và  $a > c$ , khi đó  $A$  là góc lớn nhất của tam giác  $ABC$ .

Ta có  $(b^2 + c^2)^2 = b^4 + 2b^2c^2 + c^4 > b^4 + c^4 \Rightarrow b^2 + c^2 > \sqrt{b^4 + c^4} = a^2 \Rightarrow b^2 + c^2 - a^2 > 0$ .

Khi đó  $\cos A = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc} > 0$  nên  $A < 90^\circ$ .

Vậy tam giác  $ABC$  là tam giác nhọn.

## **ĐỀ ÔN TẬP KIỂM TRA CUỐI HỌC KỲ I NĂM HỌC 2022 – 2023**

MÔN: TOÁN 10 – ĐỀ SỐ: 07

## I. PHẦN TRẮC NGHIỆM (35 câu – 7,0 điểm)

**Câu 1:** Trong các câu sau, câu nào là mệnh đề đúng?

- A.** Hãy ngồi trật tự!  
**C.** 7 là một số nguyên số.  
**B.** Sách này có mấy chương?  
**D.** 15 là số tự nhiên chẵn.

**Câu 2:** Bất phương trình  $x + y \leq 3$  có bao nhiêu nghiệm?

- A.** 1.                   **B.** 2.                   **C.** Vô nghiệm.           **D.** Vô số nghiệm.

**Câu 3:** Cho hệ bất phương trình  $\begin{cases} 2x+3y-1 > 0 \\ 5x-y+4 < 0 \end{cases}$ . Khẳng định nào sau đây **sai**?

- A. Điểm  $D(-3;4)$  thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình đã cho.

B. Điểm  $A(-1;4)$  thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình đã cho.

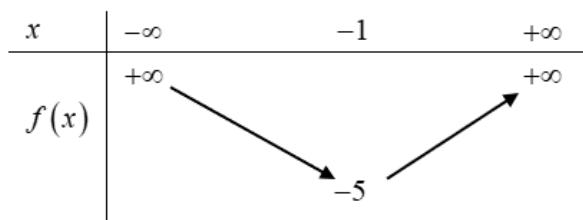
C. Điểm  $O(0;0)$  thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình đã cho.

D. Điểm  $C(-2;4)$  thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình đã cho.

**Câu 4:** Tập xác định của hàm số  $y = \sqrt{4-x} + \sqrt{x-2}$  là

- A.**  $D = (2; 4)$       **B.**  $D = [2; 4]$       **C.**  $D = \{2; 4\}$       **D.**  $D = (-\infty; 2) \cup (4; +\infty)$

**Câu 5:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình dưới đây



Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng

- A.**  $(-\infty; -5)$ .      **B.**  $(-1; +\infty)$ .      **C.**  $(-\infty; -1)$ .      **D.**  $(-5; +\infty)$

**Câu 6:** Cho hàm số  $y = -x^2 + 4x + 1$ . Khẳng định nào sau đây sai?

- A. Trên khoảng  $(-\infty; 1)$  hàm số đồng biến.
  - B. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(2; +\infty)$  và đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 2)$ .
  - C. Trên khoảng  $(3; +\infty)$  hàm số nghịch biến.
  - D. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(4; +\infty)$  và đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 4)$ .

**Câu 7:** Cho góc  $\alpha$  thoả  $\tan \alpha = -2$ . Giá trị của biểu thức  $P = \frac{2\sin \alpha + 3\cos \alpha}{\sin \alpha - 2\cos \alpha}$  bằng

- A.**  $-\frac{8}{3}$ .      **B.**  $\frac{8}{3}$ .      **C.**  $-\frac{1}{4}$ .      **D.**  $\frac{1}{4}$ .

**Câu 8:** Cho  $\Delta ABC$ ,  $BC = a$ ,  $AC = b$ ,  $AB = c$  và góc  $BAC = 60^\circ$ . Khẳng định nào sau đây đúng?

- A.**  $a^2 = b^2 + c^2 - bc$ .    **B.**  $a^2 = b^2 + c^2 + bc$ .    **C.**  $a^2 = b^2 + c^2 - \frac{1}{2}bc$ . **D.**  $a^2 = b^2 + c^2 + \frac{1}{2}bc$ .

- Câu 9:** Tam giác  $ABC$  có  $a = 6, b = 7, c = 12$ . Khẳng định nào sau đây là đúng?
- A.  $\Delta ABC$  có 3 góc nhọn.  
B.  $\Delta ABC$  có 1 góc tù.  
C.  $\Delta ABC$  là tam giác vuông.  
D.  $\Delta ABC$  là tam giác đều.
- Câu 10:** Cho tam giác đều  $ABC$  có  $M, N, P$  lần lượt là trung điểm của các cạnh  $AB, AC, BC$  (tham khảo hình vẽ). Mệnh đề nào dưới đây sai?
- 
- A.  $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{AC}$ .  
B.  $\overrightarrow{MN} = \overrightarrow{PC}$ .  
C.  $\overrightarrow{MB} = \overrightarrow{AM}$ .  
D.  $|\overrightarrow{PM}| = |\overrightarrow{PN}|$ .
- Câu 11:** Cho ba điểm  $A, B, C$ . Mệnh đề nào sau đây là đúng?
- A.  $\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{CB} = \overrightarrow{CA}$ .  
B.  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{CA} = \overrightarrow{BC}$ .  
C.  $\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{BC}$ .  
D.  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{BC}$ .
- Câu 12:** Cho đoạn thẳng  $AB$ , gọi  $M$  là trung điểm của  $AB$ . Đẳng thức vectơ nào sau đây đúng?
- A.  $\overrightarrow{AB} = 2\overrightarrow{MA}$ .  
B.  $\overrightarrow{AM} = \overrightarrow{MB}$ .  
C.  $\overrightarrow{AM} = \frac{1}{2}\overrightarrow{AB}$ .  
D.  $\overrightarrow{AB} = 2\overrightarrow{BM}$ .
- Câu 13:** Cho  $\vec{a} = k\vec{b}$ . Đẳng thức vectơ nào sau đây **đúng**?
- A.  $|\vec{a}| = k|\vec{b}|$ .  
B.  $|\vec{a}| = |k||\vec{b}|$ .  
C.  $|\vec{a}| = -k|\vec{b}|$ .  
D.  $\vec{a} = |k|\vec{b}$ .
- Câu 14:** Cho hai vectơ  $\vec{a}, \vec{b}$  khác vectơ  $\vec{0}$ . Khi đó  $\vec{a} \cdot \vec{b}$  bằng
- A.  $|\vec{a}||\vec{b}|\sin(\vec{a}, \vec{b})$ .  
B.  $a \cdot b \cos(a, b)$ .  
C.  $|\vec{a}||\vec{b}|\cos(\vec{a}, \vec{b})$ .  
D.  $|\vec{a}||\vec{b}|$ .
- Câu 15:** Cho số gần đúng  $a = 123456$  và sai số tuyệt đối  $\delta_a = 0,2\%$ . Sai số tuyệt đối của số gần đúng  $a$  là
- A.  $\Delta_a = 246$ .  
B.  $\Delta_a = 246,9$ .  
C.  $\Delta_a = 246,912$ .  
D.  $\Delta_a = 246,91$ .
- Câu 16:** Tìm tứ phân vị của mẫu số liệu sau
- |   |   |   |   |   |   |    |    |    |    |
|---|---|---|---|---|---|----|----|----|----|
| 3 | 4 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 12 | 13 | 16 |
|---|---|---|---|---|---|----|----|----|----|
- A.  $Q_1 = 5, Q_2 = 8,5, Q_3 = 12$ .  
B.  $Q_1 = 6, Q_2 = 8,5, Q_3 = 12$ .  
C.  $Q_1 = 6, Q_2 = 8,5, Q_3 = 12,5$ .  
D.  $Q_1 = 5, Q_2 = 8,5, Q_3 = 12,5$ .
- Câu 17:** Điểm kiểm tra môn Toán của một nhóm gồm 10 học sinh như sau
- |   |   |     |   |   |     |   |     |   |    |
|---|---|-----|---|---|-----|---|-----|---|----|
| 3 | 4 | 4,5 | 5 | 6 | 6,5 | 8 | 8,5 | 9 | 10 |
|---|---|-----|---|---|-----|---|-----|---|----|
- Tìm trung vị của mẫu số liệu trên.
- A. 6.  
B. 6,25.  
C. 6,5.  
D. 8.
- Câu 18:** Mẫu số liệu sau đây cho biết giá của một số loại giày trong cửa hàng
- |     |     |     |     |     |     |     |     |     |
|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| 300 | 250 | 300 | 360 | 350 | 650 | 450 | 500 | 300 |
|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
- Khoảng biến thiên của mẫu số liệu trên là
- A. 400.  
B. 300.  
C. 650.  
D. 250.
- Câu 19:** Cho dãy số liệu thống kê: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7. Phương sai của mẫu số liệu thống kê đã cho là
- A. 2.  
B. 3.  
C. 4.  
D. 1.

**Câu 20:** Lớp 10A có 30 học sinh giỏi, trong đó có 15 học sinh giỏi môn Toán, 20 học sinh giỏi môn Ngữ Văn. Hỏi lớp 10A có tất cả bao nhiêu học sinh giỏi cả hai môn Toán và Ngữ văn?

A. 30.

B. 5.

C. 15.

D. 10.

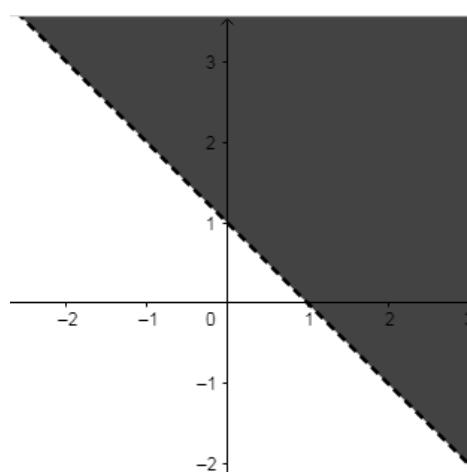
**Câu 21:** Phần tô đậm ở hình vẽ dưới đây biểu diễn tập nghiệm của bất phương trình nào?

A.  $x + y - 1 < 0$ .

B.  $x - y - 1 < 0$ .

C.  $x + y - 1 > 0$ .

D.  $x - y - 1 > 0$ .



**Câu 22:** Tam giác  $ABC$  có  $AB = c, BC = a, CA = b$ . Các cạnh  $a, b, c$  a, b, c liên hệ với nhau bởi đẳng thức  $b(b^2 - a^2) - c(c^2 - a^2) = 0$ . Khi đó, góc  $BAC$  bằng bao nhiêu độ?

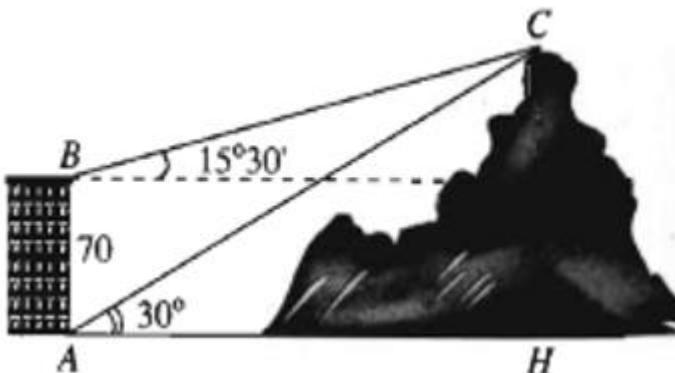
A.  $30^\circ$ .

B.  $45^\circ$ .

C.  $60^\circ$ .

D.  $90^\circ$ .

**Câu 23:** Từ hai vị trí quan sát A và B của một tòa nhà; người ta quan sát đỉnh C của ngọn núi. Biết rằng độ cao  $AB = 70m$ , phương nhìn  $AC$  tạo với phương nằm ngang một góc  $30^\circ$ ; phương nhìn  $BC$  tạo với phương nằm ngang một góc  $15^\circ 30'$ . Ngọn núi đó có độ cao so với mặt đất gần nhất với giá trị nào sau đây



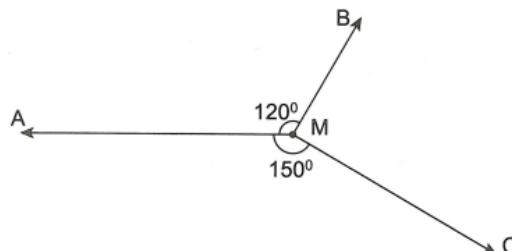
A.  $135m$

B.  $234m$

C.  $165m$

D.  $195m$

**Câu 24:** Cho ba lực  $\vec{F}_1 = \overrightarrow{MA}, \vec{F}_2 = \overrightarrow{MB}, \vec{F}_3 = \overrightarrow{MC}$  cùng tác động vào một vật tại điểm M và vật đứng yên như hình vẽ. Biết cường độ của lực  $\vec{F}_1$  là  $50N$ ,  $\angle AMB = 120^\circ, \angle AMC = 150^\circ$ . Cường độ của lực  $\vec{F}_3$  là



A.  $50\sqrt{3}N$ .

B.  $25\sqrt{3}N$ .

C.  $25N$ .

D.  $50N$ .

- Câu 25:** Biết rằng hai vec tơ  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  không cùng phương nhưng hai vec tơ  $2\vec{a} + 3\vec{b}$  và  $\vec{a} + (x+1)\vec{b}$  cùng phương. Khi đó giá trị của  $x$  là
- A.  $\frac{1}{2}$ .      B.  $-\frac{3}{2}$ .      C.  $-\frac{1}{2}$ .      D.  $\frac{3}{2}$ .
- Câu 26:** Cho hai vectơ  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$ . Biết  $|\vec{a}| = 2$ ,  $|\vec{b}| = \sqrt{3}$  và  $(\vec{a}, \vec{b}) = 30^\circ$ . Tính  $|\vec{a} + \vec{b}|$ .
- A.  $\sqrt{11}$ .      B.  $\sqrt{13}$ .      C.  $\sqrt{12}$ .      D.  $\sqrt{14}$ .
- Câu 27:** Cho tam giác  $ABC$  đều cạnh  $a$ . Gọi  $D$  là điểm đối xứng của  $A$  qua  $BC$ ,  $M$  là một điểm bất kỳ. Khẳng định nào dưới đây đúng?
- A.  $\overrightarrow{MB} \cdot \overrightarrow{MC} = AM^2 + \overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{AD} + \frac{a^2}{2}$ .      B.  $\overrightarrow{MB} \cdot \overrightarrow{MC} = AM^2 - \overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{AD} + a^2$ .
- C.  $\overrightarrow{MB} \cdot \overrightarrow{MC} = AM^2 + \overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{AD} + a^2$ .      D.  $\overrightarrow{MB} \cdot \overrightarrow{MC} = AM^2 - \overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{AD} + \frac{a^2}{2}$ .
- Câu 28:** Độ dài của cái cầu bến thủy hai (Nghệ An) người ta đo được là  $996m \pm 0,5m$ . Sai số tương đối tối đa trong phép đo là bao nhiêu?
- A. 0,05%.      B. 0,5%.      C. 0,04%.      D. 0,005%.
- Câu 29:** Để được cấp chứng chỉ môn Anh trình độ A<sub>2</sub> của một trung tâm ngoại ngữ, học viên phải trải qua 6 lần kiểm tra trắc nghiệm, thang điểm mỗi lần kiểm tra là 100 và phải đạt điểm trung bình từ 70 điểm trở lên. Qua 5 lần thi Hoa đạt điểm trung bình là 64,5 điểm. Hỏi trong lần kiểm tra cuối cùng Hoa phải đạt ít nhất là bao nhiêu điểm để được cấp chứng chỉ?
- A. 97,5.      B. 92,5.      C. 95,5.      D. 97,8.
- Câu 30:** Biết rằng số trung vị trong mẫu số liệu sau (đã sắp xếp theo thứ tự) bằng 14. Tìm số nguyên dương  $x$ .
- |   |   |   |    |           |    |    |    |
|---|---|---|----|-----------|----|----|----|
| 1 | 3 | 4 | 13 | $x^2 - 1$ | 18 | 19 | 21 |
|---|---|---|----|-----------|----|----|----|
- A.  $x = 4$ .      B.  $x = 16$ .      C.  $x = 17$ .      D.  $x = 15$ .
- Câu 31:** Mẫu số liệu sau cho biết chiều cao của 11 học sinh Tô 2 lớp 10B
- |     |     |     |     |     |     |     |     |     |     |     |
|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| 152 | 160 | 154 | 158 | 146 | 175 | 158 | 170 | 160 | 155 | $x$ |
|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
- $x$  nhận giá trị nào sau đây để mẫu số liệu này có khoảng biến thiên là 30?
- A. 130.      B. 160.      C. 176.      D. 180.
- Câu 32:** Tập xác định của hàm số  $y = \frac{3}{\sqrt{x+2}-1}$  là
- A.  $D = [-2; +\infty) \setminus \{-1\}$ .      B.  $D = R \setminus \{-1\}$ .      C.  $D = [-2; +\infty)$ .      D.  $D = (1; +\infty)$ .
- Câu 33:** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{x^2 + 2m + 2}{x - m}$  xác định trên khoảng  $(-1; 0)$ .
- A.  $\begin{cases} m > 0 \\ m < -1 \end{cases}$ .      B.  $m \leq -1$ .      C.  $\begin{cases} m \geq 0 \\ m \leq -1 \end{cases}$ .      D.  $m \geq 0$ .
- Câu 34:** Tìm giá trị của tham số  $m$  để đỉnh  $I$  của đồ thị hàm số  $y = -x^2 + 6x + m$  thuộc đường thẳng  $y = x + 2019$ .
- A.  $m = 2020$ .      B.  $m = 2000$ .      C.  $m = 2036$ .      D.  $m = 2013$ .

**Câu 35:** Biết hàm số bậc hai  $y = ax^2 + bx + c$  có đồ thị là một đường Parabol đi qua điểm  $A(-1; 0)$  và có đỉnh  $I(1; 2)$ . Tính  $a+b+c$ .

A. 3.

B.  $\frac{3}{2}$ .

C. 2.

D.  $\frac{1}{2}$ .

## II. PHẦN TỰ LUẬN (3,0 điểm)

**Câu 36:** (1,0 điểm) Một công ty điện tử sản xuất hai loại máy tính trên hai dây chuyền độc lập (loại một và loại hai). Máy tính loại một sản xuất trên dây chuyền một với công suất tối đa 45 máy tính một ngày; máy tính loại hai sản xuất trên dây chuyền hai với công suất tối đa 80 máy tính một ngày. Để sản xuất một chiếc máy tính loại một cần 12 linh kiện và cần 9 linh kiện để sản xuất một máy tính loại hai. Biết rằng số linh kiện có thể sử dụng tối đa trong một ngày là 900 linh kiện và tiền lãi bán một chiếc máy loại một là 2.500.000 đồng; tiền lãi khi bán một chiếc máy loại hai là 1.800.000 đồng. Hỏi cần sản xuất mỗi loại bao nhiêu máy tính để tiền lãi thu được trong một ngày là nhiều nhất. (Giả thiết rằng tất cả các máy tính sản xuất ra trong ngày đều bán hết).

**Câu 37:** Cho tam giác  $ABC$ . Các điểm  $M, N$  được xác định bởi các hệ thức  $\overrightarrow{BM} = \overrightarrow{BC} - 2\overrightarrow{AB}$ ,  $\overrightarrow{CN} = x\overrightarrow{AC} - \overrightarrow{BC}$ . Xác định  $x$  để  $A, M, N$  thẳng hàng.

**Câu 38:** Cho tam giác  $ABC$ . Tìm tập hợp điểm  $M$  sao cho  $|4\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}| = |2\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB} - \overrightarrow{MC}|$

**Câu 39:** Cho đoạn  $AB = 4a$ . Với điểm  $M$  tùy ý, tìm giá trị nhỏ nhất của tổng  $3MA^2 + MB^2$ .

----- HẾT -----

## HƯỚNG DẪN GIẢI CHI TIẾT

### I. PHẦN TRẮC NGHIỆM (35 câu – 7,0 điểm)

Câu 1: Trong các câu sau, câu nào là mệnh đề đúng?

- A. Hãy ngồi trật tự!  
B. Sách này có máy chuong?  
C. 7 là một số nguyên số.  
D. 15 là số tự nhiên chẵn.

Lời giải

**Chọn C**

Mệnh đề đúng là 7 là một số nguyên số.

Câu 2: Bất phương trình  $x + y \leq 3$  có bao nhiêu nghiệm?

- A. 1.                   B. 2.                   C. Vô nghiệm.                   D. Vô số nghiệm.

Lời giải

**Chọn D**

Bất phương trình  $x + y \leq 3$  có vô số cặp  $(x_0; y_0)$  thỏa mãn nên Bất phương trình  $x + y \leq 3$  có vô số nghiệm.

Câu 3: Cho hệ bất phương trình  $\begin{cases} 2x + 3y - 1 > 0 \\ 5x - y + 4 < 0 \end{cases}$ . Khẳng định nào sau đây sai?

- A. Điểm  $D(-3; 4)$  thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình đã cho.  
B. Điểm  $A(-1; 4)$  thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình đã cho.  
**C. Điểm  $O(0; 0)$  thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình đã cho.**  
D. Điểm  $C(-2; 4)$  thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình đã cho.

Lời giải

**Chọn C**

Câu 4: Tập xác định của hàm số  $y = \sqrt{4-x} + \sqrt{x-2}$  là

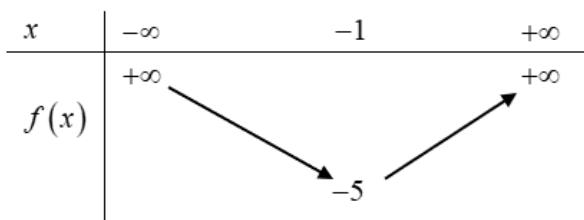
- A.  $D = (2; 4)$                    B.  $D = [2; 4]$                    C.  $D = \{2; 4\}$                    D.  $D = (-\infty; 2) \cup (4; +\infty)$

Lời giải

**Chọn B**

Điều kiện:  $\begin{cases} 4-x \geq 0 \\ x-2 \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \leq 4 \\ x \geq 2 \end{cases}$  suy ra TXĐ:  $D = [2; 4]$ .

Câu 5: Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình dưới đây



Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng

- A.  $(-\infty; -5)$ .                   B.  $(-1; +\infty)$ .                   C.  $(-\infty; -1)$ .                   D.  $(-5; +\infty)$

Lời giải

**Chọn B**

Câu 6: Cho hàm số  $y = -x^2 + 4x + 1$ . Khẳng định nào sau đây sai?

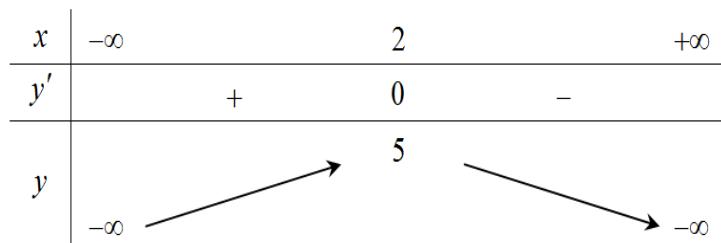
- A.** Trên khoảng  $(-\infty; 1)$  hàm số đồng biến.  
**B.** Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(2; +\infty)$  và đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 2)$ .  
**C.** Trên khoảng  $(3; +\infty)$  hàm số nghịch biến.  
**D.** Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(4; +\infty)$  và đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 4)$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Định của parabol:  $x_I = -\frac{b}{2a} = 2$

Bảng biến thiên của hàm số:



Dựa vào bảng biến thiên suy ra khẳng định **D** sai.

**Câu 7:** Cho góc  $\alpha$  thoả  $\tan \alpha = -2$ . Giá trị của biểu thức  $P = \frac{2 \sin \alpha + 3 \cos \alpha}{\sin \alpha - 2 \cos \alpha}$  bằng

- A.**  $-\frac{8}{3}$ .      **B.**  $\frac{8}{3}$ .      **C.**  $-\frac{1}{4}$ .      **D.**  $\frac{1}{4}$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

$\tan \alpha = -2 \Rightarrow \cos \alpha \neq 0$  nên chia cả tử và mẫu của  $P$  cho  $\cos \alpha$  ta được

$$P = \frac{2 \tan \alpha + 3}{\tan \alpha - 2} = \frac{2(-2) + 3}{-2 - 2} = \frac{1}{4}.$$

**Câu 8:** Cho  $\Delta ABC$ ,  $BC = a, AC = b, AB = c$  và góc  $BAC = 60^\circ$ . Khẳng định nào sau đây đúng?

- A.**  $a^2 = b^2 + c^2 - bc$ .      **B.**  $a^2 = b^2 + c^2 + bc$ .      **C.**  $a^2 = b^2 + c^2 - \frac{1}{2}bc$ .      **D.**  $a^2 = b^2 + c^2 + \frac{1}{2}bc$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

Xét  $\Delta ABC$ , áp dụng định lý Cosin ta có:

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cdot \cos A = b^2 + c^2 - 2bc \cdot \cos 60^\circ = b^2 + c^2 - bc.$$

**Câu 9:** Tam giác  $ABC$  có  $a = 6, b = 7, c = 12$ . Khẳng định nào sau đây là đúng?

- A.**  $\Delta ABC$  có 3 góc nhọn.  
**B.**  $\Delta ABC$  có 1 góc tù.  
**C.**  $\Delta ABC$  là tam giác vuông.  
**D.**  $\Delta ABC$  là tam giác đều.

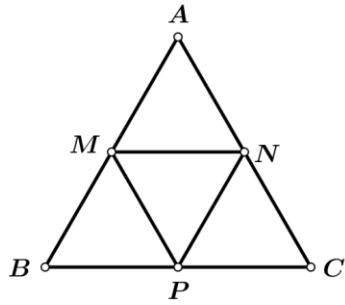
**Lời giải**

**Chọn B**

Xét  $\Delta ABC$ , ta có

$$\cos C = \frac{a^2 + b^2 - c^2}{2ab} = \frac{6^2 + 7^2 - 12^2}{2 \cdot 6 \cdot 7} = -\frac{59}{84} \Rightarrow C > 90^\circ \Rightarrow \Delta ABC \text{ có 1 góc tù.}$$

**Câu 10:** Cho tam giác đều  $ABC$  có  $M, N, P$  lần lượt là trung điểm của các cạnh  $AB, AC, BC$  (tham khảo hình vẽ). Mệnh đề nào dưới đây sai?



A.  $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{AC}$ .

B.  $\overrightarrow{MN} = \overrightarrow{PC}$ .

C.  $\overrightarrow{MB} = \overrightarrow{AM}$ .

D.  $|\overrightarrow{PM}| = |\overrightarrow{PN}|$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

Do  $M, N, P$  lần lượt là trung điểm của các cạnh  $AB, AC, BC$  nên các mệnh đề B, C, D đều đúng

**Câu 11:** Cho ba điểm  $A, B, C$ . Mệnh đề nào sau đây là đúng?

A.  $\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{CB} = \overrightarrow{CA}$ .

B.  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{CA} = \overrightarrow{BC}$ .

C.  $\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{BC}$ .

D.  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{BC}$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

Theo quy tắc 3 điểm:  $\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{CB} = \overrightarrow{CB} + \overrightarrow{BA} = \overrightarrow{CA}$ .

**Câu 12:** Cho đoạn thẳng  $AB$ , gọi  $M$  là trung điểm của  $AB$ . Đẳng thức vectơ nào sau đây đúng?

A.  $\overrightarrow{AB} = 2\overrightarrow{MA}$ .

B.  $\overrightarrow{AM} = \overrightarrow{MB}$ .

C.  $\overrightarrow{AM} = \frac{1}{2}\overrightarrow{AB}$ .

D.  $\overrightarrow{AB} = 2\overrightarrow{BM}$ .

**Lời giải**

Ta có  $AM = \frac{1}{2}AB$

Mặt khác  $\overrightarrow{AM}$  và  $\overrightarrow{AB}$  cùng hướng  $\Rightarrow \overrightarrow{AM} = \frac{1}{2}\overrightarrow{AB}$ .

**Câu 13:** Cho  $\vec{a} = k\vec{b}$ . Đẳng thức vectơ nào sau đây đúng?

A.  $|\vec{a}| = k|\vec{b}|$ .

B.  $|\vec{a}| = |k||\vec{b}|$ .

C.  $|\vec{a}| = -k|\vec{b}|$ .

D.  $\vec{a} = |k|\vec{b}$ .

**Lời giải**

Theo định nghĩa ta có  $|\vec{a}| = |k||\vec{b}|$

**Câu 14:** Cho hai vectơ  $\vec{a}, \vec{b}$  khác vectơ  $\vec{0}$ . Khi đó  $\vec{a}\cdot\vec{b}$  bằng

A.  $|\vec{a}||\vec{b}|\sin(\vec{a}, \vec{b})$ .

B.  $a.b\cos(a, b)$ .

C.  $|\vec{a}||\vec{b}|\cos(\vec{a}, \vec{b})$ .

D.  $|\vec{a}||\vec{b}|$ .

**Lời giải**

Theo định nghĩa tích vô hướng của hai vectơ ta **Chọn C**

**Câu 15:** Cho số gần đúng  $a = 123456$  và sai số tuyệt đối  $\delta_a = 0,2\%$ . Sai số tuyệt đối của số gần đúng  $a$  là

A.  $\Delta_a = 246$ .

B.  $\Delta_a = 246,9$ .

C.  $\Delta_a = 246,912$ .

D.  $\Delta_a = 246,91$ .

**Lời giải**

Ta có  $\delta_a = \frac{\Delta_a}{|a|} \Leftrightarrow \Delta_a = |a|\delta_a$ .

Với  $a = 123456$ ,  $\delta_a = 0,2\%$  ta có sai số tuyệt đối là  $\Delta_a = 123456 \cdot 0,2\% = 246,912$ .

**Câu 16:** Tìm tứ phân vị của mẫu số liệu sau

3 4 6 7 8 9 10 12 13 16

A.  $Q_1 = 5, Q_2 = 8,5, Q_3 = 12$ .

B.  $Q_1 = 6, Q_2 = 8,5, Q_3 = 12$ .

C.  $Q_1 = 6, Q_2 = 8,5, Q_3 = 12,5$ .

D.  $Q_1 = 5, Q_2 = 8,5, Q_3 = 12,5$ .

**Lời giải**

Trung vị của mẫu số liệu trên là  $\frac{8+9}{2} = 8,5$

Trung vị của dãy 3 4 6 7 8 là 6

Trung vị của dãy 9 10 12 13 16 là 12

Vậy  $Q_1 = 6, Q_2 = 8,5, Q_3 = 12$ .

**Câu 17:** Điểm kiểm tra môn Toán của một nhóm gồm 10 học sinh như sau

3 4 4,5 5 6 6,5 8 8,5 9 10

Tìm trung vị của mẫu số liệu trên.

A. 6.

B. **6,25**.

C. 6,5.

D. 8.

**Lời giải**

Số trung vị của mẫu số liệu trên là  $\frac{6+6,5}{2} = 6,25$ .

**Câu 18:** Mẫu số liệu sau đây cho biết giá của một số loại giày trong cửa hàng

300 250 300 360 350 650 450 500 300

Khoảng biến thiên của mẫu số liệu trên là

A. 400.

B. 300.

C. 650.

D. 250.

**Lời giải**

Khoảng biến thiên của mẫu số liệu là:  $R = 650 - 250 = 400$ .

**Câu 19:** Cho dãy số liệu thống kê: 1,2,3,4,5,6,7. Phương sai của mẫu số liệu thống kê đã cho là

A. 2.

B. 3.

**C. 4.**

D. 1.

**Lời giải**

$$\bar{x} = \frac{1+2+3+4+5+6+7}{7} = 4$$

$$\text{Vậy phương sai của mẫu số liệu: } s_x^2 = \frac{1}{7} \sum_{i=1}^7 (x_i - \bar{x})^2 = 4.$$

**Câu 20:** Lớp 10A có 30 học sinh giỏi, trong đó có 15 học sinh giỏi môn Toán, 20 học sinh giỏi môn Ngữ Văn. Hỏi lớp 10A có tất cả bao nhiêu học sinh giỏi cả hai môn Toán và Ngữ văn?

A. 30.

**B. 5.**

C. 15.

D. 10.

**Lời giải**

**Chọn B**

Gọi  $X$  học sinh giỏi Toán, ta có  $n(X) = 15$

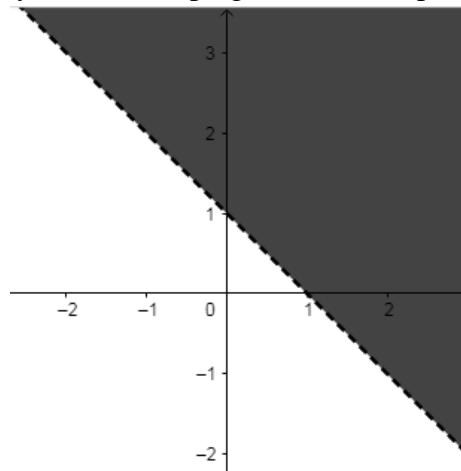
Gọi  $Y$  học sinh giỏi Toán, ta có  $n(Y) = 20$

Số học sinh giỏi là  $n(X \cup Y) = 30$ .

Số học sinh giỏi cả hai môn Toán và Ngữ văn là

$$n(X \cap Y) = n(X) + n(Y) - n(X \cup Y) = 15 + 20 - 30 = 5.$$

**Câu 21:** Phần tô đậm ở hình vẽ dưới đây biểu diễn tập nghiệm của bất phương trình nào?



- A.  $x + y - 1 < 0$ .      B.  $x - y - 1 < 0$ .      C.  $x + y - 1 > 0$ .      D.  $x - y - 1 > 0$ .

**Lời giải:**

**Chọn C**

Đường thẳng đi qua hai điểm  $(1; 0); (0; 1)$  có phương trình là  $x + y - 1 = 0$

Thay  $x = 0; y = 0$  vào biểu thức  $x + y - 1$  ta được  $0 - 1 < 0$

Suy ra điểm O không thuộc miền nghiệm của bất phương trình  $x + y - 1 > 0$ .

**Câu 22:** Tam giác  $ABC$  có  $AB = c, BC = a, CA = b$ . Các cạnh  $a, b, c$  a, b, c liên hệ với nhau bởi đẳng thức  $b(b^2 - a^2) - c(c^2 - a^2) = 0$ . Khi đó, góc  $BAC$  bằng bao nhiêu độ?

- A.  $30^\circ$ .      B.  $45^\circ$ .      C.  $60^\circ$ .      D.  $90^\circ$ .

**Lời giải:**

**Chọn C**

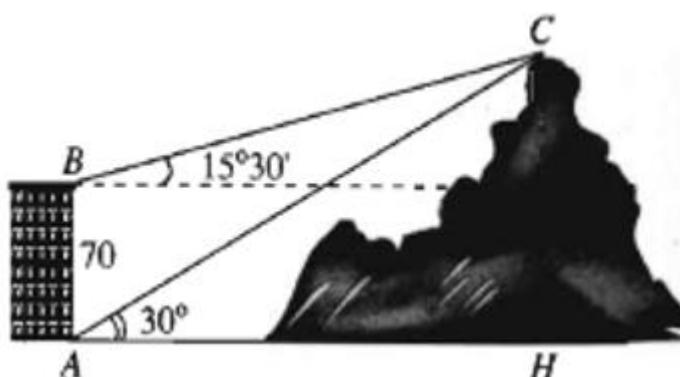
Ta có:

$$b(b^2 - a^2) - c(c^2 - a^2) = 0 \Leftrightarrow b^3 + c^3 - a^2(b + c) = 0$$

$$\Leftrightarrow (b + c)(b^2 - bc + c^2) - a^2(b + c) = 0 \Leftrightarrow a^2 = b^2 - bc + c^2 \Leftrightarrow b^2 + c^2 - a^2 = bc.$$

$$\text{Suy ra } \cos A = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc} = \frac{bc}{2bc} = \frac{1}{2}. \text{ Do đó, } A = 60^\circ.$$

**Câu 23:** Từ hai vị trí quan sát  $A$  và  $B$  của một tòa nhà; người ta quan sát đỉnh  $C$  của ngọn núi. Biết rằng độ cao  $AB = 70m$ , phương nhìn  $AC$  tạo với phương nằm ngang một góc  $30^\circ$ ; phương nhìn  $BC$  tạo với phương nằm ngang một góc  $15^\circ 30'$ . Ngọn núi đó có độ cao so với mặt đất gần nhất với giá trị nào sau đây



- A.  $135m$       B.  $234m$       C.  $165m$       D.  $195m$

### Lời giải

#### Chọn A

Ta có:  $ABC = 90^\circ + 15^\circ 30' = 105^\circ 30'$ ;

$$CAB = 60^\circ$$

$$BCA = 180^\circ - 105^\circ 30' - 60^\circ = 14^\circ 30'$$

Tam giác ABC có:

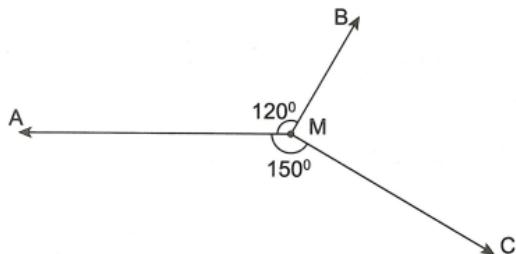
$$\frac{AC}{\sin B} = \frac{AB}{\sin C} \Rightarrow AC = \frac{AB \cdot \sin B}{\sin C} = \frac{70 \cdot \sin 105^\circ 30'}{\sin 14^\circ 30'} \approx 269,4m$$

Tam giác AHC có:

$$CH = AC \cdot \sin CAH = 269,4 \cdot \sin 30^\circ \approx 134,7m$$

Vậy ngọn núi cao khoảng 135m.

- Câu 24:** Cho ba lực  $\vec{F}_1 = \overrightarrow{MA}$ ,  $\vec{F}_2 = \overrightarrow{MB}$ ,  $\vec{F}_3 = \overrightarrow{MC}$  cùng tác động vào một vật tại điểm M và vật đứng yên như hình vẽ. Biết cường độ của lực  $\vec{F}_1$  là  $50N$ ,  $AMB = 120^\circ$ ,  $AMC = 150^\circ$ . Cường độ của lực  $\vec{F}_3$  là



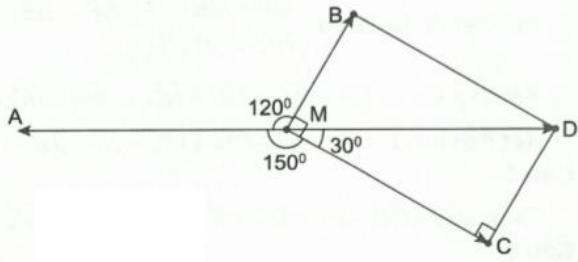
A.  $50\sqrt{3}N$ .

B.  $25\sqrt{3}N$ .

C.  $25N$ .

D.  $50N$ .

### Lời giải



Ta có  $AMB = 120^\circ$ ,  $AMC = 150^\circ \Rightarrow BMC = 360^\circ - 120^\circ - 150^\circ = 90^\circ$

Vẽ hình chữ nhật  $MDCB$ , có  $CMD = 180^\circ - AMC = 180^\circ - 150^\circ = 30^\circ$

Vì vật đứng yên nên tổng hợp lực tác động vào vật bằng 0  $\Rightarrow MD = MA = 50$ .

$$\cos CMD = \frac{MC}{MD} \Rightarrow MC = MD \cdot \cos 30^\circ = 50 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = 25\sqrt{3}.$$

Vậy  $|\vec{F}_3| = F_3 = MC = 25\sqrt{3}N$ .

- Câu 25:** Biết rằng hai vec tơ  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$  không cùng phương nhưng hai vec tơ  $2\vec{a} + 3\vec{b}$  và  $\vec{a} + (x+1)\vec{b}$  cùng phương. Khi đó giá trị của  $x$  là

A.  $\frac{1}{2}$ .

B.  $-\frac{3}{2}$ .

C.  $-\frac{1}{2}$ .

D.  $\frac{3}{2}$ .

### Lời giải

Ta có  $2\vec{a} + 3\vec{b}$  và  $\vec{a} + (x+1)\vec{b}$  cùng phương nên có tỉ lệ:  $\frac{1}{2} = \frac{x+1}{3} \Rightarrow x = \frac{1}{2}$ .

**Câu 26:** Cho hai vectơ  $\vec{a}$  và  $\vec{b}$ . Biết  $|\vec{a}| = 2$ ,  $|\vec{b}| = \sqrt{3}$  và  $(\vec{a}, \vec{b}) = 30^\circ$ . Tính  $|\vec{a} + \vec{b}|$ .

A.  $\sqrt{11}$ .

B.  $\sqrt{13}$ .

C.  $\sqrt{12}$ .

D.  $\sqrt{14}$ .

#### Lời giải

$$\text{Ta có: } (\vec{a} + \vec{b})^2 = \vec{a}^2 + \vec{b}^2 + 2\vec{a}\vec{b} = |\vec{a}|^2 + |\vec{b}|^2 + 2|\vec{a}||\vec{b}|\cos(\vec{a}, \vec{b})$$

$$\Rightarrow (\vec{a} + \vec{b})^2 = 4 + 3 + 2.2.\sqrt{3}.\cos 30^\circ = 13 \Rightarrow |\vec{a} + \vec{b}| = \sqrt{13}.$$

**Câu 27:** Cho tam giác  $ABC$  đều cạnh  $a$ . Gọi  $D$  là điểm đối xứng của  $A$  qua  $BC$ ,  $M$  là một điểm bất kỳ. Khẳng định nào dưới đây đúng?

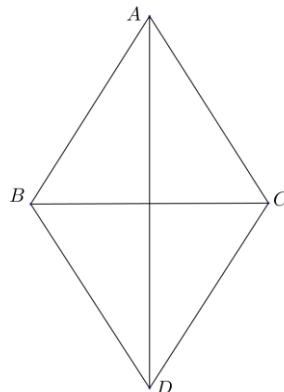
A.  $\overrightarrow{MB} \cdot \overrightarrow{MC} = AM^2 + \overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{AD} + \frac{a^2}{2}$ .

B.  $\overrightarrow{MB} \cdot \overrightarrow{MC} = AM^2 - \overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{AD} + a^2$ .

C.  $\overrightarrow{MB} \cdot \overrightarrow{MC} = AM^2 + \overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{AD} + a^2$ .

D.  $\overrightarrow{MB} \cdot \overrightarrow{MC} = AM^2 - \overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{AD} + \frac{a^2}{2}$ .

#### Lời giải



Theo giả thiết: tam giác  $ABC$  đều và  $D$  là điểm đối xứng của  $A$  qua  $BC$  nên tứ giác  $ABDC$  là hình thoi.

$$\begin{aligned} \text{Khi đó: } \overrightarrow{MB} \cdot \overrightarrow{MC} &= (\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{AB})(\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{AC}) = \overrightarrow{MA}^2 + \overrightarrow{MA}(\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}) + \overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} \\ &= AM^2 + \overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{AD} + AB \cdot AB \cdot \cos 60^\circ = AM^2 - \overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{AD} + a \cdot a \cdot \frac{1}{2} = AM^2 - \overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{AD} + \frac{a^2}{2}. \end{aligned}$$

**Câu 28:** Độ dài của cái cùi bén thủy hai (Nghệ An) người ta đo được là  $996m \pm 0,5m$ . Sai số tương đối tối đa trong phép đo là bao nhiêu?

A. 0,05%.

B. 0,5%.

C. 0,04%.

D. 0,005%.

#### Lời giải

Ta có độ dài gần đúng của cùi là  $a = 996$  với độ chính xác  $d = 0,5$ .

$$\text{Vì sai số tuyệt đối } \Delta_a \leq d = 0,5 \text{ nên sai số tương đối } \delta_a = \frac{\Delta_a}{|a|} \leq \frac{d}{|a|} = \frac{0,5}{996} \approx 0,05\%.$$

Vậy sai số tương đối tối đa trong phép đo trên là 0,05%.

**Câu 29:** Để được cấp chứng chỉ môn Anh trình độ  $A_2$  của một trung tâm ngoại ngữ, học viên phải trải qua 6 lần kiểm tra trắc nghiệm, thang điểm mỗi lần kiểm tra là 100 và phải đạt điểm trung

bình từ 70 điểm trở lên. Qua 5 lần thi Hoa đạt điểm trung bình là 64,5 điểm. Hỏi trong lần kiểm tra cuối cùng Hoa phải đạt ít nhất là bao nhiêu điểm để được cấp chứng chỉ?

A. 97,5.

B. 92,5.

C. 95,5.

D. 97,8.

### Lời giải

Gọi  $x$  là số điểm trong lần kiểm tra cuối mà Hoa cần đạt để được cấp chứng chỉ  
Ta có số điểm qua 5 lần thi của Hoa là  $64,5 \cdot 5 = 322,5$ .

Khi đó  $\frac{x+322,5}{6} \geq 70 \Leftrightarrow x \geq 70 \cdot 6 - 322,5 = 97,5$ .

Vậy  $Q_1 = 7, Q_2 = 16,5, Q_3 = 30$ .

**Câu 30:** Biết rằng số trung vị trong mẫu số liệu sau (đã sắp xếp theo thứ tự) bằng 14. Tìm số nguyên dương  $x$ .

$$1 \quad 3 \quad 4 \quad 13 \quad x^2 - 1 \quad 18 \quad 19 \quad 21$$

A.  $x=4$ .

B.  $x=16$ .

C.  $x=17$ .

D.  $x=15$ .

### Lời giải

Số trung vị trong mẫu số liệu trên là  $\frac{x^2 - 1 + 13}{2} = \frac{x^2 + 12}{2}$

Từ giả thiết suy ra  $\frac{x^2 + 12}{2} = 14 \Leftrightarrow x^2 = 16 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 4 & (tm) \\ x = -4 & (loai) \end{cases}$ .

Vậy  $x = 4$ .

**Câu 31:** Mẫu số liệu sau cho biết chiều cao của 11 học sinh Tô 2 lớp 10B

$$152 \quad 160 \quad 154 \quad 158 \quad 146 \quad 175 \quad 158 \quad 170 \quad 160 \quad 155 \quad x$$

$x$  nhận giá trị nào sau đây để mẫu số liệu này có khoảng biến thiên là 30?

A. 130.

B. 160.

C. 176.

D. 180.

### Lời giải

Vì  $175 - 146 = 29 < 30$  nên khoảng biến thiên của mẫu số liệu có thể bằng:  $x - 146$

Hoặc  $175 - x$

Suy ra:  $\begin{cases} x - 146 = 30 \\ 175 - x = 30 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 176 \\ x = 145 \end{cases}$

**Câu 32:** Tập xác định của hàm số  $y = \frac{3}{\sqrt{x+2}-1}$  là

A.  $D = [-2; +\infty) \setminus \{-1\}$ . B.  $D = R \setminus \{-1\}$ . C.  $D = [-2; +\infty)$ . D.  $D = (1; +\infty)$ .

### Lời giải

#### Chọn A

Hàm số xác định khi  $\begin{cases} x+2 \geq 0 \\ \sqrt{x+2} \neq 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq -2 \\ x \neq -1 \end{cases}$ .

**Câu 33:** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{x^2 + 2m + 2}{x - m}$  xác định trên khoảng  $(-1; 0)$ .

A.  $\begin{cases} m > 0 \\ m < -1 \end{cases}$ .

B.  $m \leq -1$ .

C.  $\begin{cases} m \geq 0 \\ m \leq -1 \end{cases}$ .

D.  $m \geq 0$ .

### Lời giải

### Chọn C

Hàm số đã cho xác định  $\Leftrightarrow x \neq m$ .

Khi đó tập xác định của hàm số là:  $D = (-\infty; m) \cup (m; +\infty)$ .

$$\text{Yêu cầu bài toán} \Leftrightarrow (-1; 0) \subset D \Leftrightarrow \begin{cases} m \geq 0 \\ m \leq -1 \end{cases}.$$

**Câu 34:** Tìm giá trị của tham số  $m$  để đỉnh  $I$  của đồ thị hàm số  $y = -x^2 + 6x + m$  thuộc đường thẳng  $y = x + 2019$ .

- A.  $m = 2020$ .      B.  $m = 2000$ .      C.  $m = 2036$ .      D.  $m = 2013$ .

### Lời giải

### Chọn D

Đồ thị hàm số  $y = -x^2 + 6x + m$  là parabol có đỉnh  $I(3; 9+m)$ .

Đỉnh  $I(3; 9+m)$  thuộc đường thẳng  $y = x + 2019 \Leftrightarrow 9+m = 3+2019 \Leftrightarrow m = 2013$ .

**Câu 35:** Biết hàm số bậc hai  $y = ax^2 + bx + c$  có đồ thị là một đường Parabol đi qua điểm  $A(-1; 0)$  và có đỉnh  $I(1; 2)$ . Tính  $a+b+c$ .

- A. 3.      B.  $\frac{3}{2}$ .      C. 2.      D.  $\frac{1}{2}$ .

### Lời giải

### Chọn C

$$\text{Theo giả thiết ta có hệ: } \begin{cases} a-b+c=0 \\ -\frac{b}{2a}=1 \\ a+b+c=2 \end{cases} . \text{ với } a \neq 0 \Leftrightarrow \begin{cases} a-b+c=0 \\ b=-2a \\ a+b+c=2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} b=1 \\ a=-\frac{1}{2} \\ c=\frac{3}{2} \end{cases}$$

Vậy hàm bậc hai cần tìm là  $y = -\frac{1}{2}x^2 + x + \frac{3}{2}$

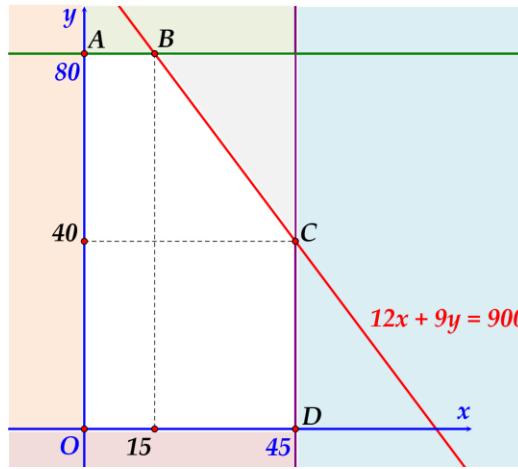
## II. PHẦN TỰ LUẬN (3,0 điểm)

**Câu 36:** (1,0 điểm) Một công ty điện tử sản xuất hai loại máy tính trên hai dây chuyền độc lập (loại một và loại hai). Máy tính loại một sản xuất trên dây chuyền một với công suất tối đa 45 máy tính một ngày; máy tính loại hai sản xuất trên dây chuyền hai với công suất tối đa 80 máy tính một ngày. Để sản xuất một chiếc máy tính loại một cần 12 linh kiện và cần 9 linh kiện để sản xuất một máy tính loại hai. Biết rằng số linh kiện có thể sử dụng tối đa trong một ngày là 900 linh kiện và tiền lãi bán một chiếc máy loại một là 2.500.000 đồng; tiền lãi khi bán một chiếc máy loại hai là 1.800.000 đồng. Hỏi cần sản xuất mỗi loại bao nhiêu máy tính để tiền lãi thu được trong một ngày là nhiều nhất. (Giả thiết rằng tất cả các máy tính sản xuất ra trong ngày đều bán hết).

### Lời giải

Gọi  $x, y$  ( $x, y \in \mathbb{N}$ ) lần lượt là số máy tính loại 1 và loại 2 cần sản xuất tra trong một ngày.

$$\text{Theo đề bài ta có: } \begin{cases} 0 \leq x \leq 45 \\ 0 \leq y \leq 80 \\ 12x + 9y \leq 900 \end{cases} (*)$$



Miền nghiệm của bất phương trình là miền ngũ giác  $OABCD$  với các đỉnh  $O(0;0), A(0;80), B(15;80), C(45;40), D(45;0)$ .

Gọi  $F$  là số tiền lãi thu được, ta có:  $F(x, y) = 2,5 \cdot 10^6 x + 1,8 \cdot 10^6 y$ .

Tính giá trị của  $F$  tại các đỉnh của ngũ giác ta có:

Tại  $O(0;0)$ :  $F(0;0) = 0$ .

Tại  $A(0;80)$ :  $F(0;80) = 144 \cdot 10^6$ .

Tại  $B(15;80)$ :  $F(15;80) = 181,5 \cdot 10^6$ .

Tại  $C(45;40)$ :  $F(45;40) = 184,5 \cdot 10^6$ .

Tại  $D(45;0)$ :  $F(45;0) = 112,5 \cdot 10^6$ .

Vậy công ty cần sản xuất 45 máy tính loại 1 và 40 máy tính loại 2 để có lãi cao nhất là 184.500.000 đồng.

**Câu 37:** Cho tam giác  $ABC$ . Các điểm  $M, N$  được xác định bởi các hệ thức  $\overrightarrow{BM} = \overrightarrow{BC} - 2\overrightarrow{AB}$ ,  $\overrightarrow{CN} = x\overrightarrow{AC} - \overrightarrow{BC}$ . Xác định  $x$  để  $A, M, N$  thẳng hàng.

### Lời giải

Ta có

$$+) \quad \overrightarrow{BM} = \overrightarrow{BC} - 2\overrightarrow{AB} \Leftrightarrow \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BM} = \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{BA} \Leftrightarrow \overrightarrow{AM} = 2\overrightarrow{BC} - \overrightarrow{AC}$$

$$+) \quad \overrightarrow{CN} = x\overrightarrow{AC} - \overrightarrow{BC} \Leftrightarrow \overrightarrow{AN} - \overrightarrow{AC} = x\overrightarrow{AC} - \overrightarrow{BC} \Leftrightarrow \overrightarrow{AN} = -\overrightarrow{BC} + (x+1)\overrightarrow{AC}$$

Khi đó  $A, M, N$  thẳng hàng khi và chỉ khi tồn tại  $k \in \mathbb{R}$  sao cho  $\overrightarrow{AN} = k\overrightarrow{AM}$

$$\Leftrightarrow -\overrightarrow{BC} + (x+1)\overrightarrow{AC} = 2k\overrightarrow{BC} - k\overrightarrow{AC} \Leftrightarrow \begin{cases} -1 = 2k \\ x+1 = -k \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} k = -\frac{1}{2} \\ x = -\frac{1}{2} \end{cases}.$$

Vậy  $x = -\frac{1}{2}$  thì  $A, M, N$  thẳng hàng.

**Câu 38:** Cho tam giác  $ABC$ . Tìm tập hợp điểm  $M$  sao cho  $|4\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}| = |2\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB} - \overrightarrow{MC}|$

### Lời giải

Gọi  $G$  là trọng tâm  $\Delta ABC$ ,  $K$  là trung điểm của  $AG$ . Ta có:

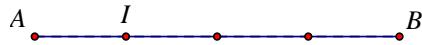
$$|4\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}| = |2\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB} - \overrightarrow{MC}| \Leftrightarrow |3(\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MG})| = |3(\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MG})|$$

$$\Leftrightarrow |6\overrightarrow{MK}| = |3\overrightarrow{GA}| \Leftrightarrow MK = \frac{GA}{2}.$$

Vậy, tập hợp điểm  $M$  là đường tròn tâm  $K$  bán kính  $R = \frac{GA}{2}$

**Câu 39:** Cho đoạn  $AB = 4a$ . Với điểm  $M$  tùy ý, tìm giá trị nhỏ nhất của tổng  $3MA^2 + MB^2$

### Lời giải



Gọi  $I$  là điểm thuộc đoạn  $AB$  sao cho  $3\overrightarrow{IA} + \overrightarrow{IB} = \vec{0}$  (tức là  $I$  thuộc đoạn  $AB$  thỏa mãn  $AI = \frac{1}{4}AB$ ).

$$\begin{aligned} \text{Ta có: } p &= 3MA^2 + MB^2 = 3\overrightarrow{MA}^2 + \overrightarrow{MB}^2 = 3(\overrightarrow{MI} + \overrightarrow{IA})^2 + (\overrightarrow{MI} + \overrightarrow{IB})^2 \\ &= 4MI^2 + 2\overrightarrow{MI}(3\overrightarrow{IA} + \overrightarrow{IB}) + 3IA^2 + IB^2 = 4MI^2 + 3IA^2 + IB^2. \end{aligned}$$

Vì  $I, A, B$  cố định nên:  $p \geq 3IA^2 + IB^2$ , dấu bằng xảy ra  $\Leftrightarrow MI = 0 \Leftrightarrow M \equiv I$

Suy ra  $\min p = 3IA^2 + IB^2 = 12a^2$  đạt được khi  $M \equiv I$  (vì theo cách dựng thì:  $IA = a, IB = 3a$ ).

# ĐỀ ÔN TẬP KIỂM TRA CUỐI HỌC KỲ I NĂM HỌC 2022 – 2023

## MÔN: TOÁN 10 – ĐỀ SỐ: 08

### I. PHẦN TRẮC NGHIỆM (35 câu – 7,0 điểm)

**Câu 1:** Trong các phát biểu sau, đâu là mệnh đề chứa biến:

A.  $x^2 + 1 > 0$  với  $x \in \mathbb{R}$ .      B.  $2x^2 - 3x + 1 = 0$  với  $x \in \mathbb{R}$ .

C.  $4 + x^2 < 0$  với  $x \in \mathbb{R}$ .      D.  $3 + 4 = 7$ .

**Câu 2:** Tập xác định của hàm số  $y = \frac{x+2}{(x-3)^2}$  là

A.  $(-\infty; 3)$ .      B.  $(3; +\infty)$ .      C.  $\mathbb{R} \setminus \{3\}$ .      D.  $\mathbb{R}$ .

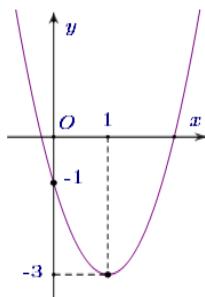
**Câu 3:** Tập xác định của hàm số  $y = \frac{3x+4}{\sqrt{x-1}}$  là

A.  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$ .      B.  $\mathbb{R}$ .      C.  $(1; +\infty)$ .      D.  $[1; +\infty)$ .

**Câu 4:** Parabol  $y = ax^2 + bx + c$  đi qua  $A(0; -1)$ ,  $B(1; -1)$ ,  $C(-1; 1)$  có phương trình là

A.  $y = x^2 - x + 1$ .      B.  $y = x^2 - x - 1$ .      C.  $y = x^2 + x - 1$ .      D.  $y = x^2 + x + 1$ .

**Câu 5:** Cho parabol  $y = ax^2 + bx + c$  có đồ thị như hình sau



Phương trình của parabol này là

A.  $y = -x^2 + x - 1$ .      B.  $y = 2x^2 + 4x - 1$ .      C.  $y = x^2 - 2x - 1$ .      D.  $y = 2x^2 - 4x - 1$ .

**Câu 6:** Điều kiện để  $ax + by > c$  là một bất phương trình bậc nhất hai ẩn  $x, y$  là:

A.  $a \neq 0$ .      B.  $b \neq 0$ .      C.  $a^2 + b^2 \geq 0$ .      D.  $a^2 + b^2 \neq 0$ .

**Câu 7:** Điểm  $M(0; -3)$  thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình nào sau đây?

A.  $\begin{cases} 2x - y < 3 \\ -10x + 5y \leq 8 \end{cases}$ .      B.  $\begin{cases} 2x - y \leq 3 \\ 2x + 5y \leq 1 \end{cases}$ .      C.  $\begin{cases} 5x - y > -3 \\ x - 3y \leq 8 \end{cases}$ .      D.  $\begin{cases} x + y > 0 \\ x - 5y \geq 10 \end{cases}$ .

**Câu 8:** Cho  $\alpha$  và  $\beta$  là hai góc khác nhau và bù nhau, trong các đẳng thức sau đây đẳng thức nào sai?

A.  $\sin \alpha = \sin \beta$ .      B.  $\cos \alpha = -\cos \beta$ .      C.  $\tan \alpha = -\tan \beta$ .      D.  $\cot \alpha = \cot \beta$ .

**Câu 9:** Cho tam giác  $ABC$  có  $BC = a$ ,  $AC = b$  và  $AB = c$ . Khẳng định nào sau đây đúng?

A.  $\cos A = \frac{b^2 + c^2 + a^2}{2bc}$ .      B.  $\cos A = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{bc}$ .

C.  $\cos A = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc}$ .      D.  $\cos A = \frac{b^2 + c^2 + a^2}{bc}$ .

- Câu 10:** Cho tam giác  $ABC$  có  $C = 75^\circ$ ,  $B = 45^\circ$ ,  $BC = 7\text{cm}$ . Tính bán kính đường tròn ngoại tiếp  $R$  tam giác  $ABC$ ?
- A. 6.      B. 8,5.      C. 9.      D. 4.
- Câu 11:** Cho  $\Delta ABC$ . Gọi  $I; J; K$  lần lượt là trung điểm của các cạnh  $BC; CA; AB$ . Hỏi có bao nhiêu vecto bằng vecto  $\vec{IJ}$  mà điểm đầu và điểm cuối thuộc các điểm đã cho?
- A. 1.      B. 3.      C. 2.      D. 4.
- Câu 12:** Cho đoạn thẳng  $AB$ ,  $M$  là điểm thỏa  $\overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MA} = \vec{0}$ . Mệnh đề nào sau đây **đúng**?
- A.  $M$  là trung điểm  $AB$ .      B.  $M$  trùng  $A$ .
- C.  $M$  trùng  $B$ .      D.  $A$  là trung điểm  $MB$ .
- Câu 13:** Cho hình bình hành  $ABCD$ . Tìm vectơ  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{AD}$ .
- A.  $\overrightarrow{AC}$ .      B.  $2\overrightarrow{AC}$ .      C.  $3\overrightarrow{AC}$ .      D.  $5\overrightarrow{AC}$ .
- Câu 14:** Cho tam giác  $OAB$ . Gọi  $M, N$  lần lượt là trung điểm  $OA, OB$ . Tìm mệnh đề **đúng**?
- A.  $\overrightarrow{MN} = \overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB}$ .      B.  $\overrightarrow{MN} = \frac{1}{2}\overrightarrow{OA} + \frac{1}{2}\overrightarrow{OB}$ .
- C.  $\overrightarrow{MN} = \frac{1}{2}\overrightarrow{OA} - \frac{1}{2}\overrightarrow{OB}$ .      D.  $\overrightarrow{MN} = \frac{1}{2}\overrightarrow{OB} - \frac{1}{2}\overrightarrow{OA}$ .
- Câu 15:** Cho tam giác  $ABC$  vuông cân tại  $A$ . Tính góc giữa hai véc tơ  $\overrightarrow{BA}$  và  $\overrightarrow{BC}$  bằng:
- A.  $30^\circ$ .      B.  $180^\circ$ .      C.  $45^\circ$ .      D.  $0^\circ$ .
- Câu 16:** Giá trị gần đúng của  $2\sqrt{8}$  chính xác đến hàng phần trăm là
- A. 5,656.      B. 5,65.      C. 5,66.      D. 5,657
- Câu 17:** Trong các số sau, có bao nhiêu số là số **gần đúng**?
- a) Cân một túi gạo cho kết quả là  $10,2\text{kg}$   
 b) Bán kính Trái Đất là  $6371\text{km}$   
 c) Trái Đất quay một vòng quanh Mặt Trời mất  $365$  ngày  
 A. 0.      B. 1.      C. 2.      D. 3
- Câu 18:** Thông kê số cuốn sách mỗi bạn trong lớp đã đọc trong năm 2021, bạn Lan thu được kết quả như bảng sau.
- |              |   |    |   |   |   |
|--------------|---|----|---|---|---|
| Số cuốn sách | 3 | 4  | 5 | 6 | 7 |
| Số bạn       | 6 | 15 | 3 | 8 | 8 |
- Tìm mốt của mẫu số liệu trên
- A. 7.      B. 5.      C. 6.      D. 4.
- Câu 19:** Bảng sau cho biết thời gian chạy cự li 100m của các bạn trong lớp (đơn vị giây)
- |           |    |    |    |    |    |
|-----------|----|----|----|----|----|
| Thời gian | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 |
| Số bạn    | 4  | 7  | 3  | 18 | 8  |
- Hãy tính thời gian chạy trung bình cự li 100m của các bạn trong lớp.
- A. 14,094.      B. 14,245.      C. 14,475.      D. 14,75.

**Câu 20:** Mẫu số liệu nào dưới đây có khoảng biến thiên là 35?

- A. 35, 57, 11, 22.      B. 47, 15, 12, 32.      C. 55, 3, 26, 89.      D. 4, 17, 23, 20.

**Câu 21:** Cho mệnh đề  $P$ : “ Hai số nguyên chia hết cho 7 ” và mệnh đề  $Q$ : “ Tổng của chúng chia hết cho 7 ”. Phát biểu mệnh đề  $P \Rightarrow Q$ .

- A. Nếu hai số nguyên chia hết cho 7 thì tổng của chúng không chia hết cho 7 .  
B. Nếu hai số nguyên chia hết cho 7 thì tổng của chúng chia hết cho 7 .  
C. Nếu hai số nguyên không chia hết cho 7 thì tổng của chúng không chia hết cho 7 .  
D. Nếu tổng của hai số nguyên chia hết cho 7 thì hai số nguyên đó chia hết cho 7 .

**Câu 22:** Trong các bất phương trình sau:  $4x < 1$ ;  $\frac{x}{2} - \frac{y}{3} \geq 1$ ;  $3x^2 < 0$ ;  $y \geq 0$ .

Số các bất phương trình bậc nhất hai ẩn  $x, y$  là?

- A. 1.      B. 2.      C. 3.      D. 4.

**Câu 23:** Cho  $x, y$  thỏa  $\begin{cases} x-1 \leq 0 \\ y+1 \geq 0 \\ x-y+3 \geq 0 \end{cases}$ . Khi đó, giá trị nhỏ nhất của biểu thức  $M = 2x + y$  bằng bao nhiêu?

- A. 8.      B. -9.      C. 6.      D. 7.

**Câu 24:** Cho tam giác  $ABC$  có  $C = 60^\circ, BC = 9cm, AC = 7cm$ . Tính  $A$  ?

- A.  $68^\circ$ .      B.  $86^\circ$ .      C.  $27^\circ$ .      D.  $72^\circ$ .

**Câu 25:** Cho tam giác  $ABC$  có  $AB = 3$  cm,  $AC = 4$  cm. Đường cao ứng với đỉnh  $C$  và đỉnh  $B$  tương ứng là  $CH$ ;  $BK$ . Khi đó tỉ số  $\frac{CH}{BK}$  bằng:

- A.  $\frac{3}{4}$ .      B.  $\frac{4}{3}$ .      C.  $\frac{2}{3}$ .      D.  $\frac{3}{2}$ .

**Câu 26:** Cho tam giác  $ABC$ . Tập hợp các điểm  $M$  thỏa mãn  $|\overrightarrow{MC} - \overrightarrow{MB}| = |\overrightarrow{MC} - \overrightarrow{AC}|$  là

- A. đường tròn tâm  $A$  bán kính  $BC$ .  
B. đường thẳng đi qua  $A$  và song song với  $BC$ .  
C. đường tròn đường kính  $BC$ .  
D. đường thẳng đi qua  $A$  và vuông góc với  $BC$ .

**Câu 27:** Cho tam giác  $ABC$  với  $AD$  là đường phân giác trong. Biết  $AB = 5$ ,  $BC = 6$ ,  $CA = 7$ . Khẳng định nào sau đây đúng?

- A.  $\overrightarrow{AD} = \frac{5}{12} \overrightarrow{AB} + \frac{7}{12} \overrightarrow{AC}$ .      B.  $\overrightarrow{AD} = \frac{7}{12} \overrightarrow{AB} - \frac{5}{12} \overrightarrow{AC}$ .  
C.  $\overrightarrow{AD} = \frac{7}{12} \overrightarrow{AB} + \frac{5}{12} \overrightarrow{AC}$ .      D.  $\overrightarrow{AD} = \frac{5}{12} \overrightarrow{AB} - \frac{7}{12} \overrightarrow{AC}$ .

**Câu 28:** Cho tam giác  $ABC$  vuông tại  $A$  có  $AB = 3$ ,  $AC = 5$ . Vẽ đường cao  $AH$ . Tính tích vô hướng  $\overrightarrow{HB} \cdot \overrightarrow{HC}$  bằng:

- A.  $\sqrt{34}$ .      B.  $-\sqrt{34}$ .      C.  $-\frac{225}{34}$ .      D.  $\frac{225}{34}$ .

**Câu 29:** Cho hình thoi  $ABCD$  có  $AC = 8$ ,  $BD = 6$ . Tính  $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC}$

- A. 24.                      B. 26.                      C. 28.                      D. 32.

**Câu 30:** Kết quả đo chiều dài một cây cầu là  $a = 152,65m$  với độ chính xác  $0,05m$ . Viết số quy tròn của số  $a$  và ước lượng sai số tương đối của số quy tròn đó.

- A. 152,7 và  $\delta_a < 0,033\%$ .                      B. 152,7 và  $\delta_a < 0,066\%$ .  
 C. 152,7 và  $\delta_a < 0,013\%$ .                      D. 152,7 và  $\delta_a = 0,065\%$ .

**Câu 31:** Bảng sau cho biết thời gian chạy cự ly 100m của các bạn trong lớp (đơn vị giây)

Thời gian	12	13	14	15	16
Số bạn	4	7	3	18	8

Hãy tìm các tứ phân vị của mẫu số liệu trên.

- A.  $Q_1 = 12$ ;  $Q_2 = 15$ ;  $Q_3 = 15$ .                      B.  $Q_1 = 12,5$ ;  $Q_2 = 15,5$ ;  $Q_3 = 15$ .  
 C.  $Q_1 = 12,5$ ;  $Q_2 = 15$ ;  $Q_3 = 15$ .                      D.  $Q_1 = 12,5$ ;  $Q_2 = 15$ ;  $Q_3 = 16$ .

**Câu 32:** Trong một cuộc thi nghề, người ta ghi lại thời gian hoàn thành một sản phẩm của mười hai thí sinh theo thứ tự không giảm như sau:

5        6        6        6        7        7        7        7        7        8        8         $x$

Tìm  $x$  biết số trung bình của thời gian thi nghề của các thí sinh trên là  $\frac{109}{12}$ .

- A. 35.                      B. 33.                      C. 34.                      D. 36.

**Câu 33:** Chỉ số IQ và EQ tương ứng của một nhóm học sinh được đo và ghi lại ở bảng sau

IQ	92	108	95	105	88	98	111
EQ	102	90	94	100	97	103	93

Dựa vào khoảng biến thiên của hai mẫu số liệu “IQ” và “EQ”, hãy chỉ ra mẫu số liệu nào có độ phân tán lớn hơn.

- A. Mẫu số liệu “IQ” có độ phân tán lớn hơn mẫu số liệu “EQ”.  
 B. Mẫu số liệu “IQ” có độ phân tán lớn hơn mẫu số liệu “EQ”.  
 C. Hai mẫu số liệu có độ phân tán bằng nhau.  
 D. Tất cả đều sai.

**Câu 34:** Tập xác định của hàm số  $y = \frac{\sqrt{5-2x}}{(x-2)\sqrt{x-1}}$  là

- A.  $\left(1; \frac{5}{2}\right] \setminus \{2\}$ .                      B.  $\left(\frac{5}{2}; +\infty\right)$ .                      C.  $\left(1; \frac{5}{2}\right) \setminus \{2\}$ .                      D.  $\left(1; \frac{5}{2}\right)$ .

**Câu 35:** Tất cả các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{\sqrt{x-2m+3}}{x-m} + \frac{3x-1}{\sqrt{-x+m+5}}$  xác định trên khoảng  $(0;1)$  là

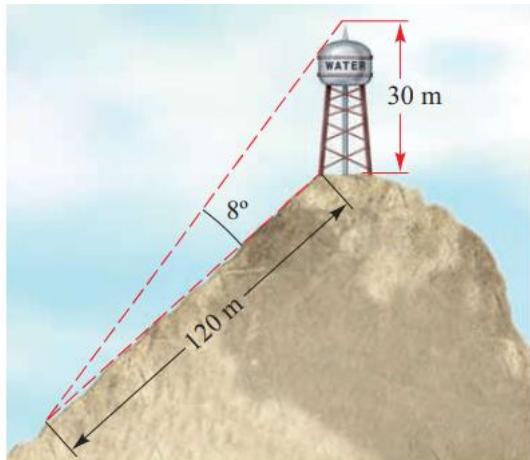
- A.  $m \in [-3;0] \cup [0;1]$ .                      B.  $m \in \left[1; \frac{3}{2}\right]$ .  
 C.  $m \in [-3;0]$ .                              D.  $m \in [-4;0] \cup \left[1; \frac{3}{2}\right]$ .

## II. PHẦN TỰ LUẬN (3,0 điểm)

**Câu 36:** a) Cho hai tập hợp  $A = \{m; 6\}$ ,  $B = \{4; 2021 - 5m\}$  và  $A$ ,  $B$  khác rỗng. Có bao nhiêu giá trị nguyên của  $m$  để  $A \setminus B = \emptyset$ ?

b) Ở lớp 10A, mỗi học sinh đều có thể chơi được ít nhất 1 trong 3 môn thể thao là cầu lông, bóng đá và bóng chuyền. Có 11 em chơi được bóng đá, 10 em chơi được cầu lông và 8 em chơi được bóng chuyền. Có 2 em chơi được cả 3 môn, có 5 em chơi được bóng đá và bóng chuyền, có 4 em chơi được bóng đá và cầu lông, có 4 em chơi được bóng chuyền và cầu lông. Hỏi lớp học có bao nhiêu học sinh?

**Câu 37:** Một tháp nước cao 30 m ở trên đỉnh của một ngọn đồi. Từ tháp đến chân ngọn đồi dài 120 m và người ta quan sát thấy góc tạo thành giữa đỉnh và chân tháp là  $8^\circ$ . Hỏi góc nghiêng của ngọn đồi so với phương ngang là bao nhiêu? (Kết quả được làm tròn đến độ).



**Câu 38:** Cho tam giác  $ABC$ ,  $M$  là điểm tùy ý trong mặt phẳng tam giác. Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức  $|2\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}| + |\vec{MB} + \vec{MC}|$ ?

**Câu 39:** Cho hình vuông  $ABCD$ . Điểm  $M$  nằm trên đoạn thẳng  $AC$  sao cho  $AM = \frac{AC}{4}$ . Gọi  $N$  là trung điểm  $CD$ . Chứng minh rằng  $\Delta BMN$  là tam giác vuông cân.

----- HẾT -----

## HƯỚNG DẪN GIẢI CHI TIẾT

### I. PHẦN TRẮC NGHIỆM (35 câu – 7,0 điểm)

Câu 1: Trong các phát biểu sau, đâu là mệnh đề chứa biến:

- A.  $x^2 + 1 > 0$  với  $x \in \mathbb{R}$ . B.  $2x^2 - 3x + 1 = 0$  với  $x \in \mathbb{R}$ .  
C.  $4 + x^2 < 0$  với  $x \in \mathbb{R}$ . D.  $3 + 4 = 7$ .

#### Lời giải

Phương án A và D là các mệnh đề đúng.

Phương án C là một mệnh đề sai.

Phương án B là một mệnh đề chứa biến.

Câu 2: Tập xác định của hàm số  $y = \frac{x+2}{(x-3)^2}$  là

- A.  $(-\infty; 3)$ . B.  $(3; +\infty)$ . C.  $\mathbb{R} \setminus \{3\}$ . D.  $\mathbb{R}$ .

#### Lời giải

#### Chọn C

Điều kiện:  $x - 3 \neq 0 \Leftrightarrow x \neq 3$ .

TXĐ:  $\mathbb{R} \setminus \{3\}$ .

Câu 3: Tập xác định của hàm số  $y = \frac{3x+4}{\sqrt{x-1}}$  là

- A.  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$ . B.  $\mathbb{R}$ . C.  $(1; +\infty)$ . D.  $[1; +\infty)$ .

#### Lời giải

#### Chọn C

Điều kiện xác định của hàm số là  $\begin{cases} x-1 \geq 0 \\ \sqrt{x-1} \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x-1 \geq 0 \\ x-1 \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow x-1 > 0 \Leftrightarrow x > 1$ .

Vậy tập xác định của hàm số là  $D = (1; +\infty)$ .

Cách khác: Điều kiện xác định của hàm số là  $x-1 > 0 \Leftrightarrow x > 1$ .

Vậy tập xác định của hàm số là  $D = (1; +\infty)$ .

Câu 4: Parabol  $y = ax^2 + bx + c$  đi qua  $A(0; -1)$ ,  $B(1; -1)$ ,  $C(-1; 1)$  có phương trình là

- A.  $y = x^2 - x + 1$ . B.  $y = x^2 - x - 1$ . C.  $y = x^2 + x - 1$ . D.  $y = x^2 + x + 1$ .

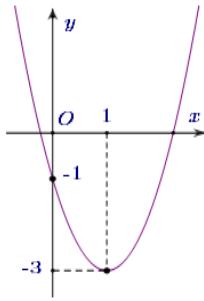
#### Lời giải

#### Chọn B

$$\text{Ta có: Vì } A, B, C \in (P) \Leftrightarrow \begin{cases} -1 = a \cdot 0^2 + b \cdot 0 + c \\ -1 = a \cdot (1)^2 + b \cdot (1) + c \\ 1 = a \cdot (-1)^2 + b \cdot (-1) + c \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = 1 \\ b = -1 \\ c = -1 \end{cases}$$

Vậy  $(P): y = x^2 - x - 1$ .

Câu 5: Cho parabol  $y = ax^2 + bx + c$  có đồ thị như hình sau



Phương trình của parabol này là

- A.**  $y = -x^2 + x - 1$ .      **B.**  $y = 2x^2 + 4x - 1$ .      **C.**  $y = x^2 - 2x - 1$ .      **D.**  $y = 2x^2 - 4x - 1$ .

### Lời giải

#### Chọn D

Đồ thị hàm số cắt trục tung tại điểm  $(0; -1)$  nên  $c = -1$ .

Tọa độ đỉnh  $I(1; -3)$ , ta có phương trình:  $\begin{cases} -\frac{b}{2a} = 1 \\ a \cdot 1^2 + b \cdot 1 - 1 = -3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2a + b = 0 \\ a + b = -2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = 2 \\ b = -4 \end{cases}$ .

Vậy parabol cần tìm là:  $y = 2x^2 - 4x - 1$ .

**Câu 6:** Điều kiện để  $ax+by > c$  là một bất phương trình bậc nhất hai ẩn  $x, y$  là:

- A.**  $a \neq 0$ .      **B.**  $b \neq 0$ .      **C.**  $a^2 + b^2 \geq 0$ .      **D.**  $a^2 + b^2 \neq 0$ .

### Lời giải

**Câu 7:** Điểm  $M(0; -3)$  thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình nào sau đây?

- A.**  $\begin{cases} 2x - y < 3 \\ -10x + 5y \leq 8 \end{cases}$ .      **B.**  $\begin{cases} 2x - y \leq 3 \\ 2x + 5y \leq 1 \end{cases}$ .      **C.**  $\begin{cases} 5x - y > -3 \\ x - 3y \leq 8 \end{cases}$ .      **D.**  $\begin{cases} x + y > 0 \\ x - 5y \geq 10 \end{cases}$ .

### Lời giải

Lần lượt thay tọa độ điểm  $M(0; -3)$  vào hệ bất phương trình ở mỗi đáp án, ta thấy tọa độ điểm  $M$  thoả mãn hệ bất phương trình ở đáp án B.

**Câu 8:** Cho  $\alpha$  và  $\beta$  là hai góc khác nhau và bù nhau, trong các đẳng thức sau đây đẳng thức nào sai?

- A.**  $\sin \alpha = \sin \beta$ .      **B.**  $\cos \alpha = -\cos \beta$ .      **C.**  $\tan \alpha = -\tan \beta$ .      **D.**  $\cot \alpha = \cot \beta$ .

### Lời giải

Do  $\alpha$  và  $\beta$  là hai góc khác nhau và bù nhau nên  $\cot \alpha = -\cot \beta$ .

**Câu 9:** Cho tam giác  $ABC$  có  $BC = a$ ,  $AC = b$  và  $AB = c$ . Khẳng định nào sau đây đúng?

- A.**  $\cos A = \frac{b^2 + c^2 + a^2}{2bc}$ .      **B.**  $\cos A = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{bc}$ .  
**C.**  $\cos A = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc}$ .      **D.**  $\cos A = \frac{b^2 + c^2 + a^2}{bc}$ .

### Lời giải

Áp dụng hệ quả định lý Côsiin, ta có  $\cos A = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc}$ .

**Câu 10:** Cho tam giác  $ABC$  có  $C = 75^\circ$ ,  $B = 45^\circ$ ,  $BC = 7cm$ . Tính bán kính đường tròn ngoại tiếp  $R$  tam giác  $ABC$ ?

- A.** 6.      **B.** 8,5.      **C.** 9.      **D.** 4.

### Lời giải

Ta tính được  $A = 60^\circ$

Áp dụng định lý sin ta có:  $\frac{BC}{\sin A} = 2R \Rightarrow R = \frac{BC}{2 \sin A} = \frac{7}{2 \sin 60^\circ} \approx 4$ .

**Câu 11:** Cho  $\triangle ABC$ . Gọi  $I; J; K$  lần lượt là trung điểm của các cạnh  $BC; CA; AB$ . Hỏi có bao nhiêu vecto bằng vecto  $\overrightarrow{IJ}$  mà điểm đầu và điểm cuối thuộc các điểm đã cho?

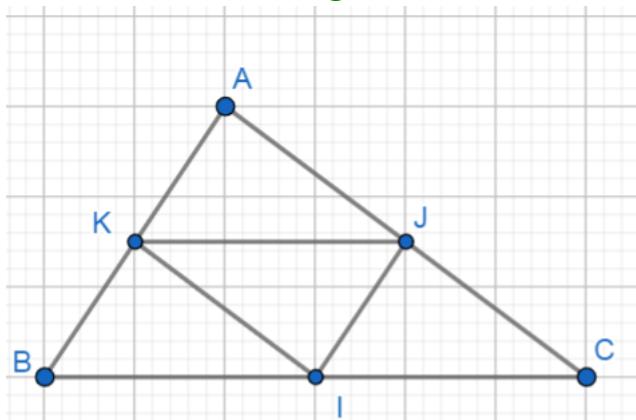
**A.** 1.

**B.** 3.

**C.** 2.

**D.** 4.

### Lời giải



$$\overrightarrow{IJ} = \overrightarrow{BK} = \overrightarrow{KA}.$$

**Câu 12:** Cho đoạn thẳng  $AB$ ,  $M$  là điểm thỏa  $\overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MA} = \vec{0}$ . Mệnh đề nào sau đây **đúng**?

**A.**  $M$  là trung điểm  $AB$ .

**B.**  $M$  trùng  $A$ .

**C.**  $M$  trùng  $B$ .

**D.**  $A$  là trung điểm  $MB$ .

### Lời giải

**Câu 13:** Cho hình bình hành  $ABCD$ . Tìm vecto  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{AD}$ .

**A.**  $\overrightarrow{AC}$ .

**B.**  $2\overrightarrow{AC}$ .

**C.**  $3\overrightarrow{AC}$ .

**D.**  $5\overrightarrow{AC}$ .

### Lời giải

Theo quy tắc hình bình hành ta có  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AC} \Rightarrow \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{AD} = 2\overrightarrow{AC}$ .

**Câu 14:** Cho tam giác  $OAB$ . Gọi  $M, N$  lần lượt là trung điểm  $OA, OB$ . Tìm mệnh đề **đúng**?

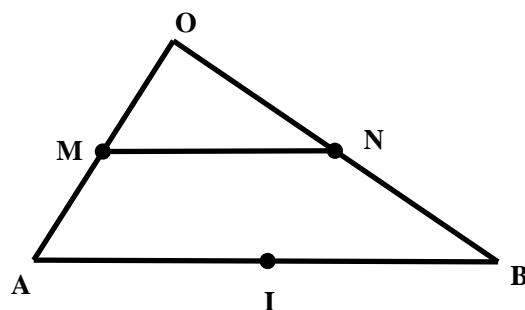
**A.**  $\overrightarrow{MN} = \overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB}$ .

**B.**  $\overrightarrow{MN} = \frac{1}{2}\overrightarrow{OA} + \frac{1}{2}\overrightarrow{OB}$ .

**C.**  $\overrightarrow{MN} = \frac{1}{2}\overrightarrow{OA} - \frac{1}{2}\overrightarrow{OB}$ .

**D.**  $\overrightarrow{MN} = \frac{1}{2}\overrightarrow{OB} - \frac{1}{2}\overrightarrow{OA}$ .

### Lời giải



Gọi  $I$  là trung điểm  $AB$ .

Phương án A sai vì  $\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB} = 2\overrightarrow{OI} \neq \overrightarrow{MN}$ .

Phương án B sai vì  $\frac{1}{2}\overrightarrow{OA} + \frac{1}{2}\overrightarrow{OB} = \overrightarrow{OI} \neq \overrightarrow{MN}$ .

Phương án C sai vì  $\frac{1}{2}\overrightarrow{OA} - \frac{1}{2}\overrightarrow{OB} = \frac{1}{2}\overrightarrow{BA} = \overrightarrow{NM} \neq \overrightarrow{MN}$ .

Phương án D đúng vì  $\frac{1}{2}\overrightarrow{OB} - \frac{1}{2}\overrightarrow{OA} = \frac{1}{2}\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{MN}$ .

**Câu 15:** Cho tam giác  $ABC$  vuông cân tại  $A$ . Tính góc giữa hai véc tơ  $\overrightarrow{BA}$  và  $\overrightarrow{BC}$  bằng:

A.  $30^\circ$ .

B.  $180^\circ$ .

C.  $45^\circ$ .

D.  $0^\circ$ .

**Lời giải**

**Câu 16:** Giá trị gần đúng của  $2\sqrt{8}$  chính xác đến hàng phần trăm là

A. 5,656.

B. 5,65.

C. 5,66.

D. 5,657

**Lời giải**

Sử dụng máy tính cầm tay ta tính được  $2\sqrt{8} = 5,656854249\dots$  Vậy số quy tròn là 5,66.

**Câu 17:** Trong các số sau, có bao nhiêu số là số gần đúng?

a) Cân một túi gạo cho kết quả là  $10,2kg$

b) Bán kính Trái Đất là  $6371km$

c) Trái Đất quay một vòng quanh Mặt Trời mất 365 ngày

A. 0.

B. 1.

C. 2.

D. 3

**Lời giải**

Cả ba số đều là số gần đúng.

**Câu 18:** Thông kê số cuốn sách mỗi bạn trong lớp đã đọc trong năm 2021, bạn Lan thu được kết quả như bảng sau.

Số cuốn sách	3	4	5	6	7
Số bạn	6	15	3	8	8

Tìm mốt của mẫu số liệu trên

A. 7.

B. 5.

C. 6.

D. 4.

**Lời giải**

Mốt của mẫu số liệu trên là: 4

**Câu 19:** Bảng sau cho biết thời gian chạy cự li 100m của các bạn trong lớp (đơn vị giây)

Thời gian	12	13	14	15	16
Số bạn	4	7	3	18	8

Hãy tính thời gian chạy trung bình cự li 100m của các bạn trong lớp.

A. 14,094.

B. 14,245.

C. 14,475.

D. 14,75.

**Lời giải**

Số bạn học sinh trong lớp là  $n = 4 + 7 + 3 + 18 + 8 = 40$  (bạn)

Thời gian chạy trung bình cự li 100m của các bạn trong lớp là:

$$\bar{x} = \frac{4 \cdot 12 + 7 \cdot 13 + 3 \cdot 14 + 18 \cdot 15 + 8 \cdot 16}{40} = 14,475$$

**Câu 20:** Mẫu số liệu nào dưới đây có khoảng biến thiên là 35?

- A. 35, 57, 11, 22.      **B. 47, 15, 12, 32.**      C. 55, 3, 26, 89.      D. 4, 17, 23, 20.

**Lời giải**

Khoảng biến thiên của các mẫu số liệu lần lượt là:

$$R_A = 57 - 11 = 46.$$

$$R_B = 47 - 12 = 35.$$

$$R_C = 89 - 3 = 86.$$

$$R_D = 23 - 4 = 19.$$

**Câu 21:** Cho mệnh đề  $P$ : “ Hai số nguyên chia hết cho 7 ” và mệnh đề  $Q$ : “ Tổng của chúng chia hết cho 7 ”. Phát biểu mệnh đề  $P \Rightarrow Q$ .

A. Nếu hai số nguyên chia hết cho 7 thì tổng của chúng không chia hết cho 7 .

**B. Nếu hai số nguyên chia hết cho 7 thì tổng của chúng chia hết cho 7 .**

C. Nếu hai số nguyên không chia hết cho 7 thì tổng của chúng không chia hết cho 7 .

D. Nếu tổng của hai số nguyên chia hết cho 7 thì hai số nguyên đó chia hết cho 7 .

**Lời giải**

Mệnh đề  $P$ : “ Hai số nguyên chia hết cho 7 ”.

Mệnh đề  $Q$ : “ Tổng của chúng chia hết cho 7 ”.

Mệnh đề  $P \Rightarrow Q$  có dạng: “ Nếu  $P$  thì  $Q$  ”.

Vậy mệnh đề  $P \Rightarrow Q$ : “ Nếu hai số nguyên chia hết cho 7 thì tổng của chúng chia hết cho 7 ”.

**Câu 22:** Trong các bất phương trình sau:  $4x < 1$ ;  $\frac{x}{2} - \frac{y}{3} \geq 1$ ;  $3x^2 < 0$ ;  $y \geq 0$ .

Số các bất phương trình bậc nhất hai ẩn  $x, y$  là?

- A. 1.

- B. 2.

- C. 3.**

- D. 4.

**Lời giải**

$$4x < 1 \Leftrightarrow 4x - 0y + 1 < 0$$

$$\frac{x}{2} - \frac{y}{3} \geq 1 \Leftrightarrow 3x - 2y - 6 \geq 0$$

$$y \geq 0 \Leftrightarrow 0x + y \geq 0.$$

Vậy có 3 phương trình nào là bất phương trình bậc nhất hai ẩn

**Câu 23:** Cho  $x, y$  thỏa  $\begin{cases} x - 1 \leq 0 \\ y + 1 \geq 0 \\ x - y + 3 \geq 0 \end{cases}$ . Khi đó, giá trị nhỏ nhất của biểu thức  $M = 2x + y$  bằng bao nhiêu?

- A. 8.

- B. 9.**

- C. 6.

- D. 7.

**Lời giải.**

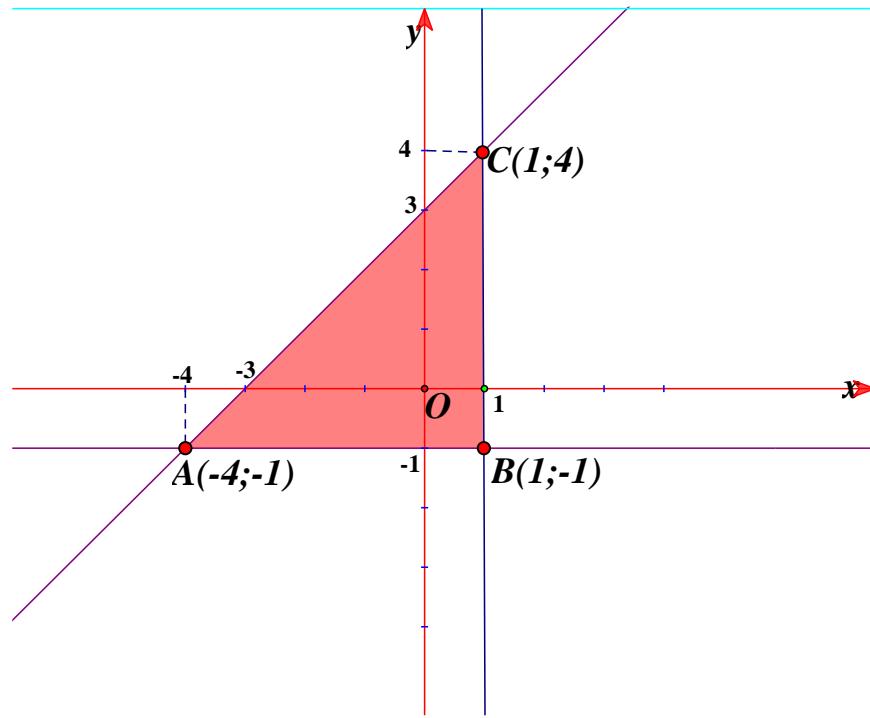
$$\text{Ta có: } \begin{cases} x - 1 \leq 0 & (1) \\ y + 1 \geq 0 & (2) \\ x - y + 3 \geq 0 & (3) \end{cases}$$

Vẽ các đường thẳng sau trên cùng hệ trục tọa độ:

$$d_1 : x - 1 = 0$$

$$d_2 : y + 1 = 0$$

$$d_3 : x - y + 3 = 0$$



Điểm  $O$  thỏa mãn cả ba bất phương trình  $(1)$ ,  $(2)$ ,  $(3)$  nên miền nghiệm của hệ bất phương trình là miền được tô màu. Ké cả các đường thẳng  $d_1, d_2, d_3$ .

Gọi  $A(-4; -1)$  là giao điểm của  $d_2$  và  $d_3$ .

$B(1; -1)$  là giao điểm của  $d_1$  và  $d_2$ .

$C(1; 4)$  là giao điểm của  $d_1$  và  $d_3$ .

Tại  $A(-4; -1) \Rightarrow M = 2x + y = -9$ .

Tại  $B(1; -1) \Rightarrow M = 2x + y = 1$ .

Tại  $C(1; 4) \Rightarrow M = 2x + y = 6$ .

Vậy  $M_{\min} = -9$ .

**Câu 24:** Cho tam giác  $ABC$  có  $C = 60^\circ$ ,  $BC = 9\text{cm}$ ,  $AC = 7\text{cm}$ . Tính  $A$  ?

A.  $68^\circ$ .

B.  $86^\circ$ .

C.  $27^\circ$ .

D.  $72^\circ$ .

**Lời giải**

Áp dụng định lý cosin trong tam giác  $ABC$  ta có:  $AB = \sqrt{7^2 + 9^2 - 2.7.9.\cos 60^\circ} \approx 8,2$

Áp dụng định lý sin ta có:  $\frac{BC}{\sin A} = \frac{AB}{\sin C} \Rightarrow \sin A = \frac{BC \cdot \sin C}{AB} = \frac{9 \cdot \sin 60^\circ}{8,2} \approx 0,9505$

Suy ra  $A \approx 72^\circ$ .

**Câu 25:** Cho tam giác  $ABC$  có  $AB = 3$  cm,  $AC = 4$  cm. Đường cao ứng với đỉnh  $C$  và đỉnh  $B$  tương ứng là  $CH$ ;  $BK$ . Khi đó tỉ số  $\frac{CH}{BK}$  bằng:

A.  $\frac{3}{4}$ .

B.  $\frac{4}{3}$ .

C.  $\frac{2}{3}$ .

D.  $\frac{3}{2}$ .

**Lời giải**

Áp dụng công thức tính diện tích tam giác  $S = \frac{1}{2}AB.CH = \frac{1}{2}.AC.BK \Rightarrow \frac{CH}{BK} = \frac{AC}{AB} = \frac{4}{3}$ .

**Câu 26:** Cho tam giác  $ABC$ . Tập hợp các điểm  $M$  thỏa mãn  $|\overrightarrow{MC} - \overrightarrow{MB}| = |\overrightarrow{MC} - \overrightarrow{AC}|$  là

- A. đường tròn tâm  $A$  bán kính  $BC$ .
- B. đường thẳng đi qua  $A$  và song song với  $BC$ .
- C. đường tròn đường kính  $BC$ .
- D. đường thẳng đi qua  $A$  và vuông góc với  $BC$ .

#### Lời giải

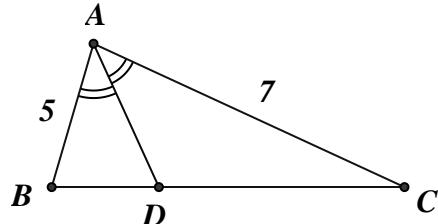
Ta có  $|\overrightarrow{MC} - \overrightarrow{MB}| = |\overrightarrow{MC} - \overrightarrow{AC}| \Leftrightarrow |\overrightarrow{BC}| = |\overrightarrow{MC} + \overrightarrow{CA}| \Leftrightarrow |\overrightarrow{BC}| = |\overrightarrow{MA}|$

Vậy tập các điểm  $M$  thỏa mãn  $|\overrightarrow{MC} - \overrightarrow{MB}| = |\overrightarrow{MC} - \overrightarrow{AC}|$  là đường tròn tâm  $A$  bán kính  $BC$ .

**Câu 27:** Cho tam giác  $ABC$  với  $AD$  là đường phân giác trong. Biết  $AB = 5$ ,  $BC = 6$ ,  $CA = 7$ . Khẳng định nào sau đây đúng?

- A.  $\overrightarrow{AD} = \frac{5}{12} \overrightarrow{AB} + \frac{7}{12} \overrightarrow{AC}$ .
- B.  $\overrightarrow{AD} = \frac{7}{12} \overrightarrow{AB} - \frac{5}{12} \overrightarrow{AC}$ .
- C.  $\overrightarrow{AD} = \frac{7}{12} \overrightarrow{AB} + \frac{5}{12} \overrightarrow{AC}$ .
- D.  $\overrightarrow{AD} = \frac{5}{12} \overrightarrow{AB} - \frac{7}{12} \overrightarrow{AC}$ .

#### Lời giải



Vì  $AD$  là phân giác trong của tam giác  $ABC$  nên:

$$\frac{BD}{DC} = \frac{AB}{AC} = \frac{5}{7} \Rightarrow \overrightarrow{BD} = \frac{5}{7} \overrightarrow{DC}$$

$$\Leftrightarrow \overrightarrow{AD} - \overrightarrow{AB} = \frac{5}{7}(\overrightarrow{AC} - \overrightarrow{AD})$$

$$\Leftrightarrow \overrightarrow{AD} = \frac{7}{12} \overrightarrow{AB} + \frac{5}{12} \overrightarrow{AC}.$$

**Câu 28:** Cho tam giác  $ABC$  vuông tại  $A$  có  $AB = 3$ ,  $AC = 5$ . Vẽ đường cao  $AH$ . Tính tích vô hướng  $\overrightarrow{HB}.\overrightarrow{HC}$  bằng:

- A.  $\sqrt{34}$ .
- B.  $-\sqrt{34}$ .
- C.  $-\frac{225}{34}$ .
- D.  $\frac{225}{34}$ .

#### Lời giải

Ta có:  $AB^2 = BH.BC \Rightarrow BH = \frac{AB^2}{BC}$

$$AC^2 = CH \cdot CB \Rightarrow CH = \frac{AC^2}{BC}$$

$$\text{Do đó: } \overrightarrow{HB} \cdot \overrightarrow{HC} = HB \cdot HC \cdot \cos 180^\circ = -HB \cdot HC = -\frac{AB^2 \cdot AC^2}{BC^2} = -\frac{225}{34}.$$

**Câu 29:** Cho hình thoi  $ABCD$  có  $AC = 8$ ,  $BD = 6$ . Tính  $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC}$

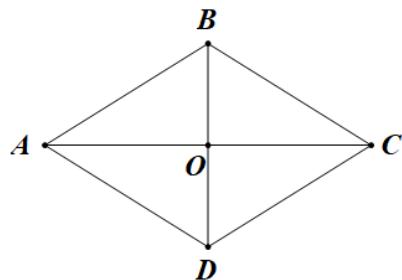
A. 24.

B. 26.

C. 28.

D. 32.

**Lời giải**



Gọi  $O = AC \cap BD$ .

$$\text{Ta có: } \overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} = (\overrightarrow{AO} + \overrightarrow{OB}) \cdot \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AO} \cdot \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{OB} \cdot \overrightarrow{AC} = \frac{1}{2} \overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{AC} + 0 = \frac{1}{2} AC^2 = 32.$$

**Câu 30:** Kết quả đo chiều dài một cây cầu là  $a = 152,65m$  với độ chính xác  $0,05m$ . Viết số quy tròn của số  $a$  và ước lượng sai số tương đối của số quy tròn đó.

A.  $152,7$  và  $\delta_a < 0,033\%$ .

B.  $152,7$  và  $\delta_a < 0,066\%$ .

C.  $152,7$  và  $\delta_a < 0,013\%$ .

D.  $152,7$  và  $\delta_a = 0,065\%$

**Lời giải**

Vì độ chính xác đến hàng phần trăm nên ta quy tròn số  $a$  đến hàng phần chục là  $152,7$ . Ta có  $152,6 \leq \bar{a} \leq 152,7 \Rightarrow -0,1 \leq \bar{a} - 152,7 \leq 0$  hay  $\Delta_a = |\bar{a} - 152,7| \leq 0,1$ . Vậy sai số tương đối là

$$\delta_a = \frac{\Delta_a}{|a|} \leq \frac{0,1}{152,7} < 0,066\%.$$

**Câu 31:** Bảng sau cho biết thời gian chạy cự li  $100m$  của các bạn trong lớp (đơn vị giây)

Thời gian	12	13	14	15	16
Số bạn	4	7	3	18	8

Hãy tìm các tứ phân vị của mẫu số liệu trên.

A.  $Q_1 = 12$ ;  $Q_2 = 15$ ;  $Q_3 = 15$ .

B.  $Q_1 = 12,5$ ;  $Q_2 = 15,5$ ;  $Q_3 = 15$ .

C.  $Q_1 = 12,5$ ;  $Q_2 = 15$ ;  $Q_3 = 15$ .

D.  $Q_1 = 12,5$ ;  $Q_2 = 15$ ;  $Q_3 = 16$ .

**Lời giải**

Số bạn học sinh trong lớp là  $n = 4 + 7 + 3 + 18 + 8 = 40$  (bạn)

$$\text{Trung vị của mẫu số liệu là: } Q_2 = \frac{15+15}{2} = 15.$$

$$\text{Tứ vị phân thứ nhất là } Q_1 = \frac{12+13}{2} = 12,5.$$

Tứ vị phân thứ ba là  $Q_3 = \frac{15+15}{2} = 15$ .

Vậy  $Q_1 = 12,5$ ;  $Q_2 = 15$ ;  $Q_3 = 15$  là các tứ phân vị của mẫu số liệu trên.

**Câu 32:** Trong một cuộc thi nghề, người ta ghi lại thời gian hoàn thành một sản phẩm của mươi hai thí sinh theo thứ tự không giảm như sau:

5      6      6      6      7      7      7      7      7      8      8       $x$

Tìm  $x$  biết số trung bình của thời gian thi nghề của các thí sinh trên là  $\frac{109}{12}$ .

**A.** 35.

**B.** 33.

**C.** 34.

**D.** 36.

### Lời giải

$$\text{Số trung bình là } \bar{x} = \frac{5+3.6+4.7+2.8+x}{12} = \frac{109}{12} \Leftrightarrow x = 35.$$

**Câu 33:** Chỉ số IQ và EQ tương ứng của một nhóm học sinh được đo và ghi lại ở bảng sau

IQ	92	108	95	105	88	98	111	
EQ	102	90	94	100	97	103	93	

Dựa vào khoảng biến thiên của hai mẫu số liệu “IQ” và “EQ”, hãy chỉ ra mẫu số liệu nào có độ phân tán lớn hơn.

**A.** Mẫu số liệu “IQ” có độ phân tán lớn hơn mẫu số liệu “EQ”.

**B.** Mẫu số liệu “IQ” có độ phân tán lớn hơn mẫu số liệu “EQ”.

**C.** Hai mẫu số liệu có độ phân tán bằng nhau.

**D.** Tất cả đều sai.

### Lời giải

Khoảng biến thiên của mẫu số liệu “IQ” là  $R_1 = 111 - 88 = 23$ .

Khoảng biến thiên của mẫu số liệu “EQ” là  $R_2 = 103 - 90 = 13$ .

Do  $R_1 > R_2$  nên mẫu số liệu “IQ” có độ phân tán lớn hơn mẫu số liệu “EQ”.

**Câu 34:** Tập xác định của hàm số  $y = \frac{\sqrt{5-2x}}{(x-2)\sqrt{x-1}}$  là

**A.**  $\left(1; \frac{5}{2}\right] \setminus \{2\}$ .      **B.**  $\left(\frac{5}{2}; +\infty\right)$ .      **C.**  $\left(1; \frac{5}{2}\right) \setminus \{2\}$ .      **D.**  $\left(1; \frac{5}{2}\right)$ .

### Lời giải

#### Chọn A

Hàm số xác định khi: 
$$\begin{cases} 5-2x \geq 0 \\ x-2 \neq 0 \\ x-1 \geq 0 \\ \sqrt{x-1} \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \leq \frac{5}{2} \\ x \neq 2 \\ x \geq 1 \\ x \neq 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 1 < x \leq \frac{5}{2} \\ x \neq 2 \end{cases}$$

**Câu 35:** Tất cả các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{\sqrt{x-2m+3}}{x-m} + \frac{3x-1}{\sqrt{-x+m+5}}$  xác định trên khoảng  $(0;1)$  là

- A.  $m \in [-3;0] \cup [0;1]$ .    B.  $m \in \left[1; \frac{3}{2}\right]$ .  
 C.  $m \in [-3;0]$ .    D.  $m \in [-4;0] \cup \left[1; \frac{3}{2}\right]$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Điều kiện xác định của hàm số là:  $\begin{cases} x-2m+3 \geq 0 \\ x-m \neq 0 \\ -x+m+5 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 2m-3 \\ x \neq m \\ x < m+5 \end{cases}$ .

TH1.  $2m-3 \geq m+5 \Leftrightarrow m \geq 8 \Rightarrow$  tập xác định của hàm số là:  $D = \emptyset \Rightarrow m \geq 8$  loại.

TH2.  $2m-3 < m+5 \Leftrightarrow m < 8 \Rightarrow$  TXĐ của hàm số là:  $D = [2m-3; m+5) \setminus \{m\}$ .

Để hàm số xác định trên khoảng  $(0;1)$  thì  $(0;1) \subset D$ .

$$\Rightarrow \begin{cases} 2m-3 \leq 0 \\ m+5 \geq 1 \\ m \leq 0 \\ m \geq 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m \leq \frac{3}{2} \\ m \geq -4 \\ m \leq 0 \\ m \geq 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -4 \leq m \leq 0 \\ 1 \leq m \leq \frac{3}{2} \end{cases}.$$

Suy ra  $m \in [-4;0] \cup \left[1; \frac{3}{2}\right]$ .

## II. PHẦN TỰ LUẬN (3,0 điểm)

**Câu 36:** a) Cho hai tập hợp  $A = (m; 6]$ ,  $B = (4; 2021 - 5m)$  và  $A$ ,  $B$  khác rỗng. Có bao nhiêu giá trị nguyên của  $m$  để  $A \setminus B = \emptyset$ ?

**Lời giải**

Vì  $A, B$  là hai tập hợp khác rỗng, nên ta có điều kiện:

$$\begin{cases} m < 6 \\ 4 < 2021 - 5m \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m < 6 \\ m < \frac{2017}{5} \Leftrightarrow m < 6 \end{cases}.$$

$$A \setminus B = \emptyset \Leftrightarrow A \subset B \Leftrightarrow \begin{cases} 4 \leq m \\ 6 < 2021 - 5m \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 4 \leq m \\ m < 403 \end{cases} \Leftrightarrow 4 \leq m < 403.$$

Kết hợp điều kiện,  $4 \leq m < 6$ .

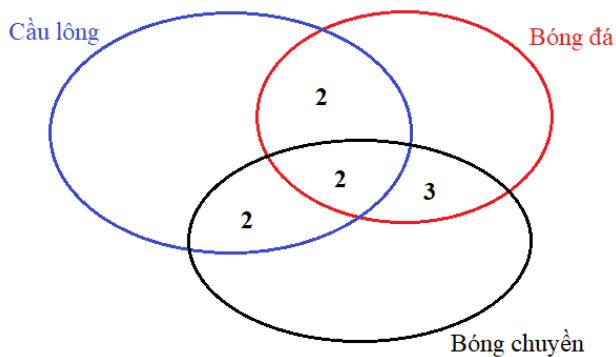
Vậy có 2 giá trị nguyên của  $m$  thỏa mãn.

b) Ở lớp 10A, mỗi học sinh đều có thể chơi được ít nhất 1 trong 3 môn thể thao là cầu lông, bóng đá và bóng chuyền. Có 11 em chơi được bóng đá, 10 em chơi được cầu lông và 8 em chơi được bóng chuyền. Có 2 em chơi được cả 3 môn, có 5 em chơi được bóng đá và bóng chuyền, có 4 em chơi được bóng đá và cầu lông, có 4 em chơi được bóng chuyền và cầu lông. Hỏi lớp học có bao nhiêu học sinh?

**Lời giải**

**Cách 1:** Sử dụng biểu đồ Ven

Theo giả thiết đề bài cho, ta có biểu đồ Ven:



Số học sinh chơi được cả 3 môn là 2.

Số học sinh chỉ chơi được bóng đá và bóng chuyền là  $5 - 2 = 3$ .

Số học sinh chỉ chơi được bóng đá và cầu lông là  $4 - 2 = 2$ .

Số học sinh chỉ chơi được cầu lông và bóng chuyền là  $4 - 2 = 2$ .

Số học sinh chỉ chơi được bóng đá  $11 - 2 - 2 - 3 = 4$ .

Số học sinh chỉ chơi được bóng chuyền  $8 - 2 - 2 - 3 = 1$ .

Số học sinh chỉ chơi được cầu lông  $10 - 2 - 2 - 2 = 4$ .

Số học sinh của cả lớp  $2 + 3 + 2 + 2 + 4 + 1 + 4 = 18$ .

Kết luận: Lớp 10A có 18 học sinh.

**Cách 2:**

Gọi  $A, B, C$  lần lượt là các tập hợp học sinh của lớp 10A chơi được môn cầu lông, bóng đá và bóng chuyền.

$$\begin{cases} n(A) = 11 \\ n(B) = 10 \\ n(C) = 8 \\ n(A \cap B) = 4 \\ n(B \cap C) = 5 \\ n(A \cap C) = 4 \\ n(A \cap B \cap C) = 2 \end{cases}$$

Theo giả thiết ta có

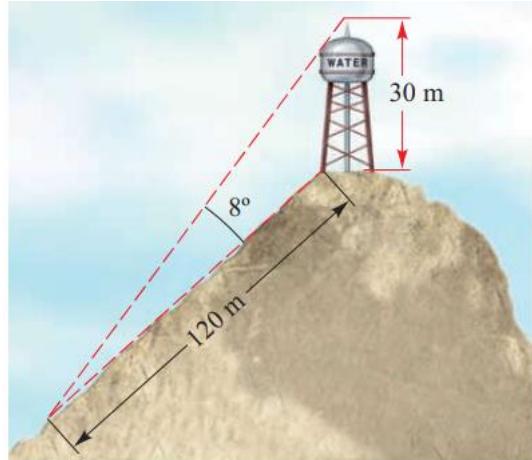
Biết mỗi học sinh đều có thể chơi được ít nhất 1 trong 3 môn nên số học sinh của lớp sẽ là  $n(A \cup B \cup C)$  và:

$$n(A \cup B \cup C) = n(A) + n(B) + n(C) - n(A \cap B) - n(B \cap C) - n(A \cap C) + n(A \cap B \cap C)$$

$$\Leftrightarrow n(A \cup B \cup C) = 11 + 10 + 8 - 4 - 5 - 4 + 2 = 18.$$

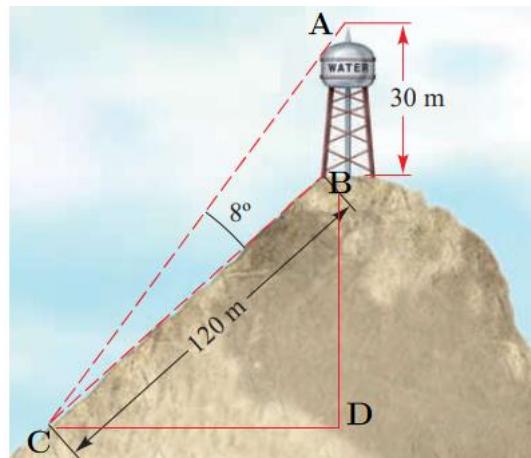
Kết luận: Lớp 10A có 18 học sinh.

- Câu 37:** Một tháp nước cao 30 m ở trên đỉnh của một ngọn đồi. Từ tháp đến chân ngọn đồi dài 120 m và người ta quan sát thấy góc tạo thành giữa đỉnh và chân tháp là  $8^\circ$ . Hỏi góc nghiêng của ngọn đồi so với phương ngang là bao nhiêu? (Kết quả được làm tròn đến độ).



### Lời giải

Gọi  $A, B, C, D$  ở các vị trí như hình vẽ.



Xét tam giác  $ABC$ , ta có:

$$\begin{aligned} \frac{AB}{\sin C} &= \frac{BC}{\sin A} \Leftrightarrow \frac{30}{\sin 8^\circ} = \frac{120}{\sin A} \\ \Rightarrow \sin A &= \frac{120 \cdot \sin 8^\circ}{30} \approx 0,557 \Rightarrow A = 34^\circ. \end{aligned}$$

Suy ra  $ACD = 90^\circ - 34^\circ = 56^\circ$ .

Vậy góc nghiêng của ngọn đồi so với phương ngang là  
 $BCD = ACD - ABC = 56^\circ - 8^\circ = 48^\circ$ .

- Câu 38:** Cho tam giác  $ABC$ ,  $M$  là điểm tùy ý trong mặt phẳng tam giác. Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức  $|2\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}| + |\vec{MB} + \vec{MC}|$ ?

### Lời giải

Gọi  $P$  là trung điểm đoạn  $BC$  và  $Q$  là trung điểm đoạn  $AP$ .

Khi đó

$$|2\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}| + |\vec{MB} + \vec{MC}| = |2\vec{MA} + 2\vec{MP}| + 2|\vec{MP}| = 4|\vec{MQ}| + 2|\vec{MP}| = 4MQ + 2MP.$$

Ta có  $2MQ + 2MP \geq 2PQ$  (dấu đẳng thức xảy ra khi và chỉ khi  $M$  thuộc đoạn  $PQ$ ) và  
 $2MQ \geq 0$

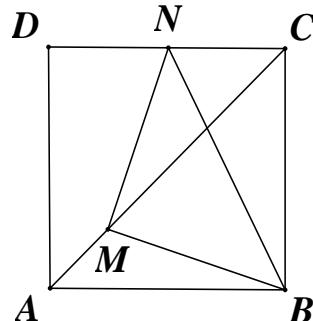
(dấu đẳng thức xảy ra khi và chỉ khi  $M \equiv Q$ ). Suy ra  $2MQ + 2MP + 2MP \geq 2PQ = AP$

(dấu đẳng thức xảy ra khi và chỉ khi  $M \equiv Q$ ). Vậy giá trị nhỏ nhất của biểu thức

$$|2\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}| + |\overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}|$$

**Câu 39:** Cho hình vuông  $ABCD$ . Điểm  $M$  nằm trên đoạn thẳng  $AC$  sao cho  $AM = \frac{AC}{4}$ . Gọi  $N$  là trung điểm  $CD$ . Chứng minh rằng  $\Delta BMN$  là tam giác vuông cân.

### Lời giải



$$\overrightarrow{AM} = \frac{1}{4} \overrightarrow{AC} = \frac{1}{4} (\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{AB}); \overrightarrow{AN} = \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{DN} = \overrightarrow{AD} + \frac{\overrightarrow{AB}}{2}.$$

$$\overrightarrow{MB} = \overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AM} = \overrightarrow{AB} - \frac{1}{4} (\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{AB}) = \left( \frac{3}{4} \overrightarrow{AB} - \frac{1}{4} \overrightarrow{AD} \right)$$

$$\overrightarrow{MN} = \overrightarrow{AN} - \overrightarrow{AM} = \left( \overrightarrow{AD} + \frac{\overrightarrow{AB}}{2} \right) - \frac{1}{4} (\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{AB}) = \frac{3}{4} \overrightarrow{AD} + \frac{1}{4} \overrightarrow{AB}$$

Ta có:

$$\overrightarrow{MB} \cdot \overrightarrow{MN} = \left( \frac{3}{4} \overrightarrow{AB} - \frac{1}{4} \overrightarrow{AD} \right) \left( \frac{3}{4} \overrightarrow{AD} + \frac{1}{4} \overrightarrow{AB} \right) = \frac{1}{16} \left( -3\overrightarrow{AD}^2 + 3\overrightarrow{AB}^2 + 8\overrightarrow{AD} \cdot \overrightarrow{AB} \right) = 0$$

$$\overrightarrow{MB}^2 = \left( \frac{3}{4} \overrightarrow{AB} - \frac{1}{4} \overrightarrow{AD} \right)^2 = \left( \frac{9}{16} \overrightarrow{AB}^2 + \frac{1}{16} \overrightarrow{AD}^2 - 6\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AD} \right) = \frac{5}{8} \overrightarrow{AB}^2$$

$$\overrightarrow{MN}^2 = \left( \frac{3}{4} \overrightarrow{AD} + \frac{1}{4} \overrightarrow{AB} \right)^2 = \left( \frac{9}{16} \overrightarrow{AB}^2 + \frac{1}{16} \overrightarrow{AD}^2 + 6\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AD} \right) = \frac{5}{8} \overrightarrow{AB}^2$$

Vậy  $MB \perp MN$  và  $MB = MN$ , nên tam giác  $BMN$  vuông cân tại  $M$ .

# ĐỀ ÔN TẬP KIỂM TRA CUỐI HỌC KỲ I NĂM HỌC 2022 – 2023

## MÔN: TOÁN 10 – ĐỀ SỐ: 09

### I. PHẦN TRẮC NGHIỆM (35 câu – 7,0 điểm)

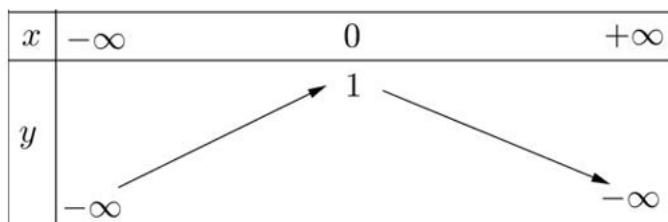
**Câu 1:** Tập xác định của hàm số  $y = \frac{3-x}{x^2 - 5x - 6}$  là

- A.  $D = \mathbb{R} \setminus \{-1; 6\}$       B.  $D = \mathbb{R} \setminus \{1; -6\}$       C.  $D = \{-1; 6\}$       D.  $D = \{1; -6\}$

**Câu 2:** Tìm tập xác định  $D$  của hàm số  $y = \sqrt{x+2} - \sqrt{x+3}$ .

- A.  $D = [-3; +\infty)$ .      B.  $D = [-2; +\infty)$ .      C.  $D = \mathbb{R}$ .      D.  $D = [2; +\infty)$ .

**Câu 3:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình bên dưới. Khẳng định nào sau đây là đúng?



- A. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ .      B. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 1)$ .

- C. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 0)$ .      D. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(1; +\infty)$ .

**Câu 4:** Hàm số  $f(x) = \begin{cases} \frac{2\sqrt{x-2}-3}{x-1} & \text{khi } x \geq 2 \\ x^2+2 & \text{khi } x < 2 \end{cases}$ . Tính  $P = f(2) + f(-2)$ .

- A.  $P = 3$ .      B.  $P = \frac{7}{3}$ .      C.  $P = 6$ .      D.  $P = 2$ .

**Câu 5:** Hoành độ đỉnh của parabol  $(P): y = 2x^2 - 4x + 3$  bằng

- A. -2.      B. 2.      C. -1.      D. 1.

**Câu 6:** Lớp 10A có 7 học sinh giỏi Toán, 5 học sinh giỏi Lý, 6 học sinh giỏi Hoá, 3 học sinh giỏi cả Toán và Lý, 4 học sinh giỏi cả Toán và Hoá, 2 học sinh giỏi cả Lý và Hoá, 1 học sinh giỏi cả ba môn Toán, Lý, Hoá. Số học sinh giỏi ít nhất 1 môn của lớp 10A là

- A. 9.      B. 10.      C. 18.      D. 28.

**Câu 7:** Cặp số  $(2; 3)$  là nghiệm của bất phương trình nào sau đây?

- A.  $2x - 3y - 1 > 0$ .      B.  $x - y < 0$ .      C.  $4x > 3y$ .      D.  $x - 3y + 7 < 0$ .

**Câu 8:** Cho hệ bất phương trình:  $\begin{cases} 2x + 3y - 1 > 0 \\ 5x - y + 4 < 0 \end{cases}$ . Khẳng định nào sau đây **sai**?

- A. Điểm  $D(-3; 4)$  thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình đã cho.

- B. Điểm  $A(-1; 4)$  thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình đã cho.

- C. Điểm  $O(0; 0)$  thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình đã cho.

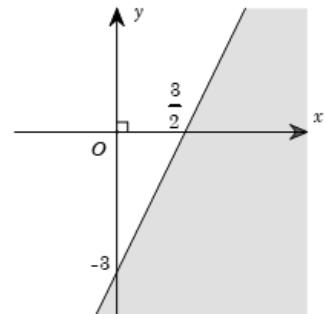
- D. Điểm  $C(-2; 4)$  thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình đã cho.

**Câu 9:** Miền nghiệm của bất phương trình  $x - 2y + 5 < 0$  là:

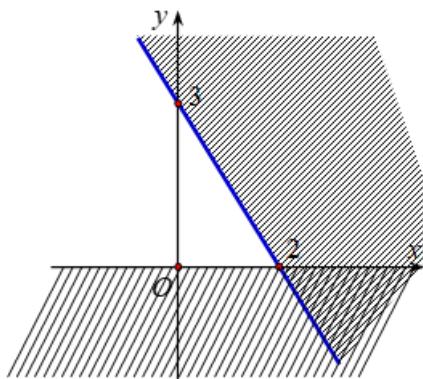
- A. Nửa mặt phẳng chứa gốc toạ độ, bờ là đường thẳng  $y = \frac{1}{2}x + \frac{5}{2}$  (bao gồm cả đường thẳng).
- B. Nửa mặt phẳng không chứa gốc toạ độ, bờ là đường thẳng  $y = \frac{1}{2}x + \frac{5}{2}$  (không kể đường thẳng)
- C. Nửa mặt phẳng chứa gốc toạ độ, bờ là đường thẳng  $y = \frac{1}{2}x + \frac{5}{2}$  (không kể đường thẳng)
- D. Nửa mặt phẳng không chứa gốc toạ độ, bờ là đường thẳng  $y = \frac{1}{2}x + \frac{5}{2}$  (bao gồm cả đường thẳng)

**Câu 10:** Phần không bị tô đậm (kể cả bờ) trong hình vẽ sau, biểu diễn miền nghiệm của bất phương trình nào trong các BPT sau?

- A.  $2x - y \leq 3$ .
- B.  $2x - y \geq 3$ .
- C.  $2x + y < 3$ .
- D.  $x - 2y > 3$ .

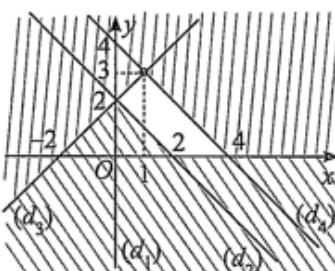


**Câu 11:** Phần không gạch chéo ở hình sau đây là biểu diễn miền nghiệm của hệ bất phương trình nào trong bốn hệ A, B, C, D?



- A.  $\begin{cases} y > 0 \\ 3x + 2y < 6 \end{cases}$ .
- B.  $\begin{cases} y > 0 \\ 3x + 2y < -6 \end{cases}$ .
- C.  $\begin{cases} x > 0 \\ 3x + 2y < 6 \end{cases}$ .
- D.  $\begin{cases} x > 0 \\ 3x + 2y > -6 \end{cases}$ .

**Câu 12:** Miền không bị gạch sọc (tính cả bờ) là miền nghiệm của hệ bất phương trình nào sau đây ?



- A.  $\begin{cases} x \geq 0 \\ x + y \geq 2 \\ x + y \leq 4 \\ -x + y \leq 2 \end{cases}$ .
- B.  $\begin{cases} y \geq 0 \\ x + y \geq 2 \\ x + y \leq 4 \\ -x + y \leq 2 \end{cases}$ .
- C.  $\begin{cases} x \geq 0 \\ x + y \geq 2 \\ x + y \leq 4 \\ -x + y \geq 2 \end{cases}$ .
- D.  $\begin{cases} y \geq 0 \\ x + y \geq 2 \\ x + 2y \leq 4 \\ -x + y \leq 2 \end{cases}$ .

**Câu 13:** Một gia đình cần ít nhất 800g chất Protein và 600g Lipid trong thức ăn mỗi ngày. Một hôm, họ dự định mua thịt bò và thịt lợn để bổ sung chất Protein và Lipid cần thiết. Biết rằng thịt bò chứa 21,5% chất Protein và 10,7% chất Lipid, thịt lợn chứa 25,7% chất Protein và 20,8% chất Lipid. Người ta chỉ mua nhiều nhất 2 kg thịt bò, 3 kg thịt lợn. Giá tiền 1kg thịt bò là 250 nghìn đồng và giá tiền 1kg thịt lợn là 70 nghìn đồng. Chi phí ít nhất gia đình đó phải trả cho ngày hôm đó gần nhất với đáp án nào sau đây?

- A. 240 nghìn đồng.      B. 400 nghìn đồng.      C. 354 nghìn đồng.      D. 243 nghìn đồng.

**Câu 14:** Cho  $\alpha$  là góc tù. Điều khẳng định nào sau đây là đúng?

- A.  $\sin \alpha < 0$ .      B.  $\cos \alpha > 0$ .      C.  $\tan \alpha < 0$ .      D.  $\cot \alpha > 0$ .

**Câu 15:** Đường tròn ngoại tiếp tam giác  $ABC$  có bán kính bằng  $8\text{cm}$ ,  $\angle ABC = 50^\circ$ . Độ dài cạnh  $AC$  gần với kết quả nào sau đây nhất

- A.  $12,26\text{cm}$ .      B.  $6,13\text{cm}$ .      C.  $20,89\text{cm}$ .      D.  $10,44\text{cm}$

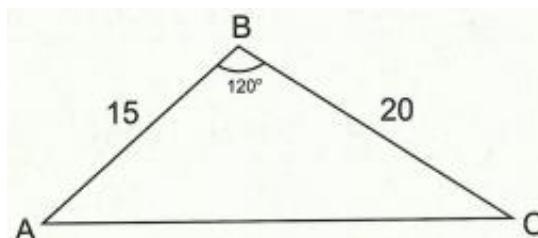
**Câu 16:** Cho tam giác  $ABC$ . Hãy tính  $\sin A \cos(B+C) + \cos A \sin(B+C)$ .

- A. 0.      B. 1.      C. -1.      D. 2.

**Câu 17:** Cho tam giác  $ABC$  có  $AB = 5$ ,  $AC = 8$ ,  $\angle BAC = 60^\circ$ . Độ dài cạnh  $BC$  là:

- A. 8.      B. 7.      C. 49.      D.  $\sqrt{69}$ .

**Câu 18:** Một ô tô muốn đi từ A đến C nhưng giữa A và C là một ngọn núi cao nên ô tô phải đi thành hai đoạn từ A đến B rồi từ B đến C, các đoạn đường tạo thành tam giác  $ABC$  có  $AB = 15\text{ km}$ ,  $BC = 20\text{ km}$  và  $\angle ABC = 120^\circ$  (Tham khảo hình vẽ bên dưới). Giả sử ô tô chạy  $5\text{km}$  tốn một lít xăng, giá một lít xăng là  $20.000\text{ đồng}$ . Nếu người ta làm một đoạn đường hầm xuyên núi chạy thẳng từ A đến C, khi đó ô tô chạy trên con đường này sẽ tiết kiệm được số tiền so với chạy trên đường cũ gần với số nào trong các số sau:



- A. 92000 đồng.      B. 140000 đồng.      C. 18400 đồng.      D. 121600 đồng.

**Câu 19:** Cho bốn điểm phân biệt  $A, B, C$  và  $D$ . Từ bốn điểm đã cho, có thể lập được bao nhiêu véc tơ khác  $\vec{0}$  có điểm đầu là  $A$  hoặc  $B$ ?

- A. 12.      B. 5.      C. 6.      D. 3.

**Câu 20:** Trên đường thẳng  $d$  lấy ba điểm  $M, N, P$  phân biệt sao cho  $MN = MP$ . Đẳng thức nào sau đây đúng?

- A.  $\overrightarrow{MN} = \overrightarrow{MP}$ .      B.  $\overrightarrow{MN} = \overrightarrow{NP}$ .      C.  $\overrightarrow{MN} + \overrightarrow{MP} = \vec{0}$ .      D.  $\overrightarrow{MN} + \overrightarrow{NP} = \vec{0}$ .

**Câu 21:** Cho ba điểm  $A; B; C$  thỏa mãn:  $\overrightarrow{AB} = -3\overrightarrow{AC}$ . Chọn khẳng định SAI.

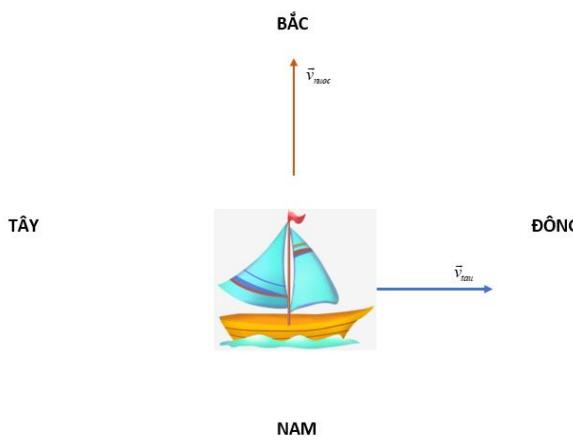
- A. Ba điểm  $A; B; C$  thẳng hàng.      B.  $\overrightarrow{AB}$  cùng phương  $\overrightarrow{AC}$ .  
C.  $\overrightarrow{AB}$  ngược hướng  $\overrightarrow{AC}$ .      D. Ba điểm  $A; B; C$  tạo thành một tam giác.

**Câu 22:** Cho hình bình hành  $ABCD$  tâm  $O$ . Khi đó  $\overrightarrow{OC} - \overrightarrow{OD}$  bằng  
 A.  $\overrightarrow{BC}$ .      A.  $\overrightarrow{OC} + \overrightarrow{OB}$ .      C.  $\overrightarrow{OA} - \overrightarrow{OB}$ .      D.  $\overrightarrow{CD}$ .

**Câu 23:** Cho tam giác đều  $ABC$  cạnh bằng  $a$ . Khi đó  $|\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}|$  bằng:  
 A.  $2a$ .      B.  $a$ .      C.  $a\sqrt{3}$ .      D.  $\frac{a\sqrt{3}}{2}$ .

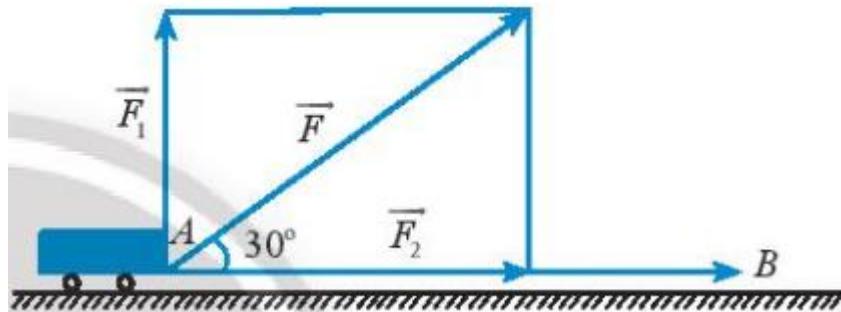
**Câu 24:** Cho tam giác  $ABC$  đều cạnh bằng 4. Khi đó, tính  $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC}$  ta được:  
 A. 8.      B. -8.      C. -6.      D. 6.

**Câu 25:** Một chiếc tàu di chuyển từ phía Tây sang phía Đông với vận tốc  $30\text{km/h}$ , dòng nước chảy từ phía Nam lên phía Bắc với vận tốc  $5\text{km/h}$ . Hỏi tàu di chuyển với vận tốc gần với kết quả nào dưới đây nhất?



- A.  $25\text{ km/h}$ .      B.  $5\text{ km/h}$ .      C.  $30,4\text{ km/h}$ .      D.  $30\text{ km/h}$ .

**Câu 26:** Hai người cùng kéo một xe goòng như hình. Mỗi người cầm vào một sợi dây cùng buộc vào xe goòng, và lực tổng hợp, hợp với phương ngang (mặt đường) một góc  $30^\circ$ . Người thứ nhất kéo một lực là  $30\sqrt{3}(N)$ , người thứ hai kéo một lực là  $90(N)$ . Hỏi công sinh ra khi kéo vật đi một khoảng dài  $100(m)$  là bao nhiêu?



- A.  $A = 9000(J)$ .      B.  $A = 1200\sqrt{3}(J)$ .      C.  $A = 2700\sqrt{3}(J)$ .      D.  $A = 600\sqrt{3}(J)$ .

**Câu 27:** Khi sử dụng máy tính bỏ túi với 10 chữ số thập phân ta được:  $\sqrt{8} = 2,828427125$ . Giá trị gần đúng của  $\sqrt{8}$  chính xác đến hàng phần trăm là  
 A. 2,81.      B. 2,83.      C. 2,82.      D. 2,80.

**Câu 28:** Hãy tìm trung vị cho mẫu số liệu điểm kiểm tra môn Toán của Lớp 11B:

3 5 6 7 1 10 3 4

- A. 4,5.      B. 4.      C. 5.      D. 5,5.

**Câu 29:** Người ta đã thống kê số gia cầm bị tiêu hủy trong vùng dịch của 6 xã A,B,,F như sau (đơn vị: nghìn con):

Xã	A	B	C	D	E	F
Số lượng gia cầm bị tiêu hủy	12	25	27	15	45	5

Tìm trung vị cho mẫu số liệu về số gia cầm bị tiêu huỷ đã cho.

**A.** 20.

**B.** 21.

**C.** 21,5.

**D.** 27.

**Câu 30:** Nhiệt độ của thành phố Vinh ghi nhận trong 10 ngày qua lần lượt là:

24 21 30 34 28 35 33 36 25 27

Khoảng tú phân vị của mẫu số liệu bằng:

**A.**  $\Delta_Q = 12$ .

**B.**  $\Delta_Q = 11$ .

**C.**  $\Delta_Q = 13$

**D.**  $\Delta_Q = 9$ .

**Câu 31:** Mẫu số liệu cho biết lượng điện tiêu thụ (đơn vị  $kw$ ) hàng tháng của gia đình bạn An trong năm 2021 như sau: 163 165 159 172 167 168 170 161 164 174 170 166

Trong năm 2022 nhà bạn An giảm mức tiêu thụ điện mỗi tháng là  $10kw$ . Gọi  $\Delta_Q; \Delta'_Q$  lần lượt là khoảng tú phân vị của mẫu số liệu tiêu thụ điện năm 2021 năm 2022. Đẳng thức nào sau đây là đúng

**A.**  $\Delta_Q = \Delta'_Q$ .

**B.**  $\Delta'_Q = \Delta_Q - 10$ .

**C.**  $\Delta_Q = \Delta'_Q - 10$

**D.**  $\Delta'_Q = \Delta_Q - 20$ .

**Câu 32:** Các giá trị bất thường của mẫu số liệu 5, 6, 19, 21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 31, 35, 38, 42 là

**A.** 5, 42.

**B.** 5, 6, 38, 42.

**C.** 5, 6, 42.

**D.** 5, 35, 38, 42.

**Câu 33:** Tìm tất cả các giá trị của  $m$  để hàm số  $y = \frac{2x}{x-m+1}$  xác định trên khoảng  $(0; 2)$ ?

**A.**  $1 < m < 3$ .

**B.**  $\begin{cases} m < 1 \\ m > 5 \end{cases}$ .

**C.**  $3 < m < 5$ .

**D.**  $\begin{cases} m \leq 1 \\ m \geq 3 \end{cases}$ .

**Câu 34:** Có bao nhiêu giá trị nguyên âm của tham số  $m$  để tập xác định của hàm số

$y = \frac{2}{x-2m} + \sqrt{7m+1-2x}$  chứa đoạn  $[-1; 1]$ ?

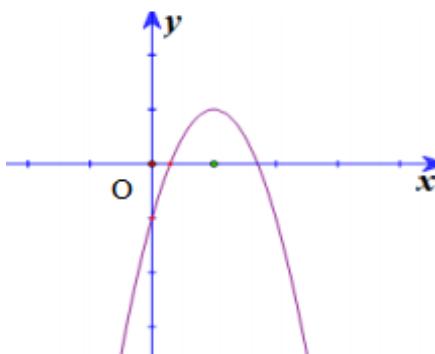
**A.** 0

**B.** 1

**C.** 2

**D.** Vô số

**Câu 35:** Cho hàm số  $y = ax^2 + bx + c$ . Có đồ thị như hình vẽ dưới đây. Hỏi mệnh đề nào đúng?



**A.**  $a < 0, b > 0, c < 0$ .    **B.**  $a < 0, b < 0, c > 0$ .    **C.**  $a < 0, b < 0, c < 0$ .    **D.**  $a > 0, b > 0, c < 0$ .

## II. PHẦN TỰ LUẬN (3,0 điểm)

**Câu 36:** Bảng dưới thông kê nhiệt độ (đơn vị:  $^{\circ}\text{C}$ ) ở Thành phố Hồ Chí Minh ngày 03/06/2021 sau một số lần đo

Giờ đo	1h	4h	7h	10h	13h	16h	19h	22h
Nhiệt độ ( $^{\circ}\text{C}$ )	27	26	28	32	34	35	30	28

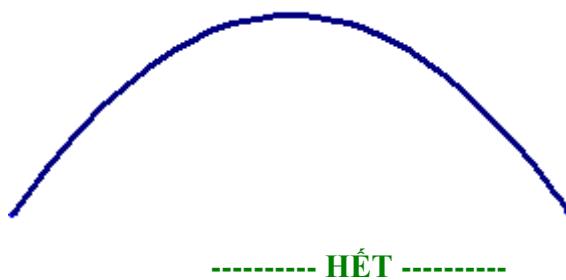
- Viết mẫu số liệu thống kê nhiệt độ nhận được từ Bảng trên.
- Tính số trung bình cộng, phương sai và độ lệch chuẩn của mẫu số liệu đó (làm tròn kết quả đến hàng phần trăm).

**Câu 37:** Cho tam giác cân  $ABC$  có  $A = 120^{\circ}$  và  $AB = AC = a$ . Trên cạnh  $BC$  lấy điểm  $M$

sao cho  $BM = \frac{2BC}{5}$ . Tính độ dài  $AM$ .

**Câu 38:** Mỗi phân xưởng cần sản xuất ra hai loại sản phẩm. Để sản xuất 1 kilogam sản phẩm loại I cần sử dụng máy trong 30 giờ và tiêu tốn 2 kilogam nguyên liệu. Để sản xuất 1 kilogam sản phẩm loại II cần sử dụng máy trong 15 giờ và tiêu tốn 4 kilogam nguyên liệu. Biết rằng 1 kilogam sản phẩm loại I thu lãi được 40000 đồng, 1 kilogam sản phẩm loại II thu lãi được 30000 đồng, có thể sử dụng máy tối đa 1200 giờ và có 200 kilogam nguyên liệu. Hỏi phân xưởng đó nên sản xuất mỗi loại sản phẩm bao nhiêu kilogam để thu lãi cao nhất?

**Câu 39:** Một chiếc cổng hình parabol có chiều rộng 12 m và chiều cao 8 m như hình vẽ. Giả sử một chiếc xe tải có chiều ngang 6 m đi vào vị trí chính giữa cổng. Hỏi chiều cao  $h$  của xe tải thỏa mãn điều kiện gì để có thể đi vào cổng mà không chạm tường?



## HƯỚNG DẪN GIẢI CHI TIẾT

### I. PHẦN TRẮC NGHIỆM (35 câu – 7,0 điểm)

**Câu 1:** Tập xác định của hàm số  $y = \frac{3-x}{x^2 - 5x - 6}$  là

- A.**  $D = \mathbb{R} \setminus \{-1; 6\}$       **B.**  $D = \mathbb{R} \setminus \{1; -6\}$       **C.**  $D = \{-1; 6\}$       **D.**  $D = \{1; -6\}$

**Lời giải**

**Chọn A**

$$\text{Điều kiện } x^2 - 5x - 6 \neq 0 \Rightarrow \begin{cases} x \neq -1 \\ x \neq 6 \end{cases}.$$

Vậy  $D = \mathbb{R} \setminus \{-1; 6\}$ .

**Câu 2:** Tìm tập xác định  $D$  của hàm số  $y = \sqrt{x+2} - \sqrt{x+3}$ .

- A.**  $D = [-3; +\infty)$ .      **B.**  $D = [-2; +\infty)$ .      **C.**  $D = \mathbb{R}$ .      **D.**  $D = [2; +\infty)$ .

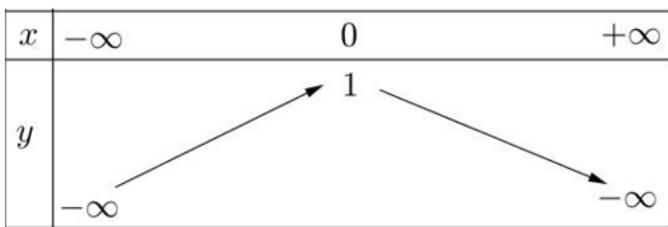
**Lời giải**

**Chọn B**

$$\text{Hàm số xác định khi và chỉ khi } \begin{cases} x+2 \geq 0 \\ x+3 \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow x \geq -2.$$

Vậy  $D = [-2; +\infty)$ .

**Câu 3:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình bên dưới. Khẳng định nào sau đây là đúng?



- A.** Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ .  
**B.** Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 1)$ .  
**C.** **Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 0)$ .**  
**D.** Hàm số đồng biến trên khoảng  $(1; +\infty)$ .

**Lời giải**

Dựa vào bảng biến thiên: khoảng  $(-\infty; 0)$  có mũi tên hướng lên, diễn tả hàm số đồng biến.

**Câu 4:** Hàm số  $f(x) = \begin{cases} \frac{2\sqrt{x-2}-3}{x-1} & \text{khi } x \geq 2 \\ x^2 + 2 & \text{khi } x < 2 \end{cases}$ . Tính  $P = f(2) + f(-2)$ .

- A.**  $P = 3$ .      **B.**  $P = \frac{7}{3}$ .      **C.**  $P = 6$ .      **D.**  $P = 2$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

$$\text{Ta có: } P = f(2) + f(-2) = \frac{2\sqrt{2-2}-3}{2-1} + [(-2)^2 + 2] = 3.$$

**Câu 5:** Hoành độ đỉnh của parabol  $(P)$ :  $y = 2x^2 - 4x + 3$  bằng

- A. -2.      B. 2.      C. -1.      D. 1.

**Lời giải**

**Chọn D**

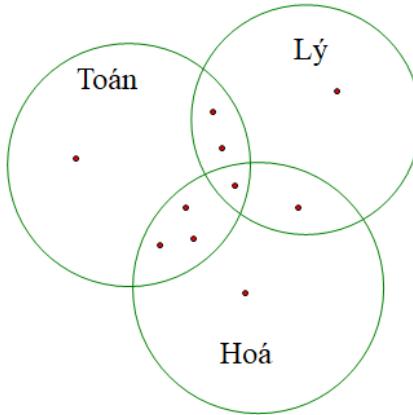
$$x = -\frac{b}{2a} = 1.$$

**Câu 6:** Lớp 10A có 7 học sinh giỏi Toán, 5 học sinh giỏi Lý, 6 học sinh giỏi Hóa, 3 học sinh giỏi cả Toán và Lý, 4 học sinh giỏi cả Toán và Hóa, 2 học sinh giỏi cả Lý và Hóa, 1 học sinh giỏi cả ba môn Toán, Lý, Hóa. Số học sinh giỏi ít nhất 1 môn của lớp 10A là

- A. 9.      B. 10.      C. 18.      D. 28.

**Lời giải**

**Chọn B**



Số học sinh chỉ giỏi Toán, Lý mà không giỏi Hóa là  $3 - 1 = 2$ .

Số học sinh chỉ giỏi Toán, Hóa mà không giỏi Lý là  $4 - 1 = 3$ .

Số học sinh chỉ giỏi Hóa, Lý mà không giỏi Toán là  $2 - 1 = 1$ .

Số học sinh chỉ giỏi môn Lý là  $5 - 2 - 1 - 1 = 1$ .

Số học sinh chỉ giỏi môn Hóa là  $6 - 3 - 1 - 1 = 1$ .

Số học sinh chỉ giỏi môn Toán là  $7 - 3 - 2 - 1 = 1$ .

Số học sinh giỏi ít nhất một môn là học sinh giỏi 1 môn hoặc 2 môn hoặc 3 môn là  $2 + 3 + 1 + 1 + 1 + 1 = 10$  học sinh.

**Câu 7:** Cặp số  $(2;3)$  là nghiệm của bất phương trình nào sau đây?

- A.  $2x - 3y - 1 > 0$ .      B.  $x - y < 0$ .      C.  $4x > 3y$ .      D.  $x - 3y + 7 < 0$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Thay cặp số  $(2;3)$  vào các bất phương trình, suy ra ta chọn đáp án B

**Câu 8:** Cho hệ bất phương trình:  $\begin{cases} 2x + 3y - 1 > 0 \\ 5x - y + 4 < 0 \end{cases}$ . Khẳng định nào sau đây **sai**?

- A. Điểm  $D(-3;4)$  thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình đã cho.  
 B. Điểm  $A(-1;4)$  thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình đã cho.  
 C. Điểm  $O(0;0)$  thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình đã cho.  
 D. Điểm  $C(-2;4)$  thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình đã cho.

**Lời giải**

### Chọn C

Thay toạ độ điểm  $O(0;0)$  vào hệ bất phương trình đã cho ta thấy không thỏa mãn nên điểm  $O(0;0)$  không thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình đã cho.

Do đó, đáp án **sai** là C

**Câu 9:** Miền nghiệm của bất phương trình  $x - 2y + 5 < 0$  là:

- A. Nửa mặt phẳng chứa gốc toạ độ, bờ là đường thẳng  $y = \frac{1}{2}x + \frac{5}{2}$  (bao gồm cả đường thẳng).
- B. Nửa mặt phẳng không chứa gốc toạ độ, bờ là đường thẳng  $y = \frac{1}{2}x + \frac{5}{2}$  (không kể đường thẳng)
- C. Nửa mặt phẳng chứa gốc toạ độ, bờ là đường thẳng  $y = \frac{1}{2}x + \frac{5}{2}$  (không kể đường thẳng)
- D. Nửa mặt phẳng không chứa gốc toạ độ, bờ là đường thẳng  $y = \frac{1}{2}x + \frac{5}{2}$  (bao gồm cả đường thẳng)

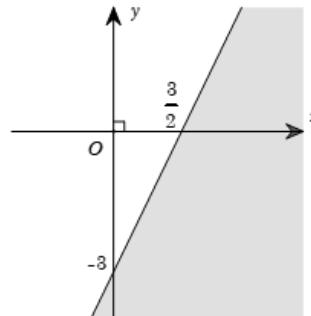
### Lời giải

### Chọn B

Thay toạ độ điểm  $O(0;0)$  vào vế trái đường thẳng  $x - 2y + 5 = 0$  ta được:  $0 - 0 + 5 > 0$

Suy ra miền nghiệm của bất phương trình  $x - 2y + 5 < 0$  là nửa mặt phẳng không chứa gốc toạ độ, bờ là đường thẳng  $y = \frac{1}{2}x + \frac{5}{2}$  (không kể đường thẳng).

**Câu 10:** Phần không bị tô đậm (kể cả bờ) trong hình vẽ sau, biểu diễn miền nghiệm của bất phương trình nào trong các BPT sau?



- A.  $2x - y \leq 3$ .
- B.  $2x - y \geq 3$ .
- C.  $2x + y < 3$ .
- D.  $x - 2y > 3$ .

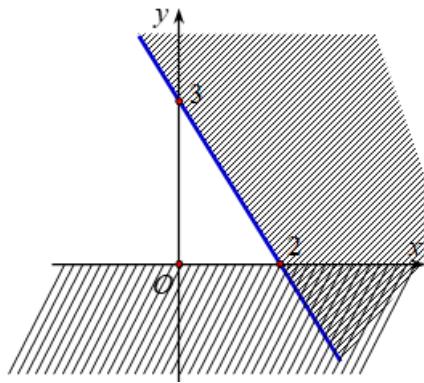
### Lời giải

### Chọn A

Vì miền nghiệm của bất phương trình tính cả bờ nên loại đáp án **C** và **D**

Xét điểm  $O(0;0)$  thuộc miền không bị tô đậm, thay  $x = 0, y = 0$  vào bpt ở đáp án **A** ta thấy:  
 $2.0 - 0 \leq 3$  là mệnh đề đúng nên miền nghiệm của bpt chứa điểm  $O$ . Vậy **Chọn A**

**Câu 11:** Phần không gạch chéo ở hình sau đây là biểu diễn miền nghiệm của hệ bất phương trình nào trong bốn hệ A, B, C, D?



A.  $\begin{cases} y > 0 \\ 3x + 2y < 6 \end{cases}$

B.  $\begin{cases} y > 0 \\ 3x + 2y < -6 \end{cases}$

C.  $\begin{cases} x > 0 \\ 3x + 2y < 6 \end{cases}$

D.  $\begin{cases} x > 0 \\ 3x + 2y > -6 \end{cases}$

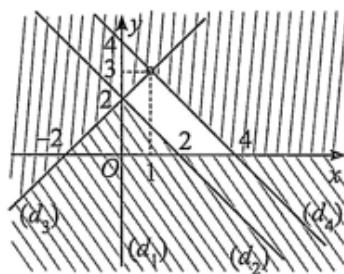
**Lời giải**

**Chọn A**

Lấy điểm  $M$  có tọa độ  $(x; y) = (-1; 1)$  thuộc miền nghiệm trong hình vẽ.

Ta thấy tọa độ  $M$  chỉ thỏa hệ bất phương trình  $\begin{cases} y > 0 \\ 3x + 2y < 6 \end{cases}$ .

**Câu 12:** Miền không bị gạch sọc (tính cả bờ) là miền nghiệm của hệ bất phương trình nào sau đây ?



A.  $\begin{cases} x \geq 0 \\ x + y \geq 2 \\ x + y \leq 4 \\ -x + y \leq 2 \end{cases}$

B.  $\begin{cases} y \geq 0 \\ x + y \geq 2 \\ x + y \leq 4 \\ -x + y \leq 2 \end{cases}$

C.  $\begin{cases} x \geq 0 \\ x + y \geq 2 \\ x + y \leq 4 \\ -x + y \geq 2 \end{cases}$

D.  $\begin{cases} y \geq 0 \\ x + y \geq 2 \\ x + 2y \leq 4 \\ -x + y \leq 2 \end{cases}$

**Lời giải**

**Chọn B**

Ta thấy điểm  $(1; 2)$  thuộc miền nghiệm nên loại đáp án C và D

Ta thấy điểm  $(4; -1)$  không thuộc miền nghiệm nhưng lại thỏa mãn hệ bất phương trình ở đáp án A, nên loại A; Vậy **chọn B**

**Câu 13:** Một gia đình cần ít nhất 800g chất Protein và 600g Lipid trong thức ăn mỗi ngày. Một hôm, họ dự định mua thịt bò và thịt lợn để bổ sung chất Protein và Lipid cần thiết. Biết rằng thịt bò chứa 21,5% chất Protein và 10,7% chất Lipid, thịt lợn chứa 25,7% chất Protein và 20,8% chất Lipid. Người ta chỉ mua nhiều nhất 2 kg thịt bò, 3 kg thịt lợn. Giá tiền 1kg thịt bò là 250 nghìn đồng và giá tiền 1kg thịt lợn là 70 nghìn đồng. Chi phí ít nhất gia đình đó phải trả cho ngày hôm đó gần nhất với đáp án nào sau đây?

- A. 240 nghìn đồng.      B. 400 nghìn đồng.      C. 354 nghìn đồng.      D. 243 nghìn đồng.

**Lời giải**

**Chọn D**

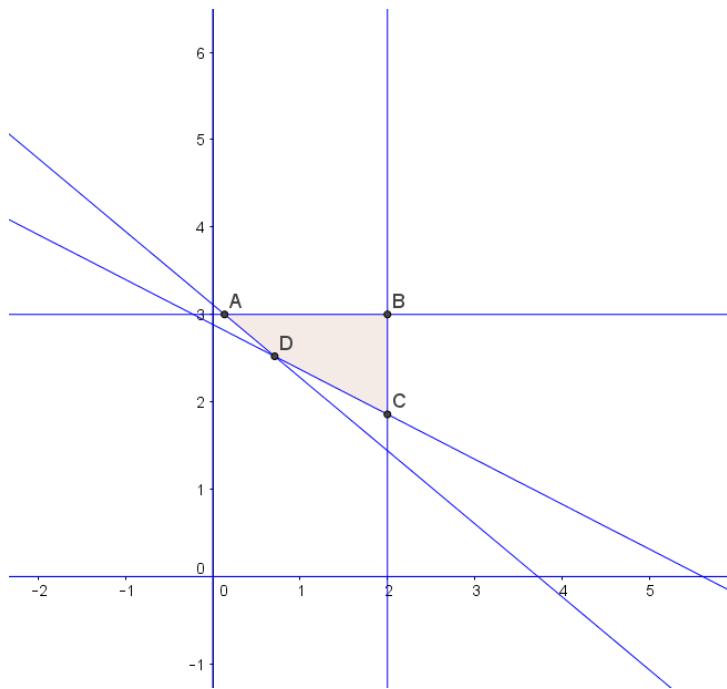
Giả sử gia đình đó mua  $x$  kg thịt bò và  $y$  kg thịt lợn.

Điều kiện:  $0 \leq x \leq 2$ ;  $0 \leq y \leq 3$ .

Số đơn vị Protein có được là  $215x + 257y$  (g) và số đơn vị Lipid có được là  $107x + 208y$  (g).

Vì giá đình cần ít nhất 800g chất Protein và 600g chất Lipid nên điều kiện tương ứng là:

$$\begin{cases} 0 \leq x \leq 2 \\ 0 \leq y \leq 3 \\ 215x + 257y \geq 800 \\ 107x + 208y \geq 600 \end{cases}$$



Miền nghiệm của hệ điều kiện là miền tứ giác  $ABCD$  với

$$AD: 215x + 257y = 800, CD: 107x + 208y = 600.$$

Chi phí để mua  $x$  kg thịt bò và  $y$  kg thịt lợn là:  $T = 250x + 70y$ . Ta biết  $T$  đạt giá trị nhỏ nhất tại một trong các đỉnh của tứ giác  $ABCD$ .

Tại  $A\left(\frac{29}{215}; 3\right)$ :  $T \approx 242,5$  nghìn đồng.

Tại  $B(2;3)$ :  $T \approx 710$  nghìn đồng.

Tại  $C\left(2; \frac{193}{104}\right)$ :  $T \approx 630,2$  nghìn đồng.

Tại  $D\left(\frac{12200}{17221}; \frac{43400}{17221}\right)$ :  $T \approx 353,9$  nghìn đồng.

Vậy chi phí ít nhất gia đình đó phải trả là 243 nghìn đồng.

**Câu 14:** Cho  $\alpha$  là góc tù. Điều khẳng định nào sau đây là đúng?

- A.**  $\sin \alpha < 0$ .      **B.**  $\cos \alpha > 0$ .      **C.**  $\tan \alpha < 0$ .      **D.**  $\cot \alpha > 0$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

Góc tù có điểm biểu diễn thuộc góc phán tư thứ II, có giá trị  $\sin \alpha > 0$ , còn  $\cos \alpha$ ,  $\tan \alpha$  và  $\cot \alpha$  đều nhỏ hơn 0.

**Câu 15:** Đường tròn ngoại tiếp tam giác  $ABC$  có bán kính bằng  $8cm$ ,  $\angle ABC = 50^\circ$ . Độ dài cạnh  $AC$  gần với kết quả nào sau đây nhất

A.  $12,26\text{ cm}$ .

B.  $6,13\text{ cm}$ .

C.  $20,89\text{ cm}$ .

D.  $10,44\text{ cm}$

### Lời giải

#### Chọn A

Áp dụng định lí sin cho tam giác  $ABC$  ta có:

$$\frac{AC}{\sin ABC} = 2R \quad (R \text{ là bán kính đường tròn ngoại tiếp tam giác } ABC).$$

$$\Rightarrow AC = 2R \cdot \sin ABC = 16 \cdot \sin 50^\circ \approx 12,26\text{ cm}.$$

**Câu 16:** Cho tam giác  $ABC$ . Hãy tính  $\sin A \cos(B+C) + \cos A \sin(B+C)$ .

A. 0.

B. 1.

C. -1.

D. 2.

### Lời giải

#### Chọn A

$$\text{Ta có: } \sin A \cos(B+C) + \cos A \sin(B+C) = \sin A \cos(180^\circ - A) + \cos A \sin(180^\circ - A)$$

$$= -\sin A \cos A + \sin A \cos A = 0.$$

**Câu 17:** Cho tam giác  $ABC$  có  $AB = 5$ ,  $AC = 8$ ,  $BAC = 60^\circ$ . Độ dài cạnh  $BC$  là:

A. 8.

B. 7.

C. 49.

D.  $\sqrt{69}$ .

### Lời giải

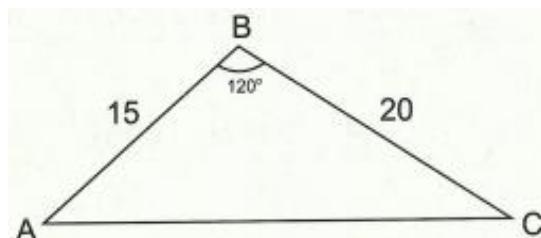
#### Chọn B

Áp dụng định lí Cosin ta có:

$$BC^2 = AB^2 + AC^2 - 2AB \cdot AC \cdot \cos BAC = 5^2 + 8^2 - 2 \cdot 5 \cdot 8 \cdot \cos 60^\circ = 49$$

$$\Rightarrow BC = 7.$$

**Câu 18:** Một ô tô muốn đi từ  $A$  đến  $C$  nhưng giữa  $A$  và  $C$  là một ngọn núi cao nên ô tô phải đi thành hai đoạn từ  $A$  đến  $B$  rồi từ  $B$  đến  $C$ , các đoạn đường tạo thành tam giác  $ABC$  có  $AB = 15\text{ km}$ ,  $BC = 20\text{ km}$  và  $ABC = 120^\circ$  (Tham khảo hình vẽ bên dưới). Giả sử ô tô chạy  $5\text{ km/t}$  một lít xăng, giá một lít xăng là  $20.000\text{ đồng}$ . Nếu người ta làm một đoạn đường hầm xuyên núi chạy thẳng từ  $A$  đến  $C$ , khi đó ô tô chạy trên con đường này sẽ tiết kiệm được số tiền so với chạy trên đường cũ gần với số nào trong các số sau:



A. 92000 đồng.

B. 140000 đồng.

C. 18400 đồng.

D. 121600 đồng.

### Lời giải

#### Chọn C

Quãng đường ô tô đi từ  $A$  đến  $C$  qua  $B$  là  $S_1 = AB + BC = 15 + 20 = 35\text{ (km)}$ .

Áp dụng định lý cosin vào tam giác  $ABC$ , ta có

$$AC^2 = AB^2 + BC^2 - 2AB \cdot BC \cdot \cos ABC = 15^2 + 20^2 - 2 \cdot 15 \cdot 20 \cdot \cos 120^\circ = 925 \Rightarrow AC = 5\sqrt{37}\text{ (km)}.$$

Nếu đi theo đường hầm thì quãng đường ô tô đi ít hơn là  $S = S_1 - AC = 35 - 5\sqrt{37} \approx 4,6\text{ (km)}$ .

Ô tô tiết kiệm được số tiền là  $4,6 : 5.20000 = 18400$  (đồng).

**Câu 19:** Cho bốn điểm phân biệt  $A, B, C$  và  $D$ . Từ bốn điểm đã cho, có thể lập được bao nhiêu véc tơ khác  $\vec{0}$  có điểm đầu là  $A$  hoặc  $B$ ?

**A.** 12.

**B.** 5.

**C.** 6.

**D.** 3.

**Lời giải**

**Chọn C**

Trường hợp 1: Điểm đầu là  $A$ , ta có các véc tơ khác  $\vec{0}$  là  $\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}$  và  $\overrightarrow{AD}$ .

Trường hợp 2: Điểm đầu là  $B$ , ta có các véc tơ khác  $\vec{0}$  là  $\overrightarrow{BA}, \overrightarrow{BC}$  và  $\overrightarrow{BD}$ .

Vậy có tất cả 6 véc tơ thỏa yêu cầu bài toán.

**Câu 20:** Trên đường thẳng  $d$  lấy ba điểm  $M, N, P$  phân biệt sao cho  $MN = MP$ . Đẳng thức nào sau đây đúng?

**A.**  $\overrightarrow{MN} = \overrightarrow{MP}$ .

**B.**  $\overrightarrow{MN} = \overrightarrow{NP}$ .

**C.**  $\overrightarrow{MN} + \overrightarrow{MP} = \vec{0}$ .

**D.**  $\overrightarrow{MN} + \overrightarrow{NP} = \vec{0}$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

$M$  là trung điểm của  $NP$  nên  $\overrightarrow{MN} + \overrightarrow{MP} = \vec{0}$ .

**Câu 21:** Cho ba điểm  $A; B; C$  thỏa mãn:  $\overrightarrow{AB} = -3\overrightarrow{AC}$ . Chọn khẳng định **SAI**.

**A.** Ba điểm  $A; B; C$  thẳng hàng.

**B.**  $\overrightarrow{AB}$  cùng phương  $\overrightarrow{AC}$ .

**C.**  $\overrightarrow{AB}$  ngược hướng  $\overrightarrow{AC}$ .

**D.** Ba điểm  $A; B; C$  tạo thành một tam giác.

**Lời giải**

**Chọn D**

Vì ba điểm  $A; B; C$  thỏa mãn:  $\overrightarrow{AB} = -3\overrightarrow{AC}$  nên ba điểm  $A; B; C$  thẳng hàng. Do đó ba điểm  $A; B; C$  không tạo thành một tam giác.

**Câu 22:** Cho hình bình hành  $ABCD$  tâm  $O$ . Khi đó  $\overrightarrow{OC} - \overrightarrow{OD}$  bằng

**A.**  $\overrightarrow{BC}$ .

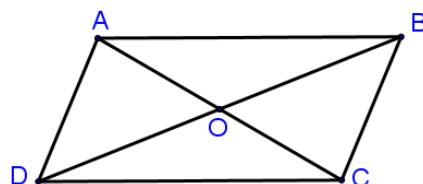
**A.**  $\overrightarrow{OC} + \overrightarrow{OB}$ .

**C.**  $\overrightarrow{OA} - \overrightarrow{OB}$ .

**D.**  $\overrightarrow{CD}$ .

**Lời giải**

**Chọn A**



Ta có:  $\overrightarrow{OC} - \overrightarrow{OD} = \overrightarrow{OC} + \overrightarrow{DO} = \overrightarrow{OC} + \overrightarrow{OB}$ .

**Câu 23:** Cho tam giác đều  $ABC$  cạnh bằng  $a$ . Khi đó  $|\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}|$  bằng:

**A.**  $2a$ .

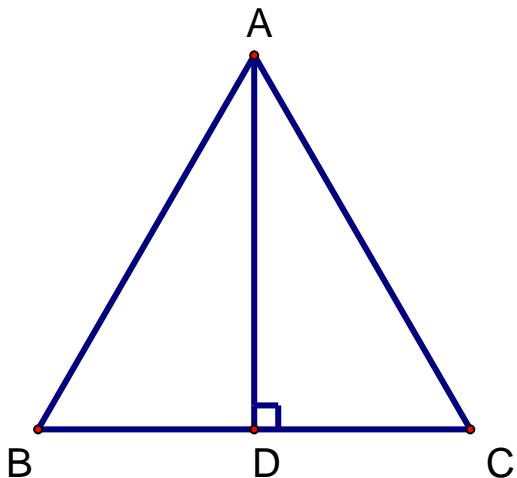
**B.**  $a$ .

**C.**  $a\sqrt{3}$ .

**D.**  $\frac{a\sqrt{3}}{2}$ .

**Lời giải**

**Chọn C**



Gọi  $D$  là trung điểm của  $BC$  suy ra  $AD = \frac{a\sqrt{3}}{2}$ .

Ta có  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} = 2\overrightarrow{AD} \Rightarrow |\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}| = |2\overrightarrow{AD}| = 2AD = a\sqrt{3}$

**Câu 24:** Cho tam giác  $ABC$  đều cạnh bằng  $4$ . Khi đó, tính  $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC}$  ta được :

**A.**  $8$ .

**B.**  $-8$ .

**C.**  $-6$ .

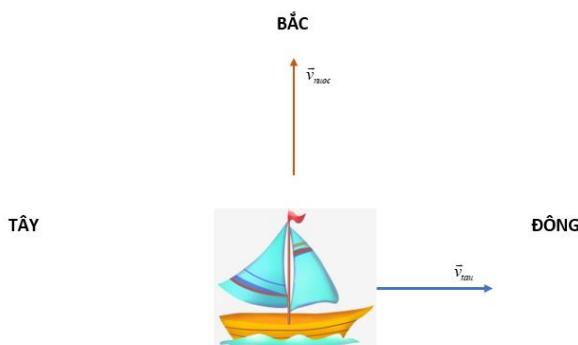
**D.**  $6$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

Ta có:  $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} = AB \cdot AC \cdot \cos BAC = AB^2 \cdot \cos 60^\circ = \frac{1}{2} AB^2 = \frac{1}{2} \cdot 4^2 = 8$ .

**Câu 25:** Một chiếc tàu di chuyển từ phía Tây sang phía Đông với vận tốc  $30\text{ km/h}$ , dòng nước chảy từ phía Nam lên phía Bắc với vận tốc  $5\text{ km/h}$ . Hỏi tàu di chuyển với vận tốc gần với kết quả nào dưới đây nhất?



**A.**  $25\text{ km/h}$ .

**B.**  $5\text{ km/h}$ .

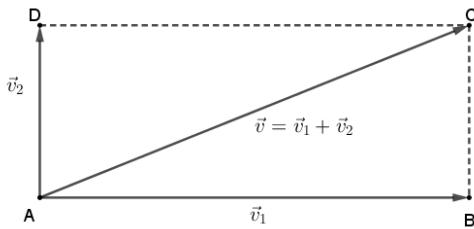
**C.**  $30,4\text{ km/h}$ .

**D.**  $30\text{ km/h}$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

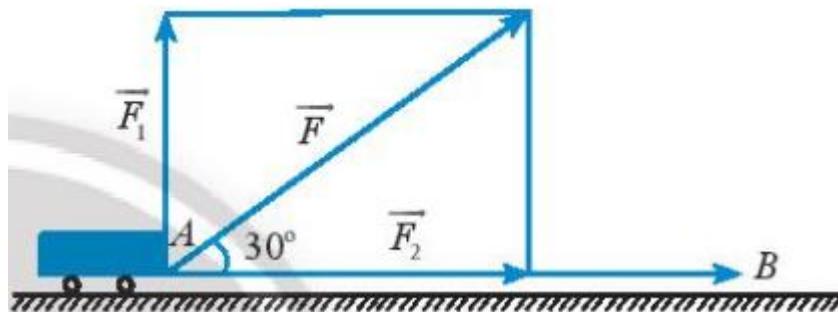
Giả sử véc-tơ  $\vec{v}_1$  biểu diễn cho vận tốc của tàu, ta có  $|\vec{v}_1| = 30 \text{ km/h}$ , véc-tơ  $\vec{v}_2$  biểu diễn cho vận tốc của dòng nước. Khi đó, tàu sẽ di chuyển theo véc-tơ tổng  $\vec{v} = \vec{v}_1 + \vec{v}_2$  được xác định qua quy tắc hình bình hành như hình vẽ



Ta có  $|\vec{v}| = AC$ . Vì ABCD là hình chữ nhật nên

$$AC = \sqrt{AB^2 + AD^2} = \sqrt{30^2 + 5^2} = 5\sqrt{37} \approx 30,4 \text{ km/h}.$$

**Câu 26:** Hai người cùng kéo một xe goòng như hình. Mỗi người cầm vào một sợi dây cùng buộc vào xe goòng, và lực tổng hợp, hợp với phương ngang (mặt đường) một góc  $30^\circ$ . Người thứ nhất kéo một lực là  $30\sqrt{3}(N)$ , người thứ hai kéo một lực là  $90(N)$ . Hỏi công sinh ra khi kéo vật đi một khoảng dài  $100(m)$  là bao nhiêu?



- A.  $A = 9000(J)$ .      B.  $A = 1200\sqrt{3}(J)$ .      C.  $A = 2700\sqrt{3}(J)$ .      D.  $A = 600\sqrt{3}(J)$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

Gọi  $\vec{F}_1; \vec{F}_2$  lần lượt là lực kéo của người thứ nhất và người thứ 2.

Ta có lực tổng hợp của hai người là  $\vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2$

Suy ra độ lớn của  $\vec{F}$  là:  $F = \sqrt{F_1^2 + F_2^2} = 60\sqrt{3}(N)$

Công sinh ra khi kéo vật là

$$A = \vec{F} \cdot \vec{d} = |\vec{F}| \cdot |\vec{d}| \cdot \cos(\vec{F}; \vec{d}) = 60\sqrt{3} \cdot 100 \cdot \cos 30^\circ = 9000(J)$$

**Câu 27:** Khi sử dụng máy tính bỏ túi với 10 chữ số thập phân ta được:  $\sqrt{8} = 2,828427125$ . Giá trị gần đúng của  $\sqrt{8}$  chính xác đến hàng phần trăm là

- A. 2,81.      B. 2,83.      C. 2,82.      D. 2,80.

**Lời giải**

**Chọn B**

Giá trị gần đúng của  $\sqrt{8} = 2,828427125$  chính xác đến hàng phần trăm là 2,83.

**Câu 28:** Hãy tìm trung vị cho mẫu số liệu điểm kiểm tra môn Toán của Lớp 11B:

3 5 6 7 1 10 3 4

- A. 4,5.      B. 4.      C. 5.      D. 5,5.

**Câu 29:** Người ta đã thống kê số gia cầm bị tiêu hủy trong vùng dịch của 6 xã A,B,,F như sau (đơn vị: nghìn con):

Xã	A	B	C	D	E	F
Số lượng gia cầm bị tiêu hủy	12	25	27	15	45	5

Tìm trung vị cho mẫu số liệu về số gia cầm bị tiêu huỷ đã cho.

**A.** 20.

**B.** 21.

**C.** 21,5.

**D.** 27.

### Lời giải

#### Chọn A

Sắp xếp mẫu số liệu đã cho theo thứ tự không giảm ta được: 5 12 15 25 27 45

Mẫu số liệu đã cho có 6 giá trị nên trung vị của mẫu đó là  $\frac{15+25}{2} = 20$ .

**Câu 30:** Nhiệt độ của thành phố Vinh ghi nhận trong 10 ngày qua lần lượt là:

24 21 30 34 28 35 33 36 25 27

Khoảng tú phân vị của mẫu số liệu bằng:

**A.**  $\Delta_Q = 12$ .

**B.**  $\Delta_Q = 11$ .

**C.**  $\Delta_Q = 13$

**D.**  $\Delta_Q = 9$ .

### Lời giải

#### Chọn D

Ta sắp xếp mẫu số liệu theo thứ tự không giảm:

21 24 25 27 28 30 33 34 35 36

Mẫu số liệu gồm 10 giá trị nên số trung vị là  $Q_2 = (28+30):2 = 29$

Nửa số liệu bên trái là 21; 24; 25; 27; 28 gồm 5 giá trị, số chính giữa là 25

Khi đó  $Q_1 = 25$

Nửa số liệu bên phải là 30; 33; 34; 35; 36 gồm 5 giá trị, số chính giữa là 34

Khi đó  $Q_3 = 34$

Khoảng tú phân vị của mẫu số liệu bằng:  $\Delta_Q = Q_3 - Q_1 = 34 - 25 = 9$

**Câu 31:** Mẫu số liệu cho biết lượng điện tiêu thụ (đơn vị  $kw$ ) hàng tháng của gia đình bạn An trong năm 2021 như sau: 163 165 159 172 167 168 170 161 164 174 170 166

Trong năm 2022 nhà bạn An giảm mức tiêu thụ điện mỗi tháng là  $10kw$ . Gọi  $\Delta_Q; \Delta'_Q$  lần lượt là khoảng tú phân vị của mẫu số liệu tiêu thụ điện năm 2021 năm 2022. Đẳng thức nào sau đây là đúng

**A.**  $\Delta_Q = \Delta'_Q$ .

**B.**  $\Delta'_Q = \Delta_Q - 10$ .

**C.**  $\Delta_Q = \Delta'_Q - 10$

**D.**  $\Delta'_Q = \Delta_Q - 20$ .

### Lời giải

#### Chọn A

+ ) Sắp xếp mẫu số liệu năm 2021 theo thứ tự không giảm:

159 161 163 164 165 166 167 168 170 170 172 174

Mẫu số liệu gồm 12 giá trị nên số trung vị là  $Q_2 = (166+167):2 = 166,5$

Nửa số liệu bên trái là 159; 161; 163; 164; 165; 166 gồm 6 giá trị

Khi đó  $Q_1 = (163+164):2 = 163,5$

Nửa số liệu bên phải là 167; 168; 170; 170; 172; 174 gồm 6 giá trị

Khi đó  $Q_3 = 170$

Khoảng tú phân vị của mẫu số liệu bằng:  $\Delta_Q = Q_3 - Q_1 = 170 - 163,5 = 6,5$

+ ) Sắp xếp mẫu số liệu năm 2022 theo thứ tự không giảm:

149 151 153 154 155 156 157 158 160 160 162 164

Mẫu số liệu gồm 12 giá trị nên số trung vị là  $Q_2 = (156 + 157) : 2 = 156,5$

Nửa số liệu bên trái là 149; 151; 153; 154; 155; 156 gồm 6 giá trị

Khi đó  $Q_1 = (153 + 154) : 2 = 153,5$

Nửa số liệu bên phải là 157; 158; 160; 160; 162; 164 gồm 6 giá trị

Khi đó  $Q_3 = 160$

Khoảng tú phân vị của mẫu số liệu bằng:  $\Delta'_Q = Q_3 - Q_1 = 160 - 153,5 = 6,5$

- Câu 32:** Các giá trị bất thường của mẫu số liệu 5, 6, 19, 21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 31, 35, 38, 42 là  
**A.** 5, 42.                   **B.** 5, 6, 38, 42.                   **C.** 5, 6, 42.                   **D.** 5, 35, 38, 42.

### Lời giải

#### Chọn A

Mẫu số liệu có các tú phân vị  $Q_1 = 21$ ,  $Q_2 = 25$ ,  $Q_3 = 31$ . Suy ra khoảng tú phân vị  $\Delta Q = 10$ .

Khi đó  $Q_1 - \frac{3}{2}\Delta Q = 6$ ,  $Q_1 + \frac{3}{2}\Delta Q = 41$  nên các giá trị 5, 42 là các giá trị bất thường của mẫu số liệu trên

- Câu 33:** Tìm tất cả các giá trị của  $m$  để hàm số  $y = \frac{2x}{x-m+1}$  xác định trên khoảng  $(0; 2)$ ?

- A.**  $1 < m < 3$ .                   **B.**  $\begin{cases} m < 1 \\ m > 5 \end{cases}$ .                   **C.**  $3 < m < 5$ .                   **D.**  $\begin{cases} m \leq 1 \\ m \geq 3 \end{cases}$ .

### Lời giải

#### Chọn D

Hàm số  $y = \frac{2x}{x-m+1}$  xác định khi  $x-m+1 \neq 0 \Leftrightarrow x \neq m-1$ .

Hàm số xác định trên khoảng  $(0; 2)$  khi và chỉ khi  $\begin{cases} m-1 \leq 0 \\ m-1 \geq 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m \leq 1 \\ m \geq 3 \end{cases}$ .

- Câu 34:** Có bao nhiêu giá trị nguyên âm của tham số  $m$  để tập xác định của hàm số  $y = \frac{2}{x-2m} + \sqrt{7m+1-2x}$  chứa đoạn  $[-1; 1]$ ?

- A.** 0                   **B.** 1                   **C.** 2                   **D.** Vô số

### Lời giải

#### Đáp án      A.

Hàm số xác định khi và chỉ khi:

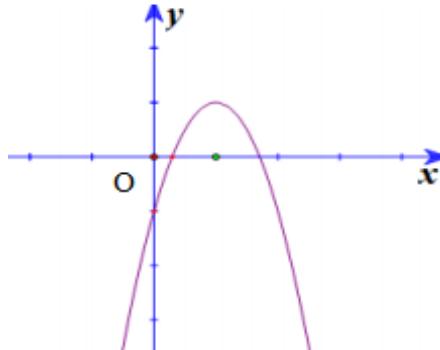
$$\begin{cases} x-2m \neq 0 \\ 7m+1-2x \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \neq 2m \\ x \leq \frac{7m+1}{2} \end{cases}$$

Để tập xác định của hàm số chứa đoạn  $[-1; 1]$  thì ta phải có

$$\begin{cases} \frac{7m+1}{2} \geq 1 \\ 2m > 1 \\ 2m < -1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m \geq 1/7 \\ m > 1/2 \\ m < -1/2 \end{cases} \Leftrightarrow m > \frac{1}{2}.$$

Vậy không có giá trị nguyên âm nào của  $m$  thỏa mãn yêu cầu bài toán.

**Câu 35:** Cho hàm số  $y = ax^2 + bx + c$ . Có đồ thị như hình vẽ dưới đây. Hỏi mệnh đề nào đúng?



- A.  $a < 0, b > 0, c < 0$ .    B.  $a < 0, b < 0, c > 0$ .    C.  $a < 0, b < 0, c < 0$ .    D.  $a > 0, b > 0, c < 0$ .

**Lời giải**

### Chọn A

Nhận xét:

- + Parabol có bề lõm quay xuồng dưới nên  $a < 0$ .
- + Parabol cắt trục tung tại điểm có hoành độ bằng 0 và tung độ âm nên thay  $x=0$  vào  $y = ax^2 + bx + c$  suy ra  $c < 0$ .
- + Parabol có trục đối xứng nằm bên phải trục tung nên  $x = -\frac{b}{2a} > 0$  mà  $a < 0$  nên  $b > 0$ .

Vậy  $a < 0, b > 0, c < 0$ .

## II. PHẦN TỰ LUẬN (3,0 điểm)

**Câu 36:** Bảng dưới thông kê nhiệt độ (đơn vị:  $^{\circ}\text{C}$ ) ở Thành phố Hồ Chí Minh ngày 03/06/2021 sau một số lần đo

Giờ đo	1h	4h	7h	10h	13h	16h	19h	22h
Nhiệt độ ( $^{\circ}\text{C}$ )	27	26	28	32	34	35	30	28

- a) Viết mẫu số liệu thống kê nhiệt độ nhận được từ Bảng trên.
- b) Tính số trung bình cộng, phương sai và độ lệch chuẩn của mẫu số liệu đó (làm tròn kết quả đến hàng phần trăm).

**Lời giải**

- a) Mẫu số liệu thống kê nhiệt độ nhận được từ Bảng trên là:

27 26 28 32 34 35 30 28

- b) Nhiệt độ trung bình là:

$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5 + x_6 + x_7 + x_8}{8} = \frac{27 + 26 + 28 + 32 + 34 + 35 + 30 + 28}{8} = 30 (^{\circ}\text{C}).$$

Phương sai của mẫu số liệu đó là:

$$s^2 = \frac{(x_1 - \bar{x})^2 + (x_2 - \bar{x})^2 + (x_3 - \bar{x})^2 + (x_4 - \bar{x})^2 + (x_5 - \bar{x})^2 + (x_6 - \bar{x})^2 + (x_7 - \bar{x})^2 + (x_8 - \bar{x})^2}{8}$$

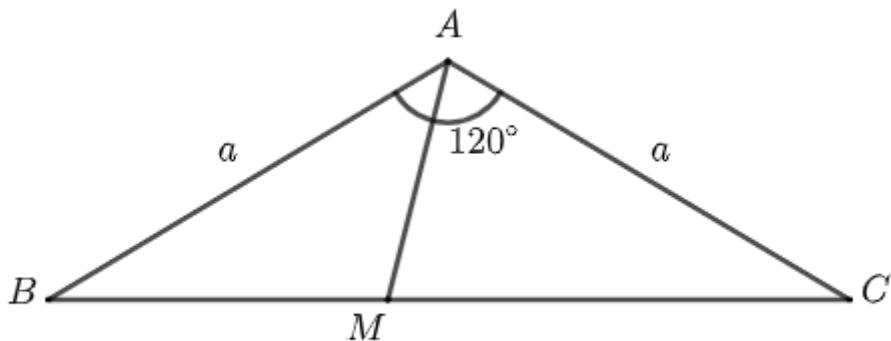
$$= \frac{(-3)^2 + (-4)^2 + (-2)^2 + 2^2 + 4^2 + 5^2 + 0^2 + (-2)^2}{8} = \frac{78}{8} = 9,75.$$

Độ lệch chuẩn của mẫu số liệu đó là:  $s = \sqrt{9,75} \approx 3,12 (\text{ }^\circ\text{C})$ .

**Câu 37:** Cho tam giác cân  $ABC$  có  $A = 120^\circ$  và  $AB = AC = a$ . Trên cạnh  $BC$  lấy điểm  $M$

sao cho  $BM = \frac{2BC}{5}$ . Tính độ dài  $AM$ .

### Lời giải



Áp dụng định lý cosin cho tam giác  $ABC$ , ta có:

$$\begin{aligned} BC^2 &= AB^2 + AC^2 - 2AB \cdot AC \cdot \cos A \\ &= a^2 + a^2 - 2a \cdot a \cdot \cos 120^\circ = 3a^2. \end{aligned}$$

$$\text{Suy ra } BC = a\sqrt{3} \text{ và } BM = \frac{2}{5}BC = \frac{2\sqrt{3}a}{5}.$$

Vì tam giác  $ABC$  cân và có  $A = 120^\circ$  nên ta có:  $B = C = 30^\circ$ .

Áp dụng định lý cosin cho tam giác  $ABM$ , ta có:

$$\begin{aligned} AM^2 &= AB^2 + BM^2 - 2AB \cdot BM \cdot \cos B \\ &= a^2 + \left(\frac{2\sqrt{3}a}{5}\right)^2 - 2a \cdot \frac{2\sqrt{3}a}{5} \cdot \cos 30^\circ = \frac{7}{25}a^2. \end{aligned}$$

$$\text{Suy ra } AM = \frac{\sqrt{7}}{5}a.$$

$$\text{Vậy } AM = \frac{\sqrt{7}}{5}a.$$

**Câu 38:** Mỗi phân xưởng cần sản xuất ra hai loại sản phẩm. Để sản xuất 1 kilogam sản phẩm loại I cần sử dụng máy trong 30 giờ và tiêu tốn 2 kilogam nguyên liệu. Để sản xuất 1 kilogam sản phẩm loại II cần sử dụng máy trong 15 giờ và tiêu tốn 4 kilogam nguyên liệu. Biết rằng 1 kilogam sản phẩm loại I thu lãi được 40000 đồng, 1 kilogam sản phẩm loại II thu lãi được 30000 đồng, có thể sử dụng máy tối đa 1200 giờ và có 200 kilogam nguyên liệu. Hỏi phân xưởng đó nên sản xuất mỗi loại sản phẩm bao nhiêu kilogam để thu lãi cao nhất.

### Lời giải

Gọi  $x, y$  lần lượt là số kilogam sản phẩm loại I, loại II phân xưởng nên sản xuất, ( $x, y \geq 0$ ).

Theo giả thiết, ta có:  $x, y \in \mathbb{N}, x \geq 0, y \geq 0$ .

Khi đó, thời gian cần để sản xuất 2 loại sản phẩm là:  $30x + 15y$ .

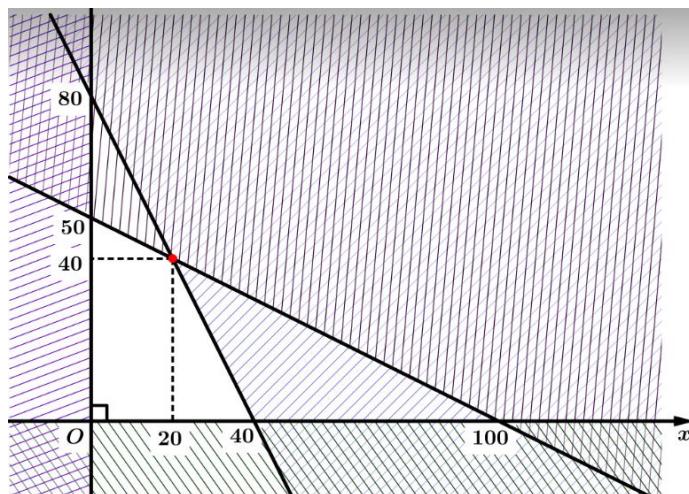
Thời gian sử dụng máy tối đa 1200 giờ nên:  $30x + 15y \leq 1200$ .

Nguyên liệu dùng sản xuất là  $2x + 4y$ .

Nguyên liệu phân xưởng có 200 kg nên:  $2x + 4y \leq 200$ .

Tiền lãi phân xưởng thu về là  $L = 40000x + 30000y$  (đồng).

$$\text{Ta có hệ bất phương trình: } \begin{cases} 30x + 15y \leq 1200 \\ 2x + 4y \leq 200 \\ x \geq 0 \\ y \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x + y \leq 80 \\ x + 2y \leq 100 \\ x \geq 0 \\ y \geq 0 \end{cases} \quad (\text{I})$$



*Bài toán đưa về:* Tìm miền nghiệm của hệ bất phương trình (I) sao cho  $L = 40000x + 30000y$  có giá trị lớn nhất.

Trước hết, ta xác định miền nghiệm của hệ bất phương trình (I).

Kẻ đường thẳng  $(d_1)$ :  $2x + y = 80$  cắt trục  $Ox$  tại điểm  $C(40; 0)$ .

$(d_2)$ :  $x + 2y = 100$  cắt trục  $Oy$  tại điểm  $A(0; 50)$

$$d_1 \cap d_2 = B(20; 40)$$

Miền nghiệm của hệ bất phương trình (I) là miền trong tứ giác  $OABC$  bao gồm các cạnh tứ giác.

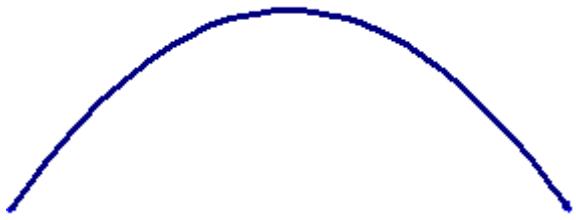
Ta có:  $L_O = 0$ ;  $L_A = 40000.0 + 30000.50 = 1.500.000$  (đồng).

$L_B = 40000.20 + 30000.40 = 2.000.000$  (đồng).

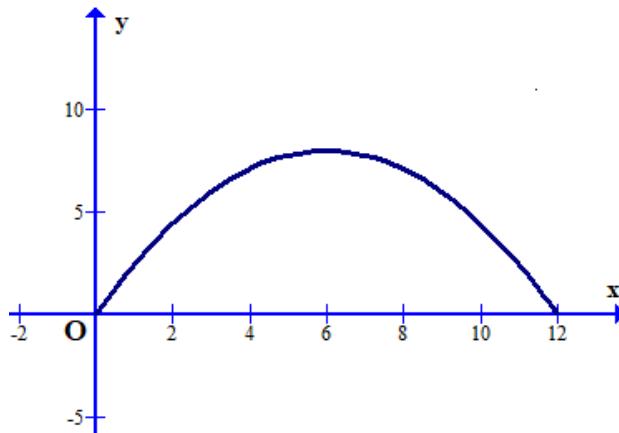
$L_C = 40000.40 + 30000.0 = 1.600.000$  (đồng).

Vậy để thu lãi cao nhất thì phân xưởng cần sản xuất 20 kg sản phẩm loại I và 40 kg sản phẩm loại II.

- Câu 39:** Một chiếc cổng hình parabol có chiều rộng 12 m và chiều cao 8 m như hình vẽ. Giả sử một chiếc xe tải có chiều ngang 6 m đi vào vị trí chính giữa cổng. Hỏi chiều cao  $h$  của xe tải thỏa mãn điều kiện gì để có thể đi vào cổng mà không chạm tường?



### Lời giải



Chọn hệ trục tọa độ như hình vẽ. Parabol có phương trình dạng  $y = ax^2 + bx$ .

Vì chiếc cổng hình parabol có chiều rộng 12 m và chiều cao, theo hình vẽ ta có parabol đi qua các điểm  $(12; 0)$  và  $(6; 8)$ , suy ra:

$$\begin{cases} 144a + 12b = 0 \\ 36a + 6b = 8 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = -\frac{2}{9} \\ b = \frac{8}{3} \end{cases}.$$

Suy ra parabol có phương trình  $y = -\frac{2}{9}x^2 + \frac{8}{3}$ .

Do chiếc xe tải có chiều ngang 6 m đi vào vị trí chính giữa cổng nên xe sẽ chạm tường tại điểm  $A(3; 6)$  khi đó chiều cao của xe là 6.

Vậy điều kiện để xe tải có thể đi vào cổng mà không chạm tường là  $0 < h < 6$ .

# ĐỀ ÔN TẬP KIỂM TRA CUỐI HỌC KỲ I NĂM HỌC 2022 – 2023

## MÔN: TOÁN 10 – ĐỀ SỐ: 10

### I. PHẦN TRẮC NGHIỆM (35 câu – 7,0 điểm)

**Câu 1:** Tập xác định của hàm số  $y = \frac{x+1}{x-1}$  là:

- A.  $\mathbb{R} \setminus \{\pm 1\}$ .      B.  $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$ .      C.  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$ .      D.  $(1; +\infty)$ .

**Câu 2:** Cho hàm số  $f(x) = \sqrt{3-2x}$ . Giá trị của hàm số tại điểm  $x = -2$  bằng

- A. 1.      B.  $\sqrt{3}$ .      C.  $\sqrt{7}$ .      D. 7.

**Câu 3:** Cho hàm số  $y = f(x) = \begin{cases} 2x-1 & \text{khi } x > 0 \\ 3x^2 & \text{khi } x \leq 0 \end{cases}$ . Giá trị của biểu thức  $P = f(-1) + f(1)$  là:

- A. -2.      B. 0.      C. 1.      D. 4.

**Câu 4:** Khoảng đồng biến của hàm số  $y = x^2 - 4x + 3$  là

- A.  $(-\infty; -2)$ .      B.  $(-\infty; 2)$ .      C.  $(-2; +\infty)$ .      D.  $(2; +\infty)$ .

**Câu 5:** Parabol  $y = -x^2 + 2x + 3$  có phương trình trực đối xứng là

- A.  $x = -1$ .      B.  $x = 2$ .      C.  $x = 1$ .      D.  $x = -2$ .

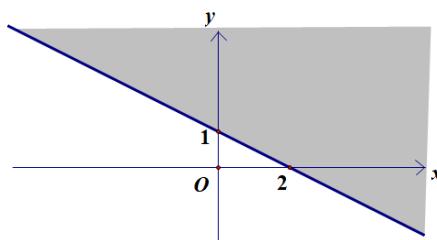
**Câu 6:** Xác định các hệ số  $a$  và  $b$  để Parabol  $(P)$ :  $y = ax^2 + 4x - b$  có đỉnh  $I(-1; -5)$ .

- A.  $\begin{cases} a = 3 \\ b = -2 \end{cases}$ .      B.  $\begin{cases} a = 3 \\ b = 2 \end{cases}$ .      C.  $\begin{cases} a = 2 \\ b = 3 \end{cases}$ .      D.  $\begin{cases} a = 2 \\ b = -3 \end{cases}$ .

**Câu 7:** Trong các tập hợp sau, tập hợp nào **không phải** là tập hợp con của tập hợp  $A = \{0; 1; 2; 3; 4; 5\}$ ?

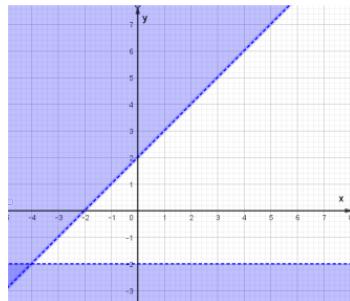
- A.  $A_1 = \{1; 6\}$ .      B.  $A_2 = \{1; 3\}$ .      C.  $A_3 = \{0; 4; 5\}$ .      D.  $A_4 = \{0\}$ .

**Câu 8:** Nửa mặt phẳng không tô đậm ở hình dưới đây là miền nghiệm của bất phương trình nào trong các bất phương trình sau?



- A.  $x + 2y \leq 2$ .      B.  $2x + y \geq 2$ .      C.  $2x + y \leq 2$ .      D.  $x + 2y \geq 2$ .

**Câu 9:** Miền không được tô đậm (không tính bờ) ở hình dưới đây là miền nghiệm của một hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn. Điểm nào sau đây **không** là nghiệm của hệ đó?



- A.  $(-4; -2)$ .      B.  $(1; 1)$ .      C.  $(-2; -1)$ .      D.  $(1; 2)$ .

- Câu 10:** Cho góc  $\alpha$ , với  $90^\circ < \alpha < 180^\circ$ . Khẳng định nào sau đây **sai**?
- A.  $\cos \alpha < 0$ .      B.  $\tan \alpha < 0$ .      C.  $\cot \alpha < 0$ .      D.  $\sin \alpha < 0$ .
- Câu 11:** Cho tam giác  $ABC$  có  $BC = a, AC = b, AB = c$ . Mệnh đề nào sau đây đúng?
- A.  $a^2 = b^2 + c^2 + 2bc \cos A$ .      B.  $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$ .  
 C.  $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \sin A$ .      D.  $a^2 = b^2 + c^2 + 2bc \sin A$ .
- Câu 12:** Cho tam giác  $ABC$  có  $BC = a, AC = b, AB = c$ . Gọi  $p$  là nửa chu vi,  $R$  là bán kính đường tròn ngoại tiếp,  $r$  là bán kính đường tròn nội tiếp và  $S$  là diện tích tam giác. Mệnh đề nào sau đây **sai**?
- A.  $S = pr$ .      B.  $S = \frac{abc}{2R}$ .  
 C.  $S = \frac{1}{2}ab \sin C$ .      D.  $S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$ .
- Câu 13:** Cho tam giác  $ABC$  có  $BC = 5, AC = 7, \hat{C} = 60^\circ$ . Tính cạnh  $AB$ .
- A.  $AB = 109$ .      B.  $AB = \sqrt{109}$ .      C.  $AB = 39$ .      D.  $AB = \sqrt{39}$ .
- Câu 14:** Cho tam giác  $ABC$  có  $BC = 3, \hat{A} = 60^\circ$ . Tính bán kính  $R$  của đường tròn ngoại tiếp tam giác  $ABC$ .
- A.  $\sqrt{3}$ .      B.  $2\sqrt{3}$ .      C. 3.      D.  $\frac{\sqrt{3}}{2}$ .
- Câu 15:** Cho tam giác  $ABC$  có  $AB = 4\text{ cm}, BC = 7\text{ cm}, AC = 9\text{ cm}$ . Tính  $\cos A$ .
- A.  $\cos A = -\frac{2}{3}$       B.  $\cos A = \frac{1}{2}$       C.  $\cos A = \frac{1}{3}$       D.  $\cos A = \frac{2}{3}$
- Câu 16:** Cho tam giác  $ABC$ , gọi  $M, N$  lần lượt là trung điểm của hai cạnh  $AB$  và  $AC$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?
- A.  $\overrightarrow{MN}$  và  $\overrightarrow{AB}$  cùng phương.      B.  $\overrightarrow{MN}$  và  $\overrightarrow{AC}$  cùng phương.  
 C.  $\overrightarrow{MN}$  và  $\overrightarrow{BC}$  cùng phương.      D.  $\overrightarrow{MN}$  và  $\overrightarrow{BN}$  cùng phương.
- Câu 17:** Cho hình bình hành  $ABCD$  có tâm  $O$ . Khẳng định nào sau đây **sai**?
- A.  $\overrightarrow{OB} + \overrightarrow{OD} = \overrightarrow{BD}$ .      B.  $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$ .      C.  $\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OC} = \vec{0}$ .      D.  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AC}$ .
- Câu 18:** Cho hai lực  $\overrightarrow{F}_1 = \overrightarrow{MA}, \overrightarrow{F}_2 = \overrightarrow{MB}$  cùng tác động vào một vật tại điểm  $M$ . Cho biết cường độ lực  $\overrightarrow{F}_1, \overrightarrow{F}_2$  đều bằng  $50N$  và tam giác  $MAB$  vuông tại  $M$ . Tính cường độ hợp lực tác dụng lên vật đó?
- A.  $100 N$ .      B.  $100\sqrt{2} N$ .      C.  $50\sqrt{2} N$ .      D.  $50 N$ .
- Câu 19:** Cho tam giác  $ABC$  có trọng tâm  $G$ ,  $I$  là trung điểm của cạnh  $BC$ . Khẳng định nào sau đây là **sai**?
- A.  $\overrightarrow{GA} + \overrightarrow{GB} = \overrightarrow{GC}$ .      B.  $\overrightarrow{GA} + \overrightarrow{GB} + \overrightarrow{GC} = \vec{0}$ .  
 C.  $\overrightarrow{GB} + \overrightarrow{GC} = 2\overrightarrow{GI}$ .      D.  $\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC} = 3\overrightarrow{MG}, \forall M$ .

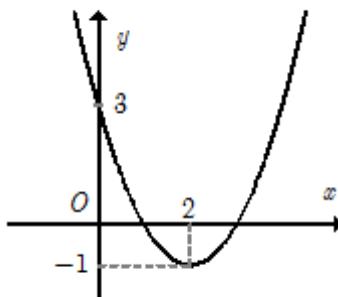
- Câu 20:** Cho  $\Delta ABC$ . Gọi M là điểm nằm trên đoạn BC sao cho  $\overrightarrow{MB} = -2\overrightarrow{MC}$ . Trong các biểu thức sau biểu thức nào đúng?
- A.  $\overrightarrow{AM} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AB} - \frac{2}{3}\overrightarrow{AC}$ .      B.  $\overrightarrow{AM} = \frac{1}{4}\overrightarrow{AB} + \frac{2}{3}\overrightarrow{AC}$ .
- C.  $\overrightarrow{AM} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AB} + \frac{2}{3}\overrightarrow{AC}$ .      D.  $\overrightarrow{AM} = -2\overrightarrow{AB} + \frac{1}{3}\overrightarrow{AC}$ .
- Câu 21:** Cho  $\Delta ABC, D, E, F$  lần lượt là trung điểm của các cạnh  $BC, CA, AB$ . Đẳng thức nào sau đây là đúng?
- A.  $\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{BE} + \overrightarrow{CF} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{BC}$
- B.  $\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{BE} + \overrightarrow{CF} = \overrightarrow{AF} + \overrightarrow{CE} + \overrightarrow{DB}$
- C.  $\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{BE} + \overrightarrow{CF} = \overrightarrow{AE} + \overrightarrow{BF} + \overrightarrow{CD}$
- D.  $\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{BE} + \overrightarrow{CF} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{AC}$
- Câu 22:** Cho hình vuông  $ABCD$  cạnh  $2a$ . Khi đó  $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC}$  bằng:
- A.  $8a^2$ .      B.  $4a^2$ .      C.  $2a^2$ .      D.  $a^2$ .
- Câu 23:** Cho hình bình hành  $ABCD$  có  $AB = 2a, AD = 3a, BAD = 60^\circ$ . Điểm  $K$  thuộc  $AD$  thỏa mãn  $\overrightarrow{AK} = -2\overrightarrow{DK}$ . Tính tích vô hướng  $\overrightarrow{BK} \cdot \overrightarrow{AC}$ .
- A.  $3a^2$ .      B.  $6a^2$ .      C.  $a^2$ .      D.  $0$ .
- Câu 24:** Chiều dài của một mảnh đất hình chữ nhật là  $\bar{a} = 19,485m \pm 0,01m$ . Tìm số qui tròn của số gần đúng 19,485.
- A. 19,5.      B. 19,49.      C. 19,4.      D. 20.
- Câu 25:** Độ cao của một ngọn núi được ghi lại như sau  $\bar{h} = 1372,5m \pm 0,2m$ . Độ chính xác  $d$  của phép đo trên là
- A.  $d = 0,1m$ .      B.  $d = 1m$ .      C.  $d = 0,2m$ .      D.  $d = 2m$ .
- Câu 26:** Hãy tìm số trung bình của mẫu số liệu khi cho bảng tần số dưới đây:
- |               |   |   |   |    |    |
|---------------|---|---|---|----|----|
| Giá trị $x_i$ | 4 | 6 | 8 | 10 | 12 |
| Tần số $n_i$  | 1 | 4 | 9 | 5  | 2  |
- A. 8,29      B. 9,28      C. 8,73      D. 8,37.
- Câu 27:** Tìm mode của mẫu số liệu sau: 11; 17; 13; 14; 15; 14; 15; 16; 17; 17.
- A. 17.      B. 13      C. 14      D. 15.
- Câu 28:** Tìm tứ phân vị thứ ba của mẫu số liệu sau: 11; 17; 13; 14; 15; 14; 15; 16; 17.
- A. 16,5.      B. 16      C. 15,5      D. 15.
- Câu 29:** Điểm thi HK1 của một học sinh lớp 10 như sau:
- |   |   |   |   |   |   |    |   |   |
|---|---|---|---|---|---|----|---|---|
| 9 | 9 | 7 | 8 | 9 | 7 | 10 | 8 | 8 |
|---|---|---|---|---|---|----|---|---|
- Khoảng biến thiên của mẫu số liệu là
- A. 1.      B. 2.      C. 3.      D. 0.
- Câu 30:** Cho mẫu số liệu 10; 8; 6; 2; 4. Độ lệch chuẩn của mẫu là
- A. 8.      B. 2,4.      C. 2,8.      D. 6.
- Câu 31:** Đo kích thước các quả đậu Hà Lan ta thu được kết quả:
- |            |     |     |     |     |     |     |     |     |     |
|------------|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| Kích thước | 111 | 112 | 113 | 114 | 115 | 116 | 117 | 118 | 119 |
| Số quả     | 3   | 8   | 30  | 68  | 81  | 36  | 18  | 5   | 1   |
- Tính phương sai của mẫu số liệu.
- A. 1,82.      B. 1,71.      C. 2,12.      D. 1,07.

- Câu 32:** Tập xác định của hàm số  $y = \frac{\sqrt{3-x} + \sqrt{x+1}}{x^2 - 5x + 6}$  là  
**A.**  $[-1; 3] \setminus \{2\}$ .      **B.**  $[-1; 2]$ .      **C.**  $[-1; 3]$ .      **D.**  $(2; 3)$ .

- Câu 33:** Với giá trị nào của  $m$  thì hàm số  $y = \frac{2x+1}{x^2 - 2x - 3 - m}$  xác định trên  $\mathbb{R}$ .  
**A.**  $m \leq -4$ .      **B.**  $m < -4$ .      **C.**  $m > 0$ .      **D.**  $m < 4$ .

- Câu 34:** Cho hàm số  $y = ax^2 + bx + c$  ( $a \neq 0$ ). Biết rằng đồ thị hàm số nhận đường thẳng  $x = \frac{3}{2}$  làm trục đối xứng, và đi qua các điểm  $A(2; 0), B(0; 2)$ . Tìm  $T = a - b + c$   
**A.**  $T = 1$ .      **B.**  $T = 3$ .      **C.**  $T = 0$ .      **D.**  $T = 6$ .

- Câu 35:** Cho hàm số  $f(x) = ax^2 + bx + c$  đồ thị như hình. Tính giá trị biểu thức  $T = a^2 + b^2 + c^2$ .



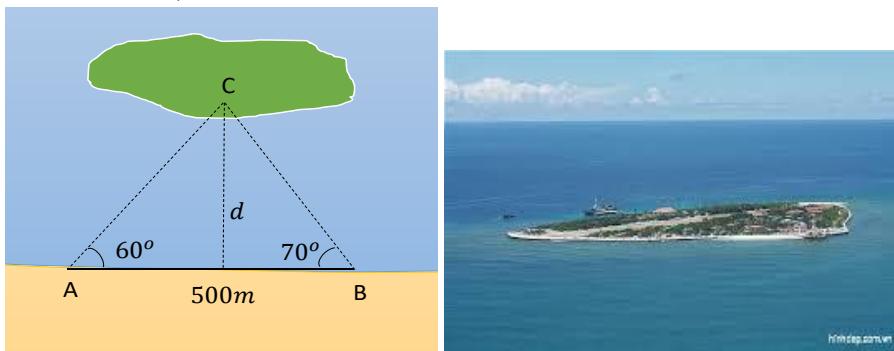
- A.** 0.      **B.** 26.      **C.** 8.      **D.** 20.

## II. PHẦN TỰ LUẬN (3,0 điểm)

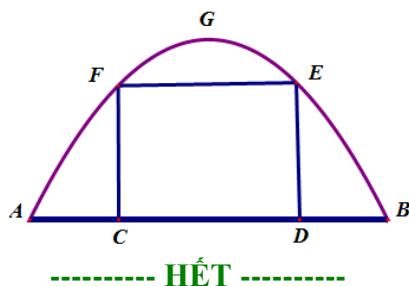
- Câu 36:** Cho  $\Delta ABC$ . Gọi  $M, N, P$  là các điểm xác định bởi  $2\vec{MB} + 3\vec{MC} = \vec{0}, 2\vec{NC} + 3\vec{NA} = \vec{0}, 2\vec{PA} + 3\vec{PB} = \vec{0}$ . Chứng minh  $\Delta ABC$  và  $\Delta MNP$  có cùng trọng tâm.

- Câu 37:** Trong một trận lụt ở Hội An, một khách sạn bị nước lụt tràn vào, cần di chuyển cùng một lúc 40 hành khách và 24 vali hành lý. Lúc này chỉ huy động được 8 chiếc ghe lớn và 8 chiếc ghe nhỏ. Một chiếc ghe lớn chỉ có thể chở 10 hành khách và 4 vali hành lý. Một chiếc ghe nhỏ chỉ có thể chở 5 hành khách và 4 vali hành lý. Giá một chuyến ghe lớn là 250 ngàn đồng và giá một chuyến ghe nhỏ là 130 ngàn đồng. Hỏi chủ khách sạn cần thuê bao nhiêu chiếc ghe mỗi loại để chi phí thấp nhất?

- Câu 38:** Hai người đứng trên bờ biển ở hai vị trí A, B cách nhau 500m cùng nhìn thấy mép một hòn đảo ở vị trí C trên đảo với các góc so với bờ biển lần lượt là  $60^\circ$  và  $70^\circ$ . Tính khoảng cách  $d$  từ mép hòn đảo đến bờ biển (làm tròn đơn vị m).



**Câu 39:** Một chiếc cổng hình parabol bao gồm một cửa chính hình chữ nhật ở giữa và hai cánh cửa phụ hai bên như hình vẽ. Biết chiều cao cổng parabol là 4m còn kích thước cửa ở giữa là 3m x 4m. Hãy tính khoảng cách giữa hai điểm  $A$  và  $B$ .



## HƯỚNG DẪN GIẢI CHI TIẾT

### I. PHẦN TRẮC NGHIỆM (35 câu – 7,0 điểm)

Câu 1: Tập xác định của hàm số  $y = \frac{x+1}{x-1}$  là:

- A.  $\mathbb{R} \setminus \{\pm 1\}$ .      B.  $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$ .      C.  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$ .      D.  $(1; +\infty)$ .

Lời giải

**Chọn C**

Điều kiện xác định:  $x-1 \neq 0 \Leftrightarrow x \neq 1$

Vậy tập xác định của hàm số  $y = \frac{x+1}{x-1}$  là  $D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$

Câu 2: Cho hàm số  $f(x) = \sqrt{3-2x}$ . Giá trị của hàm số tại điểm  $x = -2$  bằng

- A. 1.      B.  $\sqrt{3}$ .      C.  $\sqrt{7}$ .      D. 7.

Lời giải

**Chọn C**

Ta có:  $f(-2) = \sqrt{3-2(-2)} = \sqrt{7}$ .

Vậy giá trị của hàm số tại điểm  $x = -2$  bằng  $\sqrt{7}$ .

Câu 3: Cho hàm số  $y = f(x) = \begin{cases} 2x-1 & \text{khi } x > 0 \\ 3x^2 & \text{khi } x \leq 0 \end{cases}$ . Giá trị của biểu thức  $P = f(-1) + f(1)$  là:

- A. -2.      B. 0.      C. 1.      D. 4.

Lời giải

**Chọn D**

$$f(-1) = 3 \cdot (-1)^2 = 3.$$

$$f(1) = 2 \cdot 1 - 1 = 1.$$

$$\text{Vậy } P = f(-1) + f(1) = 3 + 1 = 4.$$

Câu 4: Khoảng đồng biến của hàm số  $y = x^2 - 4x + 3$  là

- A.  $(-\infty; -2)$ .      B.  $(-\infty; 2)$ .      C.  $(-2; +\infty)$ .      D.  $(2; +\infty)$ .

Lời giải

**Chọn D**

Hàm số  $y = x^2 - 4x + 3$  có  $a = 1 > 0$  nên đồng biến trên khoảng  $\left(-\frac{b}{2a}; +\infty\right)$ .

Vì vậy hàm số đồng biến trên  $(2; +\infty)$ .

Câu 5: Parabol  $y = -x^2 + 2x + 3$  có phương trình trực đối xứng là

- A.  $x = -1$ .      B.  $x = 2$ .      C.  $x = 1$ .      D.  $x = -2$ .

Lời giải

**Chọn C**

Parabol  $y = -x^2 + 2x + 3$  có trục đối xứng là đường thẳng  $x = -\frac{b}{2a} \Leftrightarrow x = 1$ .

**Câu 6:** Xác định các hệ số  $a$  và  $b$  để Parabol  $(P)$ :  $y = ax^2 + 4x - b$  có đỉnh  $I(-1; -5)$ .

A.  $\begin{cases} a=3 \\ b=-2 \end{cases}$

B.  $\begin{cases} a=3 \\ b=2 \end{cases}$

C.  $\begin{cases} a=2 \\ b=3 \end{cases}$

D.  $\begin{cases} a=2 \\ b=-3 \end{cases}$

**Lời giải:**

**Chọn C**

Ta có:  $x_I = -1 \Rightarrow -\frac{4}{2a} = -1 \Rightarrow a = 2$ .

Hơn nữa  $I \in (P)$  nên  $-5 = a - 4 - b \Rightarrow b = 3$ .

**Câu 7:** Trong các tập hợp sau, tập hợp nào **không phải** là tập hợp con của tập hợp  $A = \{0; 1; 2; 3; 4; 5\}$ ?

A.  $A_1 = \{1; 6\}$ .

B.  $A_2 = \{1; 3\}$ .

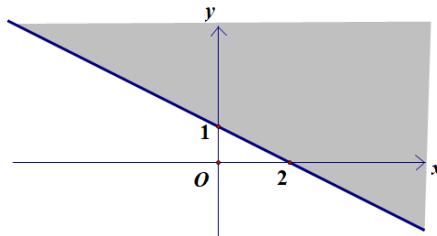
C.  $A_3 = \{0; 4; 5\}$ .

D.  $A_4 = \{0\}$ .

**Lời giải:**

**Chọn A**

**Câu 8:** Nửa mặt phẳng không tô đậm ở hình dưới đây là miền nghiệm của bất phương trình nào trong các bất phương trình sau?



A.  $x + 2y \leq 2$ .

B.  $2x + y \geq 2$ .

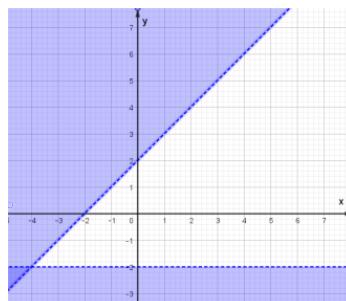
C.  $2x + y \leq 2$ .

D.  $x + 2y \geq 2$ .

**Lời giải:**

**Chọn A**

**Câu 9:** Miền không được tô đậm (không tính bờ) ở hình dưới đây là miền nghiệm của một hệ bất phương trình bậc nhất hai ẩn. Điểm nào sau đây **không** là nghiệm của hệ đó?



A.  $(-4; -2)$

B.  $(1; 1)$ .

C.  $(-2; -1)$ .

D.  $(1; 2)$ .

**Lời giải:**

**Chọn A**

Dựa vào đồ thị ta có hệ BPT:  $\begin{cases} -x + y < 2 \\ y > -2 \end{cases}$

**Câu 10:** Cho góc  $\alpha$ , với  $90^\circ < \alpha < 180^\circ$ . Khẳng định nào sau đây **sai**?

A.  $\cos \alpha < 0$ .

B.  $\tan \alpha < 0$ .

C.  $\cot \alpha < 0$ .

D.  $\sin \alpha < 0$ .

**Lời giải:**

**Chọn D**

**Câu 11:** Cho tam giác  $ABC$  có  $BC = a$ ,  $AC = b$ ,  $AB = c$ . Mệnh đề nào sau đây đúng?

A.  $a^2 = b^2 + c^2 + 2bc \cos A$ .

B.  $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$ .

C.  $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \sin A$ .

D.  $a^2 = b^2 + c^2 + 2bc \sin A$ .

**Lời giải:**

**Chọn B**

**Câu 12:** Cho tam giác  $ABC$  có  $BC = a$ ,  $AC = b$ ,  $AB = c$ . Gọi  $p$  là nửa chu vi,  $R$  là bán kính đường tròn ngoại tiếp,  $r$  là bán kính đường tròn nội tiếp và  $S$  là diện tích tam giác. Mệnh đề nào sau đây sai?

A.  $S = pr$ .

B.  $S = \frac{abc}{2R}$ .

C.  $S = \frac{1}{2}ab \sin C$ .

D.  $S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$ .

**Lời giải:**

**Chọn B**

**Câu 13:** Cho tam giác  $ABC$  có  $BC = 5$ ,  $AC = 7$ ,  $\hat{C} = 60^\circ$ . Tính cạnh  $AB$ .

A.  $AB = 109$ .

B.  $AB = \sqrt{109}$ .

C.  $AB = 39$ .

D.  $AB = \sqrt{39}$ .

**Lời giải:**

**Chọn D**

Áp dụng định lý cosin trong tam giác ABC ta có

$$AB = \sqrt{AC^2 + BC^2 - 2AC \cdot BC \cdot \cos C}$$

$$= \sqrt{5^2 + 7^2 - 2 \cdot 5 \cdot 7 \cdot \frac{1}{2}} = \sqrt{39}$$

**Câu 14:** Cho tam giác  $ABC$  có  $BC = 3$ ,  $\hat{A} = 60^\circ$ . Tính bán kính  $R$  của đường tròn ngoại tiếp tam giác  $ABC$ .

A.  $\sqrt{3}$ .

B.  $2\sqrt{3}$ .

C.  $3$ .

D.  $\frac{\sqrt{3}}{2}$ .

**Lời giải:**

**Chọn A**

Áp dụng định lý sin trong tam giác ABC

$$\frac{BC}{\sin A} = 2R \Leftrightarrow \frac{3}{\sin 60^\circ} = 2R \Leftrightarrow R = \sqrt{3}$$

**Câu 15:** Cho tam giác  $ABC$  có  $AB = 4$  cm,  $BC = 7$  cm,  $AC = 9$  cm. Tính  $\cos A$ .

A.  $\cos A = -\frac{2}{3}$

B.  $\cos A = \frac{1}{2}$

C.  $\cos A = \frac{1}{3}$

D.  $\cos A = \frac{2}{3}$

**Lời giải:**

**Chọn D**

Ta có:  $\cos A = \frac{AB^2 + AC^2 - BC^2}{2AB \cdot AC} = \frac{4^2 + 9^2 - 7^2}{2 \cdot 4 \cdot 9} = \frac{2}{3}$

**Câu 16:** Cho tam giác  $ABC$ , gọi  $M, N$  lần lượt là trung điểm của hai cạnh  $AB$  và  $AC$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

A.  $\overrightarrow{MN}$  và  $\overrightarrow{AB}$  cùng phương.

B.  $\overrightarrow{MN}$  và  $\overrightarrow{AC}$  cùng phương.

C.  $\overrightarrow{MN}$  và  $\overrightarrow{BC}$  cùng phương.

D.  $\overrightarrow{MN}$  và  $\overrightarrow{BN}$  cùng phương.

Lời giải:

Chọn C

Câu 17: Cho hình bình hành  $ABCD$  có tâm  $O$ . Khẳng định nào sau đây sai?

A.  $\overrightarrow{OB} + \overrightarrow{OD} = \overrightarrow{BD}$ .

B.  $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$ .

C.  $\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OC} = \vec{0}$ .

D.  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AC}$ .

Lời giải:

Chọn A

Câu 18: Cho hai lực  $\overrightarrow{F}_1 = \overrightarrow{MA}$ ,  $\overrightarrow{F}_2 = \overrightarrow{MB}$  cùng tác động vào một vật tại điểm  $M$ . Cho biết cường độ lực  $\overrightarrow{F}_1$ ,  $\overrightarrow{F}_2$  đều bằng  $50N$  và tam giác  $MAB$  vuông tại  $M$ . Tính cường độ hợp lực tác dụng lên vật đó?

A.  $100 N$ .

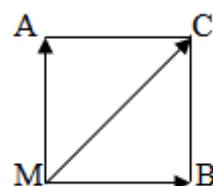
B.  $100\sqrt{2} N$ .

C.  $50\sqrt{2} N$ .

D.  $50 N$ .

Lời giải:

Chọn C



Tam giác  $MAB$  vuông tại  $M \Rightarrow \overrightarrow{MA} \perp \overrightarrow{MB}$ .

Cường độ hợp lực tác dụng lên vật tại điểm  $M$  bằng  $|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB}| = |\overrightarrow{MC}| = \sqrt{MA^2 + MB^2} = 50\sqrt{2}$ .

Câu 19: Cho tam giác  $ABC$  có trọng tâm  $G$ ,  $I$  là trung điểm của cạnh  $BC$ . Khẳng định nào sau đây là sai?

A.  $\overrightarrow{GA} + \overrightarrow{GB} = \overrightarrow{GC}$ .

B.  $\overrightarrow{GA} + \overrightarrow{GB} + \overrightarrow{GC} = \vec{0}$ .

C.  $\overrightarrow{GB} + \overrightarrow{GC} = 2\overrightarrow{GI}$ .

D.  $\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC} = 3\overrightarrow{MG}, \forall M$ .

Lời giải:

Chọn A

Câu 20: Cho  $\Delta ABC$ . Gọi  $M$  là điểm nằm trên đoạn  $BC$  sao cho  $\overrightarrow{MB} = -2\overrightarrow{MC}$ .

Trong các biểu thức sau biểu thức nào đúng?

A.  $\overrightarrow{AM} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AB} - \frac{2}{3}\overrightarrow{AC}$ .

B.  $\overrightarrow{AM} = \frac{1}{4}\overrightarrow{AB} + \frac{2}{3}\overrightarrow{AC}$ .

C.  $\overrightarrow{AM} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AB} + \frac{2}{3}\overrightarrow{AC}$ .

D.  $\overrightarrow{AM} = -2\overrightarrow{AB} + \frac{1}{3}\overrightarrow{AC}$ .

Lời giải:

Chọn C

$$\overrightarrow{MB} = -2\overrightarrow{MC} \Leftrightarrow \overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AM} = -2(\overrightarrow{AC} - \overrightarrow{AM}) \Leftrightarrow \overrightarrow{AM} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AB} + \frac{2}{3}\overrightarrow{AC}.$$

Câu 21: Cho  $\Delta ABC$ ,  $D, E, F$  lần lượt là trung điểm của các cạnh  $BC, CA, AB$ . Đẳng thức nào sau đây là đúng?

A.  $\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{BE} + \overrightarrow{CF} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{BC}$

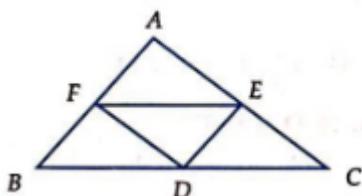
B.  $\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{BE} + \overrightarrow{CF} = \overrightarrow{AF} + \overrightarrow{CE} + \overrightarrow{DB}$

**C.**  $\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{BE} + \overrightarrow{CF} = \overrightarrow{AE} + \overrightarrow{BF} + \overrightarrow{CD}$

**D.**  $\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{BE} + \overrightarrow{CF} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{AC}$

**Lời giải:**

**Chọn C**



$$\begin{aligned}\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{BE} + \overrightarrow{CF} &= \overrightarrow{AE} + \overrightarrow{ED} + \overrightarrow{BF} + \overrightarrow{FE} + \overrightarrow{CD} + \overrightarrow{DF} \\ &= \overrightarrow{AE} + \overrightarrow{BF} + \overrightarrow{CD} + (\overrightarrow{ED} + \overrightarrow{DF} + \overrightarrow{FE}) = \overrightarrow{AE} + \overrightarrow{BF} + \overrightarrow{CD}.\end{aligned}$$

**Câu 22:** Cho hình vuông  $ABCD$  cạnh  $2a$ . Khi đó  $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC}$  bằng:

A.  $8a^2$ .

**B.**  $4a^2$ .

C.  $2a^2$ .

D.  $a^2$ .

**Lời giải:**

**Chọn B**

$$\text{Ta có: } AC = 2\sqrt{2}a \Rightarrow \overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} = (2a) \cdot (2\sqrt{2}a) \cdot \cos(45^\circ) = 4a^2$$

**Câu 23:** Cho hình bình hành  $ABCD$  có  $AB = 2a$ ,  $AD = 3a$ ,  $\angle BAD = 60^\circ$ . Điểm  $K$  thuộc  $AD$  thỏa mãn  $\overrightarrow{AK} = -2\overrightarrow{DK}$ . Tính tích vô hướng  $\overrightarrow{BK} \cdot \overrightarrow{AC}$ .

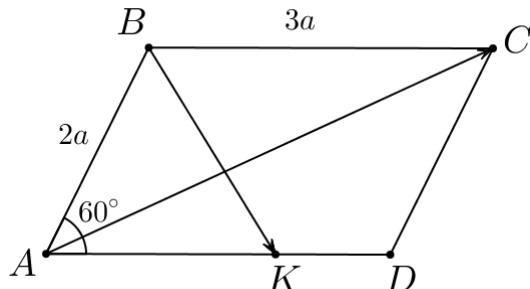
A.  $3a^2$ .

B.  $6a^2$ .

**C.**  $a^2$ .

D.  $0$ .

**Lời giải:**



Từ  $\overrightarrow{AK} = -2\overrightarrow{DK}$  suy ra  $AK = \frac{2}{3}AD = 2a$  nên tam giác  $ABK$  đều.

Từ đó  $(\overrightarrow{BK}, \overrightarrow{BC}) = 60^\circ$  và  $(\overrightarrow{BK}, \overrightarrow{AB}) = 120^\circ$ .

Do đó  $\overrightarrow{BK} \cdot \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{BK} \cdot (\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC}) = \overrightarrow{BK} \cdot \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BK} \cdot \overrightarrow{BC} = 2a \cdot 2a \cdot \cos 120^\circ + 2a \cdot 3a \cdot \cos 60^\circ = a^2$ .

**Câu 24:** Chiều dài của một mảnh đất hình chữ nhật là  $\bar{a} = 19,485m \pm 0,01m$ . Tìm số qui tròn của số gân đúng 19,485.

A. 19,5.

**B.** 19,49.

C. 19,4.

D. 20.

**Lời giải:**

**Chọn B**

**Câu 25:** Độ cao của một ngọn núi được ghi lại như sau  $\bar{h} = 1372,5m \pm 0,2m$ . Độ chính xác  $d$  của phép đo trên là

A.  $d = 0,1m$ .

B.  $d = 1m$ .

**C.**  $d = 0,2m$ .

D.  $d = 2m$ .

**Lời giải:**

**Chọn C**

Theo cách kí hiệu số đúng theo số gàn đúng và độ chính xác.

Câu 26: Hãy tìm số trung bình của mẫu số liệu khi cho bảng tần số dưới đây:

Giá trị $x_i$	4	6	8	10	12
Tần số $n_i$	1	4	9	5	2

A. 8,29

B. 9,28

C. 8,73

D. 8,37.

Lời giải:

**Chọn A**

Áp dụng công thức tính số trung bình của mẫu số liệu.

Câu 27: Tìm mốt của mẫu số liệu sau: 11; 17; 13; 14; 15; 14; 15; 16; 17; 17.

A. 17.

B. 13

C. 14

D. 15.

Lời giải:

**Chọn A**

Mốt là 17 vì giá trị này xuất hiện nhiều nhất là 3.

Câu 28: Tìm tứ phân vị thứ ba của mẫu số liệu sau: 11; 17; 13; 14; 15; 14; 15; 16; 17.

A. 16,5.

B. 16

C. 15,5

D. 15.

Lời giải:

**Chọn A**

Sắp xếp mẫu theo thứ tự không giảm: 11,13,14,14,15,15,16,17,17. Kích thước mẫu là 9. Trung vị của mẫu là giá trị thứ 5 là 15. Khi đó tứ phân vị thứ ba là trung bình cộng của giá trị thứ 7 và thứ 8 bằng 16,5.

Câu 29: Điểm thi HK1 của một học sinh lớp 10 như sau:

9	9	7	8	9	7	10	8	8
---	---	---	---	---	---	----	---	---

Khoảng biến thiên của mẫu số liệu là

A. 1.

B. 2.

C. 3.

D. 0.

Lời giải:

**Chọn C**

Khoảng biến thiên là  $R = 10 - 7 = 3$ .

Câu 30: Cho mẫu số liệu 10; 8; 6; 2; 4. Độ lệch chuẩn của mẫu là

A. 8.

B. 2,4.

C. 2,8.

D. 6.

Lời giải:

**Chọn C**

Giá trị trung bình của dãy số liệu là  $\bar{x} = \frac{10+8+6+4+2}{5} = 6$ .

Độ lệch chuẩn của dãy số liệu là

$$s = \sqrt{\frac{(10-6)^2 + (8-6)^2 + (6-6)^2 + (4-6)^2 + (2-6)^2}{5}} \approx 2,8.$$

Câu 31: Đo kích thước các quả đậu Hà Lan ta thu được kết quả:

Kích thước	111	112	113	114	115	116	117	118	119
Số quả	3	8	30	68	81	36	18	5	1

Tính phương sai của mẫu số liệu.

A. 1,82.

B. 1,71.

C. 2,12.

D. 1,07.

Lời giải:

**Chọn A**

Số trung bình là  $\bar{x} = 114,708$ .

Phương sai của mẫu số liệu là  $s^2 \approx 1,82$ .

**Câu 32:** Tập xác định của hàm số  $y = \frac{\sqrt{3-x} + \sqrt{x+1}}{x^2 - 5x + 6}$  là

- A.  $[-1;3) \setminus \{2\}$ .      B.  $[-1;2]$ .      C.  $[-1;3]$ .      D.  $(2;3)$ .

**Lời giải****Chọn A**

$$\text{Hàm số xác định} \Leftrightarrow \begin{cases} 3-x \geq 0 \\ x+1 \geq 0 \\ x^2 - 5x + 6 \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \leq 3 \\ x \geq -1 \\ x \neq 3 \\ x \neq 2 \end{cases} \Leftrightarrow x \in [-1;3) \setminus \{2\}.$$

Vậy tập xác định  $D = [-1;3) \setminus \{2\}$ .

**Câu 33:** Với giá trị nào của  $m$  thì hàm số  $y = \frac{2x+1}{x^2 - 2x - 3 - m}$  xác định trên  $\mathbb{R}$ .

- A.  $m \leq -4$ .      B.  $m < -4$ .      C.  $m > 0$ .      D.  $m < 4$ .

**Lời giải****Chọn B**

Hàm số  $y = \frac{2x+1}{x^2 - 2x - 3 - m}$  xác định trên  $\mathbb{R}$  khi phương trình  $x^2 - 2x - 3 - m = 0$  vô nghiệm

Hay  $\Delta' = m + 4 < 0 \Leftrightarrow m < -4$ .

**Câu 34:** Cho hàm số  $y = ax^2 + bx + c$  ( $a \neq 0$ ). Biết rằng đồ thị hàm số nhận đường thẳng  $x = \frac{3}{2}$  làm trục đối xứng, và đi qua các điểm  $A(2;0), B(0;2)$ . Tìm  $T = a - b + c$

- A.  $T = 1$ .      B.  $T = 3$ .      C.  $T = 0$ .      D.  $T = 6$ .

**Lời giải****Chọn D**

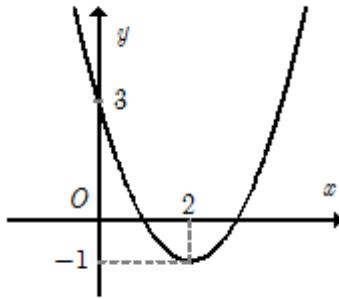
Ta có

Đồ thị hàm số nhận đường thẳng  $x = \frac{3}{2}$  làm trục đối xứng ta được:  $\frac{-b}{2a} = \frac{3}{2} \Leftrightarrow 3a + b = 0$  (1)

Đồ thị hàm số đi qua các điểm  $A(2;0), B(0;2)$  ta được:  $\begin{cases} 4a + 2b + c = 0 \\ c = 2 \end{cases}$  (2)

Từ (1), (2) ta được:  $\begin{cases} a = 1 \\ b = -3 \Rightarrow T = 6 \\ c = 2 \end{cases}$

**Câu 35:** Cho hàm số  $f(x) = ax^2 + bx + c$  đồ thị như hình. Tính giá trị biểu thức  $T = a^2 + b^2 + c^2$ .



A. 0 .

B. 26 .

C. 8 .

D. 20 .

### Lời giải

#### Chọn B

$$\text{Do đồ thị hàm số có đỉnh là } I(2; -1) \Rightarrow \begin{cases} \frac{-b}{2a} = 2 \\ f(2) = -1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 4a + b = 0 \\ 4a + 2b + c = -1 \end{cases} \quad (1)$$

Do đồ thị hàm số đi qua điểm  $(0; 3) \Rightarrow f(0) = 3 \Leftrightarrow c = 3 \quad (2)$

$$\text{Từ (1) và (2)} \Rightarrow \begin{cases} a = 1 \\ b = -4 \\ c = 3 \end{cases} \Rightarrow T = 26$$

## II. PHẦN TỰ LUẬN (3,0 điểm)

**Câu 36:** Cho  $\Delta ABC$ . Gọi  $M, N, P$  là các điểm xác định bởi  $2\vec{MB} + 3\vec{MC} = \vec{0}$ ,  $2\vec{NC} + 3\vec{NA} = \vec{0}$ ,  $2\vec{PA} + 3\vec{PB} = \vec{0}$ . Chứng minh  $\Delta ABC$  và  $\Delta MNP$  có cùng trọng tâm.

### Lời giải

Gọi  $G$  là trọng tâm của  $\Delta MNP$ . Khi đó:  $\vec{MG} + \vec{NG} + \vec{PG} = \vec{0}$ .

Ta có:  $2\vec{MB} + 3\vec{MC} = \vec{0} \Leftrightarrow 2(\vec{MG} + \vec{GB}) + 3(\vec{MG} + \vec{GC}) = \vec{0} \Leftrightarrow \vec{MG} = -\frac{2}{5}\vec{GB} - \frac{3}{5}\vec{GC}$ .

$$\text{Tương tự: } \begin{cases} \vec{NG} = -\frac{2}{5}\vec{GC} - \frac{3}{5}\vec{GA} \\ \vec{PG} = -\frac{2}{5}\vec{GA} - \frac{3}{5}\vec{GB} \end{cases}.$$

Khi đó:  $\vec{MG} + \vec{NG} + \vec{PG} = \frac{1}{5}(-2\vec{GB} - 3\vec{GC} - 2\vec{GC} - 3\vec{GA} - 2\vec{GA} - 3\vec{GB}) = \vec{AG} + \vec{BG} + \vec{CG} = \vec{0}$ .

Vậy  $\Delta ABC$  và  $\Delta MNP$  có cùng trọng tâm.

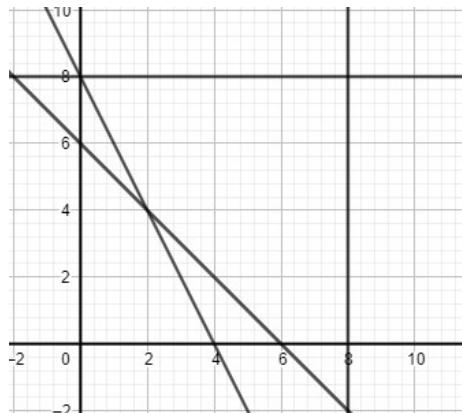
**Câu 37:** Trong một trận lụt ở Hội An, một khách sạn bị nước lụt tràn vào, cần di chuyển cùng một lúc 40 hành khách và 24 vali hành lý. Lúc này chỉ huy động được 8 chiếc ghe lớn và 8 chiếc ghe nhỏ. Một chiếc ghe lớn chỉ có thể chở 10 hành khách và 4 vali hành lý. Một chiếc ghe nhỏ chỉ có thể chở 5 hành khách và 4 vali hành lý. Giá một chuyến ghe lớn là 250 ngàn đồng và giá một chuyến ghe nhỏ là 130 ngàn đồng. Hỏi chủ khách sạn cần thuê bao nhiêu chiếc ghe mỗi loại để chi phí thấp nhất?

### Lời giải:

Gọi  $x$  là số ghe lớn được chủ khách sạn thuê và  $y$  là số ghe nhỏ được chủ khách sạn thuê.

Ta có  $\begin{cases} 0 \leq x \leq 8 \\ 0 \leq y \leq 8 \\ 10x + 5y \geq 40 \\ 4x + 4y \geq 24 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 0 \leq x \leq 8 \\ 0 \leq y \leq 8 \\ 2x + y \geq 8 \\ x + y \geq 6 \end{cases}$  và chi phí  $F(x; y) = 250x + 130y$

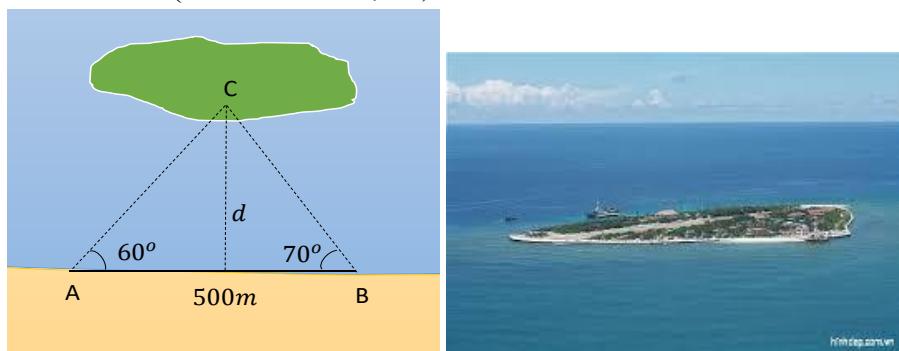
Vẽ được miền nghiệm của hệ bất phương trình là đa giác  $ABCDE$ , với  $A(6; 0), B = (a) \cap (b) \Rightarrow B(2; 4), C(0; 8), D(8; 8), E(8; 0)$



Tính  $F(6; 0) = 1500, F(2; 4) = 1020, F(0; 8) = 1040, F(8; 8) = 3040, F(8; 0) = 2000$ .

Vậy, chi phí thấp khi thuê 2 ghe lớn và 4 ghe nhỏ

- Câu 38:** Hai người đứng trên bờ biển ở hai vị trí A, B cách nhau  $500m$  cùng nhìn thấy mép một hòn đảo ở vị trí C trên đảo với các góc so với bờ biển lần lượt là  $60^\circ$  và  $70^\circ$ . Tính khoảng cách  $d$  từ mép hòn đảo đến bờ biển (làm tròn đơn vị  $m$  ).



**Lời giải:**

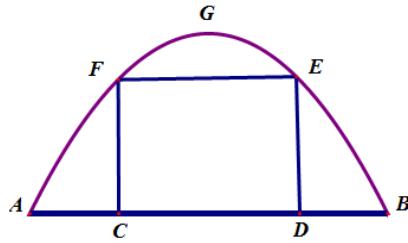
$$\hat{C} = 180^\circ - (\hat{A} + \hat{B}) = 50^\circ$$

Áp dụng định lý sin trong tam giác ABC:  $\frac{BC}{\sin A} = \frac{AB}{\sin C}$

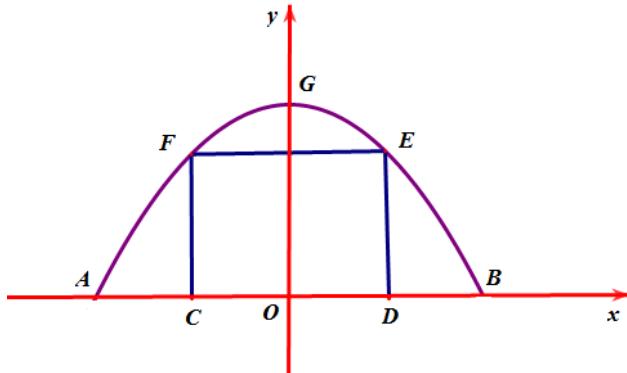
$$(\text{hoặc } \frac{AC}{\sin B} = \frac{AB}{\sin C})$$

$$\Rightarrow BC = \frac{AB \cdot \sin A}{\sin C} = \frac{500 \cdot \sin 60^\circ}{\sin 50^\circ} \approx 565$$

- Câu 39:** Một chiếc cổng hình parabol bao gồm một cửa chính hình chữ nhật ở giữa và hai cánh cửa phụ hai bên như hình vẽ. Biết chiều cao cổng parabol là 4m còn kích thước cửa ở giữa là  $3m \times 4m$ . Hãy tính khoảng cách giữa hai điểm  $A$  và  $B$ .



### Lời giải



Gắn hệ trục tọa độ  $Oxy$  như hình vẽ, chiếc cổng là 1 phần của parabol  $(P)$ :  $y = ax^2 + bx + c$  với  $a < 0$ .

Do parabol  $(P)$  đối xứng qua trục tung nên có trực đới xứng  $x = 0 \Rightarrow -\frac{b}{2a} = 0 \Leftrightarrow b = 0$ .

Chiều cao của cổng parabol là 4m nên  $G(0; 4) \Rightarrow c = 4$ .

$$\Rightarrow (P): y = ax^2 + 4$$

Lại có, kích thước cửa ở giữa là 3m x 4m nên  $E(2; 3), F(-2; 3) \Rightarrow 3 = 4a = 4 \Leftrightarrow a = -\frac{1}{4}$ .

$$\text{Vậy } (P): y = -\frac{1}{4}x^2 + 4.$$

Ta có  $-\frac{1}{4}x^2 + 4 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x=4 \\ x=-4 \end{cases}$  nên  $A(-4; 0), B(4; 0)$  hay  $AB = 8$ .