

PHẦN I. TRÁC NGHIỆM (5,0 điểm).

Câu 1: Điểm nào cho dưới đây thuộc miền nghiệm của bất phương trình $2x - y - 1 \geq 0$?

- A. $P(0;1)$. B. $M(1;1)$. C. $N(-1;-1)$. D. $Q(1;2)$.

Câu 2: Cho tam giác ABC có $AB = 7$ cm, $AC = 8$ cm và $BC = 5$ cm. Độ dài đường cao hạ từ đỉnh A của tam giác ABC bằng

- A. $3\sqrt{3}$ cm. B. $4\sqrt{3}$ cm. C. $\sqrt{3}$ cm. D. $2\sqrt{3}$ cm.

Câu 3: Trong mặt phẳng tọa độ Oxy , đường thẳng $\Delta: \begin{cases} x = 2 + t \\ y = 1 - 4t \end{cases}$ có hệ số góc bằng

- A. $-\frac{1}{4}$. B. -4 . C. 4 . D. $\frac{1}{4}$.

Câu 4: Tam thức bậc hai nào cho dưới đây có bảng xét dấu như hình vẽ?

x	$-\infty$	1	2	$+\infty$
$f(x)$	+	0	-	0

- A. $f(x) = x^2 - 3x + 2$. B. $f(x) = -x^2 - 3x + 2$.
C. $f(x) = x^2 - 3x$. D. $f(x) = -x^2 + 3x - 2$.

Câu 5: Trong mặt phẳng tọa độ Oxy , cho đường thẳng $\Delta: 2x - 3y + 3 = 0$. Vectơ nào dưới đây là một vectơ pháp tuyến của đường thẳng Δ ?

- A. $\vec{n}_1 = (2; -3)$. B. $\vec{n}_2 = (2; 3)$. C. $\vec{n}_3 = (3; -2)$. D. $\vec{n}_4 = (3; 2)$.

Câu 6: Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức $y = 2\sin^2 x - \sin x + 3$ với $x \in \mathbb{R}$.

- A. 4. B. 8. C. 6. D. 7.

Câu 7: Giá trị lớn nhất của biểu thức $P = \frac{4}{a^2 - 2a + 3}$ trên \mathbb{R} bằng

- A. 3. B. 4. C. 2. D. 1.

Câu 8: Cho phương trình $(m+1)x^2 - 2mx + 3 - m = 0$ với x là ẩn, m là tham số. Tập hợp tất cả các giá trị của m để phương trình đã cho có hai nghiệm trái dấu là $(-\infty; a) \cup (b; +\infty)$. Tính giá trị của biểu thức $T = 2a + b$.

- A. $T = 5$. B. $T = 1$. C. $T = 2$. D. $T = -1$.

Câu 9: Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào đúng?

A. $\sin(a+b) = \sin a \cos b - \cos a \sin b, \forall a, b \in \mathbb{R}$.

B. $\sin(a+b) = \sin a \sin b + \cos a \cos b, \forall a, b \in \mathbb{R}$.

C. $\sin(a+b) = \sin a \cos b + \cos a \sin b, \forall a, b \in \mathbb{R}$.

D. $\sin(a+b) = \sin a \sin b - \cos a \cos b, \forall a, b \in \mathbb{R}$.

Câu 10: Trong mặt phẳng tọa độ Oxy , cho elip $(E): \frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{64} = 1$. Tiêu cự của elip đã cho là

- A. 12. B. 16. C. 6. D. 20.

Câu 11: Nhị thức bậc nhất $f(x) = -x - 2$ nhận giá trị âm khi và chỉ khi

- A. $x < -2$. B. $x \leq -2$. C. $x \geq -2$. D. $x > -2$.

Câu 12: Biểu thức nào dưới đây là một nhị thức bậc nhất biến x ?

- A. $f(x) = x^2 + 1$. B. $f(x) = \sqrt{x+3}$.
C. $f(x) = \frac{1}{x+1}$. D. $f(x) = \frac{x+1}{2}$.

Câu 13: Cho $\tan a = -\frac{3}{4}$. Tính $\tan 2a$.

- A. $\tan 2a = \frac{7}{24}$. B. $\tan 2a = -\frac{24}{7}$.
C. $\tan 2a = -\frac{7}{24}$. D. $\tan 2a = \frac{24}{7}$.

Câu 14: Tập hợp nghiệm của bất phương trình $2x - 1 \geq 0$ là

- A. $\left[\frac{1}{2}; +\infty\right)$. B. $\left(-\infty; \frac{1}{2}\right]$. C. $\left(\frac{1}{2}; +\infty\right)$. D. $\left(-\infty; \frac{1}{2}\right]$.

Câu 15: Tam thức bậc hai $f(x) = -2x^2 + x + 3$ nhận giá trị không âm khi và chỉ khi

- A. $x \in (-\infty; -1) \cup \left(\frac{3}{2}; +\infty\right)$. B. $x \in (-\infty; -1] \cup \left[\frac{3}{2}; +\infty\right)$.
C. $x \in \left[-1; \frac{3}{2}\right)$. D. $x \in \left[-1; \frac{3}{2}\right]$.

Câu 16: Tập xác định của hàm số $y = \sqrt{x+1} - \frac{1}{\sqrt{3-x}}$ là

- A. $(-1; 3]$. B. $[-1; 3)$. C. $(-1; 3)$. D. $[-1; 3]$.

Câu 17: Tính giá trị của biểu thức $P = \sin^2 15^\circ + \sin^2 36^\circ + \sin^2 54^\circ + \sin^2 75^\circ$.

- A. $P = 1$. B. $P = 4$. C. $P = 2$. D. $P = 3$.

Câu 18: Trong mặt phẳng tọa độ Oxy , cho đường thẳng $\Delta: mx + (m-2)y - m = 0$ với m là tham số thực và điểm $A(-2; 4)$. Khoảng cách từ điểm A đến đường thẳng Δ lớn nhất bằng

- A. 7. B. 4. C. 6. D. 5.

Câu 19: Cho biểu thức $P = \cos(x + 5\pi) + \sin\left(\frac{5\pi}{2} - x\right) + \cos x$ với $x \in \mathbb{R}$. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A. $P = -\sin x$. B. $P = -\cos x$. C. $P = \sin x$. D. $P = \cos x$.

Câu 20: Tập hợp nghiệm của bất phương trình $(x-7)\sqrt{x^2 - 4x + 3} \geq 0$ là

- A. $[7; +\infty) \cup \{3\}$. B. $[7; +\infty) \cup \{1\}$.
C. $[7; +\infty)$. D. $[7; +\infty) \cup \{1; 3\}$.

Câu 21: Cho tam giác ABC . Đặt $AB = c, BC = a, CA = b$ và S là diện tích tam giác ABC . Mệnh đề nào sau đây đúng?

- A. $S = \frac{1}{2}bc \sin A$. B. $S = bc \sin A$. C. $S = 2bc \sin A$. D. $S = \frac{1}{2}bc \cos A$.

Câu 22: Trong mặt phẳng tọa độ Oxy , cho đường thẳng $\Delta: x - 2y + m = 0$ với m là tham số thực. Tìm tất cả các giá trị của m để đường thẳng Δ tạo với hai trục tọa độ một tam giác có diện tích bằng 1.

- A. $m \in \{-2; 2\}$. B. $m \in \{-2\}$. C. $m \in \{2\}$. D. $m \in \{0; 2\}$.

Câu 23: Trong mặt phẳng tọa độ Oxy , cho đường tròn $(C): x^2 + y^2 - 4x + 2y + 1 = 0$. Tính bán kính R của đường tròn (C) .

- A. $R = 2$. B. $R = 1$. C. $R = \sqrt{2}$. D. $R = 4$.

Câu 24: Khi quy đổi $\frac{\pi}{5}$ ra đơn vị độ, ta được

- A. 52° . B. 30° . C. 36° . D. 18° .

Câu 25: Cho tam thức bậc hai $f(x) = 4x^2 - 4x + 1$. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A. $f(x) \leq 0, \forall x \in \mathbb{R}$. B. $f(x) > 0, \forall x \in \mathbb{R}$.
C. $f(x) \geq 0, \forall x \in \mathbb{R}$. D. $f(x) < 0, \forall x \in \mathbb{R}$.

PHẦN II. TỰ LUẬN (5,0 điểm).

Câu 1. (2,5 điểm)

a) Cho góc a thỏa mãn $0 < a < \pi$ và $\cos a = -\frac{1}{3}$. Tính $\tan a$.

b) Giải bất phương trình $\frac{3x}{x-1} \geq 1$.

Câu 2. (2,0 điểm). Trong mặt phẳng tọa độ Oxy , cho đường thẳng $\Delta: 3x - 4y + 4 = 0$ và điểm $A(1; -2)$.

- a) Viết phương trình tổng quát của đường thẳng đi qua điểm A và vuông góc với đường thẳng Δ .
b) Viết phương trình đường tròn tâm A và tiếp xúc với đường thẳng Δ .

Câu 3. (0,5 điểm). Cho hai số dương x và y thỏa mãn $x + y \leq 1$.

Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức $P = \frac{16x^2y^2 + 19}{16xy}$.

-----Hết-----