

**PHẦN CHUNG CHO TẤT CẢ THÍ SINH (7,0 điểm)**

**Câu I (2,0 điểm)** Cho hàm số  $y = \frac{-x+1}{2x-1}$ .

1. Khảo sát sự biến thiên và vẽ đồ thị ( $C$ ) của hàm số đã cho.
2. Chứng minh rằng với mọi  $m$  đường thẳng  $y = x + m$  luôn cắt đồ thị ( $C$ ) tại hai điểm phân biệt  $A$  và  $B$ . Gọi  $k_1, k_2$  lần lượt là hệ số góc của các tiếp tuyến với ( $C$ ) tại  $A$  và  $B$ . Tìm  $m$  để tổng  $k_1 + k_2$  đạt giá trị lớn nhất.

**Câu II (2,0 điểm)**

1. Giải phương trình  $\frac{1+\sin 2x+\cos 2x}{1+\cot^2 x} = \sqrt{2} \sin x \sin 2x$ .

2. Giải hệ phương trình  $\begin{cases} 5x^2y - 4xy^2 + 3y^3 - 2(x+y) = 0 \\ xy(x^2 + y^2) + 2 = (x+y)^2 \end{cases} \quad (x, y \in \mathbb{R})$ .

**Câu III (1,0 điểm)** Tính tích phân  $I = \int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{x \sin x + (x+1) \cos x}{x \sin x + \cos x} dx$ .

**Câu IV (1,0 điểm)** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông cân tại  $B$ ,  $AB = BC = 2a$ ; hai mặt phẳng ( $SAB$ ) và ( $SAC$ ) cùng vuông góc với mặt phẳng ( $ABC$ ). Gọi  $M$  là trung điểm của  $AB$ ; mặt phẳng qua  $SM$  và song song với  $BC$ , cắt  $AC$  tại  $N$ . Biết góc giữa hai mặt phẳng ( $SBC$ ) và ( $ABC$ ) bằng  $60^\circ$ . Tính thể tích khối chóp  $S.BCNM$  và khoảng cách giữa hai đường thẳng  $AB$  và  $SN$  theo  $a$ .

**Câu V (1,0 điểm)** Cho  $x, y, z$  là ba số thực thuộc đoạn  $[1; 4]$  và  $x \geq y, x \geq z$ . Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức  $P = \frac{x}{2x+3y} + \frac{y}{y+z} + \frac{z}{z+x}$ .

**PHẦN RIÊNG (3,0 điểm): Thí sinh chỉ được làm một trong hai phần (phần A hoặc B)****A. Theo chương trình Chuẩn**

**Câu VI.a (2,0 điểm)**

1. Trong mặt phẳng tọa độ  $Oxy$ , cho đường thẳng  $\Delta: x + y + 2 = 0$  và đường tròn  $(C): x^2 + y^2 - 4x - 2y = 0$ . Gọi  $I$  là tâm của  $(C)$ ,  $M$  là điểm thuộc  $\Delta$ . Qua  $M$  kẻ các tiếp tuyến  $MA$  và  $MB$  đến  $(C)$  ( $A$  và  $B$  là các tiếp điểm). Tìm tọa độ điểm  $M$ , biết từ giác  $MAIB$  có diện tích bằng 10.
2. Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(2; 0; 1), B(0; -2; 3)$  và mặt phẳng  $(P): 2x - y - z + 4 = 0$ . Tìm tọa độ điểm  $M$  thuộc  $(P)$  sao cho  $MA = MB = 3$ .

**Câu VII.a (1,0 điểm)** Tìm tất cả các số phức  $z$ , biết:  $z^2 = |z|^2 + \bar{z}$ .

**B. Theo chương trình Nâng cao**

**Câu VI.b (2,0 điểm)**

1. Trong mặt phẳng tọa độ  $Oxy$ , cho elip  $(E): \frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{1} = 1$ . Tìm tọa độ các điểm  $A$  và  $B$  thuộc  $(E)$ , có hoành độ dương sao cho tam giác  $OAB$  cân tại  $O$  và có diện tích lớn nhất.
2. Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S): x^2 + y^2 + z^2 - 4x - 4y - 4z = 0$  và điểm  $A(4; 4; 0)$ . Viết phương trình mặt phẳng  $(OAB)$ , biết điểm  $B$  thuộc  $(S)$  và tam giác  $OAB$  đều.

**Câu VII.b (1,0 điểm)** Tính môđun của số phức  $z$ , biết:  $(2z - 1)(1 + i) + (\bar{z} + 1)(1 - i) = 2 - 2i$ .

----- Hết -----

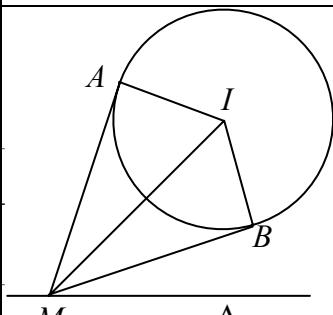
**Thí sinh không được sử dụng tài liệu. Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm.**

Họ và tên thí sinh:.....; Số báo danh:.....

**ĐÁP ÁN – THANG ĐIỂM**

Câu	Đáp án	Điểm												
I (2,0 điểm)	<p>1. (1,0 điểm)</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>Tập xác định: <math>D = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{1}{2} \right\}</math>.</li> <li>Sự biến thiên: Chiều biến thiên: <math>y' = \frac{-1}{(2x-1)^2} &lt; 0, \forall x \in D</math>. Hàm số nghịch biến trên các khoảng <math>\left(-\infty; \frac{1}{2}\right)</math> và <math>\left(\frac{1}{2}; +\infty\right)</math>.</li> </ul> <p>Giới hạn và tiệm cận: <math>\lim_{x \rightarrow -\infty} y = \lim_{x \rightarrow +\infty} y = -\frac{1}{2}</math>; tiệm cận ngang: <math>y = -\frac{1}{2}</math>.</p> <p><math>\lim_{x \rightarrow \left(\frac{1}{2}\right)^-} y = -\infty, \lim_{x \rightarrow \left(\frac{1}{2}\right)^+} y = +\infty</math>; tiệm cận đứng: <math>x = \frac{1}{2}</math>.</p> <p>Bảng biến thiên:</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="padding: 2px;">x</td> <td style="padding: 2px;">- ∞</td> <td style="padding: 2px; text-align: center;">1/2</td> <td style="padding: 2px;">+ ∞</td> </tr> <tr> <td style="padding: 2px;">y'</td> <td style="padding: 2px;">-</td> <td style="padding: 2px;"></td> <td style="padding: 2px;">-</td> </tr> <tr> <td style="padding: 2px;">y</td> <td style="padding: 2px; text-align: right;">- 1/2</td> <td style="padding: 2px; text-align: center;">+ ∞</td> <td style="padding: 2px; text-align: left;">- 1/2</td> </tr> </table> <p>Đồ thị:</p>	x	- ∞	1/2	+ ∞	y'	-		-	y	- 1/2	+ ∞	- 1/2	0,25
x	- ∞	1/2	+ ∞											
y'	-		-											
y	- 1/2	+ ∞	- 1/2											
		0,25												
		0,25												
		0,25												
2. (1,0 điểm)	<p>Hoành độ giao điểm của <math>d: y = x + m</math> và <math>(C)</math> là nghiệm phương trình: <math>x + m = \frac{-x+1}{2x-1}</math></p> $\Leftrightarrow (x+m)(2x-1) = -x+1 \quad (\text{do } x = \frac{1}{2} \text{ không là nghiệm}) \Leftrightarrow 2x^2 + 2mx - m - 1 = 0 \quad (*).$ <p><math>\Delta' = m^2 + 2m + 2 &gt; 0, \forall m</math>. Suy ra <math>d</math> luôn cắt <math>(C)</math> tại hai điểm phân biệt với mọi <math>m</math>.</p> <p>Gọi <math>x_1</math> và <math>x_2</math> là nghiệm của <math>(*)</math>, ta có:</p> $k_1 + k_2 = -\frac{1}{(2x_1-1)^2} - \frac{1}{(2x_2-1)^2} = -\frac{4(x_1+x_2)^2 - 8x_1x_2 - 4(x_1+x_2) + 2}{(4x_1x_2 - 2(x_1+x_2) + 1)^2}.$ <p>Theo định lý Viet, suy ra: <math>k_1 + k_2 = -4m^2 - 8m - 6 = -4(m+1)^2 - 2 \leq -2</math>. Suy ra: <math>k_1 + k_2</math> lớn nhất bằng <math>-2</math>, khi và chỉ khi <math>m = -1</math>.</p>	0,25												

Câu	Đáp án	Điểm
II (2,0 điểm)	<p>1. (1,0 điểm)</p> <p>Điều kiện: <math>\sin x \neq 0</math> (*).</p> <p>Phương trình đã cho tương đương với: <math>(1 + \sin 2x + \cos 2x)\sin^2 x = 2\sqrt{2} \sin^2 x \cos x</math></p> $\Leftrightarrow 1 + \sin 2x + \cos 2x = 2\sqrt{2} \cos x \text{ (do } \sin x \neq 0\text{)} \Leftrightarrow \cos x (\cos x + \sin x - \sqrt{2}) = 0.$ <ul style="list-style-type: none"> <li><math>\cos x = 0 \Leftrightarrow x = \frac{\pi}{2} + k\pi</math>, thỏa mãn (*).</li> <li><math>\cos x + \sin x = \sqrt{2} \Leftrightarrow \sin(x + \frac{\pi}{4}) = 1 \Leftrightarrow x = \frac{\pi}{4} + k2\pi</math>, thỏa mãn (*).</li> </ul> <p>Vậy, phương trình có nghiệm: <math>x = \frac{\pi}{2} + k\pi; x = \frac{\pi}{4} + k2\pi</math> (<math>k \in \mathbb{Z}</math>).</p>	0,25 0,25 0,25 0,25
	2. (1,0 điểm)	
	$\begin{cases} 5x^2y - 4xy^2 + 3y^3 - 2(x+y) = 0 & (1) \\ xy(x^2 + y^2) + 2 = (x+y)^2 & (2). \end{cases}$ <p>Ta có: (2) <math>\Leftrightarrow (xy-1)(x^2+y^2-2)=0 \Leftrightarrow xy=1</math> hoặc <math>x^2+y^2=2</math>.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li><math>xy=1</math>; từ (1) suy ra: <math>y^4-2y^2+1=0 \Leftrightarrow y=\pm 1</math>.</li> <li>Suy ra: <math>(x; y) = (1; 1)</math> hoặc <math>(x; y) = (-1; -1)</math>.</li> <li><math>x^2+y^2=2</math>; từ (1) suy ra: <math>3y(x^2+y^2)-4xy^2+2x^2y-2(x+y)=0</math>  <math>\Leftrightarrow 6y-4xy^2+2x^2y-2(x+y)=0</math>  <math>\Leftrightarrow (1-xy)(2y-x)=0 \Leftrightarrow xy=1</math> (đã xét) hoặc <math>x=2y</math>.</li> </ul> <p>Với <math>x=2y</math>, từ <math>x^2+y^2=2</math> suy ra:</p> $(x; y) = \left( \frac{2\sqrt{10}}{5}; \frac{\sqrt{10}}{5} \right) \text{ hoặc } (x; y) = \left( -\frac{2\sqrt{10}}{5}; -\frac{\sqrt{10}}{5} \right).$ <p>Vậy, hệ có nghiệm: <math>(1; 1), (-1; -1), \left( \frac{2\sqrt{10}}{5}; \frac{\sqrt{10}}{5} \right), \left( -\frac{2\sqrt{10}}{5}; -\frac{\sqrt{10}}{5} \right)</math>.</p>	0,25 0,25 0,25 0,25
III (1,0 điểm)	$I = \int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{(x \sin x + \cos x) + x \cos x}{x \sin x + \cos x} dx = \int_0^{\frac{\pi}{4}} dx + \int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{x \cos x}{x \sin x + \cos x} dx.$ <p>Ta có: <math>\int_0^{\frac{\pi}{4}} dx = x \Big _0^{\frac{\pi}{4}} = \frac{\pi}{4}</math></p> <p>và <math>\int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{x \cos x}{x \sin x + \cos x} dx = \int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{d(x \sin x + \cos x)}{x \sin x + \cos x} = (\ln  x \sin x + \cos x ) \Big _0^{\frac{\pi}{4}}</math></p> $= \ln \left( \frac{\sqrt{2}}{2} \left( \frac{\pi}{4} + 1 \right) \right).$ <p>Suy ra: <math>I = \frac{\pi}{4} + \ln \left( \frac{\sqrt{2}}{2} \left( \frac{\pi}{4} + 1 \right) \right)</math>.</p>	0,25 0,25 0,25 0,25
IV (1,0 điểm)	<p><math>(SAB)</math> và <math>(SAC)</math> cùng vuông góc với <math>(ABC) \Rightarrow SA \perp (ABC)</math>.</p> <p><math>AB \perp BC \Rightarrow SB \perp BC \Rightarrow \widehat{SBA}</math> là góc giữa <math>(SBC)</math> và <math>(ABC) \Rightarrow \widehat{SBA} = 60^\circ \Rightarrow SA = AB \tan \widehat{SBA} = 2a\sqrt{3}</math>.</p> <p>Mặt phẳng qua <math>SM</math> và song song với <math>BC</math>, cắt <math>AC</math> tại <math>N \Rightarrow MN \parallel BC</math> và <math>N</math> là trung điểm <math>AC</math>.</p> <p><math>MN = \frac{BC}{2} = a, BM = \frac{AB}{2} = a</math>.</p> <p>Diện tích: <math>S_{BCNM} = \frac{(BC+MN)BM}{2} = \frac{3a^2}{2}</math>. Thể tích: <math>V_{S.BCNM} = \frac{1}{3} S_{BCNM} \cdot SA = a^3 \sqrt{3}</math>.</p>	0,25 0,25

Câu	Đáp án	Điểm
	<p>Ké đường thẳng <math>\Delta</math> đi qua <math>N</math>, song song với <math>AB</math>. Hẹ <math>AD \perp \Delta</math> (<math>D \in \Delta</math>) <math>\Rightarrow AB \parallel (SND)</math>  <math>\Rightarrow d(AB, SN) = d(AB, (SND)) = d(A, (SND))</math>.</p> <p>Hẹ <math>AH \perp SD</math> (<math>H \in SD</math>) <math>\Rightarrow AH \perp (SND)</math> <math>\Rightarrow d(A, (SND)) = AH</math>.</p> <p>Tam giác <math>SAD</math> vuông tại <math>A</math>, có: <math>AH \perp SD</math> và <math>AD = MN = a</math></p> $\Rightarrow d(AB, SN) = AH = \frac{SA \cdot AD}{\sqrt{SA^2 + AD^2}} = \frac{2a\sqrt{39}}{13}.$	0,25
V (1,0 điểm)	<p>Trước hết ta chứng minh: <math>\frac{1}{1+a} + \frac{1}{1+b} \geq \frac{2}{1+\sqrt{ab}}</math> (*), với <math>a</math> và <math>b</math> dương, <math>ab \geq 1</math>.</p> <p>Thật vậy, (*) <math>\Leftrightarrow (a+b+2)(1+\sqrt{ab}) \geq 2(1+a)(1+b)</math>  <math>\Leftrightarrow (a+b)\sqrt{ab} + 2\sqrt{ab} \geq a+b+2ab</math>  <math>\Leftrightarrow (\sqrt{ab}-1)(\sqrt{a}-\sqrt{b})^2 \geq 0</math>, luôn đúng với <math>a</math> và <math>b</math> dương, <math>ab \geq 1</math>.</p> <p>Dấu bằng xảy ra, khi và chỉ khi: <math>a = b</math> hoặc <math>ab = 1</math>.</p> <p>Áp dụng (*), với <math>x</math> và <math>y</math> thuộc đoạn <math>[1; 4]</math> và <math>x \geq y</math>, ta có:</p> $P = \frac{x}{2x+3y} + \frac{1}{1+\frac{z}{y}} + \frac{1}{1+\frac{x}{z}} \geq \frac{1}{2+\frac{3y}{x}} + \frac{2}{1+\sqrt{\frac{x}{y}}}.$ <p>Dấu "<math>=</math>" xảy ra khi và chỉ khi: <math>\frac{z}{y} = \frac{x}{z}</math> hoặc <math>\frac{x}{y} = 1</math> (1)</p> <p>Đặt <math>\sqrt{\frac{x}{y}} = t</math>, <math>t \in [1; 2]</math>. Khi đó: <math>P \geq \frac{t^2}{2t^2+3} + \frac{2}{1+t}</math>.</p> <p>Xét hàm <math>f(t) = \frac{t^2}{2t^2+3} + \frac{2}{1+t}</math>, <math>t \in [1; 2]</math>; <math>f'(t) = \frac{-2[t^3(4t-3)+3t(2t-1)+9]}{(2t^2+3)^2(1+t)^2} &lt; 0</math>.</p> $\Rightarrow f(t) \geq f(2) = \frac{34}{33};$ dấu " $=$ " xảy ra khi và chỉ khi: $t = 2 \Leftrightarrow \frac{x}{y} = 4 \Leftrightarrow x = 4, y = 1$ (2). <p><math>\Rightarrow P \geq \frac{34}{33}</math>. Từ (1) và (2) suy ra dấu "<math>=</math>" xảy ra khi và chỉ khi: <math>x = 4, y = 1</math> và <math>z = 2</math>.</p> <p>Vậy, giá trị nhỏ nhất của <math>P</math> bằng <math>\frac{34}{33}</math>; khi <math>x = 4, y = 1, z = 2</math>.</p>	0,25
VI.a (2,0 điểm)	<p>1. (1,0 điểm)</p>  <p>Đường tròn (<math>C</math>) có tâm <math>I(2; 1)</math>, bán kính <math>IA = \sqrt{5}</math>.</p> <p>Tứ giác <math>MAIB</math> có <math>\widehat{MAB} = \widehat{MBI} = 90^\circ</math> và <math>MA = MB</math></p> $\Rightarrow S_{MAIB} = IA \cdot MA$ $\Rightarrow MA = 2\sqrt{5} \Rightarrow IM = \sqrt{IA^2 + MA^2} = 5.$ <p><math>M \in \Delta</math>, có tọa độ dạng <math>M(t; -t - 2)</math>.</p> $IM = 5 \Leftrightarrow (t-2)^2 + (t+3)^2 = 25 \Leftrightarrow 2t^2 + 2t - 12 = 0$ $\Leftrightarrow t = 2 \text{ hoặc } t = -3.$ Vậy, $M(2; -4)$ hoặc $M(-3; 1)$ . <p>2. (1,0 điểm)</p> <p>Gọi <math>M(x; y; z)</math>, ta có: <math>M \in (P)</math> và <math>MA = MB = 3 \Leftrightarrow \begin{cases} 2x - y - z + 4 = 0 \\ (x-2)^2 + y^2 + (z-1)^2 = 9 \\ x^2 + (y+2)^2 + (z-3)^2 = 9 \end{cases}</math></p>	0,25

Câu	Đáp án	Điểm
	$\Leftrightarrow \begin{cases} 2x - y - z + 4 = 0 \\ x + y - z + 2 = 0 \\ (x-2)^2 + y^2 + (z-1)^2 = 9 \end{cases}$ $\Leftrightarrow \begin{cases} x = 2y - 2 \\ z = 3y \\ 7y^2 - 11y + 4 = 0 \end{cases}$ $\Leftrightarrow (x; y; z) = (0; 1; 3) \text{ hoặc } \left(-\frac{6}{7}; \frac{4}{7}; \frac{12}{7}\right). \text{ Vậy có: } M(0; 1; 3) \text{ hoặc } M\left(-\frac{6}{7}; \frac{4}{7}; \frac{12}{7}\right).$	0,25 0,25 0,25
VII.a (1,0 điểm)	<p>Gọi <math>z = a + bi</math> (<math>a, b \in \mathbb{R}</math>), ta có: <math>z^2 =  z ^2 + \bar{z} \Leftrightarrow (a+bi)^2 = a^2 + b^2 + a - bi</math></p> $\Leftrightarrow a^2 - b^2 + 2abi = a^2 + b^2 + a - bi \Leftrightarrow \begin{cases} a^2 - b^2 = a^2 + b^2 + a \\ 2ab = -b \end{cases}$ $\Leftrightarrow \begin{cases} a = -2b^2 \\ b(2a+1) = 0 \end{cases}$ $\Leftrightarrow (a; b) = (0; 0) \text{ hoặc } (a; b) = \left(-\frac{1}{2}; \frac{1}{2}\right) \text{ hoặc } (a; b) = \left(-\frac{1}{2}; -\frac{1}{2}\right).$ <p>Vậy, <math>z = 0</math> hoặc <math>z = -\frac{1}{2} + \frac{1}{2}i</math> hoặc <math>z = -\frac{1}{2} - \frac{1}{2}i</math>.</p>	0,25 0,25 0,25 0,25
VI.b (2,0 điểm)	<p>1. (1,0 điểm)</p> <p>Gọi <math>A(x; y)</math>. Do <math>A, B</math> thuộc <math>(E)</math> có hoành độ dương và tam giác <math>OAB</math> cân tại <math>O</math>, nên: <math>B(x; -y)</math>, <math>x &gt; 0</math>. Suy ra: <math>AB = 2 y  = \sqrt{4-x^2}</math>.</p> <p>Gọi <math>H</math> là trung điểm <math>AB</math>, ta có: <math>OH \perp AB</math> và <math>OH = x</math>.</p> <p>Diện tích: <math>S_{OAB} = \frac{1}{2}x\sqrt{4-x^2}</math></p> $= \frac{1}{2}\sqrt{x^2(4-x^2)} \leq 1.$ <p>Dấu "<math>=</math>" xảy ra, khi và chỉ khi <math>x = \sqrt{2}</math>.</p> <p>Vậy: <math>A\left(\sqrt{2}; \frac{\sqrt{2}}{2}\right)</math> và <math>B\left(\sqrt{2}; -\frac{\sqrt{2}}{2}\right)</math> hoặc <math>A\left(\sqrt{2}; -\frac{\sqrt{2}}{2}\right)</math> và <math>B\left(\sqrt{2}; \frac{\sqrt{2}}{2}\right)</math>.</p>	0,25 0,25 0,25
	<p>2. (1,0 điểm)</p> <p><math>(S)</math> có tâm <math>I(2; 2; 2)</math>, bán kính <math>R = 2\sqrt{3}</math>. Nhận xét: <math>O</math> và <math>A</math> cùng thuộc <math>(S)</math>.</p> <p>Tam giác <math>OAB</math> đều, có bán kính đường tròn ngoại tiếp <math>r = \frac{OA}{\sqrt{3}} = \frac{4\sqrt{2}}{\sqrt{3}}</math>.</p> <p>Khoảng cách: <math>d(I, (P)) = \sqrt{R^2 - r^2} = \frac{2}{\sqrt{3}}</math>.</p> <p><math>(P)</math> đi qua <math>O</math> có phương trình dạng: <math>ax + by + cz = 0</math>, <math>a^2 + b^2 + c^2 \neq 0</math> (*).</p> <p><math>(P)</math> đi qua <math>A</math>, suy ra: <math>4a + 4b = 0 \Rightarrow b = -a</math>.</p> <p><math>d(I, (P)) = \frac{ 2(a+b+c) }{\sqrt{a^2 + b^2 + c^2}} = \frac{ 2c }{\sqrt{2a^2 + c^2}} \Rightarrow \frac{ 2c }{\sqrt{2a^2 + c^2}} = \frac{2}{\sqrt{3}}</math></p> <p><math>\Rightarrow 2a^2 + c^2 = 3c^2 \Rightarrow c = \pm a</math>. Theo (*), suy ra <math>(P)</math>: <math>x - y + z = 0</math> hoặc <math>x - y - z = 0</math>.</p>	0,25 0,25 0,25 0,25

Câu	Đáp án	Điểm
VII.b (1,0 điểm)	Gọi $z = a + bi$ ( $a, b \in \mathbb{R}$ ), ta có: $(2z - 1)(1 + i) + (\bar{z} + 1)(1 - i) = 2 - 2i$ $\Leftrightarrow [(2a - 1) + 2bi](1 + i) + [(a + 1) - bi](1 - i) = 2 - 2i$ $\Leftrightarrow (2a - 2b - 1) + (2a + 2b - 1)i + (a - b + 1) - (a + b + 1)i = 2 - 2i$ $\Leftrightarrow (3a - 3b) + (a + b - 2)i = 2 - 2i \Leftrightarrow \begin{cases} 3a - 3b = 2 \\ a + b - 2 = -2 \end{cases}$ $\Leftrightarrow a = \frac{1}{3}, b = -\frac{1}{3}$ . Suy ra môđun: $ z  = \sqrt{a^2 + b^2} = \frac{\sqrt{2}}{3}$ .	0,25 0,25 0,25 0,25

----- Hết -----