

**A. TRẮC NGHIỆM ( 15 câu x 1/3 = 5,0 điểm).**

*Học sinh chọn câu trả lời đúng rồi tô vào ô tương ứng trong phiếu làm bài riêng.*

**Câu 1:** Trong các câu sau, câu nào là mệnh đề ?

A. Hãy làm bài kiểm tra giữa học kỳ 1 thật nghiêm túc!

B.  $x^2 - 7 > 3x$ .

C. Em có thích học môn Toán không?

D. Số 2023 là số chẵn.

**Câu 2:** Mệnh đề phủ định của mệnh đề “ $\exists x \in \mathbb{N}: x^2 + 5x - 2 > 0$ ” là:

A.  $\forall x \in \mathbb{N}: x^2 + 5x - 2 < 0$ .

B.  $\exists x \in \mathbb{N}: x^2 + 5x - 2 < 0$ .

C.  $\exists x \in \mathbb{N}: x^2 + 5x - 2 \leq 0$ .

D.  $\forall x \in \mathbb{N}: x^2 + 5x - 2 \leq 0$ .

**Câu 3:** Cho  $M = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$ ,  $N = \{2, 4, 6, 8, 10\}$ . Tập  $M \setminus N$  là?

A.  $M \setminus N = \{1, 2, 4, 5\}$ .

B.  $M \setminus N = \emptyset$ .

C.  $M \setminus N = \{1, 3, 5, 7\}$ .

D.  $M \setminus N = \{1, 3, 5, 7, 8\}$ .

**Câu 4:** Số tập con của  $M = \{a, b, 1\}$  là:

A. 8.

B. 9.

C. 7.

D. 6.

**Câu 5:** Tập hợp  $M = \{x \in \mathbb{R} \mid 2 \leq x < 8\}$  được viết lại:

A.  $M = (2; 8)$ .

B.  $M = [2; 8)$ .

C.  $M = [2; 8]$ .

D.  $M = (2; 8]$ .

**Câu 6:** Bất phương trình nào sau đây là bất phương trình bậc nhất 2 ẩn?

A.  $2x \cdot y - 5y \geq 1$ .

B.  $5x^2 - 2y \geq 3$ .

C.  $5^2 \cdot x - 2y \geq 3$ .

D.  $3x - y^2 \geq -5$ .

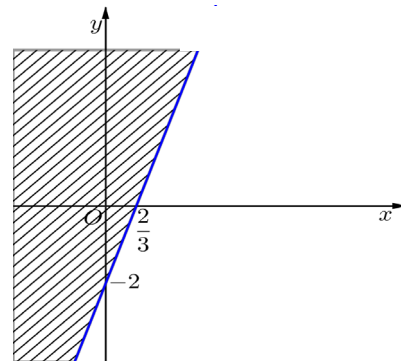
**Câu 7:** Hình vẽ bên, **miền không bị gạch bỏ** biểu diễn miền nghiệm của bất phương trình nào?

A.  $-3x + y + 2 \geq 0$ .

B.  $-3x + y + 2 \leq 0$ .

C.  $3x + y - 2 \geq 0$ .

D.  $3x - y - 2 \leq 0$ .



**Câu 8:** Cho hệ bất phương trình bậc nhất 2 ẩn:  $\begin{cases} x - y < -3 \\ x + 2y \geq -4 \end{cases}$ . Điểm nào sau đây thuộc miền

nghiệm của hệ bất phương trình đã cho?

A.  $O(0; 0)$ .

B.  $M(3; -1)$ .

C.  $N(-2; 1)$ .

D.  $P(-3; 1)$ .

**Câu 9:** Cho góc  $\alpha$  ( $0^\circ < \alpha < 180^\circ$ ), chọn phát biểu đúng.

A.  $\sin(180^\circ - \alpha) = \sin \alpha$ .

B.  $\cos(180^\circ - \alpha) = -\sin \alpha$ .

C.  $\cos(180^\circ - \alpha) = \cos \alpha$ .

D.  $\sin(180^\circ - \alpha) = -\cos \alpha$ .

**Câu 10:** Cho góc  $\alpha$  với  $90^\circ < \alpha < 180^\circ$ . Khẳng định nào sau đây là đúng?

A.  $\sin \alpha < 0$ .

B.  $\cos \alpha > 0$ .

C.  $\tan \alpha < 0$ .

D.  $\cot \alpha > 0$ .

**Câu 11:** Cho  $\tan x = 3$ . Tính giá trị của biểu thức  $M = \frac{5 \sin x - \cos x}{2 \sin x + \cos x}$

A.  $M = 1$ .

B.  $M = 2$ .

C.  $M = 3$ .

D.  $M = 4$ .

**Câu 12:** Trong tam giác ABC, phát biểu nào sau đây đúng?

A.  $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cdot \sin A$ .

B.  $a^2 = b^2 - c^2 - 2bc \cdot \cos A$ .

C.  $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cdot \cos A$ .

D.  $a^2 = b^2 + c^2 + 2bc \cdot \cos A$ .

**Câu 13:** Cho tam giác ABC có  $a = 8$ ;  $b = 7$ ;  $c = 6$ . Số đo góc  $\hat{A}$  là:

A.  $\hat{A} \approx 60^\circ 37'$ .

B.  $\hat{A} \approx 74^\circ 48' 16''$ .

C.  $\hat{A} \approx 78^\circ 35' 5''$ .

D.  $\hat{A} \approx 75^\circ 31'$ .

**Câu 14:** Cho tam giác ABC có  $\hat{A} = 35^\circ$ ;  $c = 8$ ;  $\hat{B} = 100^\circ$ . Bán kính đường tròn ngoại tiếp R của tam giác ABC bằng:

A.  $R = 8\sqrt{2}$ .

B.  $R = 4\sqrt{2}$ .

C.  $R = 3\sqrt{2}$ .

D.  $R = 2\sqrt{2}$ .

**Câu 15:** Cho tam giác ABC có  $a = 8$ ;  $\hat{C} = 150^\circ$ ;  $b = 12$ . Diện tích S của tam giác ABC là:

A.  $S = 24$ .

B.  $S = 48\sqrt{3}$ .

C.  $S = 48$ .

D.  $S = 24\sqrt{3}$ .

## B. TỰ LUẬN (5, 0 điểm)

**Bài 1.(1,0 điểm)** Cho mệnh đề: “ Với x là số tự nhiên, nếu x chia hết cho 9 thì x chia hết cho 3.

Lập mệnh đề đảo của mệnh đề trên. Mệnh đề đảo đó đúng hay sai? Giải thích.

**Bài 2.(1,0 điểm)** Cho 2 tập hợp  $M = [-5; 3)$ ;  $N = (-3; 8]$ . Xác định các tập hợp  $M \cap N$ ,  $M \cup N$ .

**Bài 3. (1,0 điểm)** Cho  $\sin \alpha = \frac{3}{5}$  với  $90^\circ < \alpha < 180^\circ$ . Tính các giá trị lượng giác còn lại của góc  $\alpha$ .

**Bài 4.(1,0 điểm)** Hai chiếc tàu thủy cùng xuất phát từ một vị trí A, đi thẳng theo hai hướng tạo với nhau một góc  $120^\circ$ . Tàu thứ nhất chạy với vận tốc 50km/h, tàu thứ hai chạy với vận tốc 40km/h. Hỏi sau 2 giờ hai tàu cách nhau bao nhiêu km?

**Bài 5.(1,0 điểm)** Một công ty TNHH trong một đợt quảng cáo và bán khuyến mãi hàng hóa (1 sản phẩm mới của công ty) cần thuê xe để chở 140 người và 9 tấn hàng. Nơi thuê chỉ có hai loại xe A và B. Trong đó xe loại A có 10 chiếc, xe loại B có 9 chiếc. Biết rằng xe A chỉ chở tối đa 20 người và 0,6 tấn hàng. Xe B chở tối đa 10 người và 1,5 tấn hàng. Một chiếc xe loại A cho thuê với giá 4 triệu đồng, một chiếc xe loại B cho thuê với giá 3 triệu đồng. Hỏi phải thuê bao nhiêu xe mỗi loại để chi phí vận chuyển là thấp nhất.

-----Hết-----

**A. TRẮC NGHIỆM ( 15 câu x 1/3 = 5,0 điểm).**

Học sinh chọn câu trả lời đúng rồi tô vào ô tương ứng trong phiếu làm bài riêng.

**Câu 1:** Trong các câu sau, câu nào **không** là mệnh đề ?

- A. Hà Nội là thủ đô của Việt Nam. B. 15 chia hết cho 3.  
C. Bạn học lớp mấy? D. Số 2023 là số chẵn.

**Câu 2:** Mệnh đề phủ định của mệnh đề “ $\forall x \in \mathbb{N}: x^2 + 5x - 2 < 0$ ” là:

- A.  $\forall x \in \mathbb{N}: x^2 + 5x - 2 > 0$ . B.  $\exists x \in \mathbb{N}: x^2 + 5x - 2 > 0$ .  
C.  $\exists x \in \mathbb{N}: x^2 + 5x - 2 \geq 0$ . D.  $\forall x \in \mathbb{N}: x^2 + 5x - 2 \geq 0$ .

**Câu 3:** Cho  $M = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$ ,  $N = \{3, 6, 7, 8, 9, 10\}$ . Tập  $M \setminus N$  là?

- A.  $M \setminus N = \{1, 2, 4, 5\}$ . B.  $M \setminus N = \emptyset$ . C.  $M \setminus N = \{1, 3, 5, 7\}$ . D.  $M \setminus N = \{1, 3, 5, 7, 8\}$ .

**Câu 4:** Số tập con của  $M = \{1, 2, x\}$  là:

- A. 7. B. 9. C. 6. D. 8.

**Câu 5:** Tập hợp  $M = \{x \in \mathbb{R} | 1 < x \leq 6\}$  được viết lại:

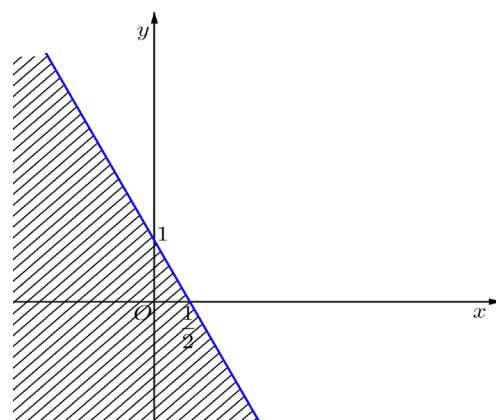
- A.  $M = (1; 6)$ . B.  $M = [1; 6)$ . C.  $M = [1; 6]$ . D.  $M = (1; 6]$ .

**Câu 6:** Bất phương trình nào sau đây là bất phương trình bậc nhất 2 ẩn?

- A.  $3x.y - 2y \leq 4$ . B.  $5x - 2^2.y \geq 1$ . C.  $5.x^2 - 2y \geq 3$ . D.  $3x - 2y^2 \geq -1$ .

**Câu 7:** Hình vẽ bên, **miền không bị gạch bỏ** biểu diễn miền nghiệm của bất phương trình nào?

- A.  $2x + y \geq 1$ . B.  $2x + y \leq 1$ .  
C.  $2x - y \geq 1$ . D.  $2x - y \geq -1$ .



**Câu 8:** Cho hệ bất phương trình bậc nhất 2 ẩn:  $\begin{cases} x - y < -3 \\ x + 2y \geq -4 \end{cases}$ . Điểm nào sau đây thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình đã cho?

- A.  $O(0; 2)$ . B.  $M(3; 7)$ . C.  $N(-1; 1)$ . D.  $P(-3; 0)$ .

**Câu 9:** Cho góc  $\alpha$  ( $0^\circ < \alpha < 180^\circ$ ), chọn phát biểu đúng.

- A.  $\sin(180^\circ - \alpha) = -\sin \alpha$ . B.  $\cos(180^\circ - \alpha) = -\cos \alpha$ .  
C.  $\cos(180^\circ - \alpha) = \cos \alpha$ . D.  $\sin(180^\circ - \alpha) = \cos \alpha$ .

**Câu 10:** Cho góc  $\alpha$  với  $90^\circ < \alpha < 180^\circ$ . Khẳng định nào sau đây là đúng?

- A.  $\sin \alpha < 0$ . B.  $\cos \alpha > 0$ . C.  $\tan \alpha > 0$ . D.  $\cot \alpha < 0$ .

**Câu 11:** Cho  $\tan x = -3$ . Tính giá trị của biểu thức  $M = \frac{2 \sin x + 9 \cos x}{\sin x + 4 \cos x}$

- A.  $M = 1$ .                      B.  $M = 2$ .                      C.  $M = 3$ .                      D.  $M = 4$ .

**Câu 12:** Trong tam giác ABC, gọi  $p, R, r, S$  lần lượt là nửa chu vi, bán kính đường tròn ngoại tiếp, bán kính đường tròn nội tiếp và diện tích của tam giác ABC, khẳng định nào sau đây **sai**?

- A.  $S = 2.a.b.\sin C$ .    B.  $S = \frac{a.b.c}{4R}$ .                      C.  $\frac{b}{2 \sin B} = R$ .                      D.  $S = p.r$ .

**Câu 13:** Cho tam giác ABC có  $a = 6$ ;  $b = 7$ ;  $c = 8$ . Số đo góc  $\hat{C}$  là:

- A.  $\hat{C} \approx 60^\circ 37'$ .                      B.  $\hat{C} \approx 74^\circ 48' 16''$ .                      C.  $\hat{C} \approx 75^\circ 31'$ .                      D.  $\hat{C} \approx 78^\circ 35' 5''$ .

**Câu 14:** Cho tam giác ABC có  $\hat{A} = 20^\circ$ ;  $c = 6$ ;  $\hat{B} = 100^\circ$ . Bán kính đường tròn ngoại tiếp  $R$  của tam giác ABC bằng:

- A.  $R = 4\sqrt{3}$ .                      B.  $R = 4\sqrt{2}$ .                      C.  $R = 2\sqrt{3}$ .                      D.  $R = 3\sqrt{2}$ .

**Câu 15:** Cho tam giác ABC có  $a = 8$ ;  $\hat{C} = 150^\circ$ ;  $b = 6$ . Diện tích  $S$  của tam giác ABC là:

- A.  $S = 24$ .                      B.  $S = 12\sqrt{3}$ .                      C.  $S = 24\sqrt{3}$ .                      D.  $S = 12$ .

### B. TỰ LUẬN (5, 0 điểm)

**Bài 1.(1,0 điểm)** Cho mệnh đề: “ Với  $x$  là số tự nhiên, nếu  $x$  chia hết cho 6 thì  $x$  chia hết cho 2.

Lập mệnh đề đảo của mệnh đề trên. Mệnh đề đảo đó đúng hay sai? Giải thích.

**Bài 2.(1,0 điểm)** Cho 2 tập hợp  $M = (-1; 5]$ ;  $N = [-3; 1)$ . Xác định các tập hợp  $M \cap N$ ,  $M \cup N$ .

**Bài 3.(1,0 điểm)** Cho  $\sin \alpha = \frac{4}{5}$  với  $90^\circ < \alpha < 180^\circ$ . Tính các giá trị lượng giác còn lại của góc  $\alpha$ .

**Bài 4.(1,0 điểm)** Hai chiếc tàu thủy cùng xuất phát từ một vị trí A, đi thẳng theo hai hướng tạo với nhau một góc  $60^\circ$ . Tàu thứ nhất chạy với vận tốc 40km/h, tàu thứ hai chạy với vận tốc 50km/h. Hỏi sau 2 giờ hai tàu cách nhau bao nhiêu km?

**Bài 5.(1,0 điểm)** Một công ty TNHH trong một đợt quảng cáo và bán khuyến mãi hàng hóa (1 sản phẩm mới của công ty) cần thuê xe để chở 140 người và 9 tấn hàng. Nơi thuê chỉ có hai loại xe A và B. Trong đó xe loại A có 10 chiếc, xe loại B có 9 chiếc. Biết rằng xe A chỉ chở tối đa 20 người và 0,6 tấn hàng. Xe B chở tối đa 10 người và 1,5 tấn hàng. Một chiếc xe loại A cho thuê với giá 5 triệu đồng, một chiếc xe loại B cho thuê với giá 2 triệu đồng. Hỏi phải thuê bao nhiêu xe mỗi loại để chi phí vận chuyển là thấp nhất.

-----Hết-----

HƯỚNG DẪN CHẤM

I/ TRẮC NGHIỆM (15 câu – 5 điểm; mỗi câu 1/3 điểm)

| Đề/ câu | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 |
|---------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|----|----|----|----|
| 101     | D | D | C | A | B | C | B | D | A | C  | B  | C  | D  | B  | A  |
| 102     | C | C | A | D | D | B | A | B | B | D  | C  | A  | C  | C  | D  |
| 103     | D | A | B | B | D | C | A | C | C | A  | D  | C  | A  | D  | C  |
| 104     | A | C | D | C | A | C | B | B | D | A  | C  | C  | C  | A  | B  |

II/TỰ LUẬN

| MÃ ĐỀ 101-103                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            | ĐIỂM                                     | MÃ ĐỀ 102-104                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |
|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| <b>Câu 1(1,0 điểm):</b><br>+ Mệnh đề đảo: “Với $x$ là số tự nhiên, nếu $x$ chia hết cho 3 thì $x$ chia hết cho 9”.<br>+ Mệnh đề đảo này là 1 mệnh đề sai.<br>+ Chẳng hạn: với $x = 6$ , ta có $x$ chia hết cho 3 nhưng $x$ không chia hết cho 9                                                                                                                                                                                          | 0,5<br><br>0,25<br><br>0,25              | <b>Câu 1(1,0 điểm):</b><br>+ Mệnh đề đảo: “Với $x$ là số tự nhiên, nếu $x$ chia hết cho 2 thì $x$ chia hết cho 6”.<br>+ Mệnh đề đảo này là 1 mệnh đề sai.<br>+ Chẳng hạn: với $x = 4$ , ta có $x$ chia hết cho 2 nhưng $x$ không chia hết cho 6                                                                                                                                                                                       |
| <b>Câu 2(1,0 điểm):</b><br>+ $M \cap N = (-3; 3)$<br>+ $M \cup N = [-5; 8]$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              | 0,5<br>0,5                               | <b>Câu 2(1,0 điểm):</b><br>+ $M \cap N = (-1; 1)$<br>+ $M \cup N = [-3; 5]$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |
| <b>Câu 3(1,0 điểm):</b><br>+ Vì $90^\circ < x < 180^\circ$ nên $\cos x < 0$<br>Ta có: $\sin^2 x + \cos^2 x = 1$<br>+ suy ra $\cos x = -\sqrt{1 - \sin^2 x} = -\sqrt{1 - \frac{9}{25}} = -\frac{4}{5}$<br>+ $\tan x = \frac{\sin x}{\cos x} = \frac{3}{5} : \frac{-4}{5} = -\frac{3}{4}$<br>+ $\cot x = \frac{\cos x}{\sin x} = \frac{-4}{5} : \frac{3}{5} = -\frac{4}{3}$                                                                | 0,25<br><br>0,25<br><br>0,25<br><br>0,25 | <b>Câu 3(1,0 điểm):</b><br>+ Vì $90^\circ < x < 180^\circ$ nên $\cos x < 0$<br>Ta có: $\sin^2 x + \cos^2 x = 1$<br>+ suy ra $\cos x = -\sqrt{1 - \sin^2 x} = -\sqrt{1 - \frac{16}{25}} = -\frac{3}{5}$<br>+ $\tan x = \frac{\sin x}{\cos x} = \frac{4}{5} : \frac{-3}{5} = -\frac{4}{3}$<br>+ $\cot x = \frac{\cos x}{\sin x} = \frac{-3}{5} : \frac{4}{5} = -\frac{3}{4}$                                                            |
| <b>Câu 4(1,0 điểm):</b><br>+) Gọi B, C lần lượt là vị trí mà tàu thứ nhất và tàu thứ 2 đến sau 2 giờ. Theo đề ta có:<br>$AB = 100\text{km}, AC = 80\text{km}, A = BAC = 120^\circ$<br>Ta cần tính BC<br>+) Áp dụng định lý cosin trong tam giác ABC, ta có: $BC^2 = AB^2 + AC^2 - 2 \cdot AB \cdot AC \cdot \cos A$<br>+) $= 100^2 + 80^2 - 2 \cdot 100 \cdot 80 \cdot \cos 120^\circ$<br>$= 24400$<br>+) Suy ra $BC = 20\sqrt{61}$ (km) | 0,25<br><br>0,25<br><br>0,25<br><br>0,25 | <b>Câu 4(1,0 điểm):</b><br>+) Gọi B, C lần lượt là vị trí mà tàu thứ nhất và tàu thứ 2 đến sau 2 giờ. Theo đề ta có:<br>$AB = 80\text{km}, AC = 100\text{km}, A = BAC = 60^\circ$<br>Ta cần tính BC<br>+) Áp dụng định lý cosin trong tam giác ABC, ta có: $BC^2 = AB^2 + AC^2 - 2 \cdot AB \cdot AC \cdot \cos A$<br>+) $= 80^2 + 100^2 - 2 \cdot 80 \cdot 100 \cdot \cos 60^\circ$<br>$= 8400$<br>+) Suy ra $BC = 20\sqrt{21}$ (km) |

