

PHẦN GIẢI TÍCH

NGUYÊN HÀM

Câu 1. Cho $y = f(x)$, $y = g(x)$ là các hàm số liên tục trên \mathbb{R} . Tìm khẳng định sai trong các khẳng định sau:

- A. $\int k \cdot f(x) dx = k \int f(x) dx$ với $k \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$. B. $\int [f(x) + g(x)] dx = \int f(x) dx + \int g(x) dx$.
 C. $\int [f(x) \cdot g(x)] dx = \int f(x) dx \cdot \int g(x) dx$. D. $\left[\int f(x) dx \right]' = f(x)$.

Câu 2. $F(x)$ là một nguyên hàm của hàm số $y = xe^{x^2}$. Hàm số nào sau đây không phải là $F(x)$?

- A. $F(x) = \frac{1}{2}e^{x^2} + 2$. B. $F(x) = \frac{1}{2}(e^{x^2} + 5)$.
 C. $F(x) = -\frac{1}{2}e^{x^2} + C$. D. $F(x) = -\frac{1}{2}(2 - e^{x^2})$.

Câu 3 Cho hai hàm số $F(x) = (x^2 + ax + b)e^{-x}$ và $f(x) = (-x^2 + 3x + 6)e^{-x}$. Tìm a và b để $F(x)$ là một nguyên hàm của hàm số $f(x)$.

- A. $a = 1, b = -7$. B. $a = -1, b = -7$.
 C. $a = -1, b = 7$. D. $a = 1, b = 7$.

Câu 4. $F(x) = (ax^3 + bx^2 + cx + d)e^{-x} + 2018e$ là một nguyên hàm của hàm số $f(x) = (-2x^3 + 3x^2 + 7x - 2)e^{-x}$. Khi đó:

- A. $a + b + c + d = 4$. B. $a + b + c + d = 5$.
 C. $a + b + c + d = 6$. D. $a + b + c + d = 7$.

Câu 5. Hàm số $F(x) = e^{x^2}$ là nguyên hàm của hàm số nào sau đây?

- A. $f(x) = x^2 e^{x^2} + 3$. B. $f(x) = x^2 e^{x^2} + C$.
 C. $f(x) = 2x e^{x^2}$. D. $f(x) = x e^{x^2}$.

Câu 6. Cho $F(x)$ là một nguyên hàm của hàm số $f(x) = e^{x^2} (x^3 - 4x)$. Hàm số $F(x)$ có bao nhiêu điểm cực trị?

- A. 2. B. 3. C. 1. D. 4.

Câu 7. Cho $\int \left(\frac{ax+b+c e^x \sqrt{x^2+1}}{\sqrt{x^2+1}} \right) dx = 9\sqrt{x^2+1} + 2 \ln \left(x + \sqrt{x^2+1} \right) + 5e^x + C$. Tính giá trị biểu thức $M = a+b+c$.

- A. 6. B. 20. C. 16. D. 10.

Câu 8. Tìm họ nguyên hàm $F(x)$ của hàm số $f(x) = x + 3^x$.

- A. $\int f(x) dx = \frac{x^2}{2} + \frac{3^x}{\ln 3} + C$ B. $\int f(x) dx = \frac{x^2}{2} + 3^x \cdot \ln 3 + C$.
 C. $\int f(x) dx = 1 + \frac{3^x}{\ln 3} + C$. D. $\int f(x) dx = x^2 + \frac{3^x}{\ln 3} + C$.

Câu 9. Cho hàm số $f(x)$ thỏa mãn đồng thời các điều kiện $f'(x) = x + \sin x$ và $f(0) = 1$. Tìm $f(x)$

A. $f(x) = \frac{x^2}{2} - \cos x + 2$.

B. $f(x) = \frac{x^2}{2} - \cos x - 2$.

C. $f(x) = \frac{x^2}{2} + \cos x$.

D. $f(x) = \frac{x^2}{2} + \cos x + \frac{1}{2}$.

Câu 10. Tính $\int e^x \left(1 + \frac{e^{-x}}{\sqrt{x}} \right) dx$.

A. $\int e^x \left(1 + \frac{e^{-x}}{\sqrt{x}} \right) dx = e^x + 2\sqrt{x} + C$.

B. $\int e^x \left(1 + \frac{e^{-x}}{\sqrt{x}} \right) dx = e^x - 2\sqrt{x} + C$.

C. $\int e^x \left(1 + \frac{e^{-x}}{\sqrt{x}} \right) dx = e^x + \frac{\sqrt{x}}{2} + C$.

D. $\int e^x \left(1 + \frac{e^{-x}}{\sqrt{x}} \right) dx = \frac{e^{x+1}}{x+1} + 2\sqrt{x} + C$.

Câu 11. Biết $F(x)$ là 1 nguyên hàm của $f(x) = \cos^2 x$ và $F(\pi) = 1$. Tính $F\left(\frac{\pi}{4}\right)$.

A. $F\left(\frac{\pi}{4}\right) = \frac{5}{4} + \frac{3\pi}{8}$.

B. $F\left(\frac{\pi}{4}\right) = \frac{3}{4} - \frac{3\pi}{8}$.

C. $F\left(\frac{\pi}{4}\right) = \frac{5}{4} - \frac{3\pi}{8}$.

D. $F\left(\frac{\pi}{4}\right) = \frac{3}{4} + \frac{3\pi}{8}$

Câu 12. Cho hàm số $f(x)$ thỏa mãn $f'(x) = 2 - 3\cos x$ và $f(0) = 1$. Mệnh đề nào dưới đây là đúng?

A. $f(x) = 1 - 3\sin x$.

B. $f(x) = 2x + 3\sin x + 1$.

C. $f(x) = 2x - 3\sin x - 1$.

D. $f(x) = 2x - 3\sin x + 1$.

Câu 13. Họ nguyên hàm của hàm số $f(x) = x^2 \sqrt{4+x^3}$ là

A. $\frac{2}{9} \sqrt{(4+x^3)^3} + C$.

B. $2\sqrt{4+x^3} + C$.

C. $\frac{1}{9} \sqrt{(4+x^3)^3} + C$.

D. $2\sqrt{(4+x^3)^3} + C$.

Câu 14. Biết $F(x)$ là một nguyên hàm của $f(x) = \frac{1}{x+1}$ và $F(0) = 2$ thì $F(1)$ bằng.

A. $\ln 2$.

B. $2 + \ln 2$.

C. 3 .

D. 4 .

Câu 15. Cho hàm số $f(x)$ thỏa mãn $f'(x) = 3 - 5\cos x$ và $f(0) = 5$. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

A. $f(x) = 3x + 5\sin x + 2$.

B. $f(x) = 3x - 5\sin x - 5$.

C. $f(x) = 3x - 5\sin x + 5$.

D. $f(x) = 3x + 5\sin x + 5$.

Câu 16. Hàm số nào sau đây **không** là một nguyên hàm của $f(x) = \sqrt[3]{x}$ trên $(0; +\infty)$?

A. $F_1(x) = \frac{3\sqrt[3]{x^4}}{4} + 1$.

B. $F_3(x) = \frac{3x\sqrt[3]{x}}{4} + 3$.

C. $F_4(x) = \frac{3}{4}x^{\frac{4}{3}} + 4$.

D. $F_2(x) = \frac{3\sqrt[4]{x^3}}{4} + 2$.

Câu 17. Cho hàm số $f(x)$ xác định trên $\mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{1}{3} \right\}$ thỏa mãn $f'(x) = \frac{3}{3x-1}$, $f(0) = 1$ và $f\left(\frac{2}{3}\right) = 2$. Giá trị của biểu thức $f(-1) + f(3)$ bằng:

- A. $5\ln 2 + 3$. B. $5\ln 2 - 2$. C. $5\ln 2 + 4$. D. $5\ln 2 + 2$.

Câu 18. Khẳng định nào đây sai

- A. $\int \frac{2}{2x+3} dx = \ln|2x+3| + C$. B. $\int \tan x dx = -\ln|\cos x| + C$.
 C. $\int e^{2x} dx = e^{2x} + C$. D. $\int \frac{1}{2\sqrt{x}} dx = \sqrt{x} + C$.

Câu 19. Cho $F(x)$ là một nguyên hàm của hàm số $f(x) = \frac{2x+1}{2x-3}$ thỏa mãn $F(2) = 3$. Tìm $F(x)$.

- A. $F(x) = x + 4\ln|2x-3| + 1$. B. $F(x) = x + 2\ln(2x-3) + 1$.
 C. $F(x) = x + 2\ln|2x-3| + 1$. D. $F(x) = x + 2\ln|2x-3| - 1$.

Câu 20. Họ nguyên hàm của hàm số $f(x) = e^x + e^{-x}$ là

- A. $e^x + e^{-x} + C$. B. $e^x - e^{-x} + C$. C. $e^{-x} - e^x + C$. D. $2e^{-x} + C$.

Câu 21. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A. $\int e^{\frac{x}{2}} dx = 2\sqrt{e^x} + C$. B. $\int \frac{dx}{x} = \ln x + C$.
 C. $\int \frac{dx}{1-x} = \ln|1-x| + C$. D. $\int 2^x dx = 2^x \ln 2 + C$.

Câu 22. Tìm nguyên hàm của hàm số $f(x) = e^{3x} (1 - 3e^{-5x})$.

- A. $\int e^{3x} (1 - 3e^{-5x}) dx = \frac{1}{3}e^{3x} + \frac{3}{2}e^{-2x} + C$. B. $\int e^{3x} (1 - 3e^{-5x}) dx = \frac{1}{3}e^{3x} - \frac{3}{2}e^{-2x} + C$.
 C. $\int e^{3x} (1 - 3e^{-5x}) dx = e^{3x} - 3e^{-2x} + C$. D. $\int e^{3x} (1 - 3e^{-5x}) dx = 3e^{3x} + 6e^{-2x} + C$.

Câu 23. Hàm số $F(x)$ nào bên dưới **không** là nguyên hàm của hàm số $f(x) = \frac{x^2 - 1}{x^2}$.

- A. $F(x) = \frac{x^2 - x + 1}{x}$. B. $F(x) = \frac{x^2 + 1}{x}$.
 C. $F(x) = \frac{x^2 + 2x + 1}{x}$. D. $F(x) = \frac{x^2 - 1}{x}$.

Câu 24. Tính nguyên hàm của hàm số $f(x) = e^x \left(2017 - \frac{2018e^{-x}}{x^5} \right)$.

- A. $\int f(x) dx = 2017e^x + \frac{2018}{x^4} + C$. B. $\int f(x) dx = 2017e^x + \frac{504,5}{x^4} + C$.
 C. $\int f(x) dx = 2017e^x - \frac{504,5}{x^4} + C$. D. $\int f(x) dx = 2017e^x - \frac{2018}{x^4} + C$.

Câu 25. Họ các nguyên hàm của hàm số $y = x(x+1)^5$ là

- A. $\frac{(x+1)^7}{7} + \frac{(x+1)^6}{6} + C$. B. $6(x+1)^5 + 5(x+1)^4 + C$.
 C. $6(x+1)^5 - 5(x+1)^4 + C$. D. $\frac{(x+1)^7}{7} - \frac{(x+1)^6}{6} + C$.

Câu 26. Để hàm số $F(x) = mx^3 + (3m+2)x^2 - 4x + 3$ là một nguyên hàm của hàm số $f(x) = 3x^2 + 10x - 4$ thì giá trị của tham số m là

- A. $m = -1$. B. $m = 2$. C. $m = 0$. D. $m = 1$.

Câu 27. Biết $F(x)$ là một nguyên hàm của $f(x) = e^x$ và $F(1) = e - 1$. Mệnh đề nào sau đây là đúng?

- A. $F(3) = e^2 - 1$. B. $F(2) = e^2 - 1$. C. $F(-1) = e - 1$. D. $F(0) = 1$.

Câu 28. Cho biết $\int \frac{2x-13}{(x+1)(x-2)} dx = a \ln|x+1| + b \ln|x-2| + C$. Mệnh đề nào sau đây đúng?

- A. $a+2b=8$. B. $a+b=8$. C. $2a-b=8$. D. $a-b=8$.

Câu 29. Tính nguyên hàm $I = \int \frac{2x^2-7x+5}{x-3} dx$

- A. $I = x^2 - x + 2 \ln|x-3| + C$. B. $I = x^2 - x - 2 \ln|x-3| + C$.
 C. $I = 2x^2 - x + 2 \ln|x-3| + C$. D. $I = 2x^2 - x - 2 \ln|x-3| + C$.

Câu 30. $F(x)$ là một nguyên hàm của hàm số $f(x) = 3x^2 + \frac{1}{2x+1}$. Biết $F(0) = 0$, $F(1) = a + \frac{b}{c} \ln 3$ trong đó

a, b, c là các số nguyên dương và $\frac{b}{c}$ là phân số tối giản. Khi đó giá trị biểu thức $a+b+c$ bằng.

- A. 4. B. 9. C. 3. D. 12.

TÍCH PHÂN

Câu 31. Giả sử f là hàm số liên tục trên khoảng K và a, b, c là ba số bất kỳ trên khoảng K . Khẳng định nào sau đây sai?

- A. $\int_a^a f(x) dx = 1$. B. $\int_a^b f(x) dx = -\int_b^a f(x) dx$.
 C. $\int_a^c f(x) dx + \int_c^b f(x) dx = \int_a^b f(x) dx$, $c \in (a; b)$. D. $\int_a^b f(x) dx = \int_a^b f(t) dt$.

Câu 32. Cho $I = \int_0^2 f(x) dx = 3$. Khi đó $J = \int_0^2 [4f(x) - 3] dx$ bằng:

- A. 2. B. 6. C. 8. D. 4.

Câu 33. Cho hàm $f(x)$ có đạo hàm liên tục trên $[2; 3]$ đồng thời $f(2) = 2, f(3) = 5$. Tính $\int_2^3 f'(x) dx$ bằng

- A. -3. B. 7. C. 10 D. 3.

Câu 34. Tính tích phân $I = \int_0^2 2^{2018x} dx$.

- A. $I = \frac{2^{4036}-1}{\ln 2}$. B. $I = \frac{2^{4036}-1}{2018}$. C. $I = \frac{2^{4036}}{2018 \ln 2}$. D. $I = \frac{2^{4036}-1}{2018 \ln 2}$.

Câu 35. Cho $\int_a^c f(x) dx = 17$ và $\int_b^c f(x) dx = -11$ với $a < b < c$. Tính $I = \int_a^b f(x) dx$.

- A. $I = -6$. B. $I = 6$. C. $I = 28$. D. $I = -28$.

Câu 36. Cho hàm số $f(x)$ và $F(x)$ liên tục trên \mathbb{R} thỏa $F'(x) = f(x)$, $\forall x \in \mathbb{R}$. Tính $\int_0^1 f(x)dx$ biết $F(0) = 2$ và $F(1) = 5$.

- A. $\int_0^1 f(x)dx = -3$. B. $\int_0^1 f(x)dx = 7$. C. $\int_0^1 f(x)dx = 1$. D. $\int_0^1 f(x)dx = 3$.

Câu 37. Tính tích phân $I = \int_0^1 2e^x dx$.

- A. $I = e^2 - 2e$. B. $I = 2e$. C. $I = 2e + 2$. D. $I = 2e - 2$.

Câu 38. Biết $\int_2^3 \frac{1}{x+1} dx = \ln \frac{m}{n}$ (với m, n là những số thực dương và $\frac{m}{n}$ tối giản), khi đó, tổng $m+n$ bằng
A. 12. B. 7. C. 1. D. 5.

Câu 39. Biết $\int_a^b (2x-1) dx = 1$. Khẳng định nào sau đây là **đúng**?

- A. $b-a=1$. B. $a^2-b^2=a-b-1$. C. $b^2-a^2=b-a+1$. D. $a-b=1$.

Câu 40. Cho a là số thực dương bất kỳ khác 1. Tính $S = \log_a(a^3 \cdot \sqrt[4]{a})$.

- A. $S = \frac{3}{4}$. B. $S = 7$. C. $S = 12$. D. $S = \frac{13}{4}$.

Câu 41. Tích phân $\int_1^2 3^{x-1} dx$ bằng

- A. $\frac{2}{\ln 3}$. B. $2 \ln 3$. C. $\frac{3}{2}$. D. 2.

Câu 42. Tính tích phân $I = \int_0^3 \frac{dx}{x+2}$.

- A. $I = \frac{4581}{5000}$. B. $I = \log \frac{5}{2}$. C. $I = \ln \frac{5}{2}$. D. $I = -\frac{21}{100}$.

Câu 43. Cho $\int_0^1 \left(\frac{1}{x+1} - \frac{1}{x+2} \right) dx = a \ln 2 + b \ln 3$ với a, b là các số nguyên. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A. $a+b=2$. B. $a-2b=0$. C. $a+b=-2$. D. $a+2b=0$.

Câu 44. Biết $\int_3^5 \frac{x^2+x+1}{x+1} dx = a + \ln \frac{b}{2}$ với a, b là các số nguyên. Tính $S = a-2b$.

- A. $S = -2$. B. $S = 5$. C. $S = 2$. D. $S = 10$.

Câu 45. Kết quả của tích phân $\int_0^{\frac{\pi}{2}} (2x-1-\sin x) dx$ được viết ở dạng $\pi \left(\frac{\pi}{a} - \frac{1}{b} \right) - 1$ $a, b \in \mathbb{N}$. Khẳng định nào sau đây là **sai**?

- A. $a+2b=8$. B. $a+b=5$. C. $2a-3b=2$. D. $a-b=2$.

Câu 46. Tìm tất cả các giá trị thực của tham số k để có $\int_1^k (2x-1) dx = 4 \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x+1}-1}{x}$.

- A. $\begin{cases} k=1 \\ k=2 \end{cases}$. B. $\begin{cases} k=1 \\ k=-2 \end{cases}$. C. $\begin{cases} k=-1 \\ k=-2 \end{cases}$. D. $\begin{cases} k=-1 \\ k=2 \end{cases}$.

Câu 47. Cho hàm số $f(x)$ liên tục trên khoảng $(-2; 3)$. Gọi $F(x)$ là một nguyên hàm của $f(x)$ trên khoảng $(-2; 3)$. Tính $I = \int_{-1}^2 [f(x) + 2x] dx$, biết $F(-1) = 1$ và $F(2) = 4$.

- A. $I = 6$. B. $I = 10$. C. $I = 3$. D. $I = 9$.

Câu 48. Biết $\int_0^3 \frac{dx}{(x+2)(x+4)} = a \ln 2 + b \ln 5 + c \ln 7$, ($a, b, c \in \mathbb{Q}$). Giá trị của biểu thức $2a + 3b - c$ bằng

- A. 5. B. 4. C. 2. D. 3.

Câu 49. Cho $\int_{\frac{1}{3}}^1 \frac{x}{3x + \sqrt{9x^2 - 1}} dx = a + b\sqrt{2}$, với a, b là các số hữu tỉ. Khi đó, giá trị của a là:

- A. $-\frac{26}{27}$. B. $\frac{26}{27}$. C. $\frac{27}{26}$. D. $-\frac{25}{27}$.

Câu 50. Cho $f(x), g(x)$ là hai hàm số liên tục trên đoạn $[-1; 1]$ và $f(x)$ là hàm số chẵn, $g(x)$ là hàm số lẻ. Biết $\int_0^1 f(x) dx = 5$; $\int_0^1 g(x) dx = 7$. Mệnh đề nào sau đây là **sai**?

- A. $\int_{-1}^1 f(x) dx = 10$. B. $\int_{-1}^1 [f(x) + g(x)] dx = 10$.
 C. $\int_{-1}^1 [f(x) - g(x)] dx = 10$. D. $\int_{-1}^1 g(x) dx = 14$.

Câu 51. Tìm các số a, b để hàm số $f(x) = a \sin(\pi x) + b$ thỏa mãn $f(1) = 2$ và $\int_0^1 f(x) dx = 4$.

- A. $a = \frac{\pi}{2}, b = 2$. B. $a = -\frac{\pi}{2}, b = 2$. C. $a = -\pi, b = 2$. D. $a = \pi, b = 2$.

Câu 52. Có bao nhiêu giá trị thực của a để có $\int_0^a (2x + 5) dx = a - 4$

- A. 1. B. 0. C. 2. D. Vô số.

Câu 53. Tính $I = \int_0^1 \left(\frac{1}{2x+1} + 3\sqrt{x} \right) dx$.

- A. $2 + \ln \sqrt{3}$. B. $4 + \ln 3$. C. $2 + \ln 3$. D. $1 + \ln \sqrt{3}$.

Câu 54. Cho hàm số $y = f(x) = \begin{cases} \frac{2}{x+1} & \text{khi } 0 \leq x \leq 1 \\ 2x-1 & \text{khi } 1 \leq x \leq 3 \end{cases}$. Tính tích phân $\int_0^3 f(x) dx$.

- A. $6 + \ln 4$. B. $4 + \ln 4$. C. $6 + \ln 2$. D. $2 + 2 \ln 2$.

Câu 55. Cho hàm số $f(x)$ có đạo hàm trên đoạn $[-1; 4]$, $f(4) = 2018$, $\int_{-1}^4 f'(x) dx = 2017$. Tính $f(-1)$?

- A. $f(-1) = -1$. B. $f(-1) = 1$. C. $f(-1) = 3$. D. $f(-1) = 2$.

Câu 56. Cho hàm số $f(x)$ có đạo hàm liên tục trên đoạn $[1;3]$ thỏa mãn $f(1)=2$ và $f(3)=9$. Tính $I = \int_1^3 f'(x) dx$.

- A. $I=11$. B. $I=7$. C. $I=2$. D. $I=18$.

Câu 57. Giả sử $\int_1^2 \frac{1}{2x+1} dx = \ln \sqrt{\frac{a}{b}}$ với $a, b \in \mathbb{Q}^*$ và $a, b < 10$. Tính $M = a+b^2$.

- A. $M=28$. B. $M=14$. C. $M=106$. D. $M=8$.

Câu 58. Biết $I = \int_2^4 \frac{2x+1}{x^2+x} dx = a \ln 2 + b \ln 3 + c \ln 5$, với a, b, c là các số nguyên. Tính $P = 2a+3b+4c$.

- A. $P=-3$. B. $P=3$. C. $P=9$. D. $P=1$.

Câu 59. Cho hàm số $y=f(x)=\begin{cases} 3x^2 & \text{khi } 0 \leq x \leq 1 \\ 4-x & \text{khi } 1 \leq x \leq 2 \end{cases}$. Tính tích phân $\int_0^2 f(x) dx$.

- A. $\frac{7}{2}$. B. 1. C. $\frac{5}{2}$. D. $\frac{3}{2}$.

Câu 60. Cho biết $\int_0^2 f(x) dx = 3$ và $\int_0^2 g(x) dx = -2$. Tính tích phân $I = \int_0^2 [2x+f(x)-2g(x)] dx$.

- A. $I=18$. B. $I=5$. C. $I=11$. D. $I=3$.

Câu 61. Biết $\int_0^1 \frac{2x^2+3x+3}{x^2+2x+1} dx = a - \ln b$ với a, b là các số nguyên dương. Tính $P = a^2 + b^2$.

- A. 13. B. 5. C. 4. D. 10.

Câu 62. Biết rằng $\int_2^3 \frac{x^2-x+1}{x+\sqrt{x-1}} dx = \frac{a-4\sqrt{b}}{c}$, với a, b, c là các số nguyên dương. Tính $T = a+b+c$.

- A. 31. B. 29. C. 33. D. 27.

Câu 63. Cho $\int_0^3 f(x) dx = a$, $\int_2^3 f(x) dx = b$. Khi đó $\int_0^2 f(x) dx$ bằng:

- A. $-a-b$. B. $b-a$. C. $a+b$. D. $a-b$.

Câu 64. Cho $\int_1^2 f(x^2+1) x dx = 2$. Khi đó $I = \int_2^5 f(x) dx$ bằng:

- A. 2. B. 1. C. -1. D. 4.

Câu 65. Biết $\int_{-\frac{\pi}{3}}^{\frac{\pi}{2}} \cos x dx = a + b\sqrt{3}$, với a, b là các số hữu tỉ. Tính $T = 2a+6b$.

- A. $T=3$. B. $T=-1$. C. $T=-4$. D. $T=2$.

Câu 66. Cho $f(x), g(x)$ là hai hàm liên tục trên $[1;4]$ thỏa: $\int_1^4 [f(x)-3g(x)] dx = 10$,

$\int_1^4 [2f(x)+g(x)] dx = 6$. Tính $\int_1^4 [f(x)+g(x)] dx$.

- A. -6. B. 4. C. 2. D. 7.

Câu 67. Cho $\int_1^2 \frac{1}{x^2 + 5x + 6} dx = a \ln 2 + b \ln 3 + c \ln 5$ với a, b, c là các số nguyên. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A. $a + b + c = 4$. B. $a + b + c = -3$. C. $a + b + c = 2$. D. $a + b + c = 6$.

Câu 68. Tính tích phân $I = \int_0^1 \frac{5-2x}{x^2+3x+2} dx$

- A. $7\ln 2 - 9\ln 3$. B. $16\ln 2 - 9\ln 3$. C. $9\ln 3 - 16\ln 2$. D. $9\ln 3 - 6\ln 2$.

Câu 69. Tích phân $\int_0^{\ln 2} \frac{e^{2x+1} + 1}{e^x} dx = e + \frac{a}{b}$, với $a, b \in \mathbb{Q}$, $\frac{a}{b}$ tối giản. Tính tích ab .

- A. 1. B. 2. C. 12. D. 6.

Câu 70. Cho hàm số $f(x)$ thỏa mãn $\int_0^1 (x+1)f'(x) dx = 10$ và $2f(1) - f(0) = 2$. Tính $I = \int_0^1 f(x) dx$.

- A. $I = 1$. B. $I = 8$. C. $I = -12$. D. $I = -8$.

Câu 71. Cho hàm số $f(x)$ liên tục trên \mathbb{R} thỏa $\int_1^4 \frac{f(\sqrt{x})}{\sqrt{x}} dx = 6$ và $\int_0^{\frac{\pi}{2}} f(\sin x) \cos x dx = 3$. Tính tích phân

$$I = \int_0^2 f(x) dx.$$

- A. $I = 9$. B. $I = 3$. C. $I = 6$. D. $I = 15$.

Câu 72. Biết $\int_0^{\frac{\pi}{3}} \frac{1}{\cos^4 x} dx = \frac{a\sqrt{b}}{c}$, trong đó a, b, c là các số tự nhiên đôi một nguyên tố cùng nhau. Khi đó giá trị của $T = 2a^2 - 3b^2 + 4c^2$ bằng bao nhiêu?

- A. $T = -15$. B. $T = 14$. C. $T = -13$. D. $T = 17$.

Câu 73. Cho hàm số $f(x)$ xác định trên $\mathbb{R} \setminus \{0\}$ thỏa mãn $f'(x) = \frac{x+1}{x^2}$, $f(-2) = \frac{3}{2}$ và $f(2) = 2\ln 2 - \frac{3}{2}$.

Giá trị của biểu thức $f(-1) + f(4)$ bằng

- A. $\frac{6\ln 2 - 3}{4}$. B. $\frac{6\ln 2 + 3}{4}$. C. $\frac{8\ln 2 + 3}{4}$. D. $\frac{8\ln 2 - 3}{4}$.

Câu 74. Cho hàm số $f(x)$ liên tục trên \mathbb{R} và có $\int_0^1 f(x) dx = 2$; $\int_0^3 f(x) dx = 6$. Tính $I = \int_{-1}^1 f(|2x-1|) dx$.

- A. $I = \frac{2}{3}$. B. $I = 4$. C. $I = \frac{3}{2}$. D. $I = 6$.

Câu 75. Biết tích phân $\int_0^1 \frac{x}{\sqrt{3x+1} + \sqrt{2x+1}} dx = \frac{a+b\sqrt{3}}{9}$ với a, b là các số thực. Tính tổng $T = a+b$.

- A. $T = -10$. B. $T = -4$. C. $T = 15$. D. $T = 8$.

Câu 76. Tính tích phân $I = \int_1^2 2x\sqrt{x^2-1} dx$, bằng cách đặt $t = x^2 - 1$. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A. $I = 2 \int_0^3 \sqrt{t} dt$. B. $I = \int_1^2 \sqrt{t} dt$. C. $I = \int_0^3 \sqrt{t} dt$. D. $I = \frac{1}{2} \int_1^2 \sqrt{t} dt$.

Câu 77. Biết tích phân $\int_1^2 (x^2 - 1) \ln x dx = a \ln b + c; a, b, c \in \mathbb{Q}$. Khi đó $a + b + c$ bằng bao nhiêu?

- A. $\frac{26}{9}$. B. $\frac{13}{3}$. C. 13. D. 0.

Câu 78. Tính tích phân $I = \int_0^1 \frac{x^2}{\sqrt{4-x^2}} dx$ bằng cách đặt $x = 2 \sin t$. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A. $I = 2 \int_0^{\frac{\pi}{6}} (1 - \cos 2t) dt$. B. $I = 2 \int_0^{\frac{\pi}{6}} (1 + \cos 2t) dt$.
 C. $I = \frac{1}{2} \int_0^{\frac{\pi}{6}} (1 - \cos 2t) dt$. D. $I = 2 \int_0^{\frac{\pi}{2}} (1 - \cos 2t) dt$.

Câu 79. Cho tích phân $I = \int_0^1 (2x+3)e^x dx = a \cdot e + b$, với $a, b \in \mathbb{Q}$. Mệnh đề nào dưới đây là đúng?

- A. $a - b = 2$. B. $a^3 + b^3 = 28$. C. $a + 2b = 1$. D. $ab = 3$.

Câu 80. Cho biết $I = \int_0^1 x^2 \cdot \sqrt{4-2x^2} dx = \frac{a}{b} \pi; a, b \in \mathbb{Q}$. Mệnh đề nào sau đây là đúng?

- A. $\log_a b = 5$. B. $\log_a b = 3$. C. $\log_a b = 4$. D. $\log_a b = 6$.

ỨNG DỤNG CỦA TÍCH PHÂN

Câu 81. Tìm thể tích V của khối tròn xoay được tạo ra khi quay hình thang cong, giới hạn bởi đồ thị hàm số $y = f(x)$, trục Ox và hai đường thẳng $x = a$, $x = b$ ($a < b$), xung quanh trục Ox .

- A. $V = \int_a^b |f(x)| dx$. B. $V = \pi \int_a^b f^2(x) dx$. C. $V = \int_a^b f^2(x) dx$. D. $V = \pi \int_a^b f(x) dx$.

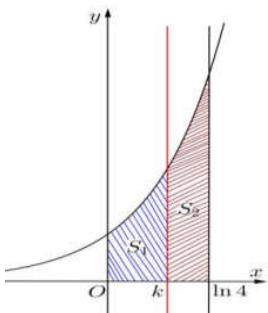
Câu 82. Tính diện tích hình phẳng giới hạn bởi đồ thị hàm số $y = x^4 - 5x^2 + 4$, trục hoành và hai đường thẳng $x = 0, x = 1$.

- A. $\frac{7}{3}$. B. $\frac{8}{5}$. C. $\frac{64}{25}$. D. $\frac{38}{15}$.

Câu 83. Cho hình D giới hạn bởi đường cong $y = \sqrt{x^2 + 1}$, trục hoành và các đường thẳng $x = 0, x = 1$. Khối tròn xoay tạo thành khi quay D quanh trục hoành có thể tích V bằng bao nhiêu?

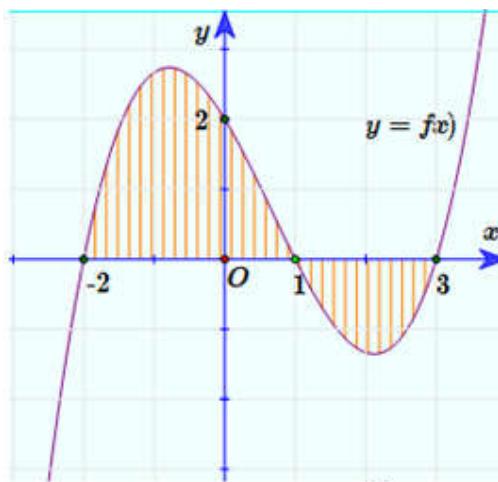
- A. $V = \frac{4}{3}$. B. $V = 2\pi$. C. $V = \frac{4\pi}{3}$. D. $V = 2$.

Câu 84. Cho hình cong (H) giới hạn bởi đường $y = e^x$, trục hoành và các đường thẳng $x = 0$ và $x = \ln 4$. Đường thẳng $x = k$ ($0 < k < \ln 4$) chia (H) thành hai phần có diện tích là S_1 và S_2 như hình vẽ bên. Tìm k để $S_1 = 2S_2$.



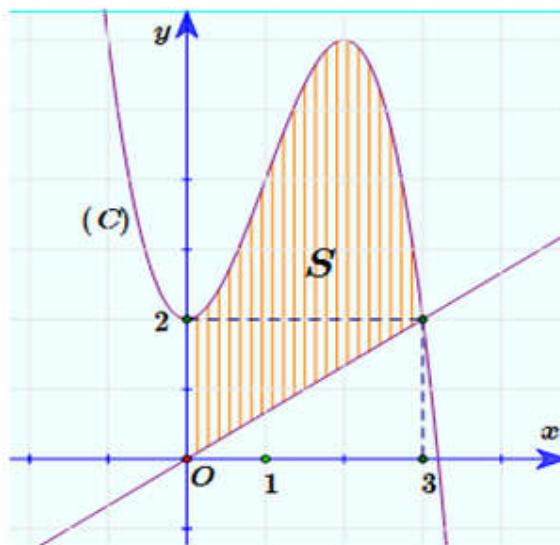
- A. $k = \frac{2}{3} \ln 4.$ B. $k = \ln 2.$
 C. $k = \ln \frac{8}{3}.$ D. $k = \ln 3.$

Câu 85. Cho đồ thị hàm số $y = f(x)$ như hình vẽ. Tính diện tích S của hình phẳng được giới hạn bởi đồ thị và trục $Ox.$ (Phần gạch sọc).



- A. $S = \left| \int_{-2}^3 f(x) dx \right|.$ B. $S = \int_{-2}^3 f(x) dx.$
 C. $S = \int_{-2}^1 f(x) dx - \int_1^3 f(x) dx$ D. $S = \int_{-2}^1 f(x) dx + \int_1^3 f(x) dx.$

Câu 86. Cho hàm số $f(x) = -x^3 + 3x^2 + 2$ có đồ thị (C) như hình vẽ. Tính diện tích S của hình phẳng (phần gạch sọc).



- A. $S = \frac{39}{4}.$ B. $S = \frac{41}{4}.$ C. $S = 10.$ D. $S = 13.$

Câu 87. Diện tích hình phẳng giới hạn bởi các đường $y = x^2 - 1$ và $y = -x^2 + 2x + 3$ **không** được tính bằng công thức nào sau đây?

A. $S = \int_{-1}^{-1} (2x^2 - 2x - 4)dx.$

B. $S = \int_{-1}^2 |2x^2 - 2x - 4| dx.$

C. $S = \int_{-1}^2 |(x^2 - 1) - (-x^2 + 2x + 3)| dx.$

D. $S = \int_{-1}^2 (-x^2 - x + 2)dx.$

Câu 88. Tính diện tích hình phẳng giới hạn bởi Parabol $y = \frac{x^2}{2}$ và đường tròn tâm O (góc tọa độ), bán kính $R = 2\sqrt{2}$ được kết quả là $S = a\pi + b; a, b \in \mathbb{Q}$. Mệnh đề nào sau đây là đúng?

A. $a + b = 5.$

B. $ab = \frac{8}{3}.$

C. $a + 3b = \frac{7}{2}.$

D. $a^2 - b = \frac{1}{2}.$

Câu 89. Diện tích hình phẳng giới hạn bởi đồ thị hàm số $y = x^3 - 6x^2 + 9x$, trực tung và tiếp tuyến tại điểm có hoành độ thỏa mãn $y'' = 0$ được tính bằng công thức nào sau đây?

A. $\int_0^2 (-x^3 + 6x^2 - 12x + 8)dx.$

B. $\int_0^3 (-x^3 + 6x^2 - 10x + 5)dx.$

C. $\int_0^2 (x^3 - 6x^2 + 12x - 8)dx.$

D. $\int_0^3 (x^3 - 6x^2 + 10x - 5)dx.$

Câu 90. Thể tích vật thể tròn xoay sinh ra khi quay hình phẳng được giới hạn bởi các đường $y = x^2 e^{\frac{x}{2}}$, $x=1$, $x=2$, $y=0$, quanh trục hoành là $V = \pi(ae^2 + be)$. Khi đó, $a+b$ bằng bao nhiêu?

A. 0.

B. 2.

C. 1.

D. -2.

Câu 91. Thể tích V của khối tròn xoay sinh ra khi quay hình phẳng (H), giới hạn bởi đồ thị hàm số $y = \frac{x-1}{x+1}$ và các trực tọa độ, quanh trục Ox được tính bằng công thức $V = \pi(a + b \ln c); a, b, c \in \mathbb{Q}$. Mệnh đề nào sau đây là đúng?

A. $3a + 2b + c = 11.$ B. $3a + 2b + c = 3.$ C. $3a + 2b + c = 5.$ D. $3a + 2b + c = -27.$

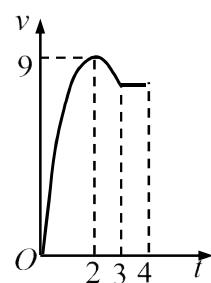
Câu 92. Một vật chuyển động trong 4 giờ với vận tốc v (km/h) phụ thuộc thời gian t (h) có đồ thị vận tốc như hình bên. Trong khoảng thời gian 3 giờ kể từ khi bắt đầu chuyển động, đồ thị đó là một phần của đường parabol có đỉnh $I(2; 9)$ với trực đối xứng song song với trực tung, khoảng thời gian còn lại đồ thị là một đoạn thẳng song song với trực hoành. Tính quãng đường s mà vật di chuyển được trong 4 giờ đó

A. $26,5(\text{km}).$

B. $28,5(\text{km}).$

C. $27(\text{km}).$

D. $24(\text{km}).$



Câu 93. Cho hình (H) giới hạn bởi các đường $y = \sqrt{x}$, $x = 4$ và trực hoành. Quay hình (H) quanh trục Ox ta được khối tròn xoay có thể tích là bao nhiêu?

A. $\frac{15\pi}{2}.$

B. $\frac{14\pi}{3}.$

C. $8\pi.$

D. $\frac{16\pi}{3}.$

Câu 94. Một vật đang chuyển động với vận tốc 10 m/s thì tăng tốc với gia tốc $a(t) = t^2 + 3t (\text{m/s}^2)$. Quãng đường vật đi được trong khoảng thời gian 10 giây kể từ lúc bắt đầu tăng tốc bao nhiêu?

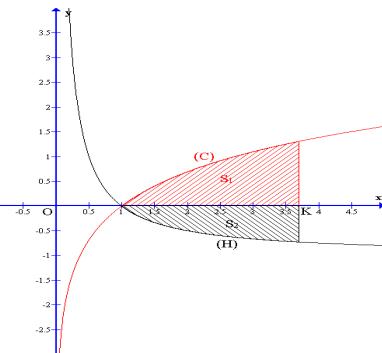
A. $\frac{4000}{3} \text{ m}.$

B. $\frac{4300}{3} \text{ m}.$

C. $\frac{1900}{3} \text{ m}.$

D. $\frac{2200}{3} \text{ m}.$

Câu 95. Gọi S_1 là diện tích hình phẳng giới hạn bởi các đường (C) : $y = \ln x$; Ox ; $x = k$ và S_2 là diện tích hình phẳng giới hạn bởi các đường (H) : $y = -1 + \frac{1}{x}$; Ox ; $x = k$ với $k > 1$ như hình vẽ bên. Biết rằng $S_1 - S_2 = 4$. Tìm k .

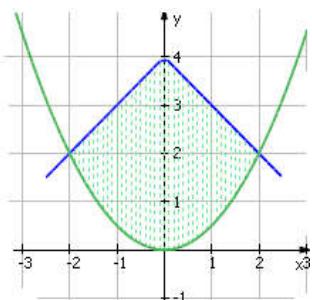


- A. $k = e^2$. B. $k = 2e$.
C. $k = 2^e$. D. $k = e + 2$.

Câu 96. Cho hình phẳng D giới hạn bởi đường cong $y = \sqrt{2 + \sin x}$, trục hoành và các đường thẳng $x = 0, x = \pi$. Khối tròn xoay tạo thành khi quay D quanh trục hoành có thể tích V bằng bao nhiêu?

- A. $V = 2(\pi + 1)$. B. $V = 2\pi(\pi + 1)$.
C. $V = 2\pi^2$. D. $V = 2\pi$.

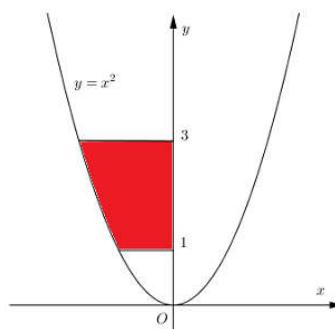
Câu 97. Diện tích hình phẳng giới hạn bởi đường thẳng $y = 4 - |x|$ và parabol $y = \frac{x^2}{2}$.



- A. $\frac{28}{3}$. B. $\frac{25}{3}$.
C. $\frac{22}{3}$. D. $\frac{26}{3}$.

Câu 98. Tính diện tích hình phẳng được đánh dấu trên hình bên

- A. $S = \frac{26}{3}$. B. $S = \frac{28}{3}$.
C. $S = 2\sqrt{3} - \frac{2}{3}$. D. $S = 3\sqrt{2} - \frac{1}{3}$.



Câu 99. Tính thể tích khối tròn xoay tạo nên do quay quanh trục Ox hình phẳng giới hạn bởi các đường $y = 1 - x^2$, $y = 0$, $x = 0$ và $x = 2$.

A. $\frac{8\pi\sqrt{2}}{3}$.

B. $\frac{46\pi}{15}$.

C. 2π .

D. $\frac{5\pi}{2}$.

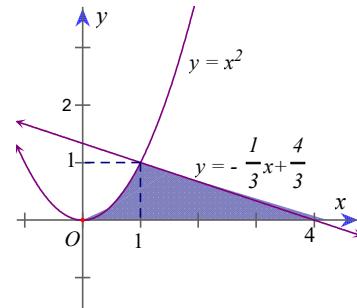
Câu 100. Tính diện tích hình phẳng giới hạn bởi các đường $y = x^2$, $y = -\frac{1}{3}x + \frac{4}{3}$ và trục hoành như hình vẽ.

A. $\frac{7}{3}$.

B. $\frac{56}{3}$.

C. $\frac{39}{2}$.

D. $\frac{11}{6}$.



SỐ PHÚC

Câu 1. Cho số phức $z \in \mathbb{C}$ thỏa mãn $|z| = 4$. Biết tập hợp các điểm biểu diễn cho số phức $w = (3+4i)z + i$ là đường tròn I , bán kính R . Khi đó.

- A. $I(0;1)$, $R = 2\sqrt{5}$. B. $I(1;0)$, $R = 20$. C. $I(0;1)$, $R = 20$. D. $I(1;-2)$, $R = 22$.

Câu 2. Phần thực và phần ảo của số phức $z = 1 + 2i$

- A. 1 và 2. B. 2 và 1. C. 1 và $2i$. D. 1 và i .

Câu 3. Cho số phức $z = 1 + 3i$. Số phức z^2 có phần thực là

- A. -8. B. 10. C. $8 + 6i$. D. $-8 + 6i$.

Câu 4. Phần thực của số phức $z = \frac{3-4i}{4-i}$ bằng

- A. $\frac{16}{17}$. B. $\frac{3}{4}$. C. $-\frac{13}{17}$. D. $-\frac{3}{4}$.

Câu 5. Phần ảo của số phức $z = \frac{(1-2i)^2}{(3+i)(2+i)}$ là

- A. $-\frac{1}{10}$. B. $-\frac{7}{10}$. C. $-\frac{i}{10}$. D. $\frac{7}{10}$.

Câu 6. Tìm $|z|$ biết $z = (1+2i)(1-i)^2$?

- A. $2\sqrt{5}$. B. $2\sqrt{3}$. C. $5\sqrt{2}$. D. 20.

Câu 7. Cho $z = \frac{2}{1+i\sqrt{3}}$. Số phức liên hợp của z là

- A. $\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$. B. $\frac{1}{4} + \frac{\sqrt{3}}{4}i$. C. $\frac{1}{4} - \frac{\sqrt{3}}{4}i$. D. $\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i$.

Câu 8. Cho số phức $z = \frac{1+i}{1-i} + \frac{1-i}{1+i}$. Trong các kết luận sau kết luận nào **sai**?

- A. $z \in \mathbb{R}$. B. z là số thuần ảo.
C. Môđun của z bằng 1. D. z có phần thực và phần ảo đều bằng 0.

Câu 9. Cho số phức $z = m + ni \neq 0$. Số phức $\frac{1}{z}$ có phần thực là

- A. $\frac{m}{m^2 - n^2}$. B. $-\frac{n}{m^2 - n^2}$. C. $\frac{m}{m^2 + n^2}$. D. $-\frac{n}{m^2 + n^2}$.

Câu 10. Cho số phức z , Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào **sai**?

- A. $|z| = |\bar{z}|$. B. $z + \bar{z}$ là một số thuần ảo.
C. $z \bar{z}$ là một số thực. D. Môđun số phức z là một số thực dương.

Câu 11. Cho số phức $z = x + yi$. Số phức z^2 có phần thực là

- A. $x^2 + y^2$. B. $x^2 - y^2$. C. x^2 . D. $2xy$.

Câu 12. Cho số phức z thỏa mãn $(1+i)^2(2-i)z = 8+i+(1+2i)z$. Phần thực và phần ảo của số phức z lần lượt là:

- A. 2;3. B. 2;-3. C. -2;3. D. -2;-3.

Câu 13. Tính $z = \frac{1+i^{2017}}{2+i}$.

- A. $\frac{3}{5} + \frac{1}{5}i$. B. $\frac{1}{5} - \frac{3}{5}i$. C. $\frac{1}{5} + \frac{3}{5}i$. D. $\frac{3}{5} - \frac{1}{5}i$.

Câu 14. Trên tập số phức, tính $\frac{1}{i^{2017}}$

- A. i . B. $-i$. C. 1. D. -1.

Câu 15. Tổng $i^k + i^{k+1} + i^{k+2} + i^{k+3}$ bằng:

- A. i . B. $-i$. C. 1. D. 0.

Câu 16. Phần thực và phần ảo của số phức $z = \frac{i^{2012} + i^{2013} + i^{2014} + i^{2015} + i^{2016}}{i^{2017} + i^{2018} + i^{2019} + i^{2020} + i^{2021}}$ lần lượt là:

- A. 0;-1. B. 1;0. C. -1;0. D. 0;1.

Câu 17. Số phức z thỏa mãn $z + 2(z + \bar{z}) = 2 - 6i$ có phần thực là

- A. -6. B. $\frac{2}{5}$. C. -1. D. $\frac{3}{4}$.

Câu 18. Cho số phức z thỏa mãn điều kiện $2z + 3(1-i)\bar{z} = 1 - 9i$. Môđun của z bằng:

- A. $\sqrt{13}$. B. $\sqrt{82}$. C. $\sqrt{5}$. D. 13.

Câu 19. Phần thực của số phức $(1+i)^2(2-i)z = 8+i+(1+2i)z$ là

A. -6.

B. -3.

C. 2.

D. -1.

Câu 20. Cho số phức $z = 6 + 7i$. Số phức liên hợp của z có điểm biểu diễn là:

A. $(6; 7)$.

B. $(6; -7)$.

C. $(-6; 7)$.

D. $(-6; -7)$.

Câu 21. (Đề thi chính thức THPT QG năm 2017) Cho số phức $z = 1 - 2i$. Điểm nào dưới đây là điểm biểu diễn của số phức $w = iz$ trên mặt phẳng tọa độ?

A. $Q(1; 2)$

B. $N(2; 1)$

C. $M(1; -2)$

D. $P(-2; 1)$

Câu 22. (Vận dụng) Cho số phức z thỏa mãn điều kiện $|z - 3 + 4i| \leq 2$. Trong mặt phẳng Oxy tập hợp điểm biểu diễn số phức $w = 2z + 1 - i$ là hình tròn có diện tích

A. $S = 9\pi$.

B. $S = 12\pi$.

C. $S = 16\pi$.

D. $S = 25\pi$.

Câu 23. Điểm biểu diễn hình học của số phức $z = a + ai$ nằm trên đường thẳng:

A. $y = x$

B. $y = 2x$

C. $y = -x$

D. $y = -2x$

Câu 24. Gọi A là điểm biểu diễn của số phức $5 + 8i$ và B là điểm biểu diễn của số phức $-5 + 8i$. Chọn mệnh đề đúng trong các mệnh đề sau

A. Hai điểm A và B đối xứng với nhau qua trực hoành.

B. Hai điểm A và B đối xứng với nhau qua trực tung.

C. Hai điểm A và B đối xứng với nhau qua gốc toạ độ O .

D. Hai điểm A và B đối xứng với nhau qua đường thẳng $y = x$.

Câu 25. Điểm M biểu diễn số phức $z = \frac{3+4i}{i^{2019}}$ có tọa độ là

A. $M(4; -3)$

B. $M(3; -4)$

C. $M(3; 4)$

D. $M(-4; 3)$

Câu 26. Trong mặt phẳng phức, gọi A, B, C lần lượt là các điểm biểu diễn của các số phức $z_1 = -1 + 3i$, $z_2 = 1 + 5i$, $z_3 = 4 + i$. Số phức với điểm biểu diễn D sao cho tứ giác $ABCD$ là một hình bình hành là:

A. $2 + 3i$.

B. $2 - i$.

C. $2 + 3i$.

D. $3 + 5i$.

Câu 27. Gọi z_1 và z_2 là các nghiệm phức của phương trình $z^2 - 4z + 9 = 0$. Gọi M, N là các điểm biểu diễn của z_1 và z_2 trên mặt phẳng phức. Khi đó độ dài của MN là:

A. $MN = 4$.

B. $MN = 5$.

C. $MN = -2\sqrt{5}$.

D. $MN = 2\sqrt{5}$.

Câu 28. Gọi z_1 và z_2 là các nghiệm của phương trình $z^2 - 4z + 9 = 0$. Gọi M, N, P lần lượt là các điểm biểu diễn của z_1, z_2 và số phức $k = x + yi$ trên mặt phẳng phức. Khi đó tập hợp điểm P trên mặt phẳng phức để tam giác MNP vuông tại P là:

A. đường thẳng có phương trình $y = x - \sqrt{5}$.

B. là đường tròn có phương trình $x^2 - 2x + y^2 - 8 = 0$.

C. là đường tròn có phương trình $x^2 - 2x + y^2 - 8 = 0$, nhưng không chứa M, N .

D. là đường tròn có phương trình $x^2 - 4x + y^2 - 1 = 0$, nhưng không chứa M, N .

Câu 29. Biết $|z - i| = |(1+i)z|$, tập hợp điểm biểu diễn số phức z có phương trình

A. $x^2 + y^2 + 2y + 1 = 0$.

B. $x^2 + y^2 - 2y + 1 = 0$.

C. $x^2 + y^2 + 2y - 1 = 0$.

D. $x^2 y^2 - 2y - 1 = 0$.

Câu 30. Trong mặt phẳng tọa độ Oxy , tập hợp điểm biểu diễn số phức z thỏa mãn $|z - 1| = |(1+i)z|$ là:

A. Đường tròn có tâm $I(0; -1)$, bán kính $r = \sqrt{2}$

B. Đường tròn có tâm $I(0; 1)$, bán kính $r = \sqrt{2}$

C. Đường tròn có tâm $I(1;0)$, bán kính $r = \sqrt{2}$

D. Đường tròn có tâm $I(-1;0)$, bán kính $r = \sqrt{2}$

Câu 31. Gọi A, B, C lần lượt là các điểm biểu diễn cho các số phức $z_1 = -1 + 3i; z_2 = -3 - 2i; z_3 = 4 + i$. Chọn kết luận sai:

A. Tam giác ABC vuông cân.

B. Tam giác ABC cân.

C. Tam giác ABC vuông.

D. Tam giác ABC đều.

Câu 32. Gọi z_1 và z_2 là các nghiệm của phương trình $z^2 - 2z + 5 = 0$. Tính $P = z_1^4 + z_2^4$

A. -14.

B. 14.

C. $-14i$.

D. $14i$.

Câu 33. Gọi z_1, z_2 là 2 nghiệm phức của phương trình $z^2 + 2z + 5 = 0$. Giá trị của $A = |z_1|^2 + |z_2|^2$

A. 6.

B. 8.

C. 10.

D. $\sqrt{10}$

Câu 34. Gọi z_1 là nghiệm phức có phần ảo âm của phương trình $z^2 + 2z + 3 = 0$. Tọa độ điểm M biểu diễn số phức z_1 là:

A. $M(-1; 2)$.

B. $M(-1; -2)$.

C. $M(-1; -\sqrt{2})$.

D. $M(-1; -\sqrt{2}i)$.

Câu 35. Gọi z_1 và z_2 lần lượt là nghiệm của phương trình: $z^2 - 2z + 5 = 0$. Tính $F = |z_1| + |z_2|$

A. $2\sqrt{5}$.

B. 10.

C. 3.

D. 6.

Câu 36. Nghiệm của phương trình $z^4 - z^2 - 2 = 0$ là

A. $2; -1$.

B. $\pm\sqrt{2}; \pm i$.

C. $\pm 1; \pm i\sqrt{2}$.

D. $2, \pm i$.

Câu 37. Cho số phức $z = 3 + 4i$ và \bar{z} là số phức liên hợp của z . Phương trình bậc hai nhận z và \bar{z} làm nghiệm là

A. $z^2 - 6z + 25 = 0$.

B. $z^2 + 6z - 25 = 0$.

C. $z^2 - 6z + \frac{3}{2}i = 0$.

D. $z^2 - 6z + \frac{1}{2} = 0$.

Câu 38. Trong \mathbb{C} , Phương trình $z^3 + 1 = 0$ có nghiệm là

A. -1.

B. $-1; \frac{1 \pm i\sqrt{3}}{2}$.

C. $-1; \frac{5 \pm i\sqrt{3}}{4}$.

D. $-1; \frac{2 \pm i\sqrt{3}}{2}$.

Câu 39. Trong \mathbb{C} , phương trình $z^4 - 1 = 0$ có nghiệm là

A. $\begin{cases} z = \pm 2 \\ z = \pm 2i \end{cases}$.

B. $\begin{cases} z = \pm 3 \\ z = \pm 4i \end{cases}$.

C. $\begin{cases} z = \pm 1 \\ z = \pm i \end{cases}$.

D. $\begin{cases} z = \pm 1 \\ z = \pm 2i \end{cases}$.

Câu 40. Trong \mathbb{C} , biết z_1, z_2 là nghiệm của phương trình $z^2 - \sqrt{3}z + 1 = 0$. Khi đó, tổng bình phương của hai nghiệm có giá trị bằng:

A. 0.

B. 1.

C. $\sqrt{3}$.

D. $2\sqrt{3}$.

Câu 41. Tìm số phức z thỏa mãn: $|z - (2+i)| = \sqrt{10}$ và $z\bar{z} = 25$.

A. $z = 3 + 4i$ hoặc $z = 5$.

B. $z = -3 + 4i$ hoặc $z = -5$.

C. $z = 3 - 4i$ hoặc $z = 5$.

D. $z = 4 + 5i$ hoặc $z = 3$.

Câu 42. Phương trình $iz + 2 - i = 0$ (với i là đơn vị) có nghiệm là:

A. $1+i$.

B. $1+2i$.

C. $1-2i$.

D. $1-i$.

Câu 43. Các căn bậc hai của số phức $1 + 4\sqrt{3}i$ là:

- A. $\pm\sqrt{3}(2-i)$. B. $\pm(2-i\sqrt{3})$. C. $\pm(2+i\sqrt{3})$. D. $\pm\sqrt{3}(2+i)$.

Câu 44. Phương trình $z + \frac{1}{z} = \sqrt{2}$ có nghiệm là:

- A. $\frac{\sqrt{2}}{2}(1\pm i)$. B. $-\frac{\sqrt{2}}{2}(1\pm i)$. C. $\frac{1}{2}(1\pm i)$. D. $-\frac{1}{2}(1\pm i)$.

Câu 45. Phương trình $z^4 + 4 = 0$ có nghiệm là:

- A. $\pm(1+i)$ và $\pm(1-i)$. B. $\pm(1+i)$ và $\pm(2-i)$.
C. $\pm(2+i)$ và $\pm(1-i)$. D. $\pm(2+i)$ và $\pm(2-i)$.

Câu 46. Các căn bậc hai của số phức $1+4\sqrt{3}i$ là:

- A. $\pm\sqrt{3}(2-i)$. B. $\pm(2-i\sqrt{3})$. C. $\pm(2+i\sqrt{3})$. D. $\pm\sqrt{3}(2+i)$.

Câu 47. Phương trình $z + \frac{1}{z} = \sqrt{2}$ có nghiệm là:

- A. $\frac{\sqrt{2}}{2}(1\pm i)$. B. $-\frac{\sqrt{2}}{2}(1\pm i)$. C. $\frac{1}{2}(1\pm i)$. D. $-\frac{1}{2}(1\pm i)$.

Câu 48. Phương trình $z^4 + 4 = 0$ có nghiệm là:

- A. $\pm(1+i)$ và $\pm(1-i)$. B. $\pm(1+i)$ và $\pm(2-i)$.
C. $\pm(2+i)$ và $\pm(1-i)$. D. $\pm(2+i)$ và $\pm(2-i)$.

Câu 49. Gọi A, B, C, D lần lượt là các điểm biểu diễn cho các số phức $z_1 = 7 - 3i$, $z_2 = 8 + 4i$, $z_3 = 1 + 5i$,

$z_4 = -2i$. Tứ giác $ABCD$ là

- A. là hình vuông. B. là hình thoi.
C. là hình chữ nhật. D. là hình bình hành.

Câu 50. Trong \square , phương trình $(iz)(\bar{z} - 2 + 3i) = 0$ có nghiệm là:

- A. $\begin{cases} z=0 \\ z=2-3i \end{cases}$. B. $\begin{cases} z=0 \\ z=5+3i \end{cases}$. C. $\begin{cases} z=0 \\ z=2+3i \end{cases}$. D. $\begin{cases} z=0 \\ z=2-5i \end{cases}$.

PHẦN HÌNH HỌC

A. TỌA ĐỘ

- Câu 1.** Cho véc tơ $\overrightarrow{AO} = 3(\vec{i} + 4\vec{j}) - 2\vec{k} + 5\vec{j}$. Tọa độ của điểm A là:
 A. (3; -2; 5). B. (-3; -17; 2). C. (3; 17; -2). D. (3; 5; -2).
- Câu 2.** Cho $\vec{m} = (1; 0; -1)$, $\vec{n} = (0; 1; 1)$. Kết luận nào sai?
 A. $\vec{m} \cdot \vec{n} = -1$ B. $[\vec{m}, \vec{n}] = (1; -1; 1)$ C. \vec{m} và \vec{n} không cùng phương. D. Góc của \vec{m} và \vec{n} là 60° .
- Câu 3.** Cho \vec{a} và \vec{b} tạo với nhau một góc $\frac{2\pi}{3}$. Biết $|\vec{a}| = 3$, $|\vec{b}| = 5$ thì $|\vec{a} - \vec{b}|$ bằng:
 A. 6. B. 5. C. 4. D. 7.
- Câu 4.** Cho 2 véc tơ $\vec{a} = (1; m; -1)$, $\vec{b} = (2; 1; 3)$. $\vec{a} \perp \vec{b}$ khi:
 A. $m = -1$. B. $m = 1$. C. $m = 2$. D. $m = -2$.
- Câu 5.** Cho $\vec{u} = (4; 3; 4)$, $\vec{v} = (2; -1; 2)$, $\vec{w} = (1; 2; 1)$. Khi đó $[\vec{u}, \vec{v}] \cdot \vec{w}$ là:
 A. 2. B. 3. C. 0. D. 1.
- Câu 6.** Cho ba véc tơ $\vec{a}(0; 1; -2)$, $\vec{b}(1; 2; 1)$, $\vec{c}(4; 3; m)$. Để ba véc tơ trên đồng phẳng thì m bằng:
 A. 14. B. 5. C. -7. D. 7.
- Câu 7.** Cho 3 véc tơ $\vec{a}(-1; 1; 0)$, $\vec{b}(1; 1; 0)$, $\vec{c}(1; 1; 1)$. Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào sai:
 A. $|\vec{a}| = \sqrt{2}$. B. $|\vec{c}| = \sqrt{3}$. C. $\vec{a} \perp \vec{b}$. D. $\vec{b} \perp \vec{c}$.
- Câu 8.** Cho 3 điểm M(2; 3; -1), N(-1; 1; 1), P(1; m - 1; 2). Tìm m để ΔMNP vuông tại N?
 A. 3. B. 2. C. 1. D. 0.
- Câu 9.** Cho $\vec{a}(-1; 1; 0)$, $\vec{b}(1; 1; 0)$, $\vec{c}(1; 1; 1)$. Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào đúng:
 A. $\vec{a} \cdot \vec{c} = 1$. B. $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ đồng phẳng. C. $\cos(\vec{b}, \vec{c}) = \frac{2}{\sqrt{6}}$. D. $\vec{a} + \vec{b} + \vec{c} = \vec{0}$.
- Câu 10.** Cho $\vec{a}(3; 2; 1)$, $\vec{b}(-2; 0; 1)$. Độ dài của véc tơ $\vec{a} + \vec{b}$ bằng:
 A. 1. B. 2. C. 3. D. $\sqrt{2}$.
- Câu 11.** Cho $\vec{a}(3; -2; 4)$, $\vec{b}(5; 1; 6)$, $\vec{c}(-3; 0; 2)$. Tìm \vec{x} để \vec{x} đồng thời vuông góc với \vec{a} , \vec{b} , \vec{c} :
 A. (0; 0; 1). B. (0; 0; 0). C. (0; 1; 0). D. (1; 0; 0).
- Câu 12.** Cho điểm M(3; 1; -2). Điểm N đối xứng với M qua trục Ox có tọa độ là:
 A. (-3; 1; 2). B. (-3; -1; -2). C. (3; 1; 0). D. (3; -1; 2).
- Câu 13.** Cho ba điểm (1; 2; 0), (2; 3; -1), (-2; 2; 3). Trong các điểm A(-1; 3; 2), B(-3; 1; 4), C(0; 0; 1) thì điểm nào tạo với ba điểm ban đầu thành hình bình hành?
 A. Cả A và B. B. Chỉ có điểm C. C. Chỉ có điểm A. D. Cả B và C.
- Câu 14.** Cho A(4; 2; 6), B(10; -2; 4), C(4; -4; 0), D(-2; 0; 2) thì tứ giác ABCD là hình:
 A. Bình hành. B. Vuông. C. Chữ nhật. D. Thoi.
- Câu 15.** Cho ΔABC biết A(-1; 0; 2), B(1; 3; -1), C(2; 2; 2). khẳng định nào sai?
 A. Điểm $G\left(\frac{2}{3}; \frac{5}{3}; 1\right)$ là trọng tâm của tam giác ABC. B. $AB = \sqrt{2}BC$.
 C. Điểm $M\left(0; \frac{3}{2}; \frac{1}{2}\right)$ là trung điểm của cạnh AB. D. $AC < BC$.
- Câu 16.** Cho ΔABC với A(-3; 2; -7), B(2; 2; -3), C(-3; 6; -2). Tìm trọng tâm của tam giác ABC:
 A. (-4; 10; -12). B. $\left(\frac{4}{3}; -\frac{10}{3}; 4\right)$. C. (4; -10; 12). D. $\left(-\frac{4}{3}; \frac{10}{3}; -4\right)$.
- Câu 17.** Cho A(1; 0; 0), B(0; 1; 0), C(0; 0; 1), D(1; 1; 1). Tìm trọng tâm G của tứ diện ABCD.
 A. $\left(\frac{1}{2}; \frac{1}{2}; \frac{1}{2}\right)$. B. $\left(\frac{1}{3}; \frac{1}{3}; \frac{1}{3}\right)$. C. $\left(\frac{2}{3}; \frac{2}{3}; \frac{2}{3}\right)$. D. $\left(\frac{1}{4}; \frac{1}{4}; \frac{1}{4}\right)$.
- Câu 18.** Cho 3 điểm A(2; -1; 5), B(5; -5; 7) và M(x; y; 1). Tìm x, y để A, B, M thẳng hàng?
 A. x = 4, y = 7. B. x = -4, y = -7. C. x = 4, y = -7. D. x = -4, y = 7.
- Câu 19.** Cho A(0; 2; -2), B(-3; 1; -1), C(4; 3; 0), D(1; 2; m). Tìm m để A, B, C, D đồng phẳng:

- A. -5. B. -1. C. 1. D. 5.

Câu 20. Cho 3 điểm $A(2; 5; -1)$, $B(2; 2; 3)$, $C(-3; 2; 3)$. Mệnh đề nào sau đây sai?

- A. ΔABC đều. B. A, B, C không thẳng hàng. C. ΔABC vuông. D. ΔABC cân tại B.

Câu 21. Cho 4 điểm $A(1; 0; 0)$, $B(0; 1; 0)$, $C(0; 0; 1)$, $D(1; 1; 1)$. Mệnh đề nào sai?

- A. 4 điểm A, B, C, D tạo thành 1 tứ diện. B. ΔABD đều. C. $AB \perp CD$. D. $\Delta ABCD$ vuông.

Câu 22. Cho 4 điểm $A(-1; 1; 1)$, $B(5; 1; -1)$, $C(2; 5; 2)$, $D(0; -3; 1)$. Nhận xét nào đúng?

B. PHƯƠNG TRÌNH MẶT PHẲNG.

Câu 1. Véc tơ nào sau đây là véc tơ pháp tuyến của mặt phẳng (P): $4x - 3y + 1 = 0$.

- A. $(4; -3; 0)$. B. $(4; -3; 1)$. C. $(4; -3; -1)$. D. $(-3; 4; 0)$.

Câu 2. Phương trình mặt phẳng (P) chứa điểm $M(-1; 2; 0)$ và có véc tơ pháp tuyến $\vec{n}(4; 0; -5)$ là:

- A. $4x - 5y - 4 = 0$. B. $4x - 5z - 4 = 0$. C. $4x - 5y + 4 = 0$. D. $4x - 5z + 4 = 0$.

Câu 3. Mặt phẳng song song với hai đường thẳng $\Delta_1: \frac{x-2}{2} = \frac{y+1}{-3} = \frac{z}{4}$, $\Delta_2: \begin{cases} x = 2 + t \\ y = 3 + 2t \\ z = 1 - t \end{cases}$ có một véc tơ pháp tuyến là:

- A. $\vec{n}(-5; 6; -7)$. B. $\vec{n}(5; -6; 7)$. C. $\vec{n}(-5; -6; 7)$. D. $\vec{n}(-5; 6; 7)$.

Câu 4. Cho A(0; 1; 2) và 2 đường thẳng d: $\frac{x}{2} = \frac{y-1}{1} = \frac{z+1}{-1}$, d': $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = -1 - 2t \\ z = 2 + t \end{cases}$. Viết phương trình mặt phẳng (P) đi qua A đồng thời song song với d và d'.

- A. $x + 3y + 5z - 13 = 0$. B. $2x + 6y + 10z - 11 = 0$.
 C. $2x + 3y + 5z - 13 = 0$. D. $x + 3y + 5z + 13 = 0$.

Câu 5. Cho hai điểm $M(1; -2; -4)$, $M'(5; -4; 2)$. Biết M' là hình chiếu vuông góc của M lên mặt phẳng (α) . Khi đó, (α) có phương trình là:

- A. $2x - y + 3z + 20 = 0$ B. $2x + y - 3z - 20 = 0$ C. $2x - y + 3z - 20 = 0$ D. $2x + y - 3z + 20 = 0$

Câu 6. Cho điểm $A(0; 0; 3)$, $B(-1; -2; 1)$, $C(-1; 0; 2)$. Cho các nhận xét:

- (1) Ba điểm A, B, C thẳng hàng.
 - (2) Tồn tại duy nhất một mặt phẳng đi qua ba điểm A, B, C.
 - (3) Tồn tại vô số mặt phẳng đi qua ba điểm A, B, C.
 - (4) A, B, C tạo thành ba đỉnh một tam giác.
 - (5) Độ dài chân đường cao kẻ từ A là $\frac{3\sqrt{5}}{5}$.
 - (6) Phương trình mặt phẳng (A, B, C) là $2x + y - 2z + 6 = 0$.
 - (7) Mặt phẳng (ABC) có véc tơ pháp tuyến là $(2; 1; -2)$.

Có bao nhiêu nhận xét đúng?

- A. 5. B. 2. C. 4. D. 3.

7. Cho hai điểm $A(-2; 0; 1)$, $B(4; 2; 5)$. Phương trình mặt phẳng trung trực của

- A. $3x + y + 2z - 10 = 0$. B. $3x + y + 2z + 10 = 0$.

C. $3x + y - 2z - 10 = 0$. D. $3x - y + 2z - 10 = 0$.

8. Cho (Q): $3x - y - 2z + 1 = 0$. (P) song song với (Q), chứa A(0; 0; 1) có p

- A. $3x - y - 2z + 2 = 0$. B. $3x - y - 2z - 2 = 0$.

C. $3x - y - 2z + 3 = 0$. D. $3x - y - 2z + 5 = 0$.

9. Mặt phẳng (P) song song với (Oxy) và đi qua điểm $A(1; -2; 1)$ có phương trình là:

Câu 10. Cho hai mặt phẳng (α): $3x - 2y + 2z + 7 = 0$ và (β): $5x - 4y + 3z + 1 = 0$. Phương trình mặt phẳng đi qua gốc tọa độ O và vuông góc cả (α) và (β) là:

- A. $2x - y + 2z = 0$.
- B. $2x + y - 2z = 0$.
- C. $2x + y - 2z + 1 = 0$.
- D. $2x - y - 2z = 0$.

Câu 11. Trong không gian Oxyz, phương trình mặt phẳng (Oxy) là:

- A. $z = 0$.
- B. $x + y = 0$.
- C. $x = 0$.
- D. $y = 0$.

Câu 12. Mặt phẳng (P) chứa A(1; -2; 3), vuông góc với (d): $\frac{x+1}{2} = \frac{y-2}{-1} = \frac{z-1}{3}$ có phương trình là:

- A. $2x - y + 3z - 13 = 0$.
- B. $2x - y + 3z + 13 = 0$.
- C. $2x - y - 3z - 13 = 0$.
- D. $2x + y + 3z - 13 = 0$.

Câu 13. Mặt phẳng đi qua D(2; 0; 0) vuông góc với trục Oy có phương trình là:

- A. $z = 0$.
- B. $y = 2$.
- C. $y = 0$.
- D. $z = 2$.

Câu 14. Cho hai điểm A(-1; 0; 0), B(0; 0; 1). Mặt phẳng (P) chứa đường thẳng AB và song song với trục Oy có phương trình là:

- A. $x - z + 1 = 0$.
- B. $x - z - 1 = 0$.
- C. $x + y - z + 1 = 0$.
- D. $y - z + 1 = 0$.

Câu 15. Cho 2 mặt phẳng (Q): $x - y + 3 = 0$ và (R): $2y - z + 1 = 0$ và điểm A(1; 0; 0). Mặt phẳng vuông góc với (Q) và (R) đồng thời đi qua A có phương trình là:

- A. $x + y + 2z - 1 = 0$.
- B. $x + 2y - z - 1 = 0$.
- C. $x - 2y + z - 1 = 0$.
- D. $x + y - 2z - 1 = 0$.

Câu 16. Mặt phẳng (P) chứa trục Oz và đi qua điểm A(1; 2; 3) có phương trình là:

- A. $2x - y = 0$.
- B. $x + y - z = 0$.
- C. $x - y + 1 = 0$.
- D. $x - 2y + z = 0$.

Câu 17. Viết phương trình mặt phẳng (P) biết (P) cắt ba trục tọa độ lần lượt tại A, B, C sao cho M(1; 2; 3) làm trọng tâm tam giác ABC:

- A. $6x + 3y + 2z - 18 = 0$.
- B. $X + 2y + 3z = 0$.
- C. $6x - 3y + 2z - 18 = 0$.
- D. $6x + 3y + 2z + 18 = 0$.

Câu 18. Mặt phẳng (P) đi qua M(1; 2; 2) và cắt các trục Ox, Oy, Oz lần lượt tại A, B, C sao cho M là trực tâm của tam giác ABC. Phương trình của (P) là:

- A. $2x + y + z - 4 = 0$.
- B. $2x + y + z - 2 = 0$.
- C. $2x + 4y + 4z - 9 = 0$.
- D. $x + 2y + 2z - 9 = 0$.

Câu 19. Trong không gian Oxyz cho mặt phẳng (Q): $3x + 4y - 1 = 0$. Mặt phẳng (P) song song với (Q) và cách gốc tọa độ một khoảng bằng 1 có phương trình là:

- A. $3x + 4y + 5 = 0$ hoặc $3x + 4y - 5 = 0$.
- B. $3x + 4y + 5 = 0$.
- C. $3x + 3y - 5 = 0$.
- D. $4x + 3y + 5 = 0$ hoặc $3x + 4y + 5 = 0$.

Câu 20. Trong không gian Oxyz cho mặt phẳng (Q): $5x - 12z + 3 = 0$ và mặt cầu (S): $x^2 + y^2 + z^2 - 2x = 0$, mặt phẳng (P) song song với (Q) và tiếp xúc với (S) có phương trình là:

- A. $5x - 12z + 8 = 0$ hoặc $5x - 12z - 18 = 0$.
- B. $5x - 12z + 8 = 0$.
- C. $5x - 12z - 18 = 0$.
- D. $5x - 12z - 8 = 0$ hoặc $5x - 12z + 18 = 0$.

Câu 21. Cho mặt cầu (S): $(x - 2)^2 + (y + 1)^2 + z^2 = 14$. Mặt cầu (S) cắt trục Oz tại A và B ($z_A < 0$). Phương trình nào sau đây là phương trình tiếp diện của (S) tại B?

- A. $2x - y - 3z - 9 = 0$.
- B. $x - 2y + z + 3 = 0$.
- C. $2x - y - 3z + 9 = 0$.
- D. $x - 2y - z - 3 = 0$.

Câu 22. Trong không gian Oxyz cho mặt phẳng (Q): $2x + y - 2z + 1 = 0$ và mặt cầu (S): $x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 2z - 23 = 0$. Mặt phẳng (P) song song với (Q) và cắt (S) theo giao tuyến là một đường tròn có bán kính bằng 4.

- A. $2x + y - 2z + 9 = 0$ hoặc $2x + y - 2z - 9 = 0$.
- B. $2x + y - 2z + 8 = 0$ hoặc $2x + y - 2z - 8 = 0$.
- C. $2x + y - 2z - 11 = 0$ hoặc $2x + y - 2z + 11 = 0$.
- D. $2x + y - 2z - 1 = 0$.

Câu 23. Trong không gian Oxyz cho hai mặt phẳng song song (Q): $2x - y + z - 2 = 0$ và (P): $2x - y + z - 6 = 0$. Mặt phẳng (R) song song và cách đều (Q), (P) có phương trình là:

- A. $2x - y + z - 4 = 0$. B. $2x - y + z + 4 = 0$. C. $2x - y + z = 0$. D. $2x - y + z + 12 = 0$.

Câu 24. Mặt phẳng qua $A(1; -2; -5)$ và song song với mặt phẳng (P): $x - y + 1 = 0$ cách (P) một khoảng có độ dài là:

- A. 2. B. $\sqrt{2}$. C. 4. D. $2\sqrt{2}$.

Câu 25. Trong không gian Oxyz cho đường thẳng (d): $\begin{cases} x = -1 + t \\ y = 2 - t \\ z = t \end{cases}$ và điểm $A(-1; 1; 0)$, mặt phẳng (P) chứa (d) và A có phương trình là:

- A. $x - z + 1 = 0$. B. $x + y = 0$. C. $x + y - z = 0$. D. $y - z + 2 = 0$.

Câu 26. Mặt phẳng (P) đi qua điểm $A(4; 9; 8)$, $B(1; -3; 4)$, $C(2; 5; -1)$ có phương trình dạng tổng quát: $ax + by + cz + d = 0$. Biết $a = 92$, tìm giá trị của d:

- A. 101. B. -101. C. -63. D. 36.

Câu 27. Trong không gian Oxyz cho hai đường thẳng song song (d): $\frac{x+1}{1} = \frac{y-1}{1} = \frac{z}{2}$ và (d'): $\frac{x-1}{1} = \frac{y-1}{1} = \frac{z-1}{2}$. Khi đó mặt phẳng (P) chứa hai đường thẳng trên có phương trình là:

- A. $7x + 3y - 5z + 4 = 0$. B. $7x + 3y - 5z - 4 = 0$.
C. $5x + 3y - 7z + 4 = 0$. D. $5x + 3y + 7z + 4 = 0$.

Câu 28. Mặt phẳng (P) đi qua $M(2; 0; 0)$ và vuông góc với đường thẳng (d): $\begin{cases} x = 4 + 2t \\ y = 1 - 2t \\ z = 5 + 3t \end{cases}$ M của (d) và (P) là:

- A. $M(2; 3; 2)$. B. $M(4; 1; 5)$. C. $M(0; 5; -1)$. D. $M(-2; 7; 4)$.

Câu 29. Cho hai điểm $A(1; -1; 5)$, $B(0; 0; 1)$. Mặt phẳng (P) chứa A, B và song song với Oy có phương trình là:

- A. $4x + y - z + 1 = 0$. B. $2x + z - 5 = 0$. C. $4x - z + 1 = 0$. D. $y + 4z - 1 = 0$.

Câu 30. Biết tam giác ABC có ba đỉnh A, B, C thuộc các trực tọa độ và trong tâm tam giác là G(-1; -3; 2). Khi đó phương trình mặt phẳng (ABC) là:

- A. $2x - 3y - z - 1 = 0$. B. $x + y - z - 5 = 0$.
C. $6x - 2y - 3z + 18 = 0$. D. $6x + 2y - 3z + 18 = 0$.

Câu 31. Cho mặt phẳng (P) đi qua 2 điểm $A(1; 0; 1)$, $B(2; 1; 1)$ và vuông góc với (α): $x - y + z - 10 = 0$. Tính khoảng cách từ điểm $C(3; -2; 0)$ đến (P):

- A. 6. B. $\sqrt{6}$. C. 3. D. $\sqrt{3}$.

Câu 32. Mặt phẳng (P) đi qua $A(1; -1; 2)$ và vuông góc với Oy. Tìm giao điểm của (P) và Oy.

- A. $M(0; -1; 0)$. B. $M(0; 2; 0)$. C. $M(0; 1; 0)$. D. $M(0; -2; 0)$.

Câu 33. Trong không gian Oxyz, mặt phẳng (P) đi qua $B(0; -2; 3)$, song song với đường thẳng d: $\frac{x-2}{2} = \frac{y+1}{-3} = \frac{z}{-3} = z$ và vuông góc với mặt phẳng (Q): $x + y - z = 0$ có phương trình:

- A. $2x - 3y + 5z - 9 = 0$. B. $2x - 3y + 5z - 9 = 0$.
C. $2x + 3y - 5z - 9 = 0$. D. $2x + 3y + 5z - 9 = 0$.

Câu 34. Mặt phẳng (Q) song song với mặt phẳng (P): $x + 2y + z - 4 = 0$ và cách D(1; 0; 3) một khoảng bằng $\sqrt{6}$ có phương trình là:

- A. $x + 2y + z + 2 = 0$. B. $x + 2y - z - 10 = 0$.
C. $x + 2y + z - 10 = 0$. D. $x + 2y + z + 2 = 0$ và $x + 2y + z - 10 = 0$.

Câu 35. Phương trình mặt phẳng (P) đi qua I(-1; 2; 3) và chứa giao tuyến của hai mặt phẳng (α): $x + y + z - 9 = 0$ và (β): $x - 2y + 3z + 1 = 0$.

- A. $2x - y - 4z - 8 = 0$. B. $2x - y + 4z - 8 = 0$.
C. $2x - y - 4z + 8 = 0$. D. $x - 2y + 4z - 8 = 0$.

- Câu 36.** Phương trình mặt phẳng (P) chứa $d_1: \begin{cases} x = 5 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 5 - t \end{cases}$ và $d_2: \begin{cases} x = 9 - 2t \\ y = t \\ z = -2 + t \end{cases}$ là:
 A. $3x - 5y + z - 25 = 0$.
 B. $3x + 5y + z - 25 = 0$.
 C. $3x - 5y - z + 25 = 0$.
 D. $3x + y + z - 25 = 0$.

C. PHƯƠNG TRÌNH ĐƯỜNG THẲNG.

- Câu 1.** Cho đường thẳng d đi qua $M(2; 0; -1)$ và có véc tơ chỉ phương $\vec{a}(4; -6; 2)$. Phương trình tham số của đường thẳng d là:

A. $\begin{cases} x = -2 + 2t \\ y = -3t \\ z = 1 + t \end{cases}$ B. $\begin{cases} x = 2 + 2t \\ y = -3t \\ z = -1 + t \end{cases}$ C. $\begin{cases} x = 4 + 2t \\ y = -6 - 3t \\ z = 2 + t \end{cases}$ D. $\begin{cases} x = -2 + 4t \\ y = -6t \\ z = 1 + 2t \end{cases}$

- Câu 2.** Phương trình đường thẳng AB với $A(1; 1; 2)$ và $B(2; -1; 0)$ là:

A. $\frac{x-1}{3} = \frac{y-1}{2} = \frac{z-2}{2}$. B. $\frac{x+1}{-1} = \frac{y+1}{2} = \frac{z+2}{2}$. C. $\frac{x-2}{3} = \frac{y+1}{-2} = \frac{z}{3}$. D. $\frac{x}{1} = \frac{y-3}{-2} = \frac{z-4}{-2}$.

- Câu 3.** Cho đường thẳng d đi qua điểm $A(1; 2; 3)$ và vuông góc với mặt phẳng (α): $4x + 3y - 7z + 1 = 0$. Phương trình tham số của d là:

A. $\begin{cases} x = 1 + 4t \\ y = 2 + 3t \\ z = 3 - 7t \end{cases}$ B. $\begin{cases} x = -1 + 8t \\ y = -2 + 6t \\ z = -3 - 14t \end{cases}$ C. $\begin{cases} x = 1 + 3t \\ y = 2 - 4t \\ z = 3 - 7t \end{cases}$ D. $\begin{cases} x = -1 + 4t \\ y = -2 + 3t \\ z = -3 - 7t \end{cases}$

- Câu 4.** Cho $A(0; 0; 1)$, $B(-1; -2; 0)$, $C(2; 1; -1)$. Đường thẳng Δ đi qua trọng tâm G của tam giác ABC và vuông góc với mặt phẳng (ABC) có phương trình:

A. $\begin{cases} x = \frac{1}{3} + 5t \\ y = -\frac{1}{3} + 4t \\ z = 3t \end{cases}$ B. $\begin{cases} x = \frac{1}{3} + 5t \\ y = -\frac{1}{3} - 4t \\ z = 3t \end{cases}$ C. $\begin{cases} x = \frac{1}{3} - 5t \\ y = -\frac{1}{3} - 4t \\ z = -3t \end{cases}$ D. $\begin{cases} x = \frac{1}{3} - 5t \\ y = -\frac{1}{3} - 4t \\ z = 3t \end{cases}$

- Câu 5.** Cho 2 mặt phẳng (P): $2x + y - z - 3 = 0$ và (Q): $x + y + z - 1 = 0$. Phương trình chính tắc đường thẳng giao tuyến của 2 mặt phẳng (P) và (Q) là:

A. $\frac{x}{2} = \frac{y-2}{-3} = \frac{z+1}{1}$. B. $\frac{x+1}{-2} = \frac{y-2}{-3} = \frac{z-1}{1}$. C. $\frac{x-1}{2} = \frac{y+2}{3} = \frac{z+1}{1}$. D. $\frac{x}{2} = \frac{y+2}{-3} = \frac{z-1}{-1}$.

- Câu 6.** Cho điểm $M(2; 1; 0)$ và đường thẳng $\Delta: \frac{x-1}{2} = \frac{y+1}{1} = \frac{z}{-1}$. Đường thẳng d đi qua điểm M cắt và vuông góc với Δ có véc tơ chỉ phương:

A. $(2; -1; -1)$. B. $(2; 1; -1)$. C. $(1; -4; 2)$. D. $(1; -4; -2)$.

- Câu 7.** Cho đường thẳng $d: \frac{x-3}{1} = \frac{y-3}{3} = \frac{z}{2}$, mặt phẳng (α): $x + y - z + 3 = 0$ và điểm $A(1; 2; -1)$. Đường thẳng Δ qua A cắt d và song song với mặt phẳng (α) có phương trình là:

A. $\frac{x-1}{-1} = \frac{y-2}{-2} = \frac{z+1}{1}$. B. $\frac{x-1}{1} = \frac{y-2}{-2} = \frac{z+1}{-1}$. C. $\frac{x-1}{1} = \frac{y-2}{2} = \frac{z+1}{1}$. D. $\frac{x-1}{1} = \frac{y-2}{2} = \frac{z+1}{-1}$.

- Câu 8.** Cho mặt phẳng (P): $3x - 2y - 3z - 7 = 0$ và đường thẳng d: $\frac{x-2}{3} = \frac{y+4}{-2} = \frac{z-1}{2}$. Viết phương trình đường thẳng Δ đi qua $A(-1; 0; 1)$ song song với mặt phẳng (P) và cắt đường thẳng d:

A. $\frac{x+1}{-15} = \frac{y}{3} = \frac{z-1}{-17}$. B. $\frac{x+1}{-15} = \frac{y-1}{3} = \frac{z}{-17}$. C. $\frac{x+1}{15} = \frac{y}{3} = \frac{z-1}{17}$. D. $\frac{x-1}{-15} = \frac{y}{3} = \frac{x+1}{-17}$.

- Câu 9.** Cho 2 đường thẳng $d_1: \frac{x-2}{2} = \frac{y+2}{-1} = \frac{z-3}{1}$, $d_2: \begin{cases} x = 1 - t \\ y = 1 + 2t \\ z = -1 + t \end{cases}$, và điểm $A(1; 2; 3)$. Đường thẳng Δ đi qua A, vuông góc với d_1 và cắt d_2 có phương trình là:

A. $\frac{x-1}{1} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-3}{-5}$. B. $\frac{x-1}{1} = \frac{y-2}{-3} = \frac{z-3}{-5}$. C. $\frac{x-1}{-1} = \frac{y-2}{-3} = \frac{z-3}{-5}$. D. $\frac{x-1}{1} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-3}{5}$.

- Câu 10.** Cho đường thẳng $d: \frac{x+1}{3} = \frac{y-2}{-2} = \frac{z-2}{2}$ và mặt phẳng (P): $x + 3y + 2z + 2 = 0$. Lập phương trình đường thẳng Δ song song với mặt phẳng (P), đi qua $M(2; 2; 4)$ và cắt đường thẳng (d).

A. $\frac{x-2}{9} = \frac{y-2}{7} = \frac{z-4}{6}$. B. $\frac{x-2}{9} = \frac{y-2}{-7} = \frac{z-4}{6}$. C. $\frac{x+2}{9} = \frac{y+2}{-7} = \frac{z+4}{6}$. D. $\frac{x-2}{3} = \frac{y-2}{-2} = \frac{z-4}{2}$.

Câu 11. Cho (d): $\frac{x-1}{-3} = \frac{y-3}{2} = \frac{z-1}{-2}$ và (α): $x - 3y + z - 4 = 0$. Phương trình hình chiếu của (d) trên (α) là:

A. $\frac{x+3}{2} = \frac{y+1}{-1} = \frac{z-1}{1}$. B. $\frac{x-2}{-2} = \frac{y+1}{1} = \frac{z-1}{1}$. C. $\frac{x+5}{2} = \frac{y+1}{1} = \frac{z-1}{-1}$. D. $\frac{x}{2} = \frac{y+1}{1} = \frac{z-1}{1}$.

Câu 12. Cho d: $\frac{x-1}{2} = \frac{y+1}{1} = \frac{z-2}{1}$. Hình chiếu vuông góc của d trên (Oxy) có dạng?

A. $\begin{cases} x = 0 \\ y = -1 - t \\ z = 0 \end{cases}$ B. $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = 1 + t \\ z = 0 \end{cases}$ C. $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = -1 + t \\ z = 0 \end{cases}$ D. $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = -1 + t \\ z = 0 \end{cases}$

Câu 13. Cho 2 đường thẳng d1: $\frac{x-7}{1} = \frac{y-3}{2} = \frac{z-9}{-1}$ và d2: $\frac{x-3}{-7} = \frac{y-1}{2} = \frac{z-1}{3}$. Phương trình đường vuông góc chung của d1 và d2 là:

A. $\frac{x-3}{-1} = \frac{y-1}{2} = \frac{z-1}{-4}$. B. $\frac{x-7}{2} = \frac{y-3}{-1} = \frac{z-9}{4}$. C. $\frac{x-7}{2} = \frac{y-3}{1} = \frac{z-9}{4}$. D. $\frac{x-7}{2} = \frac{y-3}{1} = \frac{z-9}{-4}$.

Câu 14. Cho d1: $\begin{cases} x = t \\ y = 4 - t \\ z = -1 + 2t \end{cases}$, d2: $\frac{x}{1} = \frac{y-2}{-3} = \frac{z}{-3}$, d3: $\frac{x+1}{5} = \frac{y-1}{2} = \frac{z+1}{1}$. Viết phương trình đường thẳng Δ , biết Δ cắt d1, d2, d3 lần lượt tại A, B, C sao cho AB = BC.

A. $\frac{x}{1} = \frac{y-2}{1} = \frac{z}{1}$. B. $\frac{x}{1} = \frac{y+2}{1} = \frac{z-1}{1}$. C. $\frac{x}{1} = \frac{y+2}{1} = \frac{z}{1}$. D. $\frac{x}{1} = \frac{y-2}{-1} = \frac{z}{1}$.

D. PHƯƠNG TRÌNH MẶT CẦU.

Câu 1. Tâm I và bán kính R của mặt cầu (S): $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + z^2 = 4$ là:

A. I(-1; 2; 0), R = 2. B. I(1; -2; 0), R = 2. C. I(1; -2; 0), R = 4. D. I(-1; 2; 0), R = 4.

Câu 2. Tâm và bán kính của mặt cầu (S): $3x^2 + 3y^2 + 3z^2 - 6x + 8y + 15z - 3 = 0$ là:

A. $I\left(3; -4; -\frac{15}{2}\right)$, $R = \frac{19}{6}$. B. $I\left(1; -\frac{4}{3}; -\frac{5}{2}\right)$, $R = \frac{361}{36}$.
 C. $I\left(-3; 4; \frac{15}{2}\right)$, $R = \frac{19}{6}$. D. $I\left(3; -\frac{4}{3}; -\frac{5}{2}\right)$, $R = \frac{19}{6}$.

Câu 3. Cho mặt cầu (S): $(x + 1)^2 + (y - 2)^2 + (z - 3)^2 = 12$. Trong các mệnh sau, mệnh đề nào sai:

- A. (S) có tâm I(-1; 2; 3). B. (S) có bán kính $R = 2\sqrt{3}$.
 C. (S) đi qua điểm M(1; 0; 1). D. (S) đi qua điểm N(-3; 4; 2).

Câu 4. Phương trình $x^2 + y^2 + z^2 - 2mx + 4y + 2mz + m^2 + 5m = 0$ là phương trình mặt cầu khi:

A. $\begin{cases} m < 1 \\ m > 4 \end{cases}$. B. $\begin{cases} m \leq 1 \\ m \geq 4 \end{cases}$. C. $m > 1$. D. $m < 4$.

Câu 5. Cho mặt cầu (S): $x^2 + y^2 + z^2 + 2x - 4y + 6z + m = 0$. Tìm m để (S) tiếp xúc với mặt phẳng (P): $x - 2y + 2z - 1 = 0$.

A. 2. B. -2. C. 3. D. -3.

Câu 6. Tâm I và bán kính R của mặt cầu đường kính AB với A(-1; 3; 2), B(5; 2; -1) là:

A. $I\left(2; \frac{5}{2}; \frac{1}{2}\right)$, $R = \frac{\sqrt{46}}{2}$. B. $I(6; -1; -3)$, $R = \frac{\sqrt{46}}{2}$.
 C. $I\left(3; -\frac{1}{2}; -\frac{3}{2}\right)$, $R = \frac{23}{2}$. D. $I\left(2; \frac{5}{2}; \frac{1}{2}\right)$, $R = \sqrt{46}$.

Câu 7. Tâm I và bán kính R của mặt cầu đi qua 4 điểm A(1; 0; 0), B(0; -2; 0), C(0; 0; 4) và gốc tọa độ:

A. $I\left(-\frac{1}{2}; 1; -2\right)$, $R = \frac{\sqrt{21}}{2}$. B. $I(1; -2; 4)$, $R = \frac{\sqrt{21}}{2}$.
 C. $I\left(\frac{1}{2}; -1; 2\right)$, $R = \frac{21}{2}$. D. $I\left(\frac{1}{2}; -1; 2\right)$, $R = \frac{\sqrt{21}}{2}$.

Câu 8. Cho mặt cầu (S) có tâm I(-1; 4; 2) và có thể tích $V = 972\pi$. Khi đó phương trình của mặt cầu (S) là:

A. $(x + 1)^2 + (y - 4)^2 + (z - 2)^2 = 81$. B. $(x + 1)^2 + (y - 4)^2 + (z - 2)^2 = 9$.

C. $(x - 1)^2 + (y + 4)^2 + (z - 2)^2 = 9.$

D. $(x - 1)^2 + (y + 4)^2 + (z + 2)^2 = 81.$

Câu 9. Phương trình mặt cầu tâm I(3; -2; 4) và tiếp xúc với (P): $2x - y + 2z + 4 = 0$ là:

A. $(x - 3)^2 + (y + 2)^2 + (z - 4)^2 = \frac{400}{9}$

B. $(x + 3)^2 + (y - 2)^2 + (z + 4)^2 = \frac{400}{9}$

C. $(x - 3)^2 + (y + 2)^2 + (z - 4)^2 = \frac{20}{3}.$

D. $(x + 3)^2 + (y - 2)^2 + (z + 4)^2 = \frac{20}{3}.$

Câu 10. Cho 4 điểm A(1; 1; 1), B(1; 2; 1), C(1; 1; 2), D(2; 2; 1). Tâm I của mặt cầu ngoại tiếp tứ diện ABCD có tọa độ:

A. $(3; 3; -3).$

B. $\left(\frac{3}{2}; -\frac{3}{2}; \frac{3}{2}\right).$

C. $\left(\frac{3}{2}; \frac{3}{2}; \frac{3}{2}\right).$

D. $(3; 3; 3).$

Câu 11. Phương trình mặt cầu đi qua A(3; -1; 2), B(1; 1; -2) và có tâm thuộc Oz là:

A. $x^2 + y^2 + z^2 - 2y - 11 = 0.$

B. $(x - 1)^2 + y^2 + z^2 = 11.$

C. $x^2 + (y - 1)^2 + z^2 = 11.$

D. $x^2 + y^2 + z^2 - 2z - 10 = 0.$

Câu 12. Phương trình mặt cầu đi qua A(1; 2; -4), B(1; -3; 1), C(2; 2; 3) và có tâm thuộc (Oxy) là:

A. $(x + 2)^2 + (y - 1)^2 + z^2 = 26.$

B. $(x - 2)^2 + (y + 1)^2 + z^2 = \sqrt{26}.$

C. $(x - 2)^2 + (y + 1)^2 + z^2 = 26.$

D. $(x + 2)^2 + (y - 1)^2 + z^2 = \sqrt{26}.$

Câu 13. Cho 2 mặt phẳng (P): $2x - y + z - 3 = 0$, (Q): $x + y - z = 0$. (S) là mặt cầu có tâm thuộc (P) và tiếp xúc (Q) tại điểm H(1; -1; 0). Phương trình của (S) là:

A. $(x - 2)^2 + y^2 + (z + 1)^2 = 1.$

B. $(x - 1)^2 + (y - 1)^2 + z^2 = 3.$

C. $(x + 1)^2 + (y - 2)^2 + z^2 = 1.$

D. $(x - 2)^2 + y^2 + (z + 1)^2 = 3.$

Câu 14. Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho điểm A(1; -2; 3) và đường thẳng d có phương trình $\frac{x+1}{2} = \frac{y-2}{1} = \frac{z+3}{-1}$. Viết phương trình mặt cầu tâm A, tiếp xúc với d.

A. $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 3)^2 = 5.$

B. $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 3)^2 = 50.$

C. $(x + 1)^2 + (y - 2)^2 + (z + 3)^2 = 5.$

D. $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 3)^2 = \sqrt{50}.$

Câu 15. Bán kính của mặt cầu tâm I(3; 3; -4), tiếp xúc với trục Oy bằng:

A. $\sqrt{5}.$

B. 4.

C. 5.

D. $\frac{5}{2}.$

Câu 16. Cho các điểm A(1; 2; 0), B(-3; 4; 2). Tìm tọa độ điểm I trên Ox cách đều 2 điểm A, B và viết phương trình mặt cầu tâm I đi qua 2 điểm A, B.

A. $(x + 3)^2 + y^2 + z^2 = 20.$

B. $(x - 3)^2 + y^2 + z^2 = 20.$

C. $(x + 1)^2 + (y - 3)^2 + (z - 1)^2 = \frac{11}{4}.$

D. $(x + 1)^2 + (y - 3)^2 + (z - 1)^2 = 20.$

Câu 17. Giá trị mặt cầu (S_m): $x^2 + y^2 + z^2 - 4mx + 4y + 2mz + m^2 + 4m = 0$ có bán kính nhỏ nhất. Khi đó giá trị của m là:

A. $\frac{1}{2}.$

B. $\frac{1}{3}.$

C. $\frac{\sqrt{3}}{2}.$

D. 0.

Câu 18. Cho mặt cầu (S): $x^2 + y^2 + z^2 + 2x - 4y + 6z + m = 0$. Tìm m để (S) cắt mặt phẳng (P): $2x - y - 2z + 1 = 0$ theo giao tuyến là đường tròn có diện tích bằng 4π .

A. 9.

B. 10.

C. 3.

D. -3.

Câu 19. Cho đường thẳng (d): $\frac{x}{1} = \frac{y+2}{-1} = \frac{z+6}{2}$, mặt cầu (S): $x^2 + y^2 + z^2 + 2x - 2y + 2z - 1 = 0$. Phương trình mặt phẳng chứa (d) và cắt (S) theo giao tuyến là đường tròn có bán kính $r = 1$ là:

A. $x + y + z - 4 = 0$ v $7x - 17y - 5z - 4 = 0.$

B. $x + y - z - 4 = 0$ v $7x - 17y + 5z - 4 = 0.$

C. $x + y - z - 4 = 0$ v $7x + 17y + 5z - 4 = 0.$

D. $x + y - z + 4 = 0$ v $7x - 17y + 5z + 4 = 0.$

Câu 20. Cho mặt phẳng (P): $2x - 2y - z - 4 = 0$ và mặt cầu (S): $x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 4y - 6z - 11 = 0$. Gọi (C) là đường tròn giao tuyến của (P) và (S). Tâm H và bán kính r của (C) là:

A. $H(1; 0; 2), r = 2.$

B. $H(2; 0; 3), r = 4.$

C. $H(1; 3; 2), r = 4.$

D. $H(3; 0; 2), r = 4.$

Câu 21. Cho điểm I(3; 4; 0) và đường thẳng $\Delta: \frac{x-1}{1} = \frac{y-2}{-1} = \frac{z+1}{-4}$. Viết phương trình mặt cầu (S) có tâm I và cắt Δ tại 2 điểm A, B sao cho diện tích tam giác IAB bằng 12.

A. $(x - 3)^2 + (y - 4)^2 + z^2 = 25.$

B. $(x + 3)^2 + (y + 4)^2 + z^2 = 5.$

C. $(x - 3)^2 + (y - 4)^2 + z^2 = 5$. D. $(x + 3)^2 + (y + 4)^2 + z^2 = 25$.

Câu 22. Cho mặt cầu (S) có phương trình: $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 6y - 4z - 2 = 0$. Viết phương trình mặt phẳng (P) song song với giá của véc tơ $\vec{v} = (1; 6; 2)$, vuông góc với mặt phẳng (α): $x + 4y + z - 11 = 0$ và tiếp xúc với (S).

- A. (P): $2x - y + 2z - 3 = 0$ hoặc (P): $2x - y + 2z = 0$. B. (P): $2x - y + 2z - 21 = 0$.
C. (P): $2x - y + 2z + 3 = 0$ hoặc (P): $2x - y + 2z - 21 = 0$. D. (P): $2x - y + 2z + 3 = 0$.

E. KHOẢNG CÁCH.

Câu 1. Khoảng cách từ $M(1; 4; -7)$ đến mặt phẳng (P): $2x - y + 2z - 9 = 0$ là:

- A. $\frac{25}{3}$. B. 5. C. 7. D. 12.

Câu 2. Khoảng cách từ $M(-2; -4; 3)$ đến mặt phẳng (P): $2x - y + 2z - 3 = 0$ là:

- A. 3. B. 2. C. 1. D. 11.

Câu 3. Cho mặt cầu (S): $x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 2y - 2z - 22 = 0$, mặt phẳng (P): $3x - 2y + 6z + 14 = 0$.

Khoảng cách từ tâm I của mặt cầu (S) đến mặt phẳng (P) là:

- A. 2. B. 1. C. 3. D. 4.

Câu 4. Khoảng cách giữa 2 mặt phẳng (P): $5x + 5y - 5z - 1 = 0$ và (Q): $x + y - z + 1 = 0$ là:

- A. $\frac{2\sqrt{3}}{15}$. B. $\frac{2}{5}$. C. $\frac{2}{15}$. D. $\frac{2\sqrt{3}}{5}$.

Câu 5. Cho mặt phẳng (α): $3x - 2y - z + 5 = 0$ và đường thẳng (d): $\frac{x-1}{2} = \frac{y-7}{1} = \frac{z-3}{4}$. Gọi (β) là mặt phẳng chúa (d) và song song với (α). Khoảng cách giữa (α) và (β) là:

- A. $\frac{9}{14}$. B. $\frac{3}{14}$. C. $\frac{9}{\sqrt{14}}$. D. $\frac{3}{\sqrt{14}}$.

Câu 6. Cho 4 điểm $A(0; 0; 2)$, $B(3; 0; 5)$, $C(1; 1; 0)$, $D(4; 1; 2)$. Khoảng cách từ D đến (ABC) là:

- A. 11. B. 1. C. $\sqrt{11}$. D. $\frac{\sqrt{11}}{11}$.

Câu 7. Gọi H là hình chiếu vuông góc của $A(2; -1; -1)$ đến mặt phẳng (P) có phương trình $16x - 12y - 15z - 4 = 0$. Độ dài đoạn thẳng AH là:

- A. $\frac{11}{25}$. B. $\frac{11}{5}$. C. $\frac{22}{25}$. D. $\frac{22}{5}$.

Câu 8. Cho điểm $A(0; -1; 3)$ và đường thẳng d: $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 2 \\ z = -t \end{cases}$. Khoảng cách từ A đến d là:

- A. $\sqrt{14}$. B. $\sqrt{8}$. C. $\sqrt{6}$. D. $\sqrt{3}$.

Câu 9. Khoảng cách giữa hai đường thẳng d1: $\begin{cases} x = 2 + 2t \\ y = -1 + t \\ z = 1 \end{cases}$, d2: $\begin{cases} x = 1 \\ y = 1 + u \\ z = 3 - u \end{cases}$ là:

- A. 9. B. 3. C. $\frac{1}{3}$. D. 1.

Câu 10. Cho 2 điểm $A(1; -2; 0)$, $B(4; 1; 1)$. Độ dài đường cao OH của tam giác OAB là:

- A. $\frac{1}{\sqrt{19}}$. B. $\sqrt{\frac{86}{19}}$. C. $\sqrt{\frac{19}{86}}$. D. $\frac{\sqrt{19}}{2}$.

Câu 11. Gọi H là hình chiếu vuông góc của $A(2; -1; -1)$ đến mặt phẳng (P): $16x - 12y - 15z - 4 = 0$. Độ dài đoạn AH là:

- A. $\frac{11}{25}$. B. $\frac{11}{5}$. C. $\frac{22}{25}$. D. $\frac{22}{5}$.

Câu 12. Cho tam giác ABC có $A = (1; 0; 1)$, $B = (0; 2; 3)$, $C = (2; 1; 0)$. Độ dài chiều cao hạ từ C là:

- A. $\sqrt{26}$. B. $\frac{\sqrt{26}}{2}$. C. $\frac{\sqrt{26}}{3}$. D. 26.

Câu 13. Cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là hình thoi. Góc tọa độ là giao điểm của 2 đường chéo AC và BD. Biết A(2; 0; 0), B(0; 1; 0), S(0; 0; $2\sqrt{2}$). M là trung điểm của SC. Khoảng cách giữa SA và BM là:

- A. $3\sqrt{6}$. B. $\frac{\sqrt{6}}{3}$. C. $\frac{2\sqrt{6}}{3}$. D. $\frac{2}{\sqrt{6}}$.

Câu 14. Cho hình lập phương ABCD.A'B'C'D' biết A(0; 0; 0), B(1; 0; 0), D(0; 1; 0), A'(0; 0; 1). M, N lần lượt là trung điểm của AB, CD. Khoảng cách giữa MN và A'C là:

- A. $\frac{1}{\sqrt{2}}$. B. $\frac{\sqrt{2}}{4}$. C. $\frac{1}{2}$. D. $\frac{3}{2\sqrt{2}}$.

Câu 15. Cho 2 điểm nằm trên đường thẳng d: $\begin{cases} x = 3 + 2t \\ y = -t \\ z = 1 - t \end{cases}$ cùng cách gốc tọa độ bằng $\sqrt{3}$ thì tổng hai tung độ của chúng là:

- A. $-\frac{2}{3}$. B. $\frac{3}{5}$. C. $\frac{5}{3}$. D. $\frac{2}{3}$.

F. GÓC

Câu 1. Góc tạo bởi 2 véc tơ $\vec{a} = (-4; 2; 4)$ và $\vec{b} = (2\sqrt{2}; -2\sqrt{2}; 0)$ là:

- A. 30° . B. 90° . C. 135° . D. 45° .

Câu 2. Góc giữa 2 đường thẳng (d) và (d'): $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 2 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ và $\begin{cases} x = 1 + 2t' \\ y = -1 + 2t' \\ z = 2 - 2t' \end{cases}$.

- A. 0° . B. 30° . C. 45° . D. 60° .

Câu 3. Cosin của góc giữa 2 đường thẳng d1: $\frac{x-1}{2} = \frac{y}{1} = \frac{z+3}{-2}$, d2: $\frac{x-3}{1} = \frac{y+1}{-2} = \frac{z}{2}$ là:

- A. $\frac{2}{\sqrt{5}}$. B. $-\frac{2}{\sqrt{5}}$. C. $\frac{4}{9}$. D. $-\frac{4}{9}$.

Câu 4. Cho tam giác ABC biết A(1; 0; 0), B(0; 0; 1), C(2; 1; 1). Khi đó cosB bằng:

- A. 0. B. $\frac{\sqrt{15}}{5}$. C. $\frac{\sqrt{10}}{5}$. D. $\frac{3}{\sqrt{10}}$.

Câu 5. Cho 4 điểm A(1; 1; 0), B(0; 2; 1), C(1; 0; 2), D(1; 1; 1). Góc giữa 2 đường thẳng AB và CD bằng:

- A. 0. B. 45° . C. 90° . D. 60° .

Câu 6. Cho mặt phẳng (P): $3x + 4y + 5z + 8 = 0$ và đường thẳng d: $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = t \\ z = -2 + t \end{cases}$. Góc giữa (P) và d:

- A. 90° . B. 45° . C. 60° . D. 30° .

Câu 7. Cho mặt phẳng (P): $3x + 4y + 5z + 8 = 0$ và đường thẳng d là giao tuyến của 2 mặt phẳng (α): $x - 2y + 1 = 0$ và (β): $x - 2z - 3 = 0$. Gọi φ là góc giữa đường thẳng d và mặt phẳng (P). Khi đó φ bằng:

- A. 45° . B. 60° . C. 30° . D. 90° .

Câu 8. Tìm góc giữa 2 mặt phẳng (α): $2x - y + z + 3 = 0$ và (β): $x + y + 2z - 1 = 0$:

- A. 30° . B. 90° . C. 45° . D. 60° .

Câu 9. Cho mặt phẳng (P): $x - y - 1 = 0$ và mặt phẳng (Q). Biết hình chiếu của gốc O lên (Q) là điểm H(2; -1; -2). Khi đó góc giữa hai mặt phẳng (P) và (Q) có giá trị là:

- A. 30° . B. 60° . C. 90° . D. 45° .

G. VỊ TRÍ TƯƠNG ĐỐI GIỮA ĐIỂM, ĐƯỜNG THẲNG, MẶT PHẲNG, MẶT CẦU

Câu 1. Cho (P): $2x - y + 2z - 4 = 0$. Mặt phẳng nào sau đây vuông góc với (P):

- A. $x - 4y + z - 2 = 0$. B. $x + 4y - z - 5 = 0$. C. $-x + 4y + z - 2 = 0$. D. $x + 4y + z - 1 = 0$.

Câu 2. Cho I(2; 6; -3) và 3 mặt phẳng (α): $x - 2 = 0$, (β): $y - 6 = 0$, (γ): $z + 3 = 0$. Tìm mệnh đề sai:

- A. (α) đi qua I. B. (β) // (Oxz). C. (γ) // Oz. D. (α) \perp (β).

Câu 3. Cho A(2; 0; 3), B(2; -2; -3) và $\Delta: \frac{x-2}{1} = \frac{y+1}{2} = \frac{z}{3}$. Nhận xét nào sau đây đúng?

- A. A, B và Δ cùng nằm trong một mặt phẳng.
B. A, B cùng thuộc đường thẳng Δ .
C. Tam giác MAB cân tại M với M(2; 1; 0).
D. Δ và đường thẳng AB là 2 đường thẳng chéo nhau.

Câu 4. Đường thẳng $\frac{x+1}{-3} = \frac{y}{2} = \frac{z}{-1}$ vuông góc với mặt phẳng nào trong các mặt phẳng sau đây?

- A. $6x - 4y - 2z + 1 = 0$. B. $6x + 4y - 2z + 1 = 0$.
C. $6x - 4y + 2z + 1 = 0$. D. $6x + 4y + 2z + 1 = 0$.

Câu 5. Cho 3 mặt phẳng (α): $x + y + 2z + 1 = 0$, (β): $x + y - z + 2 = 0$, (γ): $x - y + 5 = 0$. Tìm mệnh đề sai trong các mệnh đề sau:

- A. (α) \perp (β). B. (α) \perp (γ). C. (β) \perp (γ). D. (α) // (β).

Câu 6. Cho (α): $m^2x - y + (m^2 - 2)z + 2 = 0$ và (β): $2x + m^2y - 2z + 1 = 0$. (α) \perp (β) khi:

- A. $|m| = \sqrt{2}$. B. $|m| = 2$. C. $|m| = 1$. D. $|m| = \sqrt{3}$.

Câu 7. Cho đường thẳng Δ_1 qua điểm M có vec tơ chỉ phương \vec{u}_1 , và Δ_2 qua điểm N có vec tơ chỉ phương \vec{u}_2 . Điều kiện để Δ_1 và Δ_2 chéo nhau là:

- A. \vec{u}_1 và \vec{u}_2 cùng phương. B. $[\vec{u}_1, \vec{u}_2] \cdot \vec{MN} \neq 0$.
C. $[\vec{u}_1, \vec{u}_2]$ và \vec{MN} cùng phương. D. $[\vec{u}_1, \vec{u}_2] \cdot \vec{MN} \neq \vec{0}$.

Câu 8. Cho M(1; -1; 1) và 2 đường thẳng (d_1): $\frac{x}{1} = \frac{y+1}{-2} = \frac{z}{-3}$ và (d_2): $\frac{x}{1} = \frac{y-1}{2} = \frac{z-4}{5}$. Mệnh đề nào dưới đây đúng:

- A. (d_1), (d_2) và M đồng phẳng. B. M \in (d_1) nhưng M \notin (d_2).
C. M \in (d_2) nhưng M \notin (d_1). D. (d_1) \perp (d_2).

Câu 9. Cho a: $\begin{cases} x = 2t \\ y = 1 + 4t \\ z = 2 + 6t \end{cases}$ và b: $\frac{x-1}{1} = \frac{y}{2} = \frac{z-3}{3}$. Khẳng định nào sau đây đúng?

- A. a, b cắt nhau. B. a, b chéo nhau. C. a, b trùng nhau. D. a // b.

Câu 10. Cho 2 đường thẳng $d_1: \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 2 + 3t \\ z = 3 + 4t \end{cases}$ và $d_2: \begin{cases} x = 3 + 4t' \\ y = 5 + 6t' \\ z = 7 + 8t' \end{cases}$. Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào đúng?

- A. $d_1 \perp d_2$. B. $d_1 \equiv d_2$. C. $d_1 // d_2$. D. d_1 và d_2 chéo nhau.

Câu 11. Đường thẳng nào sau đây song song với (d): $\frac{x-2}{1} = \frac{y-4}{2} = \frac{z+4}{-3}$:

- A. $\frac{x-1}{1} = \frac{y-2}{2} = \frac{z+1}{-3}$. B. $\frac{x-2}{1} = \frac{y-4}{1} = \frac{z+4}{1}$.
C. $\frac{x-1}{-1} = \frac{y-2}{-2} = \frac{z+1}{3}$. D. $\frac{x-1}{-1} = \frac{y-2}{-2} = \frac{z-1}{3}$.

Câu 12. Cho $d_1: \begin{cases} x + 2y - 5 = 0 \\ 5x - 2y + 4z - 1 = 0 \end{cases}$, $d_2: \begin{cases} x - y + z - 5 = 0 \\ 3y - z - 6 = 0 \end{cases}$. Mệnh đề nào đúng:

- A. d_1 hợp d_2 góc 60° . B. d_1 cắt d_2 . C. $d_1 \perp d_2$. D. $d_1 // d_2$.

Câu 13. Cho 2 đường thẳng (d): $\begin{cases} x = 1 + mt \\ y = t \\ z = -1 + 2t \end{cases}$, (d'): $\begin{cases} x = 1 - t' \\ y = 2 + 2t' \\ z = 3 - t' \end{cases}$. Giá trị của m để (d) cắt (d') là:

- A. 1. B. -1. C. 0. D. -2.

- Câu 14.** Khi véc tơ chỉ phương của (d) vuông góc với véc tơ pháp tuyến của (P) thì:
- A. $(d) \perp (P)$. B. $(d) \parallel (P)$. C. $(d) \parallel (P) \vee (d) \in (P)$. D. $(d) \in (P)$.
- Câu 15.** Cho (P): $2x + y + 3z + 1 = 0$ và (d): $\begin{cases} x = -3 + t \\ y = 2 - 2t \\ z = 1 \end{cases}$. Chọn câu trả lời đúng:
- A. $(d) \perp (P)$. B. $(d) \parallel (P)$. C. (d) cắt (P) . D. $(d) \subset (P)$.
- Câu 16.** Cho (d): $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 2 + 4t \\ z = 3 + t \end{cases}$ và (P): $x + y + z + 1 = 0$. Khẳng định nào sau đây đúng?
- A. $(d) \parallel (P)$. B. (d) cắt (P) tại $M(1; 2; 3)$.
 C. $(d) \subset (P)$. D. (d) cắt (P) tại $M(-1; -2; 2)$.
- Câu 17.** (P): $3x + 5y - z - 2 = 0$ cắt (d): $\frac{x-12}{4} = \frac{y-9}{3} = \frac{z-1}{1}$ tại điểm có tọa độ:
- A. $(1; 3; 1)$. B. $(2; 2; 1)$. C. $(0; 0; -2)$. D. $(4; 0; 1)$.
- Câu 18.** 2 mặt phẳng $3x - 5y + mz - 3 = 0$ và $2x + ny - 3z + 1 = 0$ song song khi:
- A. $m.n = 15$. B. $m.n = 1$. C. $m.n = 5$. D. $m.n = -3$.
- Câu 19.** Cho $A(-1; 2; 1)$ và 2 mặt phẳng (α) : $2x + 4y - 6z - 5 = 0$, (β) : $x + 2y - 3z = 0$. Mệnh đề nào sau đây đúng?
- A. (β) không đi qua A và không song song với (α) .
 B. (β) đi qua A và song song với (α) .
 C. (β) đi qua A và không song song với (α) .
 D. (β) không đi qua A và song song với (α) .
- Câu 20.** 2 mặt phẳng $7x - (2m + 5)y + 9 = 0$ và $mx + y - 3z + 1 = 0$ vuông góc khi m bằng:
- A. 1. B. 7. C. -1. D. -5.
- Câu 21.** Cho (α) : $x + y + 2z + 1 = 0$, (β) : $x + y - z + 2 = 0$, (γ) : $x - y + 5 = 0$. Mệnh đề nào sai:
- A. $(\alpha) \perp (\gamma)$. B. $(\gamma) \perp (\beta)$. C. $(\alpha) \parallel (\gamma)$. D. $(\alpha) \perp (\beta)$.
- Câu 22.** Cho d: $\begin{cases} x = 1 - 3t \\ y = 2t \\ z = -2 - mt \end{cases}$ và (P): $2x - y - 2z - 6 = 0$. Giá trị của m để $d \subset (P)$ là:
- A. 2. B. -2. C. 4. D. -4.
- Câu 23.** Cho d: $\frac{x-1}{m} = \frac{y+2}{2m-1} = \frac{z+3}{2}$ và (P): $x + 3y - 2z - 5 = 0$. Để $d \perp (P)$ thì m bằng:
- A. 0. B. 1. C. -2. D. -1.
- Câu 24.** Cho mặt cầu (S): $x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 2z = 0$ và mặt phẳng (α) : $4x + 3y + m = 0$. Xét các mệnh đề:
- (I) (α) cắt (S) theo một đường tròn khi và chỉ khi $-4 - 5\sqrt{2} < m < -4 + 5\sqrt{2}$.
 (II) (α) tiếp xúc với (S) khi và chỉ khi $m = -4 \pm 5\sqrt{2}$.
 (III) $(\alpha) \cap (S) = \emptyset$ khi và chỉ khi $m < -4 - 5\sqrt{2}$ hoặc $m > -4 + 5\sqrt{2}$.
- Trong 3 mệnh đề trên, những mệnh đề nào đúng?
- A. (II) và (III). B. (I) và (II). C. (I). D. (I), (II), (III).
- Câu 25.** Gọi (d) là giao tuyến của 2 mặt phẳng $x + 2y - 3z + 1 = 0$ và $2x - 3y + z + 1 = 0$. Xác định m để có mặt phẳng (Q) qua (d) và vuông góc với $\vec{a} = (m; 2; -3)$.
- A. 6. B. $\frac{85}{3}$. C. 1. D. $\frac{1}{2}$.
- Câu 26.** Cho (α) : $4x - 2y + 3z + 1 = 0$ và (S): $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 4y + 6z = 0$. Mệnh đề nào sai?
- A. (α) cắt (S) theo một đường tròn. B. (α) tiếp xúc với (S).
 C. (α) có điểm chung với (S). D. (α) đi qua tâm của (S).
- Câu 27.** Cho (S): $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 4y - 2z - 3 = 0$ và (P): $x + 2y - 2z - m - 1 = 0$. (P) tiếp xúc với (S) ứng với giá trị của m:
- A. $\begin{cases} m = -3 \\ m = -15 \end{cases}$. B. $\begin{cases} m = 3 \\ m = -15 \end{cases}$. C. $\begin{cases} m = 3 \\ m = -5 \end{cases}$. D. $\begin{cases} m = 3 \\ m = 15 \end{cases}$.

Câu 28. Cho (S): $(x+1)^2 + (y-2)^2 + (z-3)^2 = 25$ và $(\alpha): 2x + y - 2z + m = 0$. Tìm m để (α) và (S) không có điểm chung?

- A. $-9 \leq m \leq 21$.
- B. $-9 < m < 21$.
- C. $M \leq -9$ hoặc $m \geq 21$.
- D. $M < -9$ hoặc $m > 21$.

Câu 29. Cho (S): $x^2 + y^2 + z^2 - 4x - 2y + 10z + 14 = 0$. Mặt phẳng (P): $x + y + z - 4 = 0$ cắt mặt cầu (S) theo một đường tròn có chu vi là:

- A. 8π .
- B. 4π .
- C. $4\pi\sqrt{3}$.
- D. 2π .

Câu 30. Cho (S): $(x-2)^2 + y^2 + z^2 = 9$ và (P): $x + y - z + m = 0$, m – tham số. Biết (P) cắt (S) theo một đường tròn có bán kính $r = \sqrt{6}$. Giá trị của m là:

- A. $m = 3; m = 4$.
- B. $m = 3; m = -5$.
- C. $m = 1; m = -4$.
- D. $m = 1; m = -5$.

H. TÌM ĐIỂM THỎA MÃN YÊU CẦU BÀI TOÁN

Câu 1. Đường thẳng $\Delta: \frac{x}{1} = \frac{y+2}{-1} = \frac{z-1}{3}$ đi qua điểm $M(2; m; n)$. Khi đó m, n lần lượt là:

- A. $m = -2; n = 1$.
- B. $m = 2; n = -1$.
- C. $m = -4; n = 7$.
- D. $m = 0; n = 7$.

Câu 2. Cho điểm $M(2; -5; 4)$. Phát biểu nào sai:

- A. $M'(-2; -5; -4)$ đối xứng M qua Oy .
- B. Khoảng cách từ M đến Oz bằng $\sqrt{29}$.
- C. Khoảng cách từ M đến (xOz) bằng 5.
- D. $M'(2; 5; -4)$ đối xứng M qua (yOz) .

Câu 3. Cho (S): $x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 4y - 6z = 0$ và 3 điểm $O(0; 0; 0)$, $A(1; 2; 3)$, $B(2; -1; -1)$. Trong 3 điểm trên, số điểm nằm trong (S) là:

- A. 1.
- B. 2.
- C. 0.
- D. 3.

Câu 4. Đường thẳng $(d): \frac{x-12}{4} = \frac{y-9}{3} = \frac{z-1}{1}$ cắt mặt phẳng $(\alpha): 3x + 5y - z - 2 = 0$ tại điểm có tọa độ:

- A. $(2; 0; 4)$.
- B. $(0; 1; 3)$.
- C. $(1; 0; 1)$.
- D. $(0; 0; -2)$.

Câu 5. Cho các điểm $A(1; -2; 1)$, $B(2; 1; 3)$ và (P): $x - y + 2z - 3 = 0$. AB cắt (P) tại điểm có tọa độ:

- A. $(0; 5; 1)$.
- B. $(0; -5; 1)$.
- C. $(0; 5; -1)$.
- D. $(0; -5; -1)$.

Câu 6. Cho $A(1; 2; -1)$, $B(5; 0; 3)$, $C(7; 2; 2)$. Tọa độ giao điểm M của Ox với mặt phẳng qua ABC là:

- A. $M(-1; 0; 0)$.
- B. $M(1; 0; 0)$.
- C. $M(2; 0; 0)$.
- D. $M(-2; 0; 0)$.

Câu 7. Cho (S): $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 6y + 4z = 0$. Biết OA là đường kính của (S). Tìm tọa độ A.

- A. $A(-1; 3; 2)$.
- B. Chưa xác định được.
- C. $A(2; -6; -4)$.
- D. $A(-2; 6; 4)$.

Câu 8. Gọi (S) là mặt cầu tâm I thuộc $d: \frac{x-1}{2} = \frac{y-3}{4} = \frac{z}{1}$, bán kính $r = 1$ và tiếp xúc với (P): $2x - y + 2z = 0$. Tọa độ của điểm I là:

- A. $I(5; 11; 2)$.
- B. $I(-5; -11; -2)$.
- C. $I(-5; 11; 2)$.
- D. $I(-1; -1; -1)$.

Câu 9. Điểm nào nằm trên đường thẳng (d) là giao tuyến của $x + 2y - z + 3 = 0$ và $2x - 3y - 2z + 6 = 0$.

- A. $(0; 1; 5)$.
- B. $(-1; -1; 0)$.
- C. $(1; 2; 1)$.
- D. $(1; 0; 4)$.

Câu 10. Mặt phẳng (Q) đi qua 2 điểm $A(1; 0; 1)$, $B(2; 1; 2)$ và vuông góc với mặt phẳng (P): $x + 2y + 3z + 3 = 0$ cắt trục Oz tại điểm có cao độ:

- A. 2.
- B. 4.
- C. 3.
- D. 1.

Câu 11. Trên mặt phẳng (Oxy), cho điểm E có hoành độ bằng 1, tung độ nguyên và cách đều mặt phẳng $(\alpha): x + 2y + z - 1 = 0$ và mặt phẳng $(\beta): 2x - y - z + 2 = 0$. Tọa độ của E là:

- A. $(1; 4; 0)$.
- B. $(1; 0; -4)$.
- C. $(1; 0; 4)$.
- D. $(1; -4; 0)$.

Câu 12. Cho 2 mặt phẳng (P): $x + y - z + 1 = 0$, (Q): $x - y + z - 5 = 0$. Điểm nằm trên Oy cách đều (P) và (Q) là:

- A. $(0; 3; 0)$.
- B. $(0; -3; 0)$.
- C. $(0; -2; 0)$.
- D. $(0; 2; 0)$.

Câu 13. Cho $A(3; 0; -1)$ và $B(1; 3; -2)$. $M \in Ox$ và cách đều A, B. Tọa độ M là:

- A. $(2; 0; 0)$. B. $(-1; 0; 0)$. C. $(-2; 0; 0)$. D. $(1; 0; 0)$.

Câu 14. Cho $A(1; 0; 0)$, $B(-2; 4; 1)$. Điểm trên trục tung và cách đều A, B là:

- A. $(0; 11; 0)$. B. $(0; \frac{5}{2}; 0)$. C. $(0; \frac{11}{6}; 0)$. D. $(0; \frac{6}{11}; 0)$.

Câu 15. Trong (Oxz) , tìm điểm M cách đều 3 điểm $A(1; 1; 1)$, $B(-1; 1; 0)$, $C(3; 1; -1)$.

- A. $M\left(\frac{5}{2}; 0; \frac{11}{2}\right)$. B. $M\left(\frac{9}{4}; 0; 5\right)$. C. $M\left(\frac{5}{6}; 0; -\frac{7}{6}\right)$. D. $M(5; 0; -7)$.

Câu 16. Cho 3 điểm $A(0; 1; 2)$, $B(2; -2; 1)$, $C(-2; 0; 1)$. Gọi $M(a; b; c)$ là điểm thuộc (P) : $2x + 2y + z - 3 = 0$ sao cho $MA = MB = MC$. Giá trị của $a + b + c$ là:

- A. -2 . B. 0 . C. -1 . D. -3 .

Câu 17. Cho 2 điểm $A(0; 0; -3)$, $B(2; 0; -1)$ và mặt phẳng (P) : $3x - 8y + 7z - 1 = 0$. Gọi C là điểm trên (P) để tam giác ABC đều. Khi đó tọa độ điểm C là:

- A. $(-3; 1; 2)$. B. $\left(-\frac{1}{2}; \frac{3}{2}; -\frac{1}{2}\right)$. C. $\left(-\frac{2}{3}; -\frac{2}{3}; -\frac{1}{3}\right)$. D. $(1; 2; -1)$.

Câu 18. Cho mặt phẳng (α) : $3x - 2y + z + 6 = 0$ và điểm $A(2; -1; 0)$. Hình chiếu vuông góc của A lên (α) là:

- A. $(1; -1; 1)$. B. $(-1; 1; -1)$. C. $(3; -2; 1)$. D. $(5; -3; 1)$.

Câu 19. Cho $A(2; 1; -1)$ và (P) : $x + 2y - 2z + 3 = 0$. Gọi $H(1; a; b)$ là hình chiếu vuông góc của A lên (P) . Khi đó a bằng:

- A. -1 . B. 1 . C. -2 . D. 2 .

Câu 20. Cho (P) : $x - 2y - 3z + 14 = 0$ và $M(1; -1; 1)$. Tọa độ điểm N đối xứng của M qua (P) là:

- A. $(1; -3; 7)$. B. $(2; -1; 1)$. C. $(2; -3; -2)$. D. $(-1; 3; 7)$.

Câu 21. Cho (P) : $16x - 15y - 12z + 75 = 0$ và mặt cầu (S) : $x^2 + y^2 + z^2 = 9$. (P) tiếp xúc với (S) tại điểm:

- A. $\left(-\frac{48}{25}; 11; \frac{36}{25}\right)$. B. $\left(-1; 1; \frac{19}{3}\right)$. C. $\left(-1; 1; \frac{36}{25}\right)$. D. $\left(-\frac{48}{25}; \frac{9}{5}; \frac{36}{25}\right)$.

Câu 22. Cho mặt cầu (S) : $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 3)^2 = 0$. Gọi I là tâm của (S) . Giao điểm của OI và (S) có tọa độ là:

- A. $(-1; -2; -3)$ và $(3; -6; 9)$. B. $(-1; 2; -3)$ và $(3; -6; 9)$.
C. $(-1; 2; -3)$ và $(3; -6; -9)$. D. $(-1; 2; -3)$ và $(3; 6; 9)$.

Câu 23. Tìm điểm H trên đường thẳng $d: \begin{cases} x = 1 + t \\ y = 2 + t \\ z = 1 + 2t \end{cases}$ sao cho MH ngắn nhất, biết $M(2; 1; 4)$:

- A. $H(2; 3; 3)$. B. $H(1; 3; 3)$. C. $H(2; 2; 3)$. D. $H(2; 3; 4)$.

Câu 24. Cho đường thẳng $d: \frac{x-1}{1} = \frac{y}{2} = \frac{z-2}{-1}$, (P) : $2x - y - z + 3 = 0$. Tìm tất cả điểm M trên (d) sao cho $d(M, (P)) = \sqrt{6}$:

- A. $\begin{bmatrix} M(4; 6; -1) \\ M(8; -18; 11) \end{bmatrix}$ B. $\begin{bmatrix} M(4; 6; -1) \\ M(-8; -18; 11) \end{bmatrix}$ C. $\begin{bmatrix} M(4; -6; -1) \\ M(-8; -18; 11) \end{bmatrix}$ D. $\begin{bmatrix} M(4; 6; 1) \\ M(8; -18; 11) \end{bmatrix}$

Câu 25. Tìm điểm A trên $d: \frac{x}{2} = \frac{y}{-1} = \frac{z+1}{1}$ sao cho khoảng cách từ điểm A đến (α) : $x - 2y - 2z + 5 = 0$ bằng 3. Biết A có hoành độ dương.

- A. $A(0; 0; -1)$. B. $A(-2; 1; -2)$. C. $A(2; -1; 0)$. D. $A(4; -2; 1)$.

Câu 26. Cho tam giác ABC với $A(1; 2; -1)$, $B(2; -1; 3)$, $C(-4; 7; 5)$. Chân đường phân giác trong của góc B có tọa độ là:

- A. $\left(-\frac{2}{3}; \frac{11}{3}; -1\right)$. B. $\left(-\frac{2}{3}; -\frac{11}{3}; 1\right)$. C. $\left(-\frac{2}{3}; \frac{11}{3}; 1\right)$. D. $\left(\frac{2}{3}; \frac{11}{3}; 1\right)$.

Câu 27. Tam giác ABC có $A(1; 0; 0)$, $B(0; 2; 0)$, $C(3; 0; 4)$. Tọa độ điểm M trên (Oyz) sao cho MC vuông góc với (ABC) là:

- A. $\left(0; \frac{3}{2}; \frac{11}{2}\right)$. B. $\left(0; \frac{3}{2}; -\frac{11}{2}\right)$. C. $\left(0; -\frac{3}{2}; \frac{11}{2}\right)$. D. $\left(0; -\frac{3}{2}; -\frac{11}{2}\right)$.

Câu 28. Cho $A(2; 1; -1)$, $B(3; 0; 1)$, $C(2; -1; 3)$, điểm D thuộc Oy và thể tích tứ diện ABCD bằng 5. Tọa độ điểm D là:

- A. $(0; -7; 0)$ hoặc $(0; 8; 0)$.
 B. $(0; -7; 0)$.
 C. $(0; 8; 0)$.
 D. $(0; 7; 0)$ hoặc $(0; -8; 0)$.

Câu 29. Cho $A(1; 2; 2)$, $B(5; 4; 4)$ và $(P): 2x + y - z + 6 = 0$. Tọa độ điểm M trên (P) sao cho $MA^2 + MB^2$ nhỏ nhất là:

- A. $M(-1; 1; 5)$.
 B. $M(1; -1; 3)$.
 C. $M(2; 1; -5)$.
 D. $M(-1; 3; 2)$.

Câu 30. Cho $A(1; 4; 2)$, $B(-1; 2; 4)$ và $d: \frac{x-1}{-1} = \frac{y+2}{1} = \frac{z}{2}$. Điểm M thuộc d , biết $MA^2 + MB^2$ nhỏ nhất. Điểm M có tọa độ là:

- A. $(1; 0; 4)$.
 B. $(0; -1; 4)$.
 C. $(-1; 0; 4)$.
 D. $(1; 0; -4)$.

Câu 31. Cho 2 điểm $A(5; 3; -4)$, $B(1; 3; 4)$. Tìm $C \in (\text{Oxy})$ sao cho ΔABC cân tại C và có diện tích bằng $8\sqrt{5}$. Chọn câu trả lời đúng nhất.

- A. $(3; 7; 0)$ và $(3; -1; 0)$.
 B. $(-3; -7; 0)$ và $(-3; -1; 0)$.
 C. $(3; 7; 0)$ và $(3; 1; 0)$.
 D. $(-3; -7; 0)$ và $(3; -1; 0)$.

Câu 32. Cho đường thẳng $d: \frac{x-3}{1} = \frac{y}{-1} = \frac{z-5}{3}$ và mặt phẳng $(P): 2x - y + 2z - 7 = 0$. M là điểm trên d cách (P) một khoảng bằng 3. Tọa độ M là:

- A. $(3; 0; 5)$.
 B. $(1; 2; -1)$.
 C. Cả A. và B. đều sai.
 D. Cả A. và B. đều đúng.

Câu 33. Cho điểm $M(0; 1; 1)$, đường thẳng $(d_1): \frac{x-1}{3} = \frac{y+2}{2} = \frac{z}{1}$, (d_2) là giao tuyến của 2 mặt phẳng $(P): x + 1 = 0$ và $(Q): x + y - z + 2 = 0$. Gọi (d) là đường thẳng qua M vuông góc với (d_1) và cắt (d_2) . Trong số các điểm $A(0; 1; 1)$, $B(-3; 3; 6)$, $C(3; -1; -3)$, $D(6; -3; 0)$ có mấy điểm nằm trên d :

- A. 2.
 B. 0.
 C. 1.
 D. 3.

BÀI TỔNG HỢP

Câu 1. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho mặt phẳng $(P): x + y + z - 3 = 0$ và đường thẳng $d: \frac{x}{1} = \frac{y+1}{2} = \frac{z-2}{-1}$. Hình chiếu của d trên (P) có phương trình là

$$\text{A. } \frac{x+1}{-1} = \frac{y+1}{-4} = \frac{z+1}{5}. \quad \text{B. } \frac{x-1}{3} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z-1}{-1}. \quad \text{C. } \frac{x-1}{1} = \frac{y-1}{4} = \frac{z-1}{-5}. \quad \text{D. } \frac{x-1}{1} = \frac{y+4}{1} = \frac{z+5}{1}.$$

Câu 2. Trong không gian $Oxyz$, cho mặt cầu $(S): (x+1)^2 + (y+1)^2 + (z+1)^2 = 9$ và điểm $A(2; 3; -1)$. Xét các điểm M thuộc (S) sao cho đường thẳng AM tiếp xúc với (S) , M luôn thuộc mặt phẳng có phương trình là

$$\text{A. } 6x + 8y + 11 = 0 \quad \text{B. } 3x + 4y + 2 = 0 \quad \text{C. } 3x + 4y - 2 = 0 \quad \text{D. } 6x + 8y - 11 = 0$$

Câu 3. Trong không gian $Oxyz$, cho đường thẳng $d: \begin{cases} x = 1 + 3t \\ y = 1 + 4t \\ z = 1 \end{cases}$. Gọi Δ là đường thẳng đi qua điểm $A(1; 1; 1)$

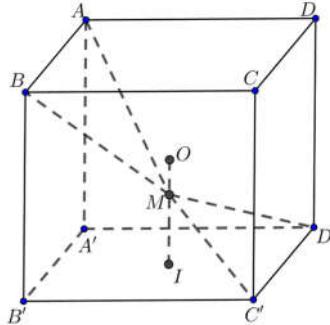
và có vectơ chỉ phương $\vec{u} = (1; -2; 2)$. Đường phân giác của góc nhọn tạo bởi d và Δ có phương trình là.

$$\text{A. } \begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + t \\ z = 1 + 5t \end{cases} \quad \text{B. } \begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = -10 + 11t \\ z = -6 - 5t \end{cases} \quad \text{C. } \begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = -10 + 11t \\ z = 6 - 5t \end{cases} \quad \text{D. } \begin{cases} x = -1 + 3t \\ y = 1 + 4t \\ z = 1 - 5t \end{cases}$$

Câu 4. Trong không gian $Oxyz$, cho mặt cầu $(S): (x-2)^2 + (y-3)^2 + (z+1)^2 = 16$ và điểm $A(-1; -1; -1)$. Xét các điểm M thuộc (S) sao cho đường thẳng AM tiếp xúc với (S) . M luôn thuộc một mặt phẳng cố định có phương trình là

- A. $3x+4y-2=0$ B. $3x+4y+2=0$ C. $6x+8y+11=0$ D. $6x+8y-11=0$

Câu 5. Cho hình lập phương $ABCD.A'B'C'D'$ có tâm O . Gọi I là tâm của hình vuông $A'B'C'D'$ và M là điểm thuộc đoạn thẳng OI sao cho $MO = \frac{1}{2}MI$ (tham khảo hình vẽ). Khi đó cosin của góc tạo bởi hai mặt phẳng $(MC'D')$ và (MAB) bằng



- A. $\frac{6\sqrt{13}}{65}$. B. $\frac{7\sqrt{85}}{85}$. C. $\frac{6\sqrt{85}}{85}$. D. $\frac{17\sqrt{13}}{65}$.

Câu 6. Trong không gian $Oxyz$, cho hai đường thẳng $d_1: \frac{x-3}{-1} = \frac{y-3}{-2} = \frac{z+2}{1}$; $d_2: \frac{x-5}{-3} = \frac{y+1}{2} = \frac{z-2}{1}$ và mặt phẳng $(P): x+2y+3z-5=0$. Đường thẳng vuông góc với (P) , cắt d_1 và d_2 có phương trình là

- A. $\frac{x-1}{1} = \frac{y+1}{2} = \frac{z}{3}$ B. $\frac{x-2}{1} = \frac{y-3}{2} = \frac{z-1}{3}$ C. $\frac{x-3}{1} = \frac{y-3}{2} = \frac{z+2}{3}$ D. $\frac{x-1}{3} = \frac{y+1}{2} = \frac{z}{1}$

Câu 7. Trong không gian $Oxyz$, cho điểm $M(1;1;2)$. Hỏi có bao nhiêu mặt phẳng (P) đi qua M và cắt các trục $x' Ox$, $y' Oy$, $z' Oz$ lần lượt tại các điểm A, B, C sao cho $OA = OB = OC \neq 0$?

- A. 3 B. 1 C. 4 D. 8

Câu 8. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho ba điểm $A(-2;0;0)$, $B(0;-2;0)$, $C(0;0;-2)$. Gọi D là điểm khác O sao cho DA , DB , DC đôi một vuông góc nhau và $I(a;b;c)$ là tâm mặt cầu ngoại tiếp tứ diện $ABCD$. Tính $S = a+b+c$.

- A. $S = -4$ B. $S = -1$ C. $S = -2$ D. $S = -3$

Câu 9. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho mặt cầu $(S): (x+1)^2 + (y-1)^2 + (z+2)^2 = 2$ và hai đường thẳng $d: \frac{x-2}{1} = \frac{y}{2} = \frac{z-1}{-1}$; $\Delta: \frac{x}{1} = \frac{y}{1} = \frac{z-1}{-1}$. Phương trình nào dưới đây là phương trình của một mặt phẳng tiếp xúc với (S) và song song với d , Δ .

- A. $y+z+3=0$ B. $x+z+1=0$ C. $x+y+1=0$ D. $x+z-1=0$

Câu 10. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho hai đường thẳng $d_1: \begin{cases} x = 1 + 3t \\ y = -2 + t, d_2: \frac{x-1}{2} = \frac{y+2}{-1} = \frac{z}{2} \end{cases}$ và

mặt phẳng $(P): 2x+2y-3z=0$. Phương trình nào dưới đây là phương trình mặt phẳng đi qua giao điểm của d_1 và (P) , đồng thời vuông góc với d_2 ?

- A. $2x-y+2z-13=0$ B. $2x-y+2z+22=0$ C. $2x-y+2z+13=0$ D. $2x+y+2z-22=0$

Câu 11. Trong không gian $Oxyz$ cho điểm $M(-1;1;3)$ và hai đường thẳng $\Delta: \frac{x-1}{3} = \frac{y+3}{2} = \frac{z-1}{1}$, $\Delta': \frac{x+1}{1} = \frac{y}{3} = \frac{z}{-2}$. Phương trình nào dưới đây là phương trình đường thẳng đi qua M và vuông góc với Δ và Δ' .

- A. $\begin{cases} x = -1 - t \\ y = 1 + t \\ z = 1 + 3t \end{cases}$ B. $\begin{cases} x = -t \\ y = 1 + t \\ z = 3 + t \end{cases}$ C. $\begin{cases} x = -1 - t \\ y = 1 - t \\ z = 3 + t \end{cases}$ D. $\begin{cases} x = -1 - t \\ y = 1 + t \\ z = 3 + t \end{cases}$

Câu 12. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho mặt cầu $(S): x^2 + y^2 + z^2 = 9$, điểm $M(1;1;2)$ và mặt phẳng $(P): x + y + z - 4 = 0$. Gọi Δ là đường thẳng đi qua M , thuộc (P) và cắt (S) tại 2 điểm A, B sao cho AB nhỏ nhất. Biết rằng Δ có một vectơ chỉ phương là $\vec{u}(1;a;b)$, tính $T = a - b$.

- A. $T = 0$ B. $T = -1$ C. $T = -2$ D. $T = 1$

Câu 13. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$ cho điểm $A(1;0;2)$ và đường thẳng d có phương trình:

$\frac{x-1}{1} = \frac{y}{1} = \frac{z+1}{2}$. Viết phương trình đường thẳng Δ đi qua A , vuông góc và cắt d .

- A. $\frac{x-1}{1} = \frac{y}{1} = \frac{z-2}{1}$ B. $\frac{x-1}{1} = \frac{y}{1} = \frac{z-2}{-1}$ C. $\frac{x-1}{2} = \frac{y}{2} = \frac{z-2}{1}$ D. $\frac{x-1}{1} = \frac{y}{-3} = \frac{z-2}{1}$

Câu 14. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho bốn điểm $A(1;-2;0)$, $B(0;-1;1)$, $C(2;1;-1)$ và $D(3;1;4)$. Hỏi tất cả có bao nhiêu mặt phẳng cách đều bốn điểm đó?

- A. 1 mặt phẳng B. 4 mặt phẳng C. 7 mặt phẳng D. có vô số

Câu 15. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho đường thẳng $d: \frac{x-1}{2} = \frac{y+5}{-1} = \frac{z-3}{4}$. Phương trình nào dưới đây là phương trình của d trên mặt phẳng $x+3=0$?

- A. $\begin{cases} x = -3 \\ y = -5 - t \\ z = 3 + 4t \end{cases}$ B. $\begin{cases} x = -3 \\ y = -5 + t \\ z = 3 + 4t \end{cases}$ C. $\begin{cases} x = -3 \\ y = -5 + 2t \\ z = 3 - t \end{cases}$ D. $\begin{cases} x = -3 \\ y = -6 - t \\ z = 7 + 4t \end{cases}$

Câu 16. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho mặt phẳng $(P): 6x - 2y + z - 35 = 0$ và điểm $A(-1;3;6)$.

Gọi A' là điểm đối xứng với A qua (P) , tính OA' .

- A. $OA' = 3\sqrt{26}$ B. $OA' = 5\sqrt{3}$ C. $OA' = \sqrt{46}$ D. $OA' = \sqrt{186}$

Câu 17. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, viết phương trình mặt phẳng (P) song song và cách đều hai đường thẳng $d_1: \frac{x-2}{-1} = \frac{y}{1} = \frac{z}{1}$ và $d_2: \frac{x}{2} = \frac{y-1}{-1} = \frac{z-2}{-1}$

- A. $(P): 2x - 2z + 1 = 0$ B. $(P): 2y - 2z + 1 = 0$
 C. $(P): 2x - 2y + 1 = 0$ D. $(P): 2y - 2z - 1 = 0$

Câu 18. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, xét các điểm $A(0;0;1)$, $B(m;0;0)$, $C(0;n;0)$, $D(1;l;1)$ với $m > 0$, $n > 0$ và $m+n=1$. Biết rằng khi m , n thay đổi, tồn tại một mặt cầu cố định tiếp xúc với mặt phẳng (ABC) và đi qua D . Tính bán kính R của mặt cầu đó?

- A. $R = 1$. B. $R = \frac{\sqrt{2}}{2}$. C. $R = \frac{3}{2}$. D. $R = \frac{\sqrt{3}}{2}$.

Câu 19. Trong không gian $Oxyz$, cho điểm $E(2;1;3)$, mặt phẳng $(P): 2x + 2y - z - 3 = 0$ và mặt cầu $(S): (x-3)^2 + (y-2)^2 + (z-5)^2 = 36$. Gọi Δ là đường thẳng đi qua E , nằm trong (P) và cắt (S) tại hai điểm có khoảng cách nhỏ nhất. Phương trình của Δ là

- A. $\begin{cases} x = 2 + 9t \\ y = 1 + 9t \\ z = 3 + 8t \end{cases}$ B. $\begin{cases} x = 2 - 5t \\ y = 1 + 3t \\ z = 3 \end{cases}$ C. $\begin{cases} x = 2 + t \\ y = 1 - t \\ z = 3 \end{cases}$ D. $\begin{cases} x = 2 + 4t \\ y = 1 + 3t \\ z = 3 - 3t \end{cases}$

Câu 20. Trong không gian $Oxyz$, cho mặt cầu (S) có tâm $I(-2;1;2)$ và đi qua điểm $A(1;-2;-1)$. Xét các điểm B, C, D thuộc (S) sao cho AB, AC, AD đôi một vuông góc với nhau. Thể tích khối tứ diện $ABCD$ có giá trị lớn nhất bằng

- A. 72 B. 216 C. 108 D. 36