



Họ, tên thí sinh :

Số báo danh :

I. PHẦN TRẮC NGHIỆM (gồm 40 Câu, 8 điểm, thời gian làm 75 phút)**Câu 1:** Gọi z_1, z_2 là hai nghiệm phức của phương trình $z^2 + 2z + 10 = 0$. Tính $A = |z_1|^2 + |z_2|^2$

- A. $4\sqrt{10}$. B. 20. C. $2\sqrt{10}$. D. $2\sqrt{20}$.

Câu 2: Tìm $\int \frac{\ln x}{x} dx$ ta được:

- A. $\frac{\ln x}{4} + C$. B. $\frac{\ln^2 x}{4} + C$. C. $\frac{\ln x}{2} + C$. D. $\frac{\ln^2 x}{2} + C$.

Câu 3: Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho điểm $M(-3; 2; 0)$ và mặt phẳng $(\alpha): 3x - 5y + 3z - 24 = 0$. Tọa độ của điểm M' đối xứng với M qua (α) là:

- A. $(3; -8; 6)$. B. $(0; -3; 3)$. C. $(-6; 7; -3)$. D. $(5; 0; 3)$.

Câu 4: Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, lập phương trình mặt phẳng (α) đi qua $M(3; 2; 1)$ và cắt ba tia Ox, Oy, Oz lần lượt tại A, B, C sao cho thể tích tứ diện $OABC$ nhỏ nhất

- A. $2x + 3y + 6z + 18 = 0$. B. $2x + 3y + 6z - 18 = 0$.
C. $2x + 6y + 3z - 21 = 0$. D. $3x + 2y + 6z - 19 = 0$.

Câu 5: Số phức liên hợp của số phức $z = (3 - 2i)(2 + 3i)^2$ là:

- A. $\bar{z} = -9 - 46i$. B. $\bar{z} = 9 - 46i$. C. $\bar{z} = 9 + 46i$. D. $\bar{z} = -9 + 46i$.

Câu 6: Cho hai số phức $z_1 = -1 + 3i; z_2 = 4 + 6i$. Tìm số phức z sao cho $z - z_2 + 2z_1 = 0$.

- A. $z = 6$. B. $z = 2 + 12i$. C. $z = -6$. D. $z = 6 - i$.

Câu 7: Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho tam giác ABC với $A(5; 0; -4), B(3; 1; -2), C(4; 2; -6)$. Khẳng định nào sau đây đúng khi nói về tam giác ABC ?

- A. Cân và không vuông. B. Đều.
C. Vuông cân. D. Vuông và không cân.

Câu 8: Tìm mệnh đề sai trong các mệnh đề sau:A. Điểm $M(a; b)$ là điểm biểu diễn của số phức $z = a + bi$ ($a, b \in \mathbb{R}$) trên mặt phẳng Oxy .B. $a + bi = c + di \Leftrightarrow \begin{cases} a = c \\ b = d \end{cases}$.C. Số phức $z = a + bi$ ($a, b \in \mathbb{R}$) có số phức liên hợp là $\bar{z} = -a + bi$.D. Số phức $z = a + bi$ ($a, b \in \mathbb{R}$) có môđun là $\sqrt{a^2 + b^2}$.

- Câu 9:** Tích phân $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \tan x dx = \ln(m + \sqrt{2})$ thì m bằng:
- A. $1 + \sqrt{2}$. B. $2\sqrt{2}$. C. 0 . D. $\sqrt{2} - 1$.
- Câu 10:** Thể tích của vật thể tròn xoay sinh bởi phép quay quanh trục Ox của hình phẳng giới hạn bởi các đường $y = e^x$, $y = e^{2-x}$, $x = 1$, $x = 2$ bằng:
- A. $\frac{\pi(e^2 - 1)^2}{2}$. B. $\frac{\pi(e^2 + 1)}{2}$. C. $\frac{\pi(e^2 - 1)}{2}$. D. $\frac{(e^2 - 1)^2}{2}$.
- Câu 11:** Diện tích hình phẳng giới hạn bởi các đường $y^2 = 6x$, $x^2 + y^2 = 16$ trong miền $x \geq 0$ bằng:
- A. $\frac{4}{3}(7\pi - \sqrt{3})$. B. $\frac{4}{3}(4\pi + \sqrt{3})$. C. $\frac{8\pi}{3}$. D. $\frac{4}{3}(8\pi + \sqrt{3})$.
- Câu 12:** Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho đường thẳng $\Delta: \begin{cases} x = 2 + t \\ y = -1 - t \\ z = 2t \end{cases}$ và mặt phẳng $(\alpha): 3x - y - 2z - 7 = 0$. Khẳng định nào sau đây đúng khi nói về quan hệ giữa Δ và (α) ?
- A. $\Delta \subset (\alpha)$. B. Cắt nhau và vuông góc.
C. $\Delta // (\alpha)$. D. Cắt nhau và không vuông góc.
- Câu 13:** Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, phương trình tham số của đường thẳng đi qua điểm $A(0; -1; 3)$ và có vector chỉ phương $\vec{u} = (1; -2; 1)$ là:
- A. $\begin{cases} x = t \\ y = -1 - 2t \\ z = 3 + t \end{cases}$. B. $\begin{cases} x = t \\ y = -1 + 2t \\ z = 3 - t \end{cases}$. C. $\begin{cases} x = 1 \\ y = -2 - t \\ z = 1 + 3t \end{cases}$. D. $\begin{cases} x = -t \\ y = -1 - t \\ z = 3 + t \end{cases}$.
- Câu 14:** Biết rằng $\int_{\frac{1}{2}}^1 x \cdot f(x) dx = \frac{15}{64}$. Tính tích phân $\int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{\pi}{2}} \sin 2x \cdot f(\sin x) dx$.
- A. $\frac{15}{64}$. B. $\frac{45}{32}$. C. $\frac{15}{128}$. D. $\frac{15}{32}$.
- Câu 15:** Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, tọa độ của điểm đối xứng với điểm $A(1; 2; 1)$ qua trục Oy là:
- A. $(1; 2; -1)$. B. $(1; -2; 1)$.
C. $(-1; 2; -1)$. D. $(-1; -2; -1)$.
- Câu 16:** Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho ba điểm $A(1; 0; 0)$, $B(0; 2; 0)$, $C(0; 0; 3)$. Phương trình nào sau đây không phải là phương trình mặt phẳng (ABC) ?
- A. $x + \frac{y}{2} + \frac{z}{3} = 1$. B. $6x + 3y + 2z - 6 = 0$.
C. $12x + 6y + 4z - 12 = 0$. D. $6x + 3y + 2z + 6 = 0$.

- Câu 17:** Gọi M là điểm biểu diễn của số phức $z = 1 + 2i$ và N là điểm biểu diễn của số phức $z' = -1 + 2i$. Tìm mệnh đề đúng trong các mệnh đề sau:
- A. Hai điểm M và N cùng nằm trên đường thẳng $x = 2$.
 B. Hai điểm M và N đối xứng với nhau qua trục tung.
 C. Hai điểm M và N đối xứng với nhau qua gốc tọa độ O .
 D. Hai điểm M và N đối xứng với nhau qua trục hoành.
- Câu 18:** Diện tích hình phẳng giới hạn bởi các đường $y = x^2 + 2$, $y = 3x$ bằng:
- A. $\frac{1}{2}$. B. $\frac{1}{6}$. C. $\frac{1}{12}$. D. $\frac{1}{3}$.
- Câu 19:** Cho hình phẳng A giới hạn bởi các đường $y = \cos x$, $y = 0$, $x = 0$, $x = \frac{\pi}{4}$. Khối tròn xoay được tạo thành khi A quay quanh trục hoành có thể tích bằng:
- A. $\frac{\pi^2 - 2\pi}{6}$. B. $\frac{(\pi + 2)}{8}$. C. $\frac{\pi(\pi + 2)}{8}$. D. $\frac{\pi^2 + \pi}{4}$.
- Câu 20:** Trong tập số phức, căn bậc hai của số -4 là:
- A. Không tồn tại. B. $2i$. C. -2 . D. $\pm 2i$.
- Câu 21:** Cho số phức tùy ý $z \neq 1$. Xét các số phức $\alpha = \frac{i^{2017} - i}{z - 1} - z^2 + (\bar{z})^2$ và $\beta = \frac{z^3 - z}{z - 1} + (\bar{z})^2 + \bar{z}$. Trong các khẳng định sau khẳng định nào đúng?
- A. α , β là số thực. B. α , β là số ảo.
 C. α là số ảo, β là số thực. D. α là số thực, β là số ảo.
- Câu 22:** Nguyên hàm của hàm số $f(x) = 2x(1 + 3x^3)$ là:
- A. $x^2(1 + 3x^2) + C$. B. $\frac{x^2}{2} + \frac{6}{5}x^5 + C$. C. $x^2(x + x^3) + C$. D. $x^2\left(1 + \frac{6}{5}x^3\right) + C$.
- Câu 23:** Trong không gian hệ tọa độ $Oxyz$, cho ba điểm $M(0; 2; 3)$, $N(1; 2; 0)$, $Q(1; 0; 3)$. Khoảng cách giữa MN và OQ là:
- A. 1. B. 2. C. 4. D. 3.
- Câu 24:** Hàm số $y = \cos \frac{1}{x}$ là một nguyên hàm của hàm số:
- A. $y = \sin \frac{1}{x}$. B. $y = -\sin \frac{1}{x}$. C. $y = \frac{1}{x^2} \sin \frac{1}{x}$. D. $y = -\frac{1}{x^2} \sin \frac{1}{x}$.
- Câu 25:** Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, phương trình của đường thẳng đi qua điểm $M(1; 0; -1)$ và vuông góc với mặt phẳng $(\alpha): 2x - y + z + 9 = 0$ là:
- A. $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = -t \\ z = -1 + t \end{cases}$. B. $\frac{x-1}{2} = \frac{y}{1} = \frac{z+1}{1}$. C. $\begin{cases} x = 1 \\ y = -4 + t \\ z = 1 + 3t \end{cases}$. D. $\begin{cases} x = 2 + t \\ y = -1 \\ z = 1 - t \end{cases}$.
- Câu 26:** Diện tích hình phẳng giới hạn bởi các đường $x = 0$, $x = 1$, $y = 0$, $y = x^3 - 3x^2 + x + 2$ bằng:
- A. $\frac{7}{2}$. B. $\frac{5}{2}$. C. $\frac{5}{4}$. D. $\frac{7}{4}$.

Câu 27: Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, khoảng cách giữa hai điểm $A(4; -1; 1)$, $B(2; 1; 0)$ là:

- A. 2. B. 4. C. 5. D. 3.

Câu 28: Tích phân $\int_1^e x^2 \ln x dx$ bằng:

- A. $\frac{2e^3+1}{9}$. B. $\frac{e^2+1}{4}$. C. $\frac{3e^3+2}{8}$. D. $\frac{2e^2+3}{3}$.

Câu 29: Tích phân $\int_1^{25} \sqrt{x} dx$ bằng:

- A. $\frac{262}{3}$. B. $\frac{248}{3}$. C. $\frac{247}{3}$. D. $\frac{278}{3}$.

Câu 30: Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, phương trình mặt phẳng song song với mặt phẳng $2x+2y-z+3=0$ và tiếp xúc với mặt cầu $x^2+y^2+z^2+6x-2y+4z-2=0$ là:

- A. $\begin{cases} 2x+2y-z+7=0 \\ 2x+2y-z-5=0 \end{cases}$. B. $\begin{cases} 4x+4y-2z+28=0 \\ 4x+4y-2z-20=0 \end{cases}$.
C. $\begin{cases} 4x+4y-2z-28=0 \\ 4x+4y-2z+20=0 \end{cases}$. D. $\begin{cases} 2x+2y-z-14=0 \\ 2x+2y-z+10=0 \end{cases}$.

Câu 31: Tìm một nguyên hàm $F(x)$ của hàm số $f(x) = \frac{1}{1-\cos 2x}$ biết $F\left(\frac{\pi}{6}\right) = 0$.

- A. $F(x) = \frac{1}{2}(\sqrt{3} + \cot x)$. B. $F(x) = \frac{1}{2}(\tan x - \sqrt{3})$.
C. $F(x) = \frac{1}{2}(\sqrt{3} - \cot x)$. D. $F(x) = 2\left(\frac{1}{\sin x} + \frac{\sqrt{3}}{3}\right)$.

Câu 32: Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, xác định giá trị của m và n để cặp mặt phẳng $(\beta): nx-8y-6z+1999=0$ và $(\alpha): 2x+my+3z-2017=0$ song song với nhau.

- A. $\begin{cases} m=2 \\ n=-2 \end{cases}$. B. $\begin{cases} m=-2 \\ n=2 \end{cases}$. C. $\begin{cases} m=-4 \\ n=4 \end{cases}$. D. $\begin{cases} m=4 \\ n=-4 \end{cases}$.

Câu 33: Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho hai điểm $M(1; 1; 1)$ và $N(2; 2; 2)$ phương trình nào sau đây không phải phương trình đường thẳng MN ?

- A. $\frac{1-x}{1} = \frac{y-1}{1} = \frac{z-1}{1}$. B. $\begin{cases} x=1+t \\ y=1+t \\ z=1+t \end{cases}$.
C. $\frac{x-1}{1} = \frac{y-1}{1} = \frac{z-1}{1}$. D. $\frac{x-1}{2} = \frac{y-1}{2} = \frac{z-1}{2}$.

Câu 34: Tích phân $\int_0^1 xe^{x^2} dx$ bằng:

- A. $\frac{1}{3}(e-1)$. B. $\frac{1}{2}e-1$. C. $\frac{1}{4}e+\frac{1}{5}$. D. $\frac{1}{2}(e-1)$.

Câu 35: Cho phương trình $z^2 + az + b = 0 (a; b \in \mathbb{R})$. Nếu phương trình nhận $z = 1 + i$ làm một nghiệm thì a và b bằng:

- A.** $a = -2, b = 2$. **B.** $a = 4, b = 3$. **C.** $a = 1, b = 3$. **D.** $a = 2, b = -2$.

Câu 36: Trong tập số phức, phương trình $z^2 + z + 1 = 0$ có nghiệm là:

- A.** $z = -1 \pm i\sqrt{3}$. **B.** $z = \frac{-1 \pm \sqrt{3}}{2}$. **C.** Vô nghiệm. **D.** $z = \frac{-1 \pm i\sqrt{3}}{2}$.

Câu 37: Phần ảo của số phức $z = -i$ là:

- A.** -1 . **B.** $-i$. **C.** 0 . **D.** 2 .

Câu 38: Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, mặt phẳng đi qua $M(2; -5; 1)$, $N(-1; 4; -2)$ và song song với trục Oy là:

- A.** $x - y - 1 = 0$. **B.** $x - z - 1 = 0$. **C.** $x + z - 3 = 0$. **D.** $y + z = 0$.

Câu 39: Tích phân $\int_0^{\frac{\pi}{6}} \sqrt{1 + 4 \sin x} \cos x dx$ bằng:

- A.** $\frac{1}{6}$. **B.** $\frac{\sqrt{3}}{6}$. **C.** $\frac{1}{6}(3\sqrt{3} - 1)$. **D.** $\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{3}$.

Câu 40: Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho $A(-1; 3; 4)$ và $B(-3; -1; -4)$, mặt cầu đường kính AB có phương trình:

- A.** $(x+2)^2 + (y-1)^2 + z^2 = 20$. **B.** $x^2 + y^2 + z^2 - 4x + 2y - 10 = 0$.
C. $x^2 + y^2 + z^2 + 4x - 2y - 16 = 0$. **D.** $(x+2)^2 + (y+1)^2 + z^2 = 20$.

II. PHẦN TỰ LUẬN (gồm 2 Câu, 2 điểm, thời gian làm 15 phút)

Câu 1: (1.0 điểm) Tính tích phân $I = \int_{\sqrt{3}}^{2\sqrt{3}} \frac{dx}{x\sqrt{x^2 + 4}}$.

Câu 2: (1.0 điểm) Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho đường thẳng $d: \frac{x-1}{-1} = \frac{y+3}{2} = \frac{z-3}{1}$ và mặt phẳng $(P): 2x + y - 2z + 9 = 0$.

Gọi A là giao điểm của d và (P) . Viết phương trình tham số của đường thẳng Δ nằm trong (P) , đi qua A và vuông góc với d .

----- Hết -----.

Thí sinh không được sử dụng tài liệu. Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm.

ĐÁP ÁN

I. PHẦN TRẮC NGHIỆM (gồm 40 câu, 8 điểm)

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
B	D	A	B	B	A	C	C	C	A	B	A	A	D	C	D	B	B	C	D

21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
C	D	B	C	A	D	D	A	B	B	C	D	A	D	A	D	A	B	C	C

II. PHẦN TỰ LUẬN (gồm 2 câu, 2 điểm)

	Đáp án	Điểm
Câu 1	Đặt $t = \sqrt{x^2 + 4}$. Suy ra $x^2 = t^2 - 4 \Rightarrow x \cdot dx = t \cdot dt \Leftrightarrow dt = \frac{x \cdot dx}{\sqrt{x^2 + 4}}$	0.25
	Với $x = \sqrt{5} \Rightarrow t = 3; x = 2\sqrt{3} \Rightarrow t = 4$	0.25
	$I = \int_{\sqrt{5}}^{2\sqrt{3}} \frac{dx}{x\sqrt{x^2 + 4}} = \int_3^4 \frac{dt}{t^2 - 4}$ $= \frac{1}{4} \int_3^4 \left(\frac{1}{t-2} - \frac{1}{t+2} \right) dt = \frac{1}{4} \left(\ln \left \frac{t-2}{t+2} \right \right) \Big _3^4 = \frac{1}{4} \ln \frac{5}{3}$	0.5
Câu 2	$A \in d \Rightarrow A(1-t; -3+2t; 3+t)$ $A \in (P) \Rightarrow 2(1-t) + 2t - 3 - 2(3+t) + 9 = 0 \Leftrightarrow -2t + 2 = 0 \Leftrightarrow t = 1$ Vậy $A(0; -1; 4)$.	0.25
	Gọi VTCP của d , VTCP của Δ , VTPT của (P) lần lượt là: $\vec{u}_d, \vec{u}_\Delta, \vec{n}_p$ $\Rightarrow \vec{u}_d = (-1; 2; 1), \vec{n}_p = (2; 1; -2)$ Theo giả thiết ta có $\begin{cases} \Delta \subset (P) \\ \Delta \perp d \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \vec{u}_\Delta \perp \vec{n}_p \\ \vec{u}_\Delta \perp \vec{u}_d \end{cases}$ Vì $[\vec{u}_d; \vec{n}_p] = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & -2 \end{pmatrix}; \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ -2 & 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -5 & 0 \\ 0 & -5 \end{pmatrix}$. Nên có thể chọn $\vec{u}_\Delta = (1; 0; 1)$	0.5
	Phương trình đường thẳng Δ đi qua $A(0; -1; 4)$ và có VTCP là $(1; 0; 1)$ $\begin{cases} x = t \\ y = -1 \\ z = 4 + t \end{cases}; t \in \mathbb{R}.$	0.25