

ĐỀ CHÍNH THỨC

(Đề có 4 trang, gồm 50 câu)

Thời gian làm bài: 90 phút (không kể thời gian phát đề)

Họ tên: Số báo danh:

Mã đề 003

Câu 1: Cho hàm số $y = f(x)$ liên tục trên đoạn $[a; b]$. Diện tích S của hình phẳng giới hạn bởi đồ thị hàm số $y = f(x)$, trục hoành và hai đường thẳng $x = a$, $x = b$ ($a < b$) là

- A. $S = \int_a^b f(x) dx$. B. $S = \pi \int_a^b |f(x)| dx$. C. $S = \int_a^b |f(x)| dx$. D. $S = \pi \int_a^b f^2(x) dx$.

Câu 2: Trong không gian $Oxyz$, vectơ nào sau đây là một vectơ pháp tuyến của mặt phẳng có phương trình $2x - y + 3z - 1 = 0$?

- A. $\vec{n}_4 = (2; 3; -1)$. B. $\vec{n}_3 = (2; -1; -1)$. C. $\vec{n}_1 = (2; 1; 3)$. D. $\vec{n}_2 = (2; -1; 3)$.

Câu 3: Môđun của số phức $z = 3 - i$ bằng

- A. $2\sqrt{2}$. B. $\sqrt{10}$. C. 8. D. 10.

Câu 4: Họ nguyên hàm của hàm số $f(x) = e^x$ là

- A. $e^x + C$. B. $\frac{e^{x+1}}{x+1} + C$. C. $xe^{x-1} + C$. D. $xe^x + C$.

Câu 5: Trong không gian $Oxyz$, cho hai điểm $A(-1; 2; 3)$, $B(3; 4; -3)$. Trung điểm của đoạn thẳng AB có toạ độ là

- A. $(1; 3; 0)$. B. $(2; 1; -3)$. C. $(2; 6; 0)$. D. $(-2; -1; 3)$.

Câu 6: Trong không gian $Oxyz$, mặt cầu $(S): x^2 + y^2 + z^2 - 4x + 6y - 3 = 0$ có bán kính bằng

- A. $\sqrt{55}$. B. $\sqrt{10}$. C. 4. D. 16.

Câu 7: Trong không gian $Oxyz$, vectơ nào sau đây là một vectơ chỉ phương của đường thẳng

$$\Delta: \frac{x+1}{3} = \frac{y-2}{-3} = \frac{z-2}{5} ?$$

- A. $\vec{b} = (3; 3; 5)$. B. $\vec{v} = (1; -2; -2)$. C. $\vec{u} = (-1; 2; 2)$. D. $\vec{a} = (3; -3; 5)$.

Câu 8: Cho hai số phức $z_1 = 1 - 2i$ và $z_2 = 3 - 4i$. Tìm số phức $z = z_1 - 2z_2$.

- A. $z = -5 - 10i$. B. $z = -2 + 2i$. C. $z = 4 - 6i$. D. $z = -5 + 6i$.

Câu 9: Cho hai số phức $z_1 = 5 - 4i$ và $z_2 = -3 + i$. Phần thực của số phức $w = z_1 + z_2$ bằng

- A. -3. B. 2. C. -2. D. 8.

Câu 10: Cho hàm số $y = f(x)$ liên tục trên \mathbb{R} và a là một số dương. Trong các khẳng định sau, khẳng định nào đúng?

- A. $\int_a^a f(x) dx = a^2$. B. $\int_a^a f(x) dx = 0$. C. $\int_a^a f(x) dx = 1$. D. $\int_a^a f(x) dx = 2a$.

Câu 11: Gọi z_1 và z_2 là hai nghiệm của phương trình $3z^2 - 4z + 7 = 0$. Tính $P = z_1 + z_2$.

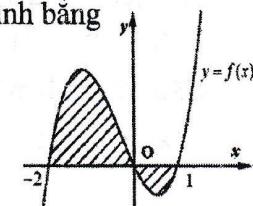
- A. $P = \frac{7}{3}$. B. $P = \frac{4}{3}$. C. $P = -\frac{7}{3}$. D. $P = -\frac{4}{3}$.

Câu 12: Cho hàm số $f(x) = x^2$. Khẳng định nào sau đây đúng?

- A. $\int x^2 dx = \frac{x^3}{3} + C$. B. $\int x^2 dx = \frac{x^2}{2} + C$. C. $\int x^2 dx = 2x + C$. D. $\int x^2 dx = x^3 + C$.

Câu 13: Cho hàm số $y = f(x)$ có đồ thị như hình vẽ. Diện tích phần gạch chéo trong hình bằng

- A. $S = \int_{-2}^1 f(x) dx$. B. $S = \int_{-2}^0 f(x) dx + \int_0^1 f(x) dx$.
 C. $S = \int_{-2}^0 f(x) dx + \int_0^1 f(x) dx$. D. $S = \int_{-2}^0 f(x) dx - \int_0^1 f(x) dx$.



Câu 14: Trong không gian $Oxyz$, tâm của mặt cầu (S) : $(x-3)^2 + (y+1)^2 + (z-5)^2 = 5$ có tọa độ là

- A. $(3;-1;5)$. B. $(-3;1;-5)$. C. $(3;1;5)$. D. $(-3;-1;-5)$.

Câu 15: Trong không gian $Oxyz$, cho hai điểm $A(3;2;0)$, $B(1;4;3)$. Tọa độ vecto \overrightarrow{AB} là

- A. $(2;2;3)$. B. $(-2;2;3)$. C. $(2;-2;-3)$. D. $(2;-2;3)$.

Câu 16: Trong mặt phẳng tọa độ Oxy , điểm $M(-2;5)$ biểu diễn cho số phức nào sau đây?

- A. $5+2i$. B. $2+5i$. C. $5-2i$. D. $-2+5i$.

Câu 17: Trong không gian $Oxyz$, cho hai điểm $A(1;2;0)$, $B(2;3;-1)$. Phương trình chính tắc của đường thẳng AB là

A. $\frac{x-1}{1} = \frac{y-2}{1} = \frac{z}{1}$. B. $\frac{x-2}{1} = \frac{y-3}{1} = \frac{z+1}{-1}$. C. $\frac{x+1}{1} = \frac{y+2}{1} = \frac{z}{-1}$. D. $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z}{-1}$.

Câu 18: Trong không gian $Oxyz$, mặt phẳng nào dưới đây đi qua điểm $(2;-1;3)$?

A. $(P_4): x-2y-2z-2=0$. B. $(P_2): x-2y+2z-2=0$.

C. $(P_3): x-2y-2z+2=0$. D. $(P_1): x+2y-2z+2=0$.

Câu 19: Tích phân $\int_{-1}^2 (x+3)^2 dx$ bằng

A. $\frac{61}{3}$. B. 4. C. $\frac{61}{9}$. D. 61.

Câu 20: Trong không gian $Oxyz$, phương trình tham số của đường thẳng đi qua điểm $A(1;-2;3)$ và có một vecto chỉ phương $\vec{u} = (0;-1;2)$ là

A. $\begin{cases} x=1 \\ y=-2-t \\ z=3+2t \end{cases}$ B. $\begin{cases} x=1 \\ y=-2+t \\ z=3+2t \end{cases}$ C. $\begin{cases} x=1+t \\ y=-2-t \\ z=3+2t \end{cases}$ D. $\begin{cases} x=t \\ y=-2-t \\ z=3+2t \end{cases}$

Câu 21: Cho số phức $z = 3+2i$. Phần ảo của số phức \bar{z} bằng

- A. 2. B. $-2i$. C. -2. D. $2i$.

Câu 22: Biết $F(x)$ là một nguyên hàm của hàm số $f(x) = 2x(3+2\ln x)$ và $F(1)=3$. Khẳng định nào sau đây đúng?

A. $F(x) = 2x^2 + 2x^2 \ln x + 1$. B. $F(x) = 2x^2 + 2x^2 \ln x - 1$.

C. $F(x) = 4x^2 + 2x^2 \ln x$. D. $F(x) = 4x^2 + 2x^2 \ln x - 1$.

Câu 23: Trong không gian $Oxyz$, mặt cầu tâm $I(2;-1;2)$ và đi qua $M(2;0;1)$ có phương trình là

A. $(x-2)^2 + (y+1)^2 + (z-2)^2 = 2$. B. $(x-2)^2 + (y+1)^2 + (z-2)^2 = \sqrt{2}$.

C. $(x+2)^2 + (y-1)^2 + (z+2)^2 = 2$. D. $(x-2)^2 + (y+1)^2 + (z-2)^2 = 1$.

Câu 24: Gọi z_1 , z_2 là hai nghiệm phức của phương trình $3z^2 - z + 1 = 0$ và M, N lần lượt là hai điểm biểu diễn của z_1 , z_2 trên mặt phẳng tọa độ Oxy . Tính $T = OM + ON$.

A. $P = \frac{\sqrt{14}}{3}$. B. $P = \frac{2}{3}$. C. $P = \frac{\sqrt{3}}{3}$. D. $P = \frac{2\sqrt{3}}{3}$.

Câu 25: Cho số phức $z = a+bi$ ($a, b \in \mathbb{R}$) thỏa mãn $z+1+3i = zi$. Tính $S = a+3b$.

- A. $S = -5$. B. $S = 5$. C. $S = -3$. D. $S = 3$.

Câu 26: Trong không gian $Oxyz$, cho hai vecto $\vec{u} = (1;-1;2)$, $\vec{v} = (2;3;1)$. Vecto $[\vec{u}, \vec{v}]$ (tích có hướng của hai vecto \vec{u} và \vec{v}) có tọa độ

- A. $(-7;3;-5)$. B. $(-7;3;5)$. C. $(7;-3;-5)$. D. $(6;-3;1)$.

Câu 27: Tính môđun của số phức z thỏa mãn $z(1+i) + 3i = 1$.

- A. $|z| = \sqrt{5}$. B. $|z| = -\sqrt{5}$. C. $|z| = -5$. D. $|z| = 5$.

Câu 28: Cho $\int_a^c f(x) dx = 17$ và $\int_b^c f(x) dx = -11$ với $a < c < b$. Tính $I = \int_a^b f(x) dx$.

- A. $I = 28$. B. $I = 6$. C. $I = -6$. D. $I = -28$.

Câu 29: Tìm số phức z biết $\bar{z} = (5 - 2i)(i + 1)$.

- A. $z = 7 - 3i$. B. $z = -7 - 3i$. C. $z = 7 + 3i$. D. $z = -7 + 3i$.

Câu 30: Cho $I = \int_0^2 f(x) dx = 3$. Khi đó $J = \int_0^2 [4f(x) - 3] dx$ bằng

- A. $J = 9$. B. $J = 18$. C. $J = 6$. D. $J = 4$.

Câu 31: Cho hình phẳng (H) giới hạn bởi đồ thị hàm số $y = x^2$, trục hoành và hai đường thẳng $x = 1$, $x = 2$. Quay hình (H) quanh trục hoành ta được khối tròn xoay có thể tích bằng (đvtt)

- A. $\frac{5\pi}{31}$. B. $\frac{9\pi}{2}$. C. $\frac{31\pi}{5}$. D. $\frac{7\pi}{3}$.

Câu 32: Trong không gian $Oxyz$, cho điểm $M(3; 2; -2)$ và đường thẳng d có phương trình $\frac{x}{1} = \frac{y+1}{2} = \frac{z-3}{-3}$. Phương trình của mặt phẳng đi qua M và vuông góc với d là

- A. $x + 2y - 3z - 1 = 0$. B. $x - 2y - 3z - 7 = 0$. C. $x + 2y - 3z - 13 = 0$. D. $x + 2y + 3z - 1 = 0$.

Câu 33: Họ nguyên hàm của hàm số $f(x) = \sin 2x$ là

- A. $\frac{1}{2}\cos 2x + C$. B. $-\cos 2x + C$. C. $2\cos 2x + C$. D. $-\frac{1}{2}\cos 2x + C$.

Câu 34: Trong không gian $Oxyz$, cho ba điểm $M(1; 0; 2)$, $N(2; 1; 0)$, $P(0; 1; 3)$. Mặt phẳng (MNP) có phương trình là:

- A. $3x + y + 2z - 7 = 0$. B. $3x + y + 2z + 7 = 0$. C. $-2x + 4y + z = 0$. D. $5x - 3y + z - 7 = 0$.

Câu 35: Cho số phức $z = a + bi$ ($a, b \in \mathbb{R}$) thỏa mãn $(1+i)z + 2\bar{z} = 3 + 2i$. Tính $P = a - b$.

- A. $P = -1$. B. $P = 2$. C. $P = -\frac{1}{2}$. D. $P = \frac{1}{2}$.

Câu 36: Có bao nhiêu số phức z thỏa mãn $|z - 2 - 3i| = 2\sqrt{2}$ và $(z - 1)(\bar{z} + i)$ là số thực?

- A. 1. B. 0. C. 2. D. 3.

Câu 37: Họ nguyên hàm của hàm số $f(x) = x\sqrt[3]{x^2 + 1}$ là

- A. $\frac{1}{8}\sqrt[3]{x^2 + 1} + C$. B. $\frac{3}{8}(x^2 + 1)\sqrt[3]{x^2 + 1} + C$. C. $\frac{1}{8}(x^2 + 1)\sqrt[3]{x^2 + 1} + C$. D. $\frac{3}{8}\sqrt[3]{x^2 + 1} + C$.

Câu 38: Trong không gian $Oxyz$, hình chiếu vuông góc của đường thẳng $d: \frac{x-1}{2} = \frac{y}{-1} = \frac{z-3}{1}$ trên mặt phẳng $(P): x - 2y + 2z - 2 = 0$ có phương trình là

- A. $\frac{x}{4} = \frac{y-1}{1} = \frac{z-2}{-1}$. B. $\frac{x-1}{-4} = \frac{y}{-1} = \frac{z-3}{1}$. C. $\frac{x-4}{1} = \frac{y}{5} = \frac{z+3}{3}$. D. $\frac{x}{2} = \frac{y-1}{-1} = \frac{z-2}{1}$.

Câu 39: Biết $\int_0^1 \frac{dx}{x^2 + 7x + 12} = a \ln 5 + b \ln 4 + c \ln 3$ với a, b, c là các số nguyên. Mệnh đề nào sau đây đúng?

- A. $a + 3b + 5c = 0$. B. $a - 3b + 5c = -1$. C. $a - b + c = 2$. D. $a + b + c = -2$.

Câu 40: Diện tích hình phẳng giới hạn bởi các đường cong $y = -x^3 + 12x$ và $y = -x^2$ bằng

- A. $\frac{937}{12}$. B. $\frac{343}{12}$. C. $\frac{793}{4}$. D. $\frac{397}{4}$.

Câu 41: Trong mặt phẳng tọa độ Oxy , tập hợp điểm biểu diễn số phức z thỏa mãn $|z - 2i| = |z(1 + 2i)|$ là một đường tròn. Tâm và bán kính của đường tròn đó lần lượt là

- A. $I\left(0; -\frac{1}{2}\right)$, $R = 1$. B. $I\left(-\frac{1}{2}; 0\right)$, $R = 1$. C. $I\left(-\frac{1}{2}; 0\right)$, $R = \frac{\sqrt{5}}{2}$. D. $I\left(0; -\frac{1}{2}\right)$, $R = \frac{\sqrt{5}}{2}$.

Câu 42: Trong không gian $Oxyz$, cho mặt phẳng $(P): x + 2y + z + 1 = 0$ và đường thẳng $d: \frac{x+1}{1} = \frac{y-2}{1} = \frac{z+3}{-1}$. Gọi (Q) là mặt phẳng chứa d và tạo với (P) một góc φ , với $\cos \varphi = \frac{5}{6}$. Biết rằng $\vec{n} = (2; b; c)$ (với $b < 0$) là một vectơ pháp tuyến của (Q) . Khẳng định nào sau đây đúng?

- A. $b + c = -6$. B. $b + c = -24$. C. $b + c = 2$. D. $b + c = 12$.

Câu 43: Trong không gian $Oxyz$, cho đường thẳng $d: \frac{x-1}{2} = \frac{y}{1} = \frac{z-2}{2}$. Phương trình của mặt phẳng đi qua $M(2;1;0)$ và chứa đường thẳng d là

- A. $4x - 6y - z + 2 = 0$. B. $4x - 6y - z - 2 = 0$. C. $x - 2y = 0$. D. $2x + y + 2z - 5 = 0$.

Câu 44: Trong không gian $Oxyz$, cho hai điểm $A(1; 2; 3), B(3; 4; 1)$. Gọi $M(x; y; 0)$ là điểm thuộc mặt phẳng (Oxy) sao cho $MA + MB$ đạt giá trị nhỏ nhất. Đặt $T = x + y$, khẳng định nào sau đây đúng?

- A. $T \in \left(\frac{13}{2}; 7\right]$. B. $T \in (1; 5]$. C. $(7; 10)$. D. $T \in \left[5; \frac{13}{2}\right]$.

Câu 45: Trong không gian $Oxyz$, cho mặt cầu $(S): (x+2)^2 + (y+1)^2 + (z-2)^2 = 16$ và hai điểm $A(5; 0; 3), B(9; -3; 4)$. Gọi $(P), (Q)$ lần lượt là hai mặt phẳng chứa AB và tiếp xúc với (S) tại M, N . Tính độ dài đoạn thẳng MN .

- A. 5. B. $\frac{12}{5}$. C. 3. D. $\frac{24}{5}$.

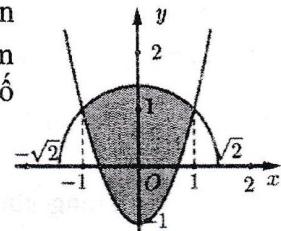
Câu 46: Cho số phức z thỏa mãn $|z-1+2i|=|z+5i|$ và $w=iz+10$. Giá trị nhỏ nhất của $|w|$ đạt được khi $w=a+bi$ ($a, b \in \mathbb{R}$). Tính $P=a^2-b^2$.

- A. -18. B. 12. C. 128. D. 160.

Câu 47: Cho hàm số $y=f(x)$ liên tục và có đạo hàm trên $[0; 2]$ thỏa mãn $\int_0^2 [f'(x)+x]e^{x^2}dx=3$, $f(2)=4$, $f(0)=0$. Biết $\int_0^2 xf(x)e^{x^2}dx=\frac{ae^b+c}{b}$, với a, b, c là các số nguyên. Khi đó a^2+b^2-c bằng

- A. 104. B. 146. C. 90. D. 48.

Câu 48: Người ta muốn trồng một vườn hoa cẩm tú cầu trên một mảnh vườn giới hạn bởi một đường parabol và một nửa đường tròn có bán kính $\sqrt{2}$ mét (như phần tô đậm trong hình vẽ). Biết rằng để trồng một mét vuông hoa cần ít nhất 250 ngàn đồng. Số tiền tối thiểu để trồng xong vườn hoa cẩm tú cầu gần bằng (làm tròn đến ngàn đồng)



- A. 893 ngàn đồng. B. 809 ngàn đồng. C. 476 ngàn đồng. D. 559 ngàn đồng.

Câu 49: Trong không gian $Oxyz$, cho mặt cầu $(S): x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 6y - 8z + 1 = 0$. A, B là hai điểm thuộc (S) sao cho $AB = 6$. Gọi $M(a; b; c)$ là trung điểm của đoạn AB . Hãy tính $P = a + b + c$ trong trường hợp $a + 2b + 2c$ đạt giá trị lớn nhất.

- A. $P = \frac{2\sqrt{35}}{5}$. B. $P = \frac{25}{3}$. C. $P = \frac{26}{3}$. D. $P = \frac{31}{2}$.

Câu 50: Trong không gian $Oxyz$, cho ba đường thẳng $a: \frac{x}{2} = \frac{y+1}{1} = \frac{z+3}{-2}$, $b: \frac{x+2}{1} = \frac{y-3}{-3} = \frac{z}{2}$, $c: \frac{x-5}{1} = \frac{y+7}{2} = \frac{z-3}{3}$. Gọi d là đường thẳng song song với c đồng thời cắt hai đường thẳng a và b .

Đường thẳng d đi qua điểm nào sau đây?

- A. $K(1; -6; 6)$. B. $M(4; 1; -7)$. C. $H(-2; 3; 0)$. D. $P(4; 10; 17)$.

— HẾT —

**SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO
QUẢNG TRỊ**

**ĐÁP ÁN ĐỀ CHÍNH THỨC MÔN TOÁN
KIỂM TRA CUỐI KỲ II LỚP 12 THPT
NĂM HỌC 2020 - 2021**

Câu	Mã đề	001	002	003	004
1		B	A	C	B
2		A	A	D	D
3		A	A	B	A
4		D	D	A	A
5		B	A	A	C
6		D	B	C	B
7		D	B	D	D
8		D	D	D	B
9		A	D	B	C
10		C	B	B	A
11		B	B	B	C
12		A	D	A	D
13		B	A	D	B
14		D	D	A	C
15		D	D	B	C
16		D	A	D	D
17		A	D	B	A
18		B	B	C	D
19		B	A	A	D
20		C	D	A	C
21		D	C	C	B
22		D	A	A	D
23		A	C	A	A
24		D	A	D	C
25		A	D	A	B
26		C	C	B	B
27		B	B	A	A
28		D	B	A	D
29		D	D	A	D
30		B	C	C	B
31		A	D	C	A
32		C	B	C	C
33		A	A	D	A
34		C	C	A	B
35		A	C	B	A
36		B	D	A	C
37		A	A	B	C
38		D	C	A	A
39		B	A	A	A
40		B	B	A	C
41		C	D	D	B
42		D	A	B	B
43		C	B	B	D
44		A	D	D	A
45		D	C	D	C
46		C	A	C	C
47		C	B	A	A
48		C	B	B	C
49		A	C	C	B
50		D	C	D	B