

## ĐỀ CƯƠNG ÔN TẬP HỌC KÌ I – MÔN TOÁN LỚP 10

NĂM HỌC 2018-2019

### NỘI DUNG CHÍNH

#### A. ĐẠI SỐ

##### Chương 1. Các phép toán tập hợp

##### Chương 2. Hàm số

- Tập xác định của hàm số.
- Tính đơn điệu hàm số, tính chẵn lẻ hàm số và các ứng dụng.
- Các bài toán liên quan: Giao điểm hai đồ thị, các bài toán sử dụng đồ thị giải và biện luận phương trình, bất phương trình, giá trị lớn nhất nhỏ nhất hàm số.
- Lập bảng biến thiên và vẽ đồ thị hàm số.
- Từ đồ thị của hàm số  $y = f(x)$ , suy ra đồ thị các hàm số

$$y = |f(x)|, y = f(x) + b, y = f(x + b), y = f(|x|).$$

##### Chương 3. Phương trình, hệ phương trình

- Phương trình bậc nhất, phương trình bậc hai. Các dạng phương trình quy về phương trình bậc nhất, phương trình bậc hai.
- Định lý Viết và áp dụng.
- Các bài toán về phương trình bậc nhất, phương trình bậc hai, các phương trình quy về phương trình bậc nhất, phương trình bậc hai.
- Hệ phương trình bậc nhất hai ẩn số.

#### B. HÌNH HỌC

##### Chương 1. Vectơ

- Các phép toán vectơ, tính chất vectơ.
- Các bài toán liên quan: Chứng minh đẳng thức vectơ, chứng minh 3 điểm thẳng hàng, xác định điểm thoả mãn điều kiện cho trước, dựng hình, tập hợp điểm, ...

##### Chương 2. Tích vô hướng của hai vectơ

- Các bài toán liên quan: Tính tích vô hướng, chứng minh hai đường thẳng vuông góc, tính góc giữa hai vectơ, tìm tập hợp điểm,
- Định lí cosin, định lí sin, chứng minh các hệ thức lượng giác trong tam giác, giải tam giác.

## MỘT SỐ ĐỀ ÔN TẬP

### ĐỀ SỐ 01

**Bài 1** (1 điểm). Cho hàm số  $f(x) = \frac{\sqrt{1-x} + \sqrt{x+1}}{\sqrt{x+2} - \sqrt{2-x}}$ . Xét tính chẵn, lẻ của hàm số  $f$ .

**Bài 2** (2 điểm). Giải các phương trình sau

1.  $(2+x)\sqrt{x-2} = x^2 - 4$ ;
2.  $|x^2 - 4x| = 5 - 2x$ .

**Bài 3** (2 điểm). Cho hàm số  $y = x^2 - 2x - 3$ , có đồ thị là  $(P)$ .

1. Lập bảng biến thiên và vẽ đồ thị của hàm số trên.
2. Dựa vào đồ thị  $(P)$ , tìm  $m$  sao cho phương trình  $\sqrt{x^2 - x - m} = \sqrt{x+1}$  có nghiệm.

**Bài 4** (1 điểm). Cho hệ phương trình  $\begin{cases} mx + y = m^2 + m + 1 \\ -x + my = m^2 \end{cases}$  ( $m$  tham số).

Xác định  $m$  sao cho hệ có nghiệm  $(x, y)$  thoả mãn  $x^2 + y^2$  đạt giá trị nhỏ nhất.

**Bài 5** (3,5 điểm).

1. Trong mặt phẳng tọa độ  $Oxy$  cho các điểm  $A(0;1), B(1;3), C(-2;2)$ .
  - a) Chứng minh rằng  $A, B, C$  là ba đỉnh của một tam giác vuông cân. Tính diện tích tam giác  $ABC$ . Xác định tâm đường tròn ngoại tiếp tam giác  $ABC$ .
  - b) Đặt  $\vec{u} = 2\vec{AB} - \vec{AC} + 3\vec{BC}$ . Tính  $|\vec{u}|$ .
  - c) Tìm tọa độ điểm  $M \in Ox$  thoả mãn  $|\vec{MA} + 2\vec{MB} - \vec{MC}|$  bé nhất.
2. Cho tam giác đều  $ABC$  cạnh  $3a$ , ( $a > 0$ ). Lấy các điểm  $M, N, P$  lần lượt trên các cạnh  $BC, CA, AB$  sao cho  $BM = a, CN = 2a, AP = x$  ( $0 < x < 3a$ ).
  - a) Biểu diễn các vecto  $\vec{AM}, \vec{PN}$  theo hai vecto  $\vec{AB}, \vec{AC}$ . b. Tìm  $x$  để  $AM \perp PN$ .

**Bài 6** (0,5 điểm). Giải phương trình  $4x^2 = 5x - 2\sqrt{x-1} - 1$ .

---

### ĐỀ SỐ 02

**Bài 1** (2 điểm). Cho hàm số  $y = -x^2 + 3x$ , có đồ thị là parabol  $(P)$ .

1. Lập bảng biến thiên và vẽ đồ thị hàm số đã cho.
2. Lập phương trình đường thẳng đi qua đỉnh của  $(P)$ , cắt trục tung tại điểm có tung độ bằng  $\frac{-5}{2}$ .

**Bài 2** (3 điểm).

1. Giải các phương trình sau
  - a.  $(x+1)^4 - 3(x^2 + 2x) - 3 = 0$ ;
  - b.  $\frac{2}{\sqrt{5x+1}-1} + \sqrt{5x+1} = \frac{14}{3}$ .

2. Xác định  $m$  sao cho phương trình  $x^2 - 2mx + 2m - 1 = 0$  có hai nghiệm phân biệt  $x_1, x_2$  thoả mãn  $x_1(3x_2 - x_1) + x_2(3x_1 - x_2) = -8$ .

**Bài 3 (1 điểm).** Giải hệ phương trình : 
$$\begin{cases} x + y = \sqrt{x + y} \\ 2x - 5y = 7. \end{cases}$$

**Bài 4 (3,5 điểm).**

1. Cho tam giác  $ABC$ ,  $\hat{A} = 90^\circ$ ,  $BC = \frac{2a}{\sqrt{3}}$ ,  $AC = a$ , ( $a > 0$ ).

- a) Tính  $\overrightarrow{AB} \cdot (\overrightarrow{AC} - 2\overrightarrow{BC})$ . b. Xác định vị trí điểm  $M$  thoả mãn  $\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC} = 3\overrightarrow{BC}$ .
- 2. Trong mặt phẳng tọa độ  $Oxy$  cho các điểm  $A(-1; 2), B(2; 3), C(0; 2)$ .
  - a) Chứng minh rằng  $A, B, C$  là ba đỉnh của một tam giác. Tìm tọa độ trọng tâm tam giác  $ABC$ .
  - b) Xác định tọa độ của điểm  $D$  là hình chiếu của  $A$  trên  $BC$ . Tính diện tích tam giác  $ABC$ .
  - c) Xác định tọa độ điểm  $E \in Oy$  sao cho ba điểm  $A, B, E$  thẳng hàng.

**Bài 5 (0,5 điểm).** Cho tứ giác  $ABCD$  nội tiếp đường tròn tâm  $O$  bán kính  $R$ . Chứng minh rằng nếu  $AB^2 + CD^2 = 4R^2$  và tâm  $O$  thuộc miền trong của tứ giác thì  $AC \perp BD$ .

---

### ĐỀ SỐ 03

**Bài 1 (1 điểm).** Cho các hàm số  $f(x) = \frac{1}{(x-2)\sqrt{x+1}}$  và  $g(x) = \frac{\sqrt{x+3}}{x^2+3x+2}$ .

1. Tìm tập xác định  $D_1, D_2$  của các hàm số  $f$  và  $g$ .
2. Xác định tập hợp  $D_1 \cap D_2$ .

**Bài 2 (2,5 điểm).**

1. Giải hệ phương trình 
$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{2}{y} = 5 \\ \frac{3}{x} - \frac{1}{y} = 1. \end{cases}$$

2. Cho phương trình  $2\sqrt{x^2 - 2x + 2} = m - x^2 + 2x, (1)$  ( $m$  tham số).

- a. Giải phương trình (1) với  $m = 1$ .
- b. Xác định giá trị  $m$  sao cho phương trình (1) có nghiệm.

**Bài 3 (2,5 điểm).**

1. Lập bảng biến thiên và vẽ đồ thị hàm số  $y = x - \sqrt{4x^2 - 4x + 1}$ .

2. Cho Parabol  $(P)$ :  $y = x^2 + (a-2)x + b$ , ( $a, b$  là tham số). Xác định  $a, b$  biết  $(P)$  cắt trục tung tại điểm có tung độ  $y = -3$  và nhận đường thẳng  $x = -1$  là trục đối xứng.

3. Cho hàm số  $y = \begin{cases} 3x-2 & \text{khi } x \geq 1 \\ -x^2 + 2x & \text{khi } x \leq 1. \end{cases}$

- a) Vẽ đồ thị hàm số.

b) Căn cứ đồ thị hàm số, tìm giá trị lớn nhất, nhỏ nhất hàm số trên  $[-2; 2]$ .

**Bài 4 (3,5 điểm).**

1. Trong mặt phẳng toạ độ  $Oxy$  cho 2 điểm  $A(2; -2), B(6; 1)$ .
  - a. Tìm điểm  $C \in Ox$  sao cho  $\triangle ABC$  cân tại  $C$ .
  - b. Xác định  $M \in AB$  sao cho  $4\overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{AB} = -41$ .
2. Cho hình bình hành  $ABCD$ . Gọi  $I, M$  là các điểm thoả mãn  $2\overrightarrow{IA} + \overrightarrow{AB} = \vec{0}$ ,  $\overrightarrow{IC} + 3\overrightarrow{MI} = \vec{0}$ .

Chứng minh rằng a.  $\overrightarrow{BM} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AD} + \frac{2}{3}\overrightarrow{BI}$ ; b. Ba điểm  $B, M, D$  thẳng hàng.

**Bài 5 (0,5 điểm).** Chứng tỏ rằng họ các đồ thị ( $C_m$ ):  $y = x^4 - 3(m-2)x^2 + 3x + 12m - 1$ , ( $m$  là tham số) luôn cắt một đường thẳng cố định.

---

## ĐỀ SỐ 04

**Bài 1 (2 điểm).** Cho hàm số  $y = -x^2 + 2x + 3$ , có đồ thị là  $(P)$ .

1. Lập bảng biến thiên và vẽ đồ thị hàm số đã cho.
2. Dựa đồ thị  $(P)$ , tìm  $m$  sao cho phương trình  $|x^2 - 2x - 3| = (m+2)^2$  có 3 nghiệm phân biệt.

**Bài 2 (3 điểm).**

1. Giải các phương trình

a.  $x^2 + 3x - \frac{x+2}{\sqrt{2-x}} = 10 - \frac{x+2}{\sqrt{2-x}}$ ;

b.  $2\sqrt{x+3} - \sqrt{x} = 3$ .

2. Giải hệ phương trình

$$\begin{cases} \frac{1}{x+y} + 2x - y = 2 \\ \frac{3}{x+y} + 2y - 4x = 1. \end{cases}$$

**Bài 3 (1 điểm).** Cho phương trình  $x^2 - 2(m+1)x + 2m^2 + 2m - 3 = 0$ .

1. Xác định giá trị  $m$  sao cho phương trình có hai nghiệm  $x_1, x_2$ .
2. Tìm giá trị lớn nhất, giá trị nhỏ nhất biểu thức  $A = (3x_2 - 2x_1)x_2 + (3x_1 - 2x_2)x_1$ .

**Bài 4 (3,5 điểm).**

1. Trong mặt phẳng toạ độ  $Oxy$  cho tam giác  $ABC$  có  $A(1; 1), B(3; -1)$ , trực tâm  $H(1; 0)$ .
  - a. Xác định toạ độ đỉnh  $C$ .
  - b. Tính  $\overrightarrow{HA} \cdot (\overrightarrow{CB} - 2\overrightarrow{AB})$ .
2. Cho tam giác  $ABC$ . Lấy các điểm  $M, N$  sao cho  $2\overrightarrow{MA} + 3\overrightarrow{MB} = \vec{0}, 2\overrightarrow{NA} - 3\overrightarrow{NC} = \vec{0}$ . Gọi  $G$  là trọng tâm tam giác.
  - a. Xác định  $x, y$  để  $\overrightarrow{AG} = x\overrightarrow{AM} + y\overrightarrow{AN}$ .
  - b. Gọi  $E$  là điểm thuộc  $BC$  thoả  $\overrightarrow{BC} = \frac{3}{2}\overrightarrow{BE}$ .

Hỏi ba điểm  $M, N, E$  có thẳng hàng hay không? Vì sao?

**Bài 5** (0,5 điểm). Cho hai số thực dương  $x, y$ . Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức

$$A = \frac{x^2}{y^2} + \frac{4y^2}{x^2} - \frac{x}{y} - \frac{2y}{x} + 1.$$


---

## ĐỀ SỐ 05

**Bài 1** (1 điểm). Tìm tập xác định hàm số  $y = \frac{1-\sqrt{9-x^2}}{\sqrt{(x-2)^2(x+1)}}$ .

**Bài 2** (3 điểm). 1. Giải các phương trình

a.  $\frac{-x+2}{\sqrt{x-3}} + 3\sqrt{x-3} - 1 = 0;$

b.  $(3x-2)|5-3x| = 3x^2 - 5x + 2.$

2. Cho hệ phương trình  $\begin{cases} x+my=m^2+1 \\ (2m-1)x+y=3m-1 \end{cases}$  (1).

a. Giải hệ phương trình (1) với  $m=2$ .

b. Xác định  $m$  sao cho hệ phương trình (1) có nghiệm duy nhất  $(x; y)$  thoả mãn  $|x-2y|=2$ .

**Bài 3** (2 điểm). Cho các hàm số  $y = x^2 + 3x + 2$  và  $y = -x + 2$ .

1. Vẽ các hàm số đã cho trên cùng hệ trục tọa độ.

2. Dựa vào đồ thị các hàm số, xác định các giá trị  $x$  thoả mãn điều kiện  $x^2 + 3x + 2 \geq 2 - x$ .

**Bài 4** (3,5 điểm).

1. Cho đoạn thẳng  $AB$  và điểm  $I$  sao cho  $2\vec{AI} + 3\vec{BI} + 2\vec{AB} = \vec{0}$ .

a. Tìm số  $k$  sao cho  $\vec{IB} = k\vec{AB}$ .

b. Chứng minh rằng với mọi điểm  $M$ , ta có  $5\vec{MI} - 2\vec{MA} - 3\vec{MB} + 2\vec{AB} = \vec{0}$ .

2. Trong mặt phẳng tọa độ  $Oxy$  cho các điểm  $A(0;1), B(1;-2), C(2;0)$ .

a. Chứng minh ba điểm  $A, B, C$  không thẳng hàng. Tìm tọa độ trực tâm  $H$  của tam giác  $ABC$ .

b. Xác định vị trí điểm  $M \in Ox$  sao cho  $|\vec{MA}| + |\vec{MB}|$  bé nhất.

c. Cho  $\vec{a} = 2\vec{i} + 3\vec{j}$ . Biểu diễn  $\vec{a}$  qua vectơ  $\vec{AB}$  và  $\vec{AC}$ .

**Bài 5** (0,5 điểm). Cho lục giác đều  $ABCDEF$ . Tìm tập hợp các điểm  $M$  sao cho

$$|\vec{MA} + \vec{MD} + \vec{ME}| + |\vec{MB} + \vec{MC} + \vec{MF}|$$
 nhỏ nhất.

---

## ĐỀ SỐ 06

**Bài 1** (2 điểm).

1. Giải phương trình  $\sqrt{x+5-2\sqrt{x+4}} = 3\sqrt{x+4} - 2$ .

2. Giải hệ phương trình  $\begin{cases} 5x - |y| = 3 \\ x + 3|y| = 7. \end{cases}$

**Bài 2** (2 điểm).

1. Xác định  $m$  sao cho hàm số  $y = \frac{1}{\sqrt{(x^2 - 4)^2 + 2x^2 - m + 1}}$  xác định trên  $\mathbb{R}$ .

2. Tìm tập giá trị của hàm số  $y = \sqrt{x+2} + \sqrt{2-x}$ .

**Bài 3** (2 điểm). Cho hàm số  $y = -2x^2 + (m-1)x - 1$ .

1. Khảo sát và vẽ đồ thị hàm số đã cho với  $m = 4$ .  
2. Xác định  $m$  sao cho hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 1)$ .

**Bài 4** (3,5 điểm).

1. Trong mặt phẳng tọa độ  $Oxy$  cho tam giác  $ABC$  có  $A(1; -2)$ , trọng tâm  $G\left(-\frac{2}{3}; \frac{1}{3}\right)$ ,

$C \in Ox, B \in Oy$ .

- a. Xác định tọa độ  $B, C$ .  
b. Xác định  $|\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB} + \overrightarrow{OC}|$ .

2. Cho tam giác  $ABC$ . Gọi  $M, N, P$  là các điểm thỏa:  $\overrightarrow{MB} + 3\overrightarrow{CM} = \vec{0}, \overrightarrow{NA} + 3\overrightarrow{MC} = \vec{0}, 2\overrightarrow{PA} + \overrightarrow{AB} = \vec{0}$ .

- a. Biểu diễn  $\overrightarrow{MP}$  theo  $\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}$ .  
b. Biểu diễn  $\overrightarrow{NP}$  theo  $\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}$ .  
c. Chứng minh rằng ba điểm  $M, N, P$  thẳng hàng.

**Bài 5** (0,5 điểm). Giải phương trình  $9(x+1)^4 = 4(x^4 + x^2 + 6x + 3)$ .

## ĐỀ SỐ 07

**Bài 1** (1 điểm). Cho hàm số  $f(x) = \frac{x - (4-a)|x|}{\sqrt{5-x^2}}$ .

1. Xác định  $a$  biết  $f(1) = 3$ .  
2. Xác định  $a$  sao cho hàm số  $f$  là hàm số lẻ.

**Bài 2** (2 điểm). Giải các phương trình

1.  $(x^3 - 4x^2 - 5x)\sqrt{x-2} = 0$ ;

2.  $2\sqrt{x-2} - 3\sqrt{x+1} = \sqrt{x^2 - x - 2} - 6$ .

**Bài 3** (2 điểm). Cho hàm số  $y = x^2 - 3x + 2$ , có đồ thị là  $(P)$ .

1. Khảo sát và vẽ đồ thị hàm số đã cho.  
2. Lập phương trình đường thẳng  $d$  đi qua đỉnh đồ thị  $(P)$  và cắt các trục  $Ox, Oy$  tại hai điểm phân biệt  $A, B$  sao cho  $OA = \sqrt{3}OB$ .

**Bài 4** (1 điểm). Giải và biện luận hệ phương trình  $\begin{cases} x + (2m-1)y = 2m^2 + 1 \\ mx + y = m^2 + 2m, \end{cases}$  ( $m$  tham số).

**Bài 5** (3,5 điểm).

1. Cho tam giác  $ABC$  có  $G$  là trọng tâm. Gọi  $G_1$  là điểm đối xứng với  $B$  qua  $G$ .

- a. Chứng minh rằng  $\overrightarrow{AG_1} = \frac{2}{3}\overrightarrow{AC} - \frac{1}{3}\overrightarrow{AB}$ .
- b. Xác định điểm  $M$  thỏa mãn  $\overrightarrow{MG_1} = \frac{1}{6}(\overrightarrow{AC} - 5\overrightarrow{AB})$ .
2. Trong mặt phẳng toạ độ  $Oxy$  cho  $A(4;1)$ . Gọi  $I\left(\frac{1}{2}; -\frac{1}{2}\right)$  là trung điểm của đoạn thẳng  $AB$ ,  $H(-1;3)$  là hình chiếu của  $A$  trên đường thẳng  $BC$ .
- a. Xác định toạ độ các điểm  $B, C$  biết tam giác  $ABC$  cân tại  $A$ .
- b. Biểu diễn  $\overrightarrow{IH}$  theo  $\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}$ .

**Bài 6 (0,5 điểm).** Chứng minh rằng hai hình bình hành  $ABCD, A_1B_1C_1D_1$  cùng tâm thì

$$\overrightarrow{AA_1} + \overrightarrow{BB_1} + \overrightarrow{CC_1} + \overrightarrow{DD_1} = \vec{0}.$$


---

## ĐỀ SỐ 08

**Bài 1 (2 điểm).** Cho hàm số  $y = -x^2 + 4x - 3$ , có đồ thị là  $(P)$ .

1. Khảo sát và vẽ đồ thị hàm số đã cho.
2. Giả sử  $d$  là đường thẳng đi qua  $A(0; -3)$  và có hệ số góc  $k$ . Xác định  $k$  sao cho  $d$  cắt đồ thị  $(P)$  tại 2 điểm phân biệt  $E, F$  sao cho  $\Delta OEF$  vuông tại  $O$ , ( $O$  là gốc toạ độ).

**Bài 2 (2,5 điểm).**

1. Giải hệ phương trình  $\begin{cases} \frac{x+y+1}{x+y} - \frac{x-y+1}{x-y} = 0 \\ x+2y=3. \end{cases}$

2. Cho phương trình  $|x^2 - 3x + m| = 2x - 1$ .

- a. Giải phương trình đã cho với  $m = -1$ .
- b. Xác định giá trị  $m$  sao cho phương trình có 2 nghiệm phân biệt.

**Bài 3 (1,5 điểm).** Cho hàm số  $f(x) = x - 2\sqrt{9-x^2}$ .

1. Xét tính chẵn, lẻ của hàm số  $f$ .
2. Xác định  $x$  sao cho  $f(x) = 3$ .

**Bài 4 (3,5 điểm).**

1. Cho hình thang cân  $ABCD$  có  $CD = 2AB = 2a, (a > 0), \widehat{DAB} = 120^\circ$ ,  $AH$  vuông góc  $CD$  tại  $H$ . Tính  $\overrightarrow{AH} \cdot (\overrightarrow{CD} - 4\overrightarrow{AD}), \overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{BH}$ .

2. Trong mặt phẳng toạ độ  $Oxy$  cho  $A(2; -3), B(1; -2)$ .

- a. Cho  $\vec{u} = 3\vec{i} - 3\vec{j}$ . Chứng tỏ hai vectơ  $\overrightarrow{AB}, \vec{u}$  cùng phương. Tính  $k = |\overrightarrow{AB}| : |\vec{u}|$ .
- b. Xác định toạ độ điểm  $M \in Ox$  sao cho  $|MA - MB|$  đạt giá trị lớn nhất.

**Bài 5 (0,5 điểm).** Giải phương trình  $2\sqrt{\frac{7x+1}{x+1}} - \sqrt{\frac{3-x}{x+1}} = 1$ .

## ĐỀ SỐ 09

**Bài 1** (1 điểm). Xét tính chẵn, lẻ của hàm số  $f(x) = \frac{\sqrt{1-|x|}}{x^3-x}$ .

**Bài 2** (2,5 điểm).

1. Giải phương trình  $\sqrt{4x-4} + \frac{1}{3}\sqrt{9x-9} + 2 = 2x$ .

2. Xác định  $m$  sao cho phương trình  $|x-m|=|2x+3m-1|$  có nghiệm duy nhất.

3. Giải hệ phương trình  $\begin{cases} 4\sqrt{x}-3\sqrt{x+y}=1 \\ 3\sqrt{x}+2\sqrt{x+y}=5 \end{cases}$ .

**Bài 3** (2,5 điểm).

1. Cho hàm số  $y = -x^2 + (2a-1)x + b$ . Xác định  $a, b$  biết đồ thị hàm số là một parabol có đỉnh là điểm  $I\left(\frac{3}{2}; \frac{1}{4}\right)$ . Vẽ đồ thị hàm số với các giá trị  $a, b$  tương ứng.

2. Xác định các giá trị  $m$  sao cho đồ thị hàm số  $y = (m^2 - 5m + 3)x - 2m + 1$  song song với đồ thị hàm số  $y = -x - 1$ .

**Bài 4** (3,5 điểm).

1. Cho tam giác  $ABC$ ,  $M$  là điểm thoả mãn  $2\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} = \vec{0}$ ,  $G$  là trọng tâm tam giác  $ACM$ .

a. Chứng minh rằng  $3\overrightarrow{GA} + 2\overrightarrow{GB} + 4\overrightarrow{GC} = \vec{0}$ .

b. Gọi  $I$  là điểm thoả mãn  $\overrightarrow{IA} = k\overrightarrow{IB}$ . Hãy biểu diễn  $\overrightarrow{GI}$  theo các vectơ  $\overrightarrow{GA}, \overrightarrow{GB}$ . Tìm  $k$  để ba điểm  $C, I, G$  thẳng hàng.

2. Trong mặt phẳng tọa độ  $Oxy$  cho các điểm  $A(2; -1), B(0; 2), C(1; 3)$ .

a. Xác định điểm  $F \in Oy$  sao cho  $|\overrightarrow{AF} + 2\overrightarrow{BF}| = \sqrt{22}$ .

b. Chứng minh rằng ba điểm  $A, B, C$  là ba đỉnh của tam giác. Tìm tọa độ điểm  $D \in Ox$  sao cho tứ giác  $ABCD$  là hình thang có hai đáy  $AB, CD$ .

**Bài 5** (0,5 điểm). Tìm giá trị lớn nhất, giá trị nhỏ nhất hàm số  $y = \frac{4x^2}{(x^2+1)^2} - \frac{6|x|}{x^2+1}$ .

---

## ĐỀ SỐ 10

**Bài 1** (2,5 điểm). Cho hàm số  $y = x^2 + (2m+1)x + m^2 - 1$  có đồ thị  $(P_m)$ .

1. Khảo sát và vẽ đồ thị  $(P)$  với  $m = \frac{1}{2}$ .

2. Dựa đồ thị  $(P)$ , tìm  $a$  để phương trình  $x^2 + 2x + 2a - 1 = 0$  có nghiệm thuộc đoạn  $[-2; 2]$ .

3. Chứng minh rằng với mọi giá trị  $m$ , đồ thị  $(P_m)$  cắt đường phân giác góc phần tư thứ nhất (trong hệ trục tọa độ  $Oxy$ ) tại hai điểm phân biệt có độ dài không đổi.

**Bài 2** (2 điểm). Giải các phương trình

1.  $\sqrt{1 - \sqrt{4 - x}} = \sqrt{x - 3};$
2.  $3x^2 - 6x + 2|x - 1| - 2 = 0.$

**Bài 3** (1,5 điểm). Cho hệ phương trình  $\begin{cases} 2x + my = m^2 + 3m - 2 \\ mx + 2y = m^2 + m + 2. \end{cases}$

1. Giải hệ phương trình với  $m = 1.$
2. Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức  $A = |2x + my - m^2 - 3m + 2| + |mx + 2y - m^2 - m - 2|.$

**Bài 4** (3,5 điểm). 1. Cho hình thoi  $ABCD$  cạnh  $a, (a > 0), \widehat{ADC} = 120^\circ.$

- a. Tính độ dài vectơ  $\vec{u} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD}.$
- b. Tính  $\overrightarrow{AD} \cdot \overrightarrow{BD}.$
2. Trong mặt phẳng tọa độ  $Oxy$  cho các điểm  $A(1;1), B(2;1), C(3;-1), D(0;-1).$ 
  - a. Chứng minh rằng tứ giác  $ABCD$  là hình thang cân.
  - b. Tìm tọa độ giao điểm  $I$  của hai đường chéo  $AC$  và  $BD.$

**Bài 5** (0,5 điểm). Trong mặt phẳng tọa độ  $Oxy$  cho các vectơ  $\vec{a} = m\vec{i} + 2\vec{j}, \vec{b} = -\vec{i} + (m-1)\vec{j}, \vec{c} = 2\vec{i} - 3\vec{j}.$

Xác định giá trị  $m$  sao cho  $(\vec{a} + 2\vec{b}) \perp \frac{2}{3}\vec{c}.$

**HẾT**