

Câu 1. (2,0 điểm) Giải hệ bất phương trình sau:
$$\begin{cases} \frac{x^2 + x - 30}{2x - 1} \geq 0 \\ (x^2 + x - 2)^2 \leq (2x^2 - x - 1)^2 \end{cases}$$

Câu 2. (1,0 điểm) Giải bất phương trình $|x^2 - 3x + 2| > 8 - 2x$.

Câu 3. (2,0 điểm) Cho $\sin 2x = \frac{3}{5}$ và $\frac{\pi}{2} < 2x < \pi$.

Tính $\cos 2x$, $\sin 4x$, $\sin x$, $\cot\left(x + \frac{\pi}{4}\right)$.

Câu 4. (1,0 điểm) Chứng minh rằng:

$$\cos 3x + \sin 3x + \cos x + \sin x = 2\sqrt{2} \cos x \cdot \cos\left(2x - \frac{\pi}{4}\right).$$

Câu 5. (1,0 điểm) Chứng minh rằng:

$$\cos 3x \cdot \cos x = (\cos 2x - \sin x)(\cos 2x + \sin x).$$

Câu 6. (1,0 điểm) Lập phương trình elip (E) có tâm sai $c = \frac{\sqrt{2}}{2}$, đi qua điểm $A(2; 2\sqrt{2})$.

Xác định tiêu điểm của (E) .

Câu 7. (1,0 điểm) Cho $A(-2; -2)$, $B(5; -3)$, $C(2; 6)$. Viết phương trình đường tròn ngoại tiếp $\triangle ABC$ và phương trình tiếp tuyến của đường tròn tại điểm A .

Câu 8. (1,0 điểm) Cho đường tròn $(C): x^2 + y^2 - 4x + 2y - 20 = 0$. Viết phương trình đường thẳng (Δ) đi qua $A(-6; 0)$ cắt đường tròn (C) tại 2 điểm M , N và $MN = 6$.

HẾT

Học sinh không sử dụng tài liệu. Giáo viên coi kiểm tra không giải thích thêm.