

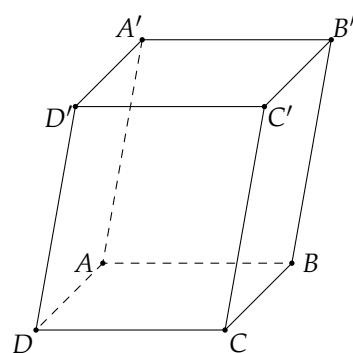
Họ và tên: Lớp:

I. TRẮC NGHIỆM KHÁCH QUAN

Câu 1.

Cho hình hộp $ABC.A'B'C'D'$ (tham khảo hình vẽ). Khẳng định nào sau đây là đúng?

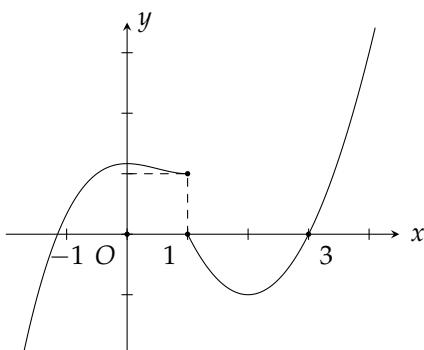
- A. $\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{BB'} = \overrightarrow{BA'}$. B. $\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{BB'} = \overrightarrow{BD'}$.
 C. $\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{BB'} = \overrightarrow{B'D}$. D. $\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{BB'} = \overrightarrow{BC'}$.



Câu 2.

Cho hàm số $y = f(x)$ có đồ thị được biểu diễn trong hệ trục tọa độ Oxy như hình vẽ bên. Mệnh đề nào sau đây sai?

- A. Hàm số $y = f(x)$ liên tục tại điểm $x = 3$.
 B. Hàm số $y = f(x)$ liên tục tại điểm $x = -1$.
 C. Hàm số $y = f(x)$ liên tục trên \mathbb{R} .
 D. Hàm số $y = f(x)$ gián đoạn tại điểm $x = 1$.



Câu 3. Cho hình chóp $S.ABCD$ có đáy $ABCD$ là hình vuông, SA vuông góc với mặt đáy. Hình chiếu vuông góc của SB lên $(ABCD)$ là

- A. CB . B. DB . C. AB . D. SA .

Câu 4. Cho hàm số $f(x) = \begin{cases} \frac{4x^2 + 3x - 1}{x + 1} & \text{khi } x \neq -1 \\ 2m + 1 & \text{khi } x = -1 \end{cases}$. Với giá trị nào của m thì hàm số

đã cho liên tục tại điểm $x = -1$?

- A. $m = 2$. B. $m = -3$. C. $m = \frac{1}{2}$. D. $m = 0$.

Câu 5. Giá trị của $\lim_{x \rightarrow -1}(4 - 3x)$ bằng

- A. -7 . B. -1 . C. 7 . D. 1 .

Câu 6. $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x - 1}{2x + 3}$ bằng bao nhiêu?

- A. -3 . B. $\frac{3}{2}$. C. $-\frac{1}{3}$. D. $\frac{2}{3}$.



Họ và tên: Lớp:

I. TRẮC NGHIỆM KHÁCH QUAN

Câu 1. Cho hàm số $f(x) = \begin{cases} \frac{6x^2 + 5x - 1}{x+1} & \text{khi } x \neq -1 \\ 2m+1 & \text{khi } x = -1 \end{cases}$. Với giá trị nào của m thì hàm số đã cho liên tục tại điểm $x = -1$?

- A. $m = -5$. B. $m = -4$. C. $m = 0$. D. $m = 3$.

Câu 2. Hàm số $y = \frac{x^2 - 3x + 2}{x+2}$ không liên tục tại điểm nào sau đây?

- A. $x = 2$. B. $x = 1$. C. $x = -2$. D. $x = -1$.

Câu 3. Trong không gian, cho hai đường thẳng Δ và Δ' có véc-tơ chỉ phương lần lượt là \vec{u} và \vec{v} . Biết rằng $\cos(\vec{u}, \vec{v}) = -\frac{\sqrt{3}}{2}$, góc giữa hai đường thẳng d và d' bằng bao nhiêu độ?

- A. 150° . B. 30° . C. 60° . D. 120° .

Câu 4. Biết rằng khi $m = m_0$ thì $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 + mx + 3}{x - 3} = 2$. Số m_0 thuộc khoảng nào sau đây?

- A. $(-5; -3)$. B. $(-3; -1)$. C. $(-1; 1)$. D. $(1; 3)$.

Câu 5. Kết quả của $S = \frac{1}{3} + \frac{1}{9} + \frac{1}{27} + \dots + \frac{1}{3^n} + \dots$ là

- A. $+\infty$. B. $\frac{1}{2}$. C. 3. D. 2.

Câu 6. Giới hạn $\lim_{x \rightarrow +\infty} (x^4 - 3x^2 + 2)$ là

- A. 2. B. 1. C. $+\infty$. D. $-\infty$.

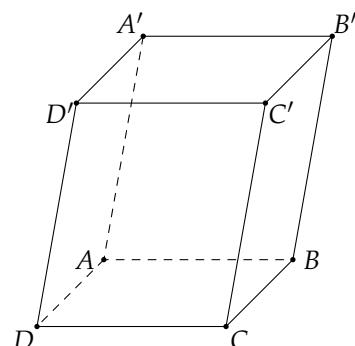
Câu 7. $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{4x - 5}{3x + 2}$ bằng bao nhiêu?

- A. $\frac{4}{3}$. B. $-\frac{2}{5}$. C. $\frac{3}{4}$. D. $-\frac{5}{2}$.

Câu 8.

Cho hình hộp $ABC.A'B'C'D'$ (tham khảo hình vẽ). Khẳng định nào sau đây là đúng?

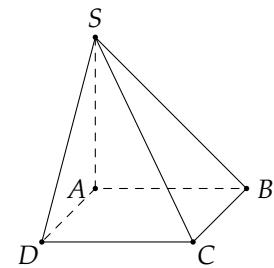
- A. $\overrightarrow{CB} + \overrightarrow{CD} + \overrightarrow{CC'} = \overrightarrow{CD'}$. B. $\overrightarrow{CB} + \overrightarrow{CD} + \overrightarrow{CC'} = \overrightarrow{CB'}$.
C. $\overrightarrow{CB} + \overrightarrow{CD} + \overrightarrow{CC'} = \overrightarrow{C'A}$. D. $\overrightarrow{CB} + \overrightarrow{CD} + \overrightarrow{CC'} = \overrightarrow{CA'}$.



Câu 9.

Cho hình chóp $S.ABCD$ có đáy $ABCD$ là hình chữ nhật và $SA \perp (ABCD)$. Khẳng định nào sau đây là đúng?

- A. $CD \perp (SBD)$.
- B. $CD \perp (SBC)$.
- C. $CD \perp (SAD)$.
- D. $CD \perp (SAC)$.



Câu 10. Cho hình chóp $S.ABCD$ có đáy $ABCD$ là hình vuông, SA vuông góc mặt đáy. Hình chiếu vuông góc của SD lên $(ABCD)$ là

- A. AD .
- B. SA .
- C. BD .
- D. CD .

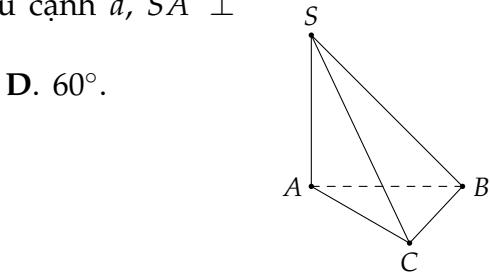
Câu 11. Giá trị của $\lim_{x \rightarrow -1} (5 - 4x)$ bằng

- A. -9 .
- B. 9 .
- C. 1 .
- D. -1 .

Câu 12.

Cho hình chóp $S.ABCD$ có đáy ABC là tam giác đều cạnh a , $SA \perp (ABC)$, $SA = a\sqrt{3}$. Góc giữa SC và AC bằng

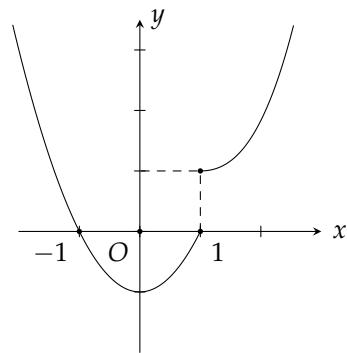
- A. 90° .
- B. 120° .
- C. 30° .
- D. 60° .



Câu 13.

Cho hàm số $y = f(x)$ có đồ thị được biểu diễn trong hệ trục tọa độ Oxy như hình vẽ bên. Mệnh đề nào sau đây sai?

- A. Hàm số $y = f(x)$ liên tục tại điểm $x = -1$.
- B. Hàm số $y = f(x)$ liên tục tại điểm $x = 2$.
- C. Hàm số $y = f(x)$ liên tục trên \mathbb{R} .
- D. Hàm số $y = f(x)$ gián đoạn tại điểm $x = 1$.



Câu 14. Giới hạn $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2023}{n}$ bằng

- A. 1 .
- B. $+\infty$.
- C. 2023 .
- D. 0 .

Câu 15. Kết quả của $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 9}{x - 3}$ bằng

- A. 6 .
- B. $+\infty$.
- C. $-\infty$.
- D. 0 .

II. TỰ LUẬN

Bài 1. Tính các giới hạn sau:

$$\textcircled{1} \lim_{x \rightarrow -4} \frac{x^2 + 5x + 4}{x + 4}.$$

$$\textcircled{2} \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x+8} - 3x}{x-1}.$$

Bài 2. Cho hình chóp $S.ABCD$ có $ABCD$ là hình vuông cạnh $3a$, $SA \perp (ABCD)$ và $3a\sqrt{2}$.

- ① Chứng minh rằng $BD \perp (SAC)$.

② Tính góc tạo bởi SC và (SAB) .



② Tính góc tạo bởi SC và (SAD) .



Câu 8. Hàm số $y = \frac{x^2 - 3x + 2}{x + 2}$ không liên tục tại điểm nào sau đây?

- A. $x = 2$. B. $x = 1$. C. $x = -1$. D. $x = -2$.

Câu 9. Trong không gian, cho hai đường thẳng Δ và Δ' có véc-tơ chỉ phương lần lượt là \vec{u} và \vec{v} . Biết rằng $\cos(\vec{u}, \vec{v}) = -\frac{\sqrt{3}}{2}$, góc giữa hai đường thẳng d và d' bằng bao nhiêu độ?

- A. 60° . B. 120° . C. 30° . D. 150° .

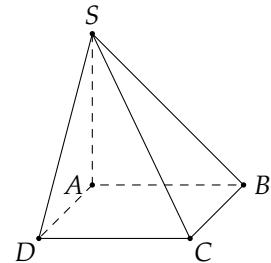
Câu 10. Cho hình chóp $S.ABCD$ có đáy $ABCD$ là hình vuông, SA vuông góc mặt đáy. Hình chiếu vuông góc của SD lên $(ABCD)$ là

- A. BD . B. AD . C. SA . D. CD .

Câu 11.

Cho hình chóp $S.ABCD$ có đáy $ABCD$ là hình chữ nhật và $SA \perp (ABCD)$. Khẳng định nào sau đây là đúng?

- A. $CD \perp (SAD)$. B. $CD \perp (SAC)$.
C. $CD \perp (SBC)$. D. $CD \perp (SBD)$.



Câu 12. Cho hàm số $f(x) = \begin{cases} \frac{6x^2 + 5x - 1}{x + 1} & \text{khi } x \neq -1 \\ 2m + 1 & \text{khi } x = -1 \end{cases}$. Với giá trị nào của m thì hàm số

đã cho liên tục tại điểm $x = -1$?

- A. $m = 0$. B. $m = -5$. C. $m = -4$. D. $m = 3$.

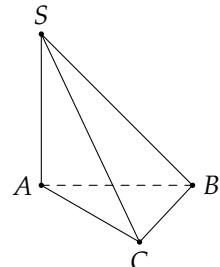
Câu 13. Giới hạn $\lim_{x \rightarrow +\infty} (x^4 - 3x^2 + 2)$ là

- A. $-\infty$. B. $+\infty$. C. 2. D. 1.

Câu 14.

Cho hình chóp $S.ABCD$ có đáy ABC là tam giác đều cạnh a , $SA \perp (ABC)$, $SA = a\sqrt{3}$. Góc giữa SC và AC bằng

- A. 60° . B. 30° . C. 120° . D. 90° .



Câu 15. $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{4x - 5}{3x + 2}$ bằng bao nhiêu?

- A. $\frac{4}{3}$. B. $-\frac{2}{5}$. C. $\frac{3}{4}$. D. $-\frac{5}{2}$.

II. TỰ LUẬN

Bài 1. Tính các giới hạn sau:

① $\lim_{x \rightarrow -4} \frac{x^2 + 5x + 4}{x + 4}$.

② $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x+8} - 3x}{x - 1}$.

Bài 2. Cho hình chóp $S.ABCD$ có $ABCD$ là hình vuông cạnh $3a$, $SA \perp (ABCD)$ và $3a\sqrt{2}$.

- ① Chứng minh rằng $BD \perp (SAC)$.

② Tính góc tạo bởi SC và (SAB) .



Họ và tên: Lớp:

I. TRẮC NGHIỆM KHÁCH QUAN

Câu 1. Kết quả của $S = \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \cdots + \frac{1}{2^n} + \cdots$ là

- A. $\frac{1}{2}$. B. 1. C. 0. D. $+\infty$.

Câu 2. Giá trị của $\lim_{x \rightarrow -1} (4 - 3x)$ bằng

- A. 7. B. -1. C. -7. D. 1.

Câu 3. Hàm số $y = \frac{x^2 - 4x + 3}{x + 1}$ không liên tục tại điểm nào sau đây?

- A. $x = 3$. B. $x = -1$. C. $x = 1$. D. $x = -3$.

Câu 4. $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x - 1}{2x + 3}$ bằng bao nhiêu?

- A. $\frac{2}{3}$. B. -3. C. $-\frac{1}{3}$. D. $\frac{3}{2}$.

Câu 5. Cho hàm số $f(x) = \begin{cases} \frac{4x^2 + 3x - 1}{x + 1} & \text{khi } x \neq -1 \\ 2m + 1 & \text{khi } x = -1 \end{cases}$. Với giá trị nào của m thì hàm số

đã cho liên tục tại điểm $x = -1$?

- A. $m = -3$. B. $m = 2$. C. $m = \frac{1}{2}$. D. $m = 0$.

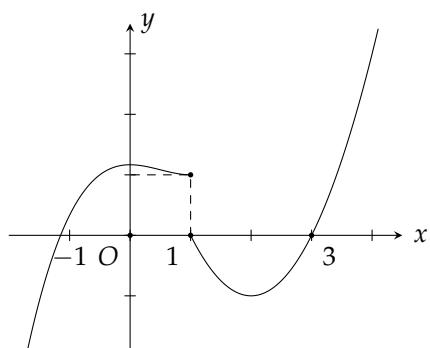
Câu 6. Biết rằng khi $m = m_0$ thì $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 + mx + 2}{x - 2} = 1$. Số m_0 thuộc khoảng nào sau đây?

- A. (-4; -2). B. (0; 2). C. (-2; 0). D. (2; 4).

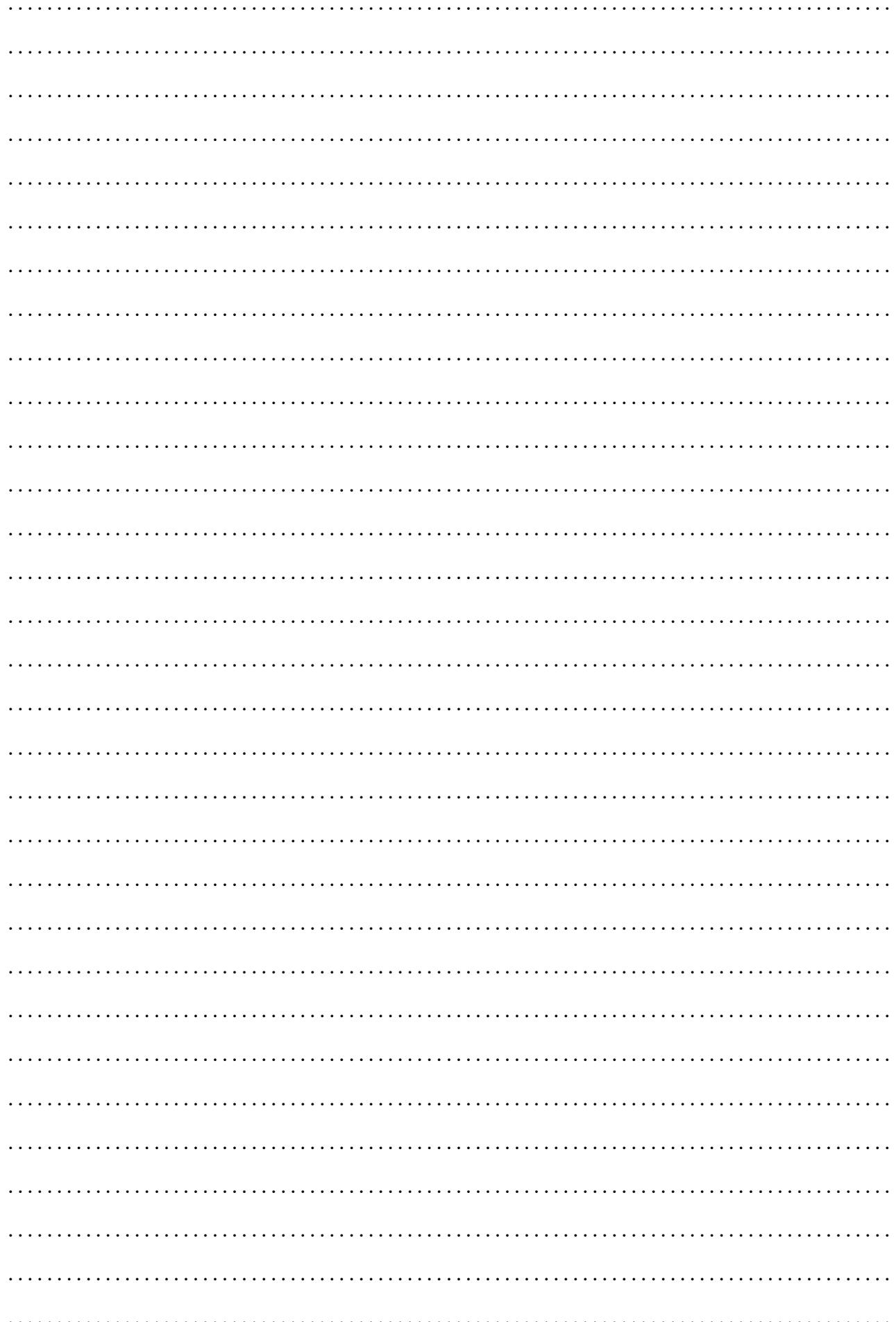
Câu 7.

Cho hàm số $y = f(x)$ có đồ thị được biểu diễn trong hệ trục tọa độ Oxy như hình vẽ bên. Mệnh đề nào sau đây sai?

- A. Hàm số $y = f(x)$ liên tục trên \mathbb{R} .
 B. Hàm số $y = f(x)$ gián đoạn tại điểm $x = 1$.
 C. Hàm số $y = f(x)$ liên tục tại điểm $x = 3$.
 D. Hàm số $y = f(x)$ liên tục tại điểm $x = -1$.



Câu 8.



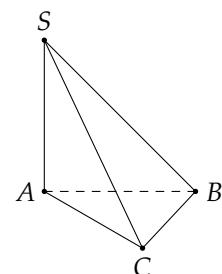
Họ và tên: Lớp:

I. TRẮC NGHIỆM KHÁCH QUAN

Câu 1.

Cho hình chóp $S.ABCD$ có đáy ABC là tam giác đều cạnh a , $SA \perp (ABC)$, $SA = a\sqrt{3}$. Góc giữa SC và AC bằng

- A. 30° . B. 120° . C. 90° . D. 60° .



Câu 2. Trong không gian, cho hai đường thẳng Δ và Δ' có véc-tơ chỉ phương lần lượt là \vec{u} và \vec{v} . Biết rằng $\cos(\vec{u}, \vec{v}) = -\frac{\sqrt{3}}{2}$, góc giữa hai đường thẳng d và d' bằng bao nhiêu độ?

- A. 60° . B. 30° . C. 150° . D. 120° .

Câu 3. Cho hình chóp $S.ABCD$ có đáy $ABCD$ là hình vuông, SA vuông góc mặt đáy. Hình chiếu vuông góc của SD lên $(ABCD)$ là

- A. SA . B. AD . C. BD . D. CD .

Câu 4. Cho hàm số $f(x) = \begin{cases} \frac{6x^2 + 5x - 1}{x+1} & \text{khi } x \neq -1 \\ 2m+1 & \text{khi } x = -1 \end{cases}$. Với giá trị nào của m thì hàm số
 đã cho liên tục tại điểm $x = -1$?

- A. $m = 0$. B. $m = -4$. C. $m = -5$. D. $m = 3$.

Câu 5. $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{4x-5}{3x+2}$ bằng bao nhiêu?

- A. $\frac{3}{4}$. B. $\frac{4}{3}$. C. $-\frac{5}{2}$. D. $-\frac{2}{5}$.

Câu 6. Hàm số $y = \frac{x^2 - 3x + 2}{x+2}$ không liên tục tại điểm nào sau đây?

- A. $x = -1$. B. $x = 1$. C. $x = -2$. D. $x = 2$.

Câu 7. Giới hạn $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2023}{n}$ bằng

- A. 0. B. 1. C. $+\infty$. D. 2023.

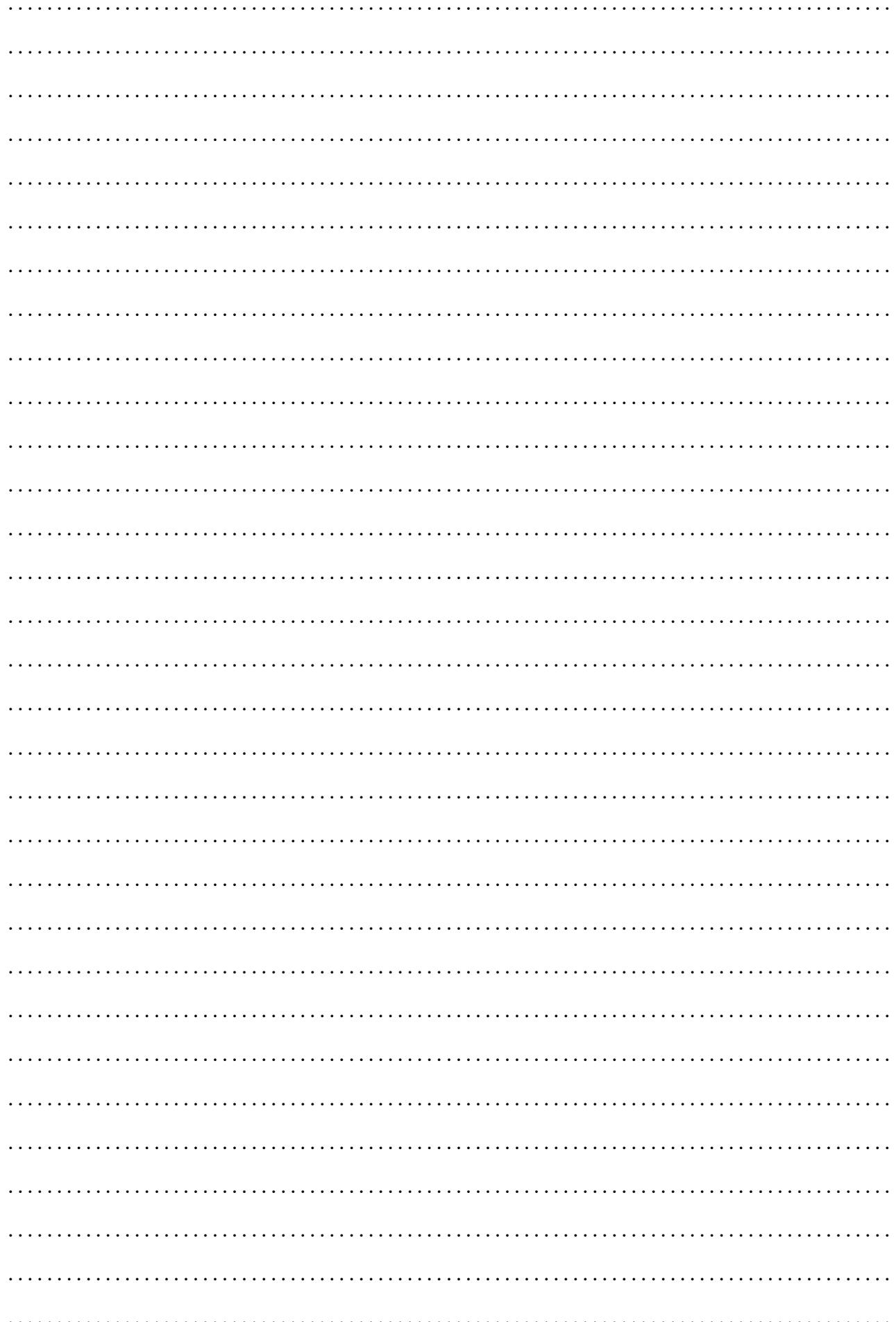
Câu 8. Giới hạn $\lim_{x \rightarrow +\infty} (x^4 - 3x^2 + 2)$ là

- A. 1. B. 2. C. $+\infty$. D. $-\infty$.

Câu 9.

① Chứng minh rằng $BD \perp (SAC)$.

② Tính góc tạo bởi SC và (SAB) .



Họ và tên: Lớp:

I. TRẮC NGHIỆM KHÁCH QUAN

Câu 1. Kết quả của $S = \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \dots + \frac{1}{2^n} + \dots$ là

- A. $\frac{1}{2}$. B. 0. C. $+\infty$. D. 1.

Câu 2. Trong không gian, cho hai đường thẳng d và d' có véc-tơ chỉ phương lần lượt là \vec{u} và \vec{v} . Biết rằng $\cos(\vec{u}, \vec{v}) = -\frac{1}{2}$, góc giữa hai đường thẳng d và d' bằng bao nhiêu độ?

- A. 120° . B. 30° . C. 60° . D. 150° .

Câu 3. Hàm số $y = \frac{x^2 - 4x + 3}{x + 1}$ không liên tục tại điểm nào sau đây?

- A. $x = 3$. B. $x = -1$. C. $x = -3$. D. $x = 1$.

Câu 4. Giá trị của $\lim_{x \rightarrow -1} (4 - 3x)$ bằng

- A. -1. B. 1. C. 7. D. -7.

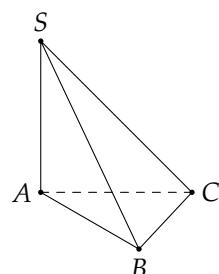
Câu 5. Biết rằng khi $m = m_0$ thì $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 + mx + 2}{x - 2} = 1$. Số m_0 thuộc khoảng nào sau đây?

- A. $(-2; 0)$. B. $(2; 4)$. C. $(-4; -2)$. D. $(0; 2)$.

Câu 6.

Cho hình chóp $S.ABCD$ có đáy $ABCD$ là tam giác đều cạnh a , $SA \perp (ABC)$ và $SA = a$. Góc giữa SB và AB bằng

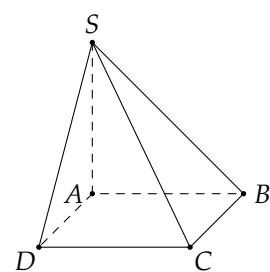
- A. 60° . B. 90° . C. 135° . D. 45° .



Câu 7.

Cho hình chóp $S.ABCD$ có đáy $ABCD$ là hình vuông và $SA \perp (ABCD)$. Khẳng định nào sau đây là đúng?

- A. $BC \perp (SAB)$. B. $BC \perp (SBD)$.
C. $BC \perp (SAC)$. D. $BC \perp (SCD)$.



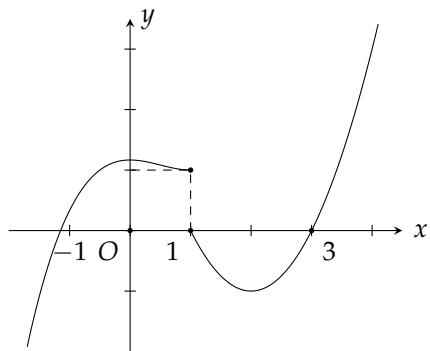
Câu 8. Giới hạn $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2022}{n}$ bằng

- A. $+\infty$. B. 0. C. 2022. D. 1.

Câu 9.

Cho hàm số $y = f(x)$ có đồ thị được biểu diễn trong hệ trục tọa độ Oxy như hình vẽ bên. Mệnh đề nào sau đây sai?

- A. Hàm số $y = f(x)$ gián đoạn tại điểm $x = 1$.
- B. Hàm số $y = f(x)$ liên tục tại điểm $x = 3$.
- C. Hàm số $y = f(x)$ liên tục trên \mathbb{R} .
- D. Hàm số $y = f(x)$ liên tục tại điểm $x = -1$.



Câu 10. Kết quả của $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4}{x - 2}$ bằng

- A. 4.
- B. $-\infty$.
- C. 0.
- D. $+\infty$.

Câu 11. $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x - 1}{2x + 3}$ bằng bao nhiêu?

- A. $\frac{3}{2}$.
- B. $\frac{2}{3}$.
- C. -3 .
- D. $-\frac{1}{3}$.

Câu 12. Cho hình chóp $S.ABCD$ có đáy $ABCD$ là hình vuông, SA vuông góc với mặt đáy. Hình chiếu vuông góc của SB lên $(ABCD)$ là

- A. CB .
- B. AB .
- C. SA .
- D. DB .

Câu 13. Giới hạn $\lim_{x \rightarrow +\infty} (x^4 - 4x^2 + 3)$ là

- A. 1.
- B. 3.
- C. $-\infty$.
- D. $+\infty$.

Câu 14. Cho hàm số $f(x) = \begin{cases} \frac{4x^2 + 3x - 1}{x + 1} & \text{khi } x \neq -1 \\ 2m + 1 & \text{khi } x = -1 \end{cases}$. Với giá trị nào của m thì hàm số

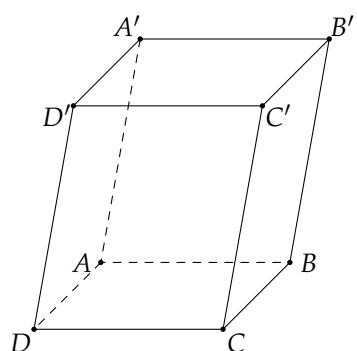
đã cho liên tục tại điểm $x = -1$?

- A. $m = 2$.
- B. $m = 0$.
- C. $m = \frac{1}{2}$.
- D. $m = -3$.

Câu 15.

Cho hình hộp $ABC.A'B'C'D'$ (tham khảo hình vẽ). Khẳng định nào sau đây là đúng?

- A. $\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{BB'} = \overrightarrow{BD'}$.
- B. $\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{BB'} = \overrightarrow{BA'}$.
- C. $\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{BB'} = \overrightarrow{BC'}$.
- D. $\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{BB'} = \overrightarrow{B'D}$.



II. TỰ LUẬN

Bài 1. Tính các giới hạn sau:

$$\textcircled{1} \lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2 + 3x + 2}{x + 2}.$$

$$\textcircled{2} \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x+3} - 2x}{x - 1}.$$

Bài 2. Cho hình chóp $S.ABCD$ có $ABCD$ là hình vuông cạnh $2a$, $SA \perp (ABCD)$ và $2a\sqrt{2}$.

- ① Chứng minh rằng $BD \perp (SAC)$.

② Tính góc tạo bởi SC và (SAD) .



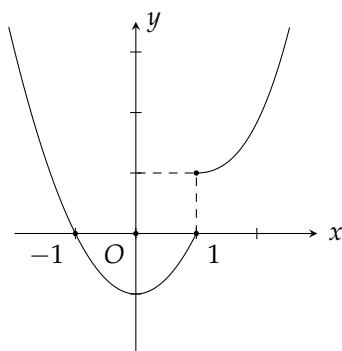
Họ và tên: Lớp:

I. TRẮC NGHIỆM KHÁCH QUAN

Câu 1.

Cho hàm số $y = f(x)$ có đồ thị được biểu diễn trong hệ trục tọa độ Oxy như hình vẽ bên. Mệnh đề nào sau đây **sai**?

- A. Hàm số $y = f(x)$ liên tục tại điểm $x = -1$.
- B. Hàm số $y = f(x)$ liên tục tại điểm $x = 2$.
- C. Hàm số $y = f(x)$ gián đoạn tại điểm $x = 1$.
- D. Hàm số $y = f(x)$ liên tục trên \mathbb{R} .



Câu 2. Giới hạn $\lim_{x \rightarrow +\infty} (x^4 - 3x^2 + 2)$ là

- A. $+\infty$.
- B. 2.
- C. 1.
- D. $-\infty$.

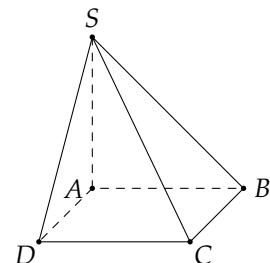
Câu 3. Giá trị của $\lim_{x \rightarrow -1} (5 - 4x)$ bằng

- A. 9.
- B. -9.
- C. 1.
- D. -1.

Câu 4.

Cho hình chóp $S.ABCD$ có đáy $ABCD$ là hình chữ nhật và $SA \perp (ABCD)$. Khẳng định nào sau đây là đúng?

- A. $CD \perp (SBD)$.
- B. $CD \perp (SAD)$.
- C. $CD \perp (SBC)$.
- D. $CD \perp (SAC)$.



Câu 5. Giới hạn $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2023}{n}$ bằng

- A. 0.
- B. 2023.
- C. 1.
- D. $+\infty$.

Câu 6. Kết quả của $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 9}{x - 3}$ bằng

- A. $+\infty$.
- B. $-\infty$.
- C. 6.
- D. 0.

Câu 7. Trong không gian, cho hai đường thẳng Δ và Δ' có véc-tơ chỉ phương lần lượt là \vec{u} và \vec{v} . Biết rằng $\cos(\vec{u}, \vec{v}) = -\frac{\sqrt{3}}{2}$, góc giữa hai đường thẳng d và d' bằng bao nhiêu độ?

- A. 60° .
- B. 120° .
- C. 150° .
- D. 30° .

Câu 8. Hàm số $y = \frac{x^2 - 3x + 2}{x + 2}$ không liên tục tại điểm nào sau đây?

