

Thời gian làm bài: 90 phút (không kể thời gian giao đề)

BẢN CHÍNH

Câu 1 (2,0 điểm)

1. Cho hai tập hợp $A = \{1; 2; 3; 4; 5; 6; 7\}$ và $B = \{0; 2; 4; 6; 8; 9\}$.

Tìm các tập hợp $A \cap B$ và $A \setminus B$

2. Tìm tập xác định của hàm số $y = \frac{x^2 + x + 1}{x^2 - 9}$

3. Xét tính chẵn, lẻ của hàm số $f(x) = 2017x^3 - 2018x$

Câu 2 (2,0 điểm)

Cho hàm số $y = -x^2 + 2x$, gọi đồ thị của hàm số là (P)

- Lập bảng biến thiên và vẽ đồ thị (P) của hàm số đã cho.
- Tìm tất cả các giá trị của tham số m để đường thẳng d có phương trình $y = -2x + m$ cắt đồ thị (P) tại hai điểm phân biệt.

Câu 3 (2,5 điểm)

Giải các phương trình sau:

$$1) \quad 5x + 2 = 2(10 - 3x)$$

$$2) \quad \frac{x(x+1)}{\sqrt{x-1}} = \frac{6}{\sqrt{x-1}}$$

$$3) \quad x^2 - x - 3 = 3|x - 1|$$

Câu 4(3,0 điểm)

1. Trong mặt phẳng tọa độ Oxy , cho tam giác ABC biết $A(2;3)$, $B(-1;2)$, $G(5;-5)$

a) Tìm tọa độ vectơ \overrightarrow{AG} . Tìm tọa độ điểm C sao cho tam giác ABC nhận G làm trọng tâm.

b) Tìm tọa độ điểm D sao cho $ABCD$ là hình bình hành.

2. Cho hình thang $ABCD$ vuông tại A và D . Biết $AB = AD = 5cm$, $CD = 10cm$. Gọi M và N lần lượt là trung điểm của AD và CD .

a) Chứng minh rằng $\overrightarrow{AM} + \overrightarrow{BN} = \overrightarrow{AN} + \overrightarrow{BM}$

b) Tính độ dài $|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MC} + 2\overrightarrow{MN}|$

Câu 5. (0,5 điểm)

Giải phương trình: $\frac{1}{\sqrt{1-x^2}} + \frac{1}{x} = 2\sqrt{2}$

..... HẾT

Câu	Đáp án	Điểm								
<i>Câu 1.</i>		2,0								
<i>Câu 1.1</i>		1,0								
	$A \cap B = \{2; 4; 6\}$	0,5								
	$A \setminus B = \{1; 3; 5; 7\}$	0,5								
<i>Câu 1.2</i>		0,5								
	+ Hàm số có nghĩa $\Leftrightarrow x^2 - 9 \neq 0 \Leftrightarrow x \neq \pm 3$	0,25								
	+ Tập xác định: $D = R \setminus \{\pm 3\}$	0,25								
<i>Câu 1.3</i>		0,5								
	+ Tập xác định $D=R$	0,25								
	+ Kiểm tra $\forall x \in R \Rightarrow -x \in R$									
	+ Tính $f(-x) = 2017(-x)^3 - 2018(-x) = -(2017x^3 - 2018x) = -f(x)$	0,25								
	+ Vậy hàm số là hàm số lẻ trên tập R									
<i>Câu 2</i>		2,0								
<i>Câu 2.1</i>		1,5								
	<ul style="list-style-type: none"> Tập xác định: $D=R$ Tính $\frac{-b}{2a} = 1; \frac{-\Delta}{4a} = 1$ 	0,5								
	<ul style="list-style-type: none"> Bảng biến thiên: <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>1</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>y</td> <td>$-\infty$</td> <td>1</td> <td>$-\infty$</td> </tr> </table>	x	$-\infty$	1	$+\infty$	y	$-\infty$	1	$-\infty$	0,5
x	$-\infty$	1	$+\infty$							
y	$-\infty$	1	$-\infty$							
	<ul style="list-style-type: none"> Đồ thị: <p>+ Đồ thị là parabol nhận $I(1;1)$ làm đỉnh, đường thẳng $x=1$ làm trục đối xứng</p> <p>+ Đồ thị giao với trục Ox tại $A(2;0)$; $O(0;0)$</p> <p>+ Đồ thị giao với trục Oy tại $O(0;0)$</p>	0,5								

Câu 2.2

0,5

+ Phương trình hoành độ giao điểm: $-x^2 + 2x = -2x + m$
 $\Leftrightarrow x^2 - 4x + m = 0$

0,25

+ Để d cắt (P) tại hai điểm phân biệt khi:

$$\Delta' > 0 \Leftrightarrow m < 4$$

+ Vậy $m < 4$ thỏa mãn bài toán

0,25

Câu 3

2,5

Câu 3.1

0,5

$$5x + 2 = 2(10 - 3x) \Leftrightarrow 5x + 2 = 20 - 6x$$

$$\Leftrightarrow 11x = 18$$

0,25

$$\Leftrightarrow x = \frac{18}{11}$$

Vậy nghiệm phương trình là $x = \frac{18}{11}$

0,25

Câu 3.2

1,0

+ Điều kiện: $x > 1$

0,25

$$\frac{x(x+1)}{\sqrt{x-1}} = \frac{6}{\sqrt{x-1}} \Leftrightarrow x(x+1) = 6 \Leftrightarrow x^2 + x - 6 = 0$$

0,25

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = -3 \\ x = 2 \end{cases}$$

0,25

+ Kiểm tra điều kiện được $x=2$ là nghiệm

0,25

Câu 3.3

1,0

- Xét $x \geq 1$ phương trình trở thành $x^2 - x - 3 = 3(x-1)$

0,25

$$\Leftrightarrow x^2 - 4x = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 4 \end{cases}$$

0,25

+ Đổi chiều điều kiện được $x=4$ thỏa mãn

- Xét $x < 1$ phương trình trở thành $x^2 - x - 3 = -3(x-1)$

0,25

$$\Leftrightarrow x^2 + 2x - 6 = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 - \sqrt{7} \\ x = -1 + \sqrt{7} \end{cases}$$

0,25

+ Đổi chiều điều kiện được $x = -1 - \sqrt{7}$ thỏa mãn

- Kết luận: $x = 4; x = -1 - \sqrt{7}$

Câu 4

3,0

Câu 4.1.a

1,0

+ Ta có

$$\overline{AG} = (3; -8)$$

0,5

Từ công thức	$\begin{cases} x_G = \frac{x_A + x_B + x_C}{3} \\ y_G = \frac{y_A + y_B + y_C}{3} \end{cases}$	0,25
Thay số	$\begin{cases} 5 = \frac{2 + (-1) + x_C}{3} \\ -5 = \frac{3 + 2 + y_C}{3} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x_C = 14 \\ y_C = -20 \end{cases}$	0,25

Vậy toạ độ $C(14; -20)$

Câu 4.1.b

+ Gọi $D(x; y)$	1,0
$\overrightarrow{AD} = (x - 2; y - 3)$	
$\overrightarrow{BC} = (15; -22)$	0,25
ABCD là hình bình hành $\Leftrightarrow \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{BC}$	0,25
$\begin{cases} x - 2 = 15 \\ y - 3 = -22 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 17 \\ y = -19 \end{cases}$	0,25
Vậy $D(17; -19)$	

Câu 4.2

Câu 4.2.a	1,0
$\overrightarrow{AM} + \overrightarrow{BN} = \overrightarrow{AN} + \overrightarrow{BM} \Leftrightarrow \overrightarrow{AM} - \overrightarrow{AN} = \overrightarrow{BM} - \overrightarrow{BN}$	0,5
$\Leftrightarrow \overrightarrow{NM} = \overrightarrow{NM}$	0,25

Từ đó suy ra điều phải chứng minh

Câu 4.2.b

+ Gọi K là trung điểm của AC và H là trung điểm của NK	0,5
+ Ta có $\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MC} = 2\overrightarrow{MK}$	
+ Ta có $\overrightarrow{MN} + \overrightarrow{MK} = 2\overrightarrow{MH}$	0,25
+ Thay vào ta được $ \overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MC} + 2\overrightarrow{MN} = 2\overrightarrow{MK} + 2\overrightarrow{MN} = 4\overrightarrow{MH} $	
+ Chứng minh được $MDNK$ là hình chữ nhật và $MK = AB$, $HK = \frac{1}{4}AD$	
+ Ta có $MH = \sqrt{MK^2 + KH^2} = \frac{5}{4}\sqrt{17}$	0,25
+ Từ đó suy ra $ \overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MC} + 2\overrightarrow{MN} = 5\sqrt{17}$	

Câu 5

$\frac{1}{\sqrt{1-x^2}} + \frac{1}{x} = 2\sqrt{2}$	0,5
+ Điều kiện $\begin{cases} 1-x^2 > 0 \\ x \neq 0 \end{cases}$	
+ Từ phương trình suy ra	0,25

$$\Rightarrow \left(\frac{1}{\sqrt{1-x^2}} + \frac{1}{x} \right)^2 = (2\sqrt{2})^2 \Leftrightarrow \frac{1}{1-x^2} + \frac{1}{x^2} + \frac{2}{x\sqrt{1-x^2}} = 8 \Leftrightarrow \frac{1}{x^2(1-x^2)} + \frac{2}{x\sqrt{1-x^2}} = 8$$

+ Đặt $\frac{1}{x\sqrt{1-x^2}} = u \quad (u \in R)$

+ Phương trình trở thành $u^2 + 2u - 8 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} u = -4 \\ u = 2 \end{cases}$

+ Xét $u = -4$. Ta có

$$\frac{1}{x\sqrt{1-x^2}} = -4 \Leftrightarrow x\sqrt{1-x^2} = \frac{-1}{4}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x < 0 \\ 16x^4 - 16x^2 + 1 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x < 0 \\ x^2 = \frac{2 \pm \sqrt{3}}{4} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x < 0 \\ x = -\sqrt{\frac{2-\sqrt{3}}{4}}; x = -\sqrt{\frac{2+\sqrt{3}}{4}} \end{cases}$$

+ Thay vào phương trình được nghiệm $x = -\sqrt{\frac{2+\sqrt{3}}{4}}$

+ Xét $u = 2$. Ta có

$$\frac{1}{x\sqrt{1-x^2}} = 2 \Leftrightarrow x\sqrt{1-x^2} = \frac{1}{2}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x > 0 \\ 4x^4 - 4x^2 + 1 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > 0 \\ x^2 = \frac{1}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > 0 \\ x = \frac{\sqrt{2}}{2} \end{cases}$$

Vậy phương trình có nghiệm là $x = -\sqrt{\frac{2+\sqrt{3}}{4}}, x = \frac{\sqrt{2}}{2}$

0.,25

Tổng

10

- **Chú ý**

+ Học sinh làm cách khác đúng cho điểm tối đa

+ Điểm của toàn bài làm tròn đến 0,5 điểm