

**SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO
ĐẮK LẮK**

ĐỀ CHÍNH THỨC
(Đề này có 01 trang)

**KỲ THI CHỌN HỌC SINH GIỎI TỈNH
NĂM HỌC 2020 – 2021**

MÔN: TOÁN – THPT, GDTX

Thời gian: 180 phút (không kể thời gian giao đề)

Ngày thi: 17/03/2021

Câu 1. (4,0 điểm) Cho hàm số $y = f(x) = x^4 + mx^2 + 4$ có đồ thị (C_m) với m là tham số.

- 1) Khi $m = -5$, viết phương trình các tiếp tuyến của đồ thị (C_m) tại giao điểm của nó với trục hoành.
- 2) Tìm tất cả các giá trị thực của m để đồ thị (C_m) có 3 điểm cực trị nằm trên các trục tọa độ.

Câu 2. (6,0 điểm)

- 1) Tìm tất cả các giá trị thực của tham số m để phương trình $4^x - m \cdot 2^{x+1} + 2m = 0$ có hai nghiệm phân biệt x_1, x_2 thỏa mãn điều kiện $x_1 + x_2 = 4$.

2) Tính tích phân $I = \int_0^1 \frac{dx}{3x + 5\sqrt{3x+1} + 7}$.

3) Giải hệ phương trình $\begin{cases} x^3(4y^2 + 1) + 2(x^2 + 1)\sqrt{x} = 6 \\ x^2y\left(2 + 2\sqrt{4y^2 + 1}\right) = x + \sqrt{x^2 + 1} \end{cases}$.

Câu 3. (4,0 điểm)

1) Trong không gian với hệ trục tọa độ $Oxyz$, cho bốn điểm $A(1;2;1)$, $B(-2;1;3)$, $C(2;-1;3)$, $D(0;3;1)$. Viết phương trình mặt phẳng (P) đi qua hai điểm A, B và cách đều hai điểm C, D sao cho C và D nằm khác phía so với mặt phẳng (P).

2) Cho ΔABC có $AB = 3a$, $AC = 4a$, $BC = 5a$. Lấy M là một điểm tùy ý nằm bên trong ΔABC và D, E, F lần lượt là hình chiếu của M lên các cạnh BC, CA, AB . Chứng minh rằng:

a) $\frac{1}{5MD} + \frac{1}{4ME} + \frac{1}{3MF} \geq \frac{3}{4a}$.

b) $\frac{1}{5MD + 4ME} + \frac{1}{4ME + 3MF} + \frac{1}{3MF + 5MD} \geq \frac{3}{8a}$.

Câu 4. (4,0 điểm) Cho hình hộp $ABCD.A'B'C'D'$ có đáy $ABCD$ là hình thoi cạnh a , góc $\widehat{BAD} = 60^\circ$, cạnh bên $AA' = a\sqrt{2}$. Hình chiếu vuông góc của đỉnh D' lên mặt phẳng ($ABCD$) là điểm E nằm trên đoạn thẳng BD , hình chiếu vuông góc của đỉnh B lên cạnh DD' là điểm F và $DF = \frac{1}{4}DD'$.

- 1) Tính theo a thể tích khối hộp $ABCD.A'B'C'D'$.
- 2) Gọi G là trọng tâm của tam giác $CB'C'$. Tính khoảng cách từ điểm G đến mặt phẳng (BDD') theo a .

Câu 5. (2,0 điểm) Cho a, b, c là các số thực dương. Chứng minh rằng:

$$\left(1 + \frac{a}{b}\right)\left(1 + \frac{b}{c}\right)\left(1 + \frac{c}{a}\right) \geq 2 + \frac{\sqrt[3]{abc}}{a+b+c}.$$

----- HẾT -----

- *Thí sinh không được sử dụng tài liệu.*
- *Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm.*

Họ và tên thí sinh: Số báo danh: