

SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO  
BẮC NINH

ĐỀ KIỂM TRA CUỐI HỌC KỲ II

NĂM HỌC 2021 - 2022

Môn: Toán - lớp 12

Thời gian làm bài: 90 phút (không kể thời gian phát đề)

(Đề có 06 trang)

Họ và tên học sinh : ..... Số báo danh : .....

Mã đề 101

Câu 1. Cho khối nón có bán kính đáy bằng 2, chiều cao bằng 3. Thể tích của khối nón đã cho bằng

- A.  $18\pi$ .      B.  $12\pi$ .      C.  $4\pi$ .      D.  $6\pi$ .

Câu 2. Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho ba điểm  $A(1;3;5)$ ,  $B(2;0;1)$ ,  $C(0;9;0)$ . Tìm tọa độ trọng tâm  $G$  của tam giác  $ABC$ .

- A.  $G(1;5;2)$ .      B.  $G(1;4;2)$ .      C.  $G(3;12;6)$ .      D.  $G(1;0;5)$ .

Câu 3. Cho hai hàm số  $f(x), g(x)$  liên tục trên  $K$ ,  $a, b \in K$  và  $k \in \mathbb{R}$ . Khẳng định nào sau đây sai?

- A.  $\int_a^b f(x)g(x)dx = \int_a^b f(x)dx \cdot \int_a^b g(x)dx$       B.  $\int_a^b [f(x) - g(x)]dx = \int_a^b f(x)dx - \int_a^b g(x)dx$   
C.  $\int_a^b [f(x) + g(x)]dx = \int_a^b f(x)dx + \int_a^b g(x)dx$       D.  $\int_a^b kf(x)dx = k \int_a^b f(x)dx$

Câu 4. Nghiệm của phương trình  $3^{x-1} = 9$  là

- A.  $x = 3$ .      B.  $x = 2$ .      C.  $x = -3$ .      D.  $x = -2$ .

Câu 5. Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm liên tục trên đoạn  $[-1; 3]$  và thỏa mãn  $f(-1) = 4, f(3) = 7$ . Giá trị

của  $I = \int_{-1}^3 5f'(x)dx$  bằng

- A.  $I = 10$ .      B.  $I = 3$ .      C.  $I = 15$ .      D.  $I = 20$ .

Câu 6. Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , phương trình nào sau đây là phương trình chính tắc của đường thẳng đi qua hai điểm  $A(1; 2; -3)$  và  $B(3; -1; 1)$ ?

- A.  $\frac{x-3}{1} = \frac{y+1}{2} = \frac{z-1}{-3}$ .      B.  $\frac{x-1}{3} = \frac{y-2}{-1} = \frac{z+3}{1}$ .  
C.  $\frac{x+1}{2} = \frac{y+2}{-3} = \frac{z-3}{4}$ .      D.  $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{-3} = \frac{z+3}{4}$ .

Câu 7. Cho hình nón có chiều cao bằng 3 và bán kính đáy bằng 4. Diện tích toàn phần của hình nón là:

- A.  $36\pi$ .      B.  $26\pi$ .      C.  $20\pi$ .      D.  $16\pi$ .

Câu 8. Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho điểm  $M$  thỏa mãn hệ thức  $\overrightarrow{OM} = 2\vec{j} + \vec{k}$ . Tọa độ của điểm  $M$  là:

- A.  $M(0; 2; 1)$ .      B.  $M(1; 2; 0)$ .      C.  $M(2; 0; 1)$ .      D.  $M(2; 1; 0)$ .

Câu 9. Tập nghiệm  $S$  của bất phương trình  $\log_2(x-1) < 3$

- A.  $S = (1; 9)$ .      B.  $S = (-\infty; 9)$ .      C.  $S = (-\infty; 10)$ .      D.  $S = (1; 10)$ .

Câu 10. Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , mặt phẳng đi qua tâm của mặt cầu  $(x-1)^2 + (y+2)^2 + z^2 = 12$  và song song với mặt phẳng  $(Oxz)$  có phương trình là:

- A.  $y+1=0$ .      B.  $y-2=0$ .      C.  $x+z-1=0$ .      D.  $y+2=0$ .

Câu 11. Cho số phức  $z = 2+i$ . Trên mặt phẳng tọa độ, điểm nào dưới đây biểu diễn số phức  $w = 2+iz$ ?

- A.  $Q(2;1)$ .      B.  $P(1;2)$ .      C.  $N(3;4)$ .      D.  $M(3;2)$ .

Câu 12. Cho mặt cầu có diện tích bằng  $32\pi a^2$ . Khi đó bán kính của mặt cầu bằng

- A.  $\frac{a\sqrt{2}}{2}$ .      B.  $2a$ .      C.  $4\sqrt{2}a$ .      D.  $2\sqrt{2}a$ .

Câu 13. Trong các hàm số sau đây, hàm số nào nghịch biến trên  $\mathbb{R}$ .

- A.  $y = \left(\frac{1}{2}\right)^{-x}$ .      B.  $y = (\sqrt{3})^x$ .      C.  $y = \left(\frac{2}{e}\right)^x$ .      D.  $y = \left(\frac{\pi}{3}\right)^x$ .

Câu 14. Cho  $C$  là hằng số, khẳng định nào sau đây đúng?

- A.  $\int x^2 dx = \frac{x^3}{3} + C$ .      B.  $\int x^2 dx = x + C$ .      C.  $\int x^2 dx = 2x + C$ .      D.  $\int x^2 dx = x^3 + C$ .

Câu 15. Gọi  $S$  là diện tích hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y = x^2 + 2x + 1$ ;  $y = m$  ( $m < 0$ ) và  $x = 0$ ;  $x = 1$ . Biết  $S = 4$ , khẳng định nào sau đây đúng?

- A.  $m \in (-3; -2)$ .      B.  $m \in (-6; -3)$ .      C.  $m \in (-2; -1)$ .      D.  $m \in (-1; 0)$ .

Câu 16. Xét các số thực  $a, b$  thỏa mãn điều kiện  $\log_5 (5^a \cdot 125^b) = \log_{125} 5$ . Khẳng định nào dưới đây đúng?

- A.  $3a + 9b = 1$ .      B.  $9ab = 1$ .      C.  $a + 3b = 2$ .      D.  $9a + 3b = 1$ .

Câu 17. Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho ba điểm  $A(1; 2; -1)$ ,  $B(2; -1; 3)$ ,  $C(-3; 5; 1)$ . Tìm tọa độ điểm  $D$  sao cho tứ giác  $ABCD$  là hình bình hành.

- A.  $D(-2; 8; -3)$ .      B.  $D(-2; 2; 5)$ .      C.  $D(-4; 8; -3)$ .      D.  $D(-4; 8; -5)$ .

Câu 18. Trên mặt phẳng phức, tập hợp các điểm biểu diễn của số phức  $z = x + yi$  thỏa mãn  $|z + 2 + i| = |z - 3i|$  là đường thẳng có phương trình

- A.  $y = -x + 1$ .      B.  $y = x - 1$ .      C.  $y = -x - 1$ .      D.  $y = x + 1$ .

Câu 19. Cho  $x, y > 0$  và  $\alpha, \beta \in \mathbb{R}$ . Khẳng định nào sau đây sai?

- A.  $(xy)^\alpha = x^\alpha \cdot y^\alpha$ .      B.  $x^\alpha \cdot x^\beta = x^{\alpha+\beta}$ .      C.  $x^\alpha + y^\alpha = (x+y)^\alpha$ .      D.  $(x^\alpha)^\beta = x^{\alpha\beta}$ .

Câu 20. Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $(d): \frac{x+1}{-2} = \frac{y-1}{3} = \frac{2-z}{1}$ . Véc-tơ nào sau đây là một véc-tơ chỉ phương của đường thẳng  $(d)$ ?

- A.  $\vec{u}_d = (2; -3; 1)$ .      B.  $\vec{u}_d = (-1; 1; 2)$ .      C.  $\vec{u}_d = (-2; 3; 1)$ .      D.  $\vec{u}_d = (-2; -3; -1)$ .

Câu 21. Biết  $\int_{-1}^4 f(x)dx = \frac{1}{2}$  và  $\int_{-1}^0 f(x)dx = -\frac{1}{2}$ . Tính tích phân  $I = \int_0^4 [4e^{2x} + 2f(x)]dx$ .

- A.  $I = 2e^8$ .      B.  $I = 2e^8 - 4$ .      C.  $I = 4e^8$ .      D.  $I = 4e^8 - 2$ .

Câu 22. Kí hiệu  $z_1, z_2$  là hai nghiệm phức của phương trình  $2z^2 - 4z + 11 = 0$ . Giá trị biểu thức  $P = 2z_1z_2 + 2z_1 + 2z_2$  bằng

- A. 17.      B. 11.      C. 13.      D. 15.

Câu 23. Tập xác định của hàm số  $y = (2 - \sqrt{3})^x$  là

- A.  $(0; +\infty)$       B.  $(-\infty; +\infty)$       C.  $(-\infty; 0)$       D.  $[0; +\infty)$

Câu 24. Cho hình phẳng  $(H)$  giới hạn bởi các đường  $y = x^2$ ,  $y = 2x$ . Thể tích của khối tròn xoay được tạo thành khi quay  $(H)$  xung quanh trục  $Ox$  bằng:

- A.  $\frac{64\pi}{15}$ .      B.  $\frac{32\pi}{15}$ .      C.  $\frac{21\pi}{15}$ .      D.  $\frac{16\pi}{15}$ .

Câu 25. Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P) : 3x - z + 2 = 0$ . Vectơ nào dưới đây là một vectơ pháp tuyến của  $(P)$ ?

- A.  $\vec{n} = (3; -1; 0)$ .      B.  $\vec{n} = (-1; 0; -1)$ .      C.  $\vec{n} = (3; 0; -1)$ .      D.  $\vec{n} = (3; -1; 2)$ .

Câu 26. Cho hai số phức  $z_1 = 2 - i$  và  $z_2 = 1 + i$ . Số phức  $2z_1 + z_2$  là

- A.  $-3i$ .      B. 3.      C.  $5 - i$ .      D.  $-1 + 5i$ .

Câu 27. Đạo hàm của hàm số  $y = 2^x$  là

- A.  $2^x \ln 2$ .      B.  $2^x$ .      C.  $x \cdot 2^{x-1}$ .      D.  $\frac{2^x}{\ln 2}$ .

Câu 28. Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $[a, b]$ , viết công thức tính diện tích hình phẳng được giới hạn bởi đồ thị hàm số  $y = f(x)$ , trục  $Ox$  và các đường thẳng  $x = a, x = b$  ( $a < b$ ).

- A.  $\pi \int_a^b f(x) dx$ .      B.  $\pi \int_a^b f^2(x) dx$ .      C.  $\int_a^b |f(x)| dx$ .      D.  $\int_a^b f^2(x) dx$ .

Câu 29. Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P) : x + 2y + 3z - 6 = 0$  điểm nào sau đây thuộc mặt phẳng  $(P)$ ?

- A.  $Q(1; 2; 1)$ .      B.  $P(3; 2; 0)$ .      C.  $M(1; 2; 3)$ .      D.  $N(1; 1; 1)$ .

Câu 30. Với  $a > 0, a \neq 1$ ,  $\log_a a$  bằng

- A.  $-\frac{1}{3}$ .      B. 3.      C. -3.      D.  $\frac{1}{3}$ .

Câu 31. Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho điểm  $M(2; 1; 4)$  và đường thẳng  $\Delta : \frac{x-1}{1} = \frac{y-2}{1} = \frac{z-1}{2}$ . Tìm tọa độ điểm  $H$  là hình chiếu vuông góc của điểm  $M$  trên đường thẳng  $\Delta$ .

- A.  $H(3; 4; 5)$ .      B.  $H(1; 2; 1)$ .      C.  $H(2; 3; 3)$ .      D.  $H(0; 1; -1)$ .

Câu 32. Số phức liên hợp của  $z = 3 - 4i$  là:

- A.  $3 - 4i$ .      B.  $-3 - 4i$ .      C.  $-3 + 4i$ .      D.  $3 + 4i$ .

Câu 33. Gọi  $z_1, z_2$  là nghiệm của phương trình  $z^2 - 2z + 2 = 0$ . Biết số phức  $z_1$  có phần ảo âm. Phần ảo của số phức  $z_2$

- A. 1.      B.  $1 - i$ .      C.  $i$ .      D.  $-1$ .

Câu 34. Cho  $C$  là hằng số, khẳng định nào sau đây đúng?

- A.  $\int \sin\left(2x + \frac{\pi}{3}\right)dx = \frac{1}{2} \cos\left(2x + \frac{\pi}{3}\right) + C$ .      B.  $\int \sin\left(2x + \frac{\pi}{3}\right)dx = -\frac{1}{2} \cos\left(2x + \frac{\pi}{3}\right) + C$ .
- C.  $\int \sin\left(2x + \frac{\pi}{3}\right)dx = -\frac{1}{2} \cos 2x + C$ .      D.  $\int \sin\left(2x + \frac{\pi}{3}\right)dx = \frac{1}{2} \cos 2x + C$ .

Câu 35. Cho  $\int_{-2}^1 f(x)dx = 3$ . Tính tích phân  $\int_{-2}^1 [2f(x) - 1]dx$ .

- A.  $-3$ .      B.  $3$ .      C.  $-9$ .      D.  $5$ .

Câu 36. Cho  $x, y$  là hai số thực dương thỏa mãn  $4 + 9 \cdot 3^{x^2-2y} = (4 + 9^{x^2-2y}) \cdot 7^{2y-x^2+2}$ . Giá trị nhỏ nhất của biểu thức  $P = \frac{x+2y+18}{x}$  bằng

- A.  $\frac{3+\sqrt{2}}{2}$ .      B.  $9$ .      C.  $1+9\sqrt{2}$ .      D.  $17$ .

Câu 37. Cho số phức  $z$  thỏa mãn  $|z| = 5$ . Tập hợp các điểm biểu diễn số phức  $w = 2(\bar{z} - 3) + 1 - 4i$  là một đường tròn có bán kính bằng

- A.  $10$ .      B.  $11$ .      C.  $5$ .      D.  $\frac{5}{2}$ .

Câu 38. Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm liên tục trên khoảng  $(1; +\infty)$  thỏa mãn  $[xf'(x) - 2f(x)] \ln x = x^3 - f(x)$ ,  $\forall x \in (1; +\infty)$ ; và  $f(\sqrt[3]{e}) = 3e$ . Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = f(x)$  trên khoảng  $(1; +\infty)$  thuộc khoảng nào dưới đây?

- A.  $(6; 8)$ .      B.  $(4; 6)$ .      C.  $(10; 12)$ .      D.  $(8; 10)$ .

Câu 39. Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , viết phương trình mặt phẳng tiếp xúc với mặt cầu

$$(S) : (x-1)^2 + y^2 + (z+2)^2 = 6 \text{ đồng thời song song với hai đường thẳng } d_1 : \frac{x-2}{3} = \frac{y-1}{-1} = \frac{z}{-1},$$

$$d_2 : \frac{x}{1} = \frac{y+2}{1} = \frac{z-2}{-1}.$$

A.  $x - y + 2z + 9 = 0$

B.  $\begin{cases} x + y + 2z - 3 = 0 \\ x + y + 2z + 9 = 0 \end{cases}$

C.  $x + y + 2z + 9 = 0$

D.  $\begin{cases} x - y + 2z - 3 = 0 \\ x - y + 2z + 9 = 0 \end{cases}$

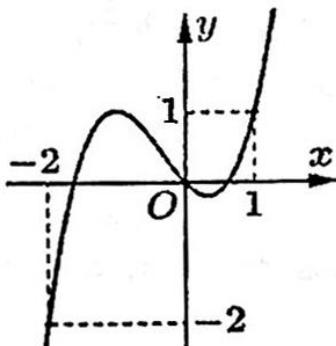
Câu 40. Cho hình lăng trụ tam giác đều  $ABC.A'B'C'$  có độ dài cạnh đáy bằng  $a$ , độ dài cạnh bên bằng  $2a$ . Thể tích của khối cầu ngoại tiếp hình lăng trụ đó bằng

- A.  $\frac{32\pi}{3\sqrt{3}}a^3$ .      B.  $\frac{16\pi\sqrt{3}}{27}a^3$ .      C.  $\frac{32\pi}{27}a^3$ .      D.  $\frac{32\pi\sqrt{3}}{27}a^3$ .

Câu 41. Cho bất phương trình  $\log_7(x^2 + 2x + 2) + 1 > \log_7(x^2 + 6x + 5 + m)$ . Có tất cả bao nhiêu giá trị nguyên của  $m$  để bất phương trình trên có tập nghiệm chứa khoảng  $(1; 3)$ ?

- A. 36.      B. 34.      C. vô số.      D. 35.

Câu 42. Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $\mathbb{R}$ , đồ thị hàm số  $f'(x)$  như hình vẽ dưới đây. Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $g(x) = f(x) - \frac{x^2}{2}$  trên đoạn  $[-2; 1]$  là



- A.  $g(-1)$ .      B.  $g(-2)$ .      C.  $g(0)$ .      D.  $g(1)$ .

Câu 43. Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $\mathbb{R}$ . Biết  $\int_0^1 (x-1)f'(x)dx = 12$  và  $f(0) = 3$ . Tính  $\int_0^1 f(x)dx$ .

- A. -9.      B. 9.      C. 15.      D. 36.

Câu 44. Xét các số phức  $z$  thỏa mãn  $|z^2 - 2z + 5| = |(z-1+2i)(z+3i-1)|$ . Giá trị nhỏ nhất của biểu thức  $P = |z - 2 + 2i|$  bằng

- A.  $\frac{5}{2}$ .      B.  $\frac{3}{2}$ .      C.  $\sqrt{5}$ .      D. 1.

Câu 45. Phương trình  $2\log_2(2x+3) = \log_2 x^2$  có số nghiệm là

- A. 2.      B. 3.      C. 0.      D. 1.

Câu 46. Có tất cả bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để phương trình  $2^{2x+4} - 3^{x^2} \cdot m = 0$  có hai nghiệm thực phân biệt?

- A. 24.      B. 18.      C. Vô số.      D. 31.

Câu 47. Cho  $C$  là hằng số, khẳng định nào sau đây đúng?

- A.  $\int \frac{dx}{2x+1} = \frac{1}{2} \ln|4x+2| + C$ .      B.  $\int \frac{dx}{2x+1} = \frac{1}{2} \ln(2x+1) + C$ .  
 C.  $\int \frac{dx}{2x+1} = 2 \ln|2x+1| + C$ .      D.  $\int \frac{dx}{2x+1} = \ln|2x+1| + C$ .

Câu 48. Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d : \frac{x+1}{2} = \frac{y-1}{1} = \frac{z-2}{3}$  và mặt phẳng  $(P) : x - y - z - 1 = 0$ . Phương trình chính tắc của đường thẳng đi qua điểm  $M(1; 1; -2)$ , song song với  $(P)$  và vuông góc với  $d$  là

A.  $\frac{x+1}{2} = \frac{y}{1} = \frac{z+5}{3}$ .

B.  $\frac{x+1}{-2} = \frac{y-2}{1} = \frac{z+5}{-3}$ .

C.  $\frac{x-1}{2} = \frac{y-1}{5} = \frac{z+2}{-3}$ .

D.  $\frac{x-1}{2} = \frac{y-1}{1} = \frac{z+2}{3}$ .

Câu 49. Bất phương trình  $2^{x^2-3x+4} \leq \left(\frac{1}{2}\right)^{x-12}$  có bao nhiêu nghiệm nguyên không dương?

A. 5.

B. 4.

C. 3.

D. 6.

Câu 50. Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P) : y - 1 = 0$ , đường thẳng

$\Delta : \begin{cases} x = 1 \\ y = 2 - t \\ z = 1 \end{cases}$  và hai điểm  $A(-1; -3; 11), B\left(\frac{1}{2}; 0; 8\right)$ . Hai điểm  $M, N$  thuộc mặt phẳng  $(P)$  sao cho  $d(M; \Delta) = 2$  và  $NA = 2NB$ . Tìm giá trị lớn nhất của đoạn  $MN$ .

A.  $\frac{22}{3}$ .

B. 11.

C. 12.

D.  $\frac{23}{2}$ .

— HẾT —